

Compiladores - Análise SLR

Fabio Mascarenhas – 2017.2

<http://www.dcc.ufrj.br/~fabiom/comp>

Análise SLR

- A ideia da análise SLR é usar o conjunto FOLLOW do não-terminal associado a um item de redução para resolver conflitos
- A intuição é que só faz sentido reduzir se o próximo token (o lookahead) estiver nesse FOLLOW, ou a redução estará errada
- Para ver que isso é verdade, basta lembrar da definição de FOLLOW:

$$\text{FOLLOW}(A) = \{ x \text{ é terminal} \mid S \xrightarrow{*} wAxv \text{ para algum } w \text{ e } v \} \cup \{ \text{EOF} \mid S \xrightarrow{*} wA \text{ para algum } w \}$$

- Se a redução for válida então o próximo token tem que estar em FOLLOW(A)!

Implicações da análise SLR

- Um estado do autômato pode ter vários itens de redução contanto que sejam de não-terminais diferentes, e seus conjuntos FOLLOW sejam disjuntos
- Um estado pode ter itens de *shift* (com um terminal seguindo a marca) misturados a itens de redução contanto que o terminal não pertença ao FOLLOW de nenhum dos não-terminais dos itens de redução
- Toda gramática sem conflitos LR(0) é uma gramática sem conflitos SLR
- Ainda há margem para muitos conflitos shift-reduce e reduce-reduce! A análise SLR já é bem melhor que a LR(0), mas ainda é fraca

Gramática de Expressões

- A gramática de expressões que vimos na aula passada é SLR:

```
S -> E
E -> E + T
E -> T
T -> T * F
T -> F
F -> num
F -> ( E )
```

- Podemos verificar vendo o autômato dela

$$(M \mid T) = M$$

Autômato da gramática de expressões

$num(E) = \{E, +, \cdot\}$
 $num(s) = \{E, +, \cdot\}$

$S \rightarrow \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot num$

$F \rightarrow \cdot num$

$F \rightarrow (E) \cdot$

$F \rightarrow (E) \cdot$

④

$E \rightarrow E + \cdot T$
 $T \rightarrow T * \cdot F$

$S \rightarrow E \cdot$
 $E \rightarrow E \cdot + T$

$E \rightarrow E + \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$

$E \rightarrow T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$

$T \rightarrow T * \cdot F$

$T \rightarrow F \cdot$

$T \rightarrow T * \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$

① ② ③

$F \rightarrow (\cdot E$
 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + T$
 $E \rightarrow T$
 $T \rightarrow T * F$
 $T \rightarrow F$
 $F \rightarrow num$
 $F \rightarrow (E)$

Analizando uma entrada

$| \sim + \sim * \sim S$
 $\sim | + \sim * \sim R$
 $F | + \sim * \sim R$
 $T | + \sim * \sim R$
 $\cdot E | + \sim * \sim S$
 $E + | \sim * \sim S$
 $E + \sim | * \sim R$
 $E + F | * \sim R$

$\cdot E + T | * \sim S$
 $E + T * | \sim S$
 $E + T * \sim | R$
 $E + T * F | R$
 $\cdot E + T | R$
 $\cdot E | R$
 $S | R$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + T$
 $E \rightarrow T$
 $T \rightarrow T * F$
 $T \rightarrow F$
 $F \rightarrow \text{num}$
 $F \rightarrow (E)$

Resolvendo ambiguidade

- Uma gramática ambígua nunca é SLR
- Vamos ver o que acontece com a ambiguidade do if-else:

