

Patrones de Turing

Se resuelve el sistema:

$$\begin{cases} u_t(x, t) = \Delta_x u(x, t) + \gamma F(u, v) \\ v_t(x, t) = d\Delta_x v(x, t) + \gamma G(u, v) \\ \left. \frac{\partial u}{\partial \eta} \right|_{\partial \Omega} = \left. \frac{\partial v}{\partial \eta} \right|_{\partial \Omega} = 0 \\ u(x, 0) = u_0(x) \\ v(x, 0) = 1 - u_0(x) \end{cases} \quad x \in \Omega, \quad t \in [0, T]$$

con diferencias finitas forward en el tiempo y elementos finitos en el espacio.

Para elementos finitos se usan las librerías **minifemlib** y **triangulation** con elementos finitos lineales en una triangulación.

El problema débil queda:

$$\begin{cases} \int u_t \phi + \int \nabla u \nabla \phi = \gamma \int F \phi \\ \int v_t \phi + d \int \nabla v \nabla \phi = \gamma \int G \phi \end{cases} ; \quad \forall \phi \in H^1(\Omega)$$

Para el problema discreto se considera $V_h = \{\phi \in \mathcal{C}(\Omega) : \phi|_T \in \mathcal{P}_1 \quad \forall T\}$

La recursión en el tiempo queda:

$$\begin{cases} (A + \Delta t \cdot B)U^{n+1} = AU^n + \Delta t \gamma AF(U^n, V^n) \\ (A + d\Delta t \cdot B)V^{n+1} = AV^n + \Delta t \gamma AG(U^n, V^n) \end{cases} \quad \text{con } A_{ij} = \int_{\Omega} \phi_i \phi_j \text{ y } B_{ij} = \int_{\Omega} \nabla \phi_i \nabla \phi_j$$

Se genera un video de $U(x, y, t)$ donde cada frame corresponde a cada paso temporal t .