大阪市立大学 R2 年度 (2020 年度) 後期 全学共通科目 解析 II TI 機・情 33 ~ 中間レポート

提出締め切り 2020年12月22日23時59分00秒(日本標準時刻)

担当教官: 岩井雅崇(いわいまさたか)

• 注意事項

- 1. 第1問から第4問まで解くこと.
- 2. おまけ問題は全員が解く必要はない.(詳しくは成績の付け方のスライドを参照せよ).
- 3. 用語に関しては授業または教科書 (川平友規著 微分積分 1 変数と 2 変数) に準じます.
- 4. 提出締め切りを遅れて提出した場合、大幅に減点する可能性がある.
- 5. 名前・学籍番号をきちんと書くこと.
- 6. 解答に関して、答えのみならず、答えを導出する過程をきちんと記してください。 きちんと記していない場合は大幅に減点する場合がある.
- 7. 字は汚くても構いませんが, <u>読める字で濃く書いてください</u> あまりにも読めない場合は採点をしないかもしれません.
- 8. 採点を効率的に行うため, 順番通り解答するようお願いいたします.
- 9. 採点を効率的に行うため、レポートは pdf ファイル形式で提出し、ファイル名を「dif(学籍番号).pdf」とするようお願いいたします. (dif は微分 (differential) の略です.) 例えば学籍番号が「A18CA999」の場合はファイル名は「difA18CA999.pdf」となります.

レポート提出前のチェックリスト

- □ 締め切りを守っているか?
- □ レポートに名前・学籍番号を書いたか?
- □ 答えを導出する過程をきちんと記したか?
- □ 他者が読める字で書いたか?
- □ 順番通り解答したか?
- □ レポートは pdf ファイル形式で提出したか?
- □ ファイル名を「dif(学籍番号).pdf」としたか?

2020 年 12 月 15 日 (火) の 10 時 50 分からオンラインによる質疑応答の場を設けます. (出席義務はありません, 来たい人だけ来てください. レポートに関する質問も可とします.) 質疑応答に関しては WebClass を参照してください.

● レポートの提出方法について

原則的に WebClass からの提出しか認めません. レポートは余裕を持って提出してください.

<u>レポートは pdf ファイルで提出してください</u>。また WebClass からの提出の際, 提出ファイルを一つにまとめる必要があるとのことですので, 提出ファイルを一つにまとめてください.

採点を効率的に行うため、ファイル名を「 $\operatorname{dif}($ 学籍番号). pdf 」とするようお願いいたします. $\operatorname{(dif}$ は微分 ($\operatorname{differential}$) の略です.) 例えば学籍番号が「 $\operatorname{A18CA999}$ 」の場合はファイル名は「 $\operatorname{difA18CA999}$. pdf 」となります.

● 提出用 pdf ファイルの作成の仕方について

いろいろ方法はあると思います.

1つ目は「手書きレポートを pdf にする方法」があります。この方法は時間はあまりかかりませんが、お金がかかる可能性があります。手書きレポートを pdf にするには以下の方法があると思います。

- スキャナーを使うかコンビニに行ってスキャンする.
- スマートフォンやカメラで画像データにしてから pdf にする. 例えば Microsoft Word を使えば画像データを pdf にできます.
- その他いろいろ検索して独自の方法を行う.

2つ目は「TeX でレポートを作成する方法」があります。時間はかなりかかりますが、見た目はかなり綺麗です。

いずれの方法でも構いません. 最終的に私が読めるように書いたレポートであれば大丈夫です.

● WebClass からの提出が不可能な場合

提出の期限までに (WebClass のシステムトラブル等の理由で) WebClass からの提出が不可能な場合のみメール提出を受け付けます. その場合には以下の項目を厳守してください.

- 大学のメールアドレスを使って送信すること. (なりすまし提出防止のため.)
- 件名を「レポート提出」とすること
- 講義名、学籍番号、氏名 (フルネーム)を書くこと。
- レポートのファイルを添付すること.
- WebClass での提出ができなかった事情を説明すること. (提出理由が不十分である場合, 減点となる可能性があります.)

メール提出の場合は masataka[at]sci.osaka-cu.ac.jp にメールするようお願いいたします.

中間レポート問題.

第1問. (授業第2回の内容.)

 \mathbb{R}^2 上の関数 f(x,y) を以下で定める.

- (1). f(x,y) が点 (0,0) で偏微分可能であることを示せ.
- (2). f(x,y) が点 (0,0) で全微分可能ではないことを示せ.
- (3). \mathbb{R}^2 上の C^1 級関数を $g(x,y)=x^3+2xy^2+y-11$ とおく. g(x,y) の点 (1,2) での接平面の方程式を求めよ.

第2問. (授業第3回の内容.)

 \mathbb{R} 上の C^1 級関数 $\cosh(t)$ と $\sinh(t)$ を

$$\cosh(t) = \frac{e^t + e^{-t}}{2}, \quad \sinh(t) = \frac{e^t - e^{-t}}{2}$$
 とする.

f(x,y) を \mathbb{R}^2 上の C^1 級関数とし、 C^1 級変数変換を $(x(r,t),y(r,t))=(r\cosh(t),r\sinh(t))$ とする。 g(r,t)=f(x(r,t),y(r,t)) とするとき、 $\frac{\partial g}{\partial r},\frac{\partial g}{\partial t}$ を $\frac{\partial f}{\partial x},\frac{\partial f}{\partial y}$ を用いてあらわせ.

第3問.(授業第6回の内容.)

 \mathbb{R}^2 上の C^2 級関数を $f(x,y)=x^3+y^3+6xy$ とする. f(x,y) について極大点・極小点を持つ点があれば、その座標と極値を求めよ、またその極値が極大値か極小値のどちらであるか示せ、

第4問. (授業第8回の内容.)

 \mathbb{R}^3 上の C^∞ 級関数を f(x,y,z)=x+y+z, $g(x,y,z)=x^2+2y^2+z^2-1$ とする. g(x,y,z)=0 のもとで, f(x,y,z) の最大値と最大値をとる点の座標, 最小値と最小値をとる点の座標を全て求めよ.

つまり $S=\{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3:g(x,y,z)=0\}$ とするとき, f(x,y,z) の S 上での最大値と最大値をとる点の座標, 最小値と最小値をとる点の座標を全て求めよ.

ただし, S上で f(x,y,z) が最大値・最小値をとることは認めて良い.

中間レポートおまけ問題. (授業第1回の内容.)

 \mathbb{R}^2 上の部分集合 E を次で定める.

$$E = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x \ge y$$
 は共に有理数.}

- (1). E が開集合ではないことを示せ.
- (2). E が閉集合ではないことを示せ.

ただし次の事実は認めて良い.

(事実.[有理数の稠密性]) a < b なる任意の実数 a,b について, a < q < b となる有理数 q が存在する.

以上.