$S \rightarrow C$

$C \rightarrow \text{if } C$

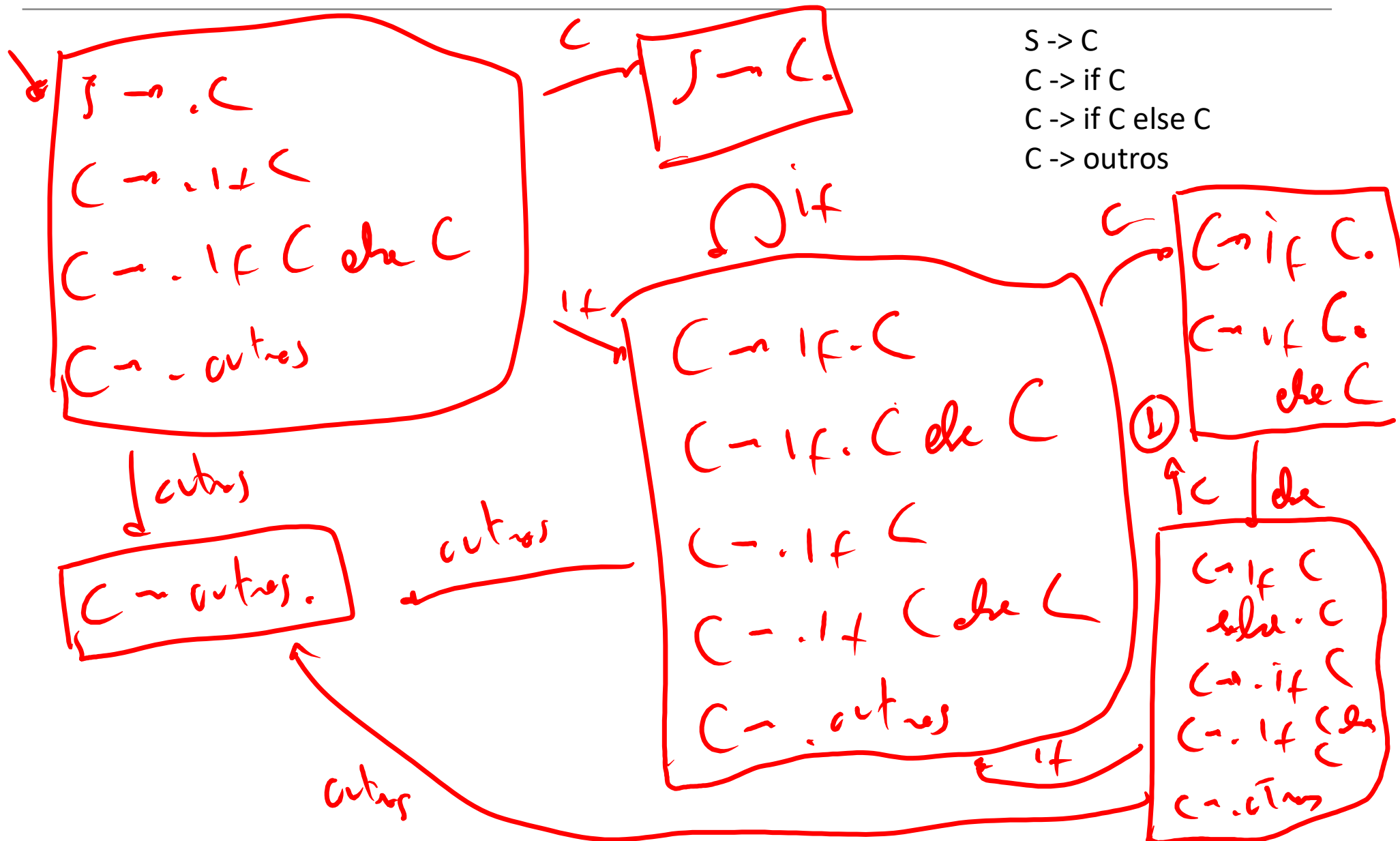
$C \rightarrow \text{if } C \text{ else } C$

$C \rightarrow \text{outros}$

$full(C) = \{exp, else\}$

1) $C_{nif}(C)$

Autômato da gramática do if-else



Resolução de conflitos

- A gramática do if-else tem um conflito shift-reduce
- Um analisador SLR tipicamente resolve esse conflito sempre escolhendo shift
- Vamos ver o que isso implica com um exemplo

