Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №5

З дисципліни «Методи оптимізації та планування» Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів

> ВИКОНАЛА: Студентка II курсу ФІОТ Групи IB-92 Поморова М.Р. - 9221

> > ПЕРЕВІРИВ: Регіда П.Г.

Мета: Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

Варіант завдання:

Варіант	X_1		X_2		X_3	
	min	max	min	max	min	max
218	-5	5	-1	6	-10	1

Лістинг програми:

```
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *
def regression(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
    return y
x_range = ((-5, 5), (-1, 6), (-10, 1))
x_aver_