# TP1 : Illustration du phénomène de sur-apprentissage

#### M2SDS

# Année 2021/2022

Adresse mail: mohammed.sedki@universite-paris-saclay.fr Page web: masedki.github.io

# **Objectif**

L'objectif de cette séance introductive est l'illustration du phénomène de sur-apprentissage sur un jeu de données simulé autour d'un problème de classification dans  $\mathbb{R}^2$ . Le jeu de données provient de la librairie R appelée ElemStatLearn. Pour une installation manuelle, la librairie est disponible ici.

## Lecture et découverte du jeu de données

```
require(ElemStatLearn)
require(MASS)
require(class)
data("mixture.example")
names(mixture.example)
```

L'objet mixture.example contient de nombreux sous-objets. Les objets x et y contiennent les données d'apprentissage.

• Tracer le nuage de points x en mettant comme couleur rouge si y = 1 et vert si y = 0.

L'objet xnew contient un maillage du domaine  $[-2.6,4.2] \times [-2,2.9]$ . Ce maillage nous servira de support discret pour tracer la règle de classification de modèles que nous ajusterons sur ce jeu de données.

Visualiser ce maillage à l'aide d'un graphique.

# Modèle des k plus proches voisins : knn

La fonction knn de la librairie class permet d'ajuster un modèle des k plus proches voisins sur un jeu de données d'apprentissage et calculer les probabilités de classement ainsi que les prédictions d'un jeu de données test.

- Ajuster un modèle des 15 plus proches voisins pour prédire les étiquettes de l'objet y à partir des covariables de l'objet x. Prédire les étiquettes des points du maillage xnew. Spécifier l'option nécessaire pour récupérer les proportions de vote majoritaire. Afficher le résumer du modèle à l'aide de la fonction summary.
- Extraire les proportions de votes majoritaires à l'aide de la fonction attr.
- Calculer la proportion de votes pour la classe y = 1 pour chaque point test du maillage.

- À l'aide de la fonction contour, tracer la ligne de niveau de la fonction  $\hat{f}_n(x) = 0.5$  où  $f(x) \approx \mathbb{P}(Y = 1 | X = x)$  pour chaque point x du maillage xnew et  $\hat{f}_n$  est l'approximation de f obtenue par le modèle des 15 plus proches voisins ajustés sur le jeu de données d'apprentissage.
- Interpréter la ligne de niveau.
- Tracer la même ligne de niveau lorsque  $\hat{f}_n$  est l'approximation de f obtenue par le modèle 1 plus proches voisins ajustés sur le jeu de données d'apprentissage.
- Que peut-on dire du lien entre nombre de voisins et la complexité du modèle ?

### Choix du nombre de voisins

Le code suivant permet de simuler un jeu de données supplémentaire suivant la même loi de probabilité qui a permis de simuler les 200 données contenues dans les objets x et y.

```
set.seed(123)
centers = c(sample(1:10, 5000, replace=TRUE), sample(11:20, 5000, replace=TRUE))
means = mixture.example$means
means = means[centers, ]
xtest = mvrnorm(10000, c(0,0), 0.2*diag(2))
xtest = xtest + means
ytest = c(rep(0, 5000), rep(1, 5000))
```

Nous proposons de choix le nombre de voisins optimal parmi stocker dans l'objet K comme suit

```
K = c(1,3,5,7,9,11,15,17,23,25,35,45,55,83,101,151)
```

- À l'aide du jeu de données d'apprentissage précédent, calculer une erreur d'apprentissage et une erreur de test basée sur xtest et ytest pour chaque valeur du nombre de voisins dans K.
- Tracer les deux types d'erreurs sur la même figure en fonction du nombre de voisins *k*.
- Commenter, interpréter et choisir la valeur optimale de *k*.
- Utiliser la librairie caret pour choisir *k* à l'aide d'une validation croisée répétée