if if outros else outros

Analizando uma entrada ambígua

| if if outros else outros }

if | if outros else outros }

if if | outros else outros }

if if outros | else outros }

if if C | else outros }

if if C else | outros }

if if C else outros | }

if if C else C | }

S → C

C → if C

C → if C else C

C → outros

if C | }

C | }

S | A

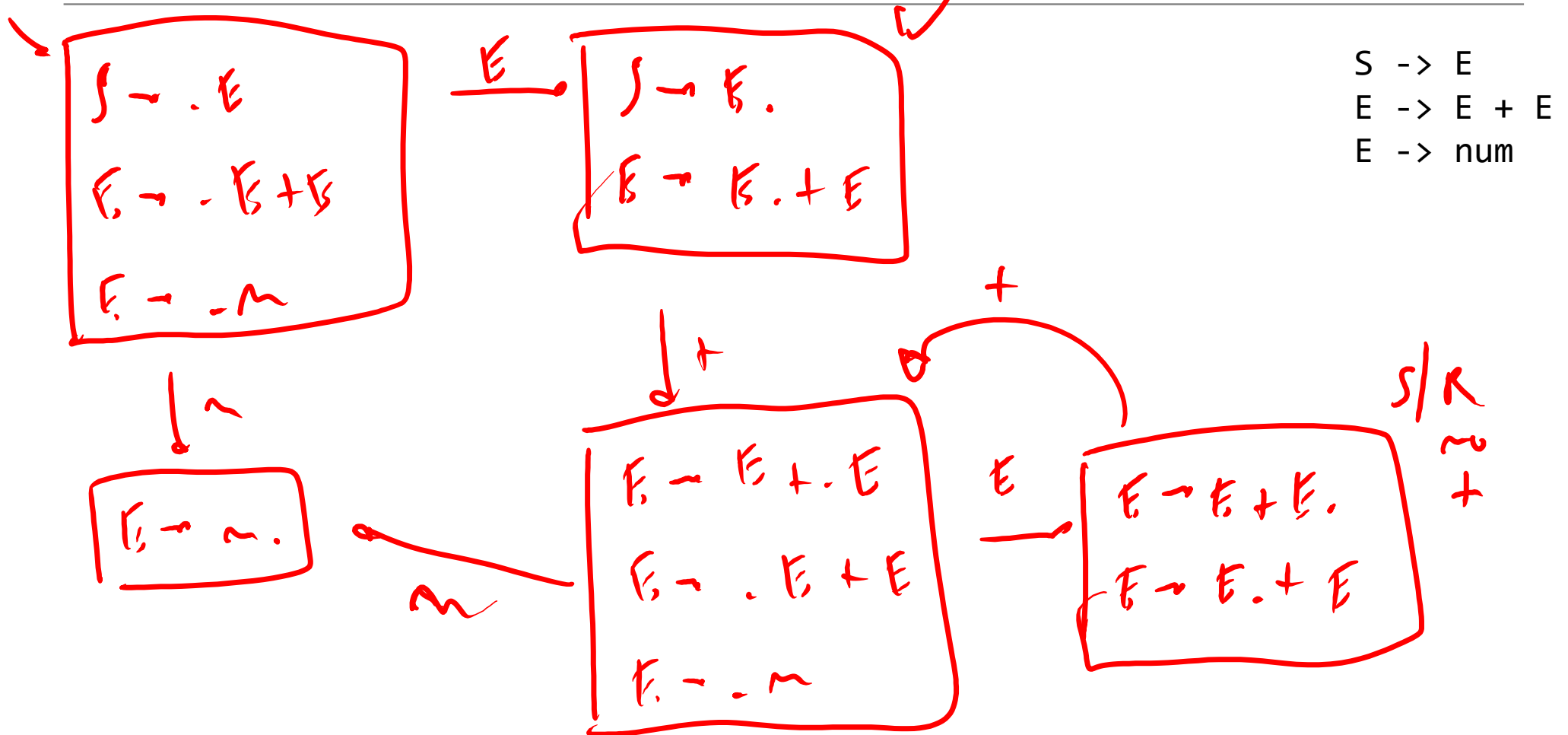


Gramáticas de expressões ambíguas

- Vamos agora examinar a gramática ambígua abaixo:

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow \text{num}$

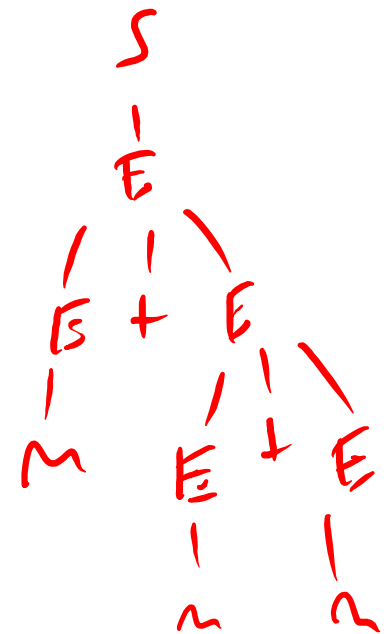
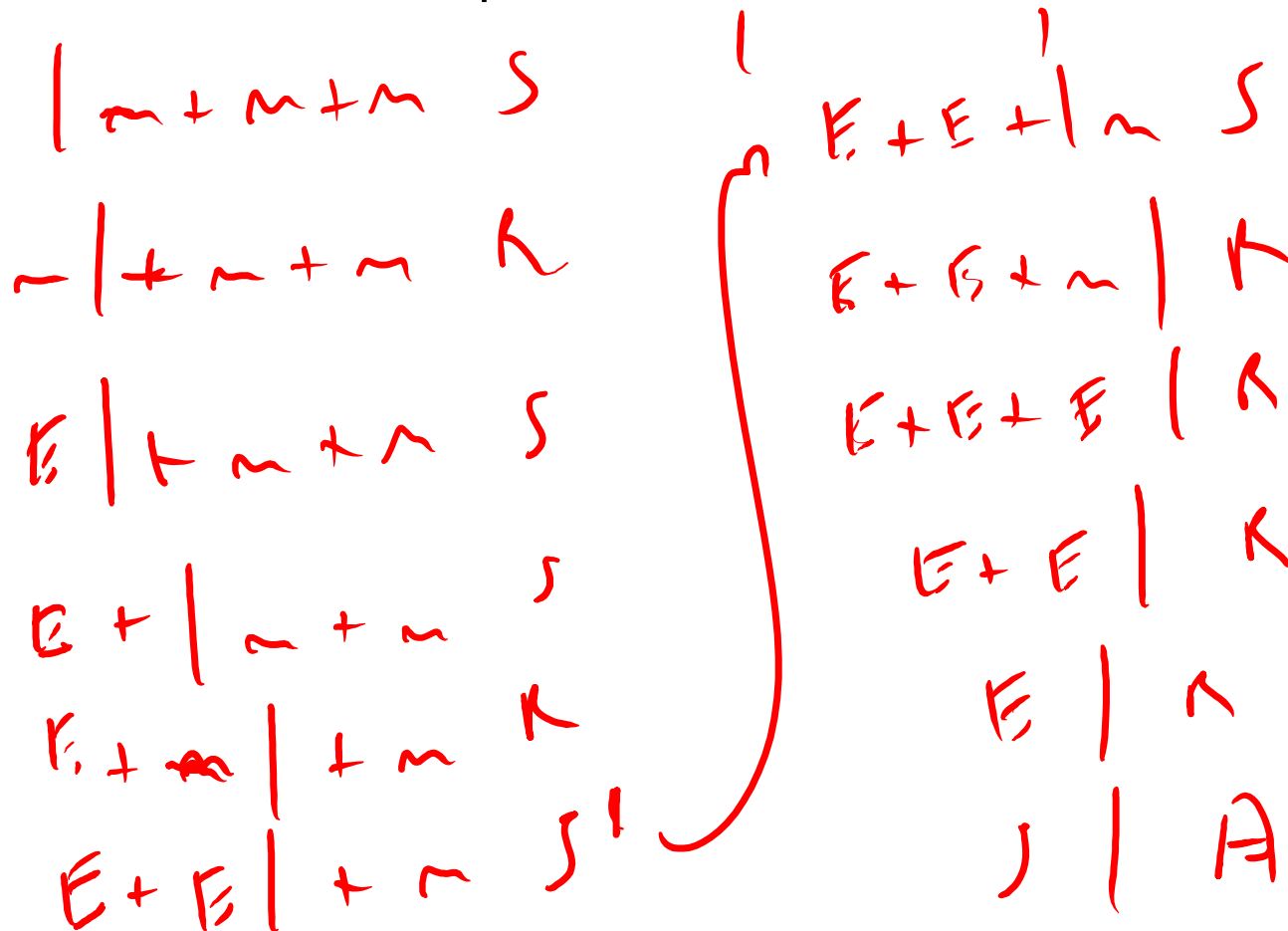
Autômato da gramática



Analizando uma entrada ambígua

- Ela também tem um conflito shift-reduce, vamos ver o que a solução de conflitos normal dá para $\text{num} + \text{num} + \text{num}$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow \text{num}$

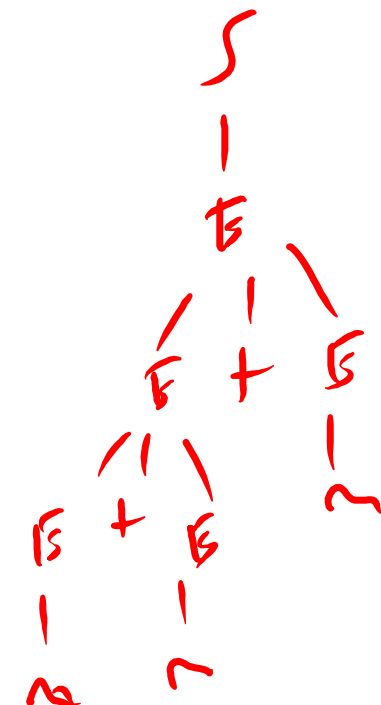
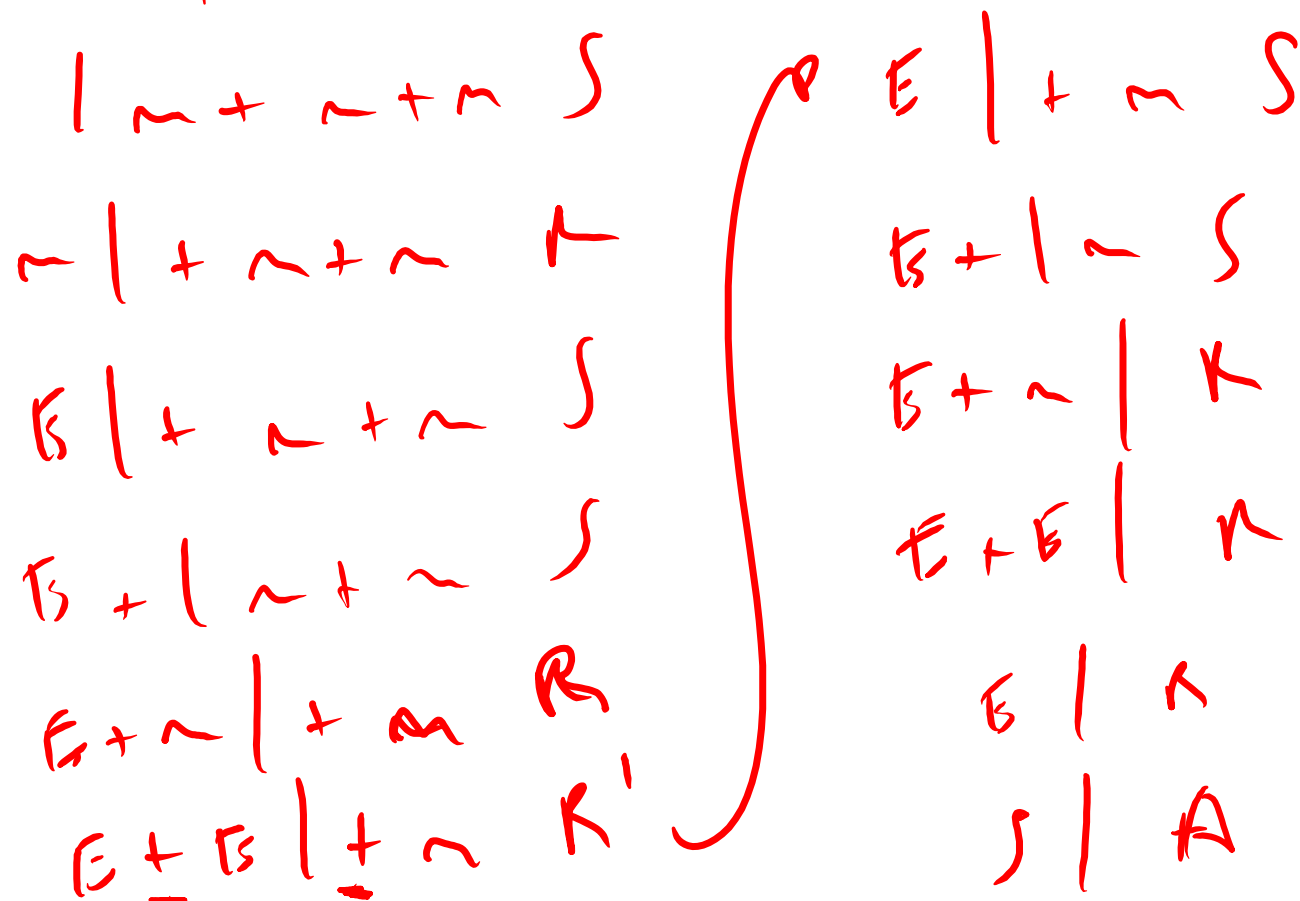


Analizando uma entrada ambígua

- Agora vamos ver o que resolvendo o conflito escolhendo redução dá para $\text{num} + \text{num} + \text{num}$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow \text{num}$

~~*~~
~~>~~



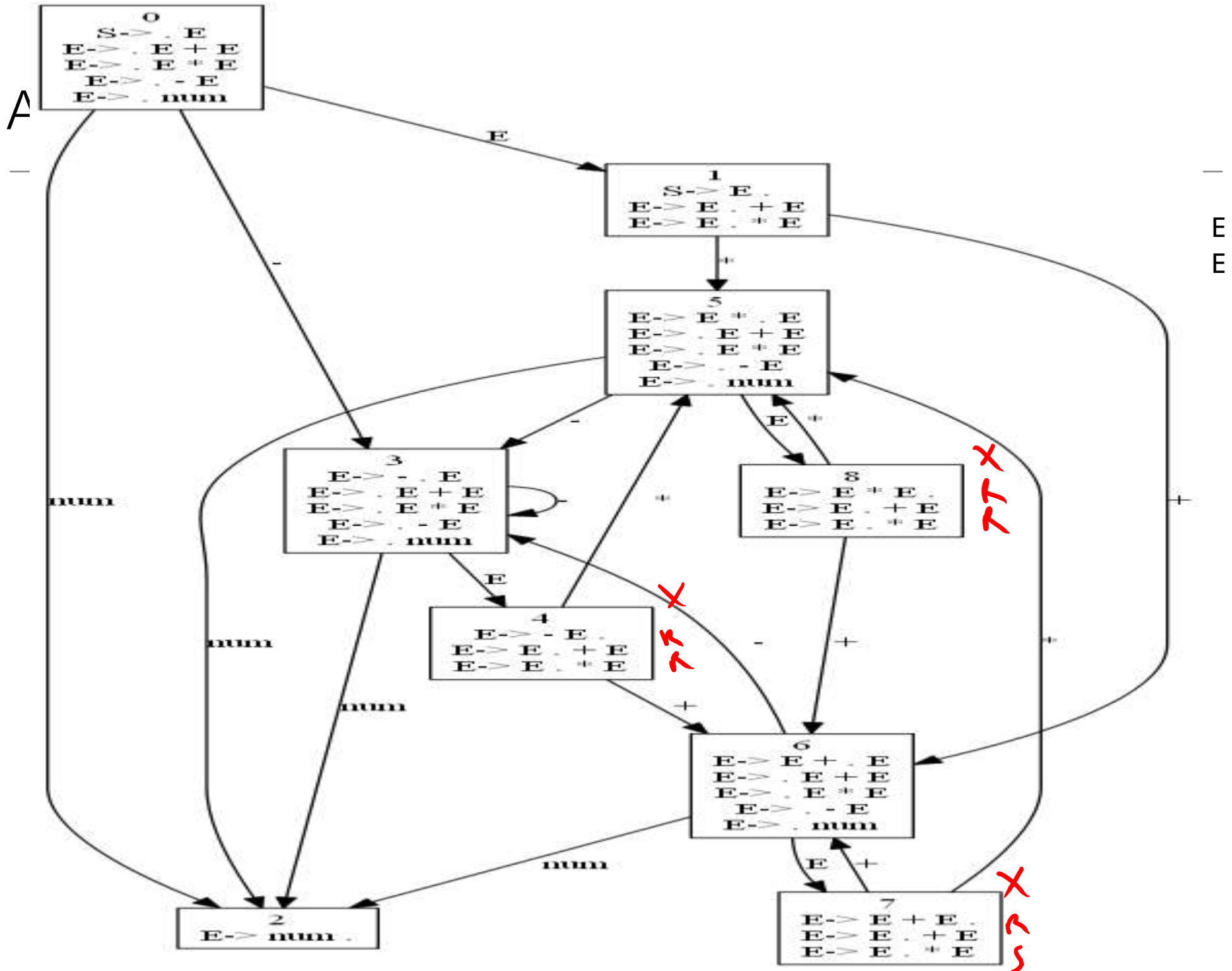
Precedência de operadores

- Vamos agora ver uma gramática mais complexa:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow E \\ E &\rightarrow E + E \\ E &\rightarrow E * E \\ E &\rightarrow - E \\ E &\rightarrow \text{num} \end{aligned}$$

- Qual será o comportamento dessa gramática nas entradas:

$$\begin{aligned} &\text{num} + \text{num} * \text{num} \\ &\text{num} * \text{num} + \text{num} \\ &- \text{num} + \text{num} \end{aligned}$$

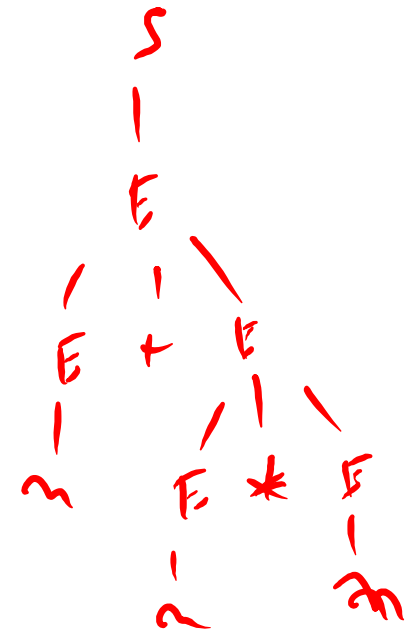


Analísado num + num * num

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow \text{num}$

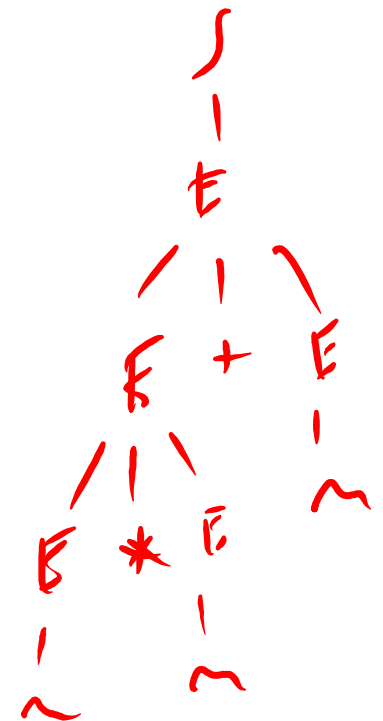
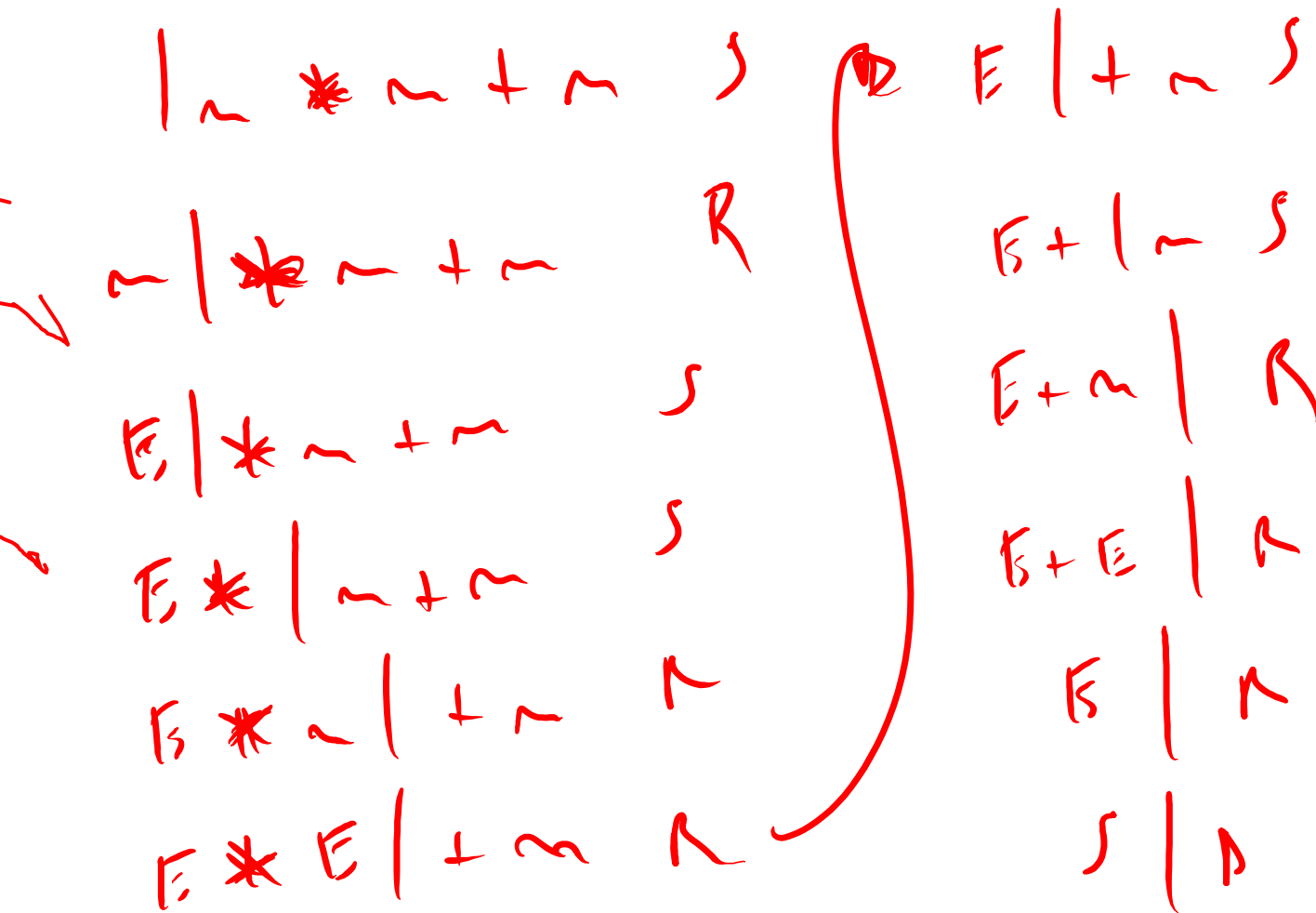
$| \text{ num } + \text{ num } * \text{ num } |$
 $\sim | + \text{ num } * \text{ num } \sim$
 $E | + \text{ num } * \text{ num } |$
 $E + | \text{ num } * \text{ num } \sim$
 $E + \text{ num } | * \text{ num } \sim$
 $E + E | * \text{ num } |$
 $E + E * | \text{ num } |$

$\sim E + E * \text{ num } |$
 $E + E * E |$
 $E + E |$
 $E |$
 $S |$



Analizando num * num + num

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow \epsilon$
 $E \rightarrow \text{num}$



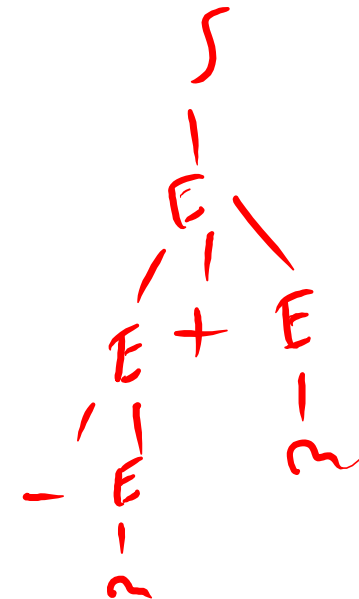
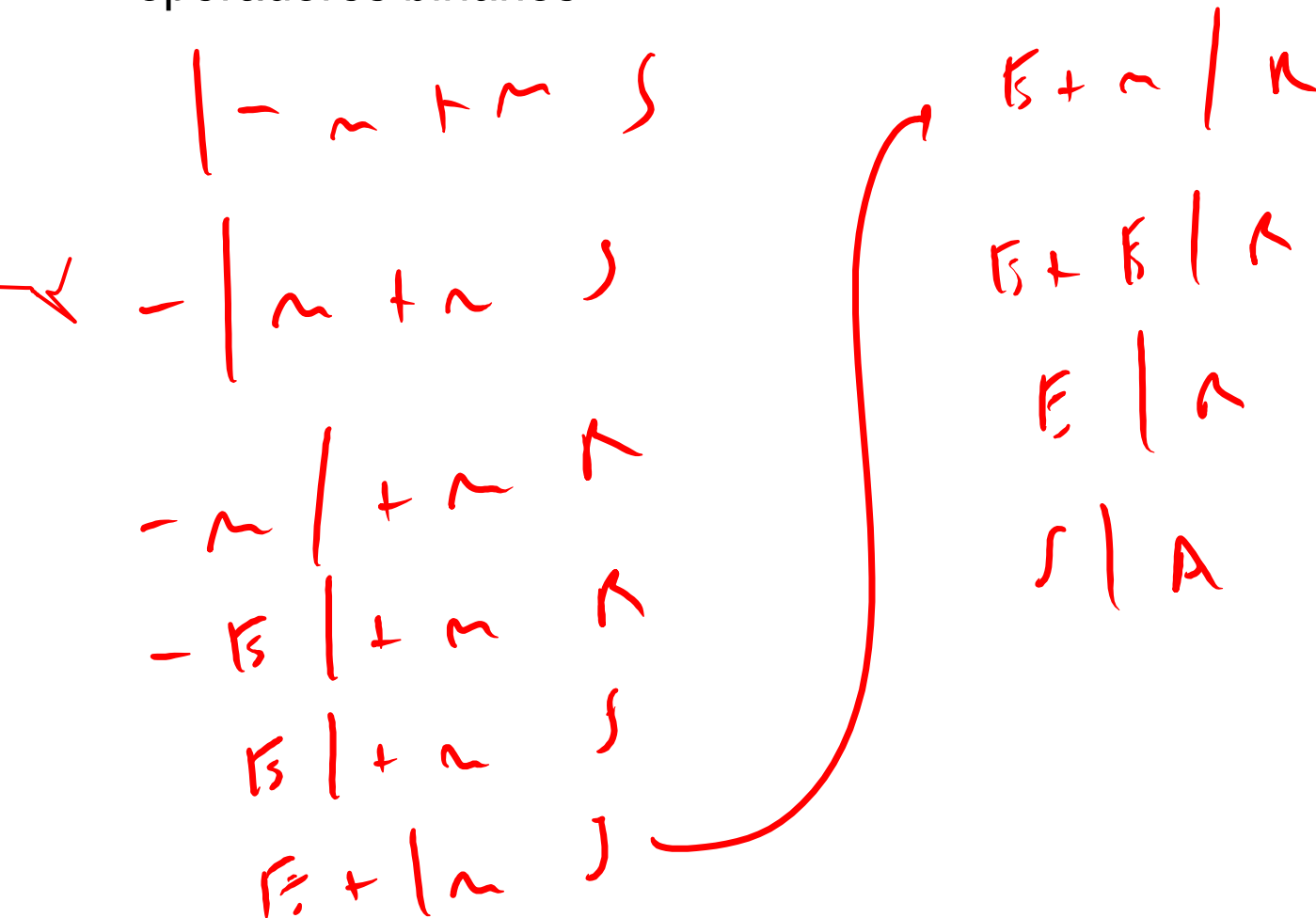
Controle de precedência

- Podemos levar em conta a precedência dos operadores na solução de conflitos shift-reduce
- Se o operador do shift tem precedência maior que a do operador do reduce, fazer shift, senão fazer o reduce
- Isso nos dá a árvore correta nos nossos exemplos, assumindo que a precedência de $*$ é maior que a de $+$
- E quanto ao operador unário?

Analizando - num + num

- Vai ser a mesma coisa, a precedência dele tem que ser maior que a dos operadores binários

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow - E$
 $E \rightarrow \text{num}$



Precedência e associatividade

- O controle da precedência e o da associatividade usam o mesmo mecanismo
- Podemos ter ambos no analisador: se um operador é associativo à direita é como se a precedência dele fosse maior do que a dele mesmo, e aí escolhemos shift
- Um resumo da resolução de conflitos shift-reduce:
 - Para o mesmo operador, shift dá associatividade à direita, reduce à esquerda
 - Para operadores diferentes, shift dá precedência ao próximo operador, reduce ao atual

Gramática SLR para TINY

- Podemos dar uma gramática mais simples para TINY se usarmos um analisador SLR com controle de precedência:

```
S -> CMDS
CMDS -> CMDS ; CMD
CMDS -> CMD
CMD -> if EXP then CMDS end
CMD -> if EXP then CMDS else CMDS end
CMD -> repeat CMDS until EXP
CMD -> id := EXP
CMD -> read id
CMD -> write EXP
```

```
EXP -> EXP < EXP
EXP -> EXP = EXP
EXP -> EXP + EXP
EXP -> EXP - EXP
EXP -> EXP * EXP
EXP -> EXP / EXP
EXP -> ( EXP )
EXP -> num
EXP -> id
```

'<' '=' '<' '+' '-' '<' '*' '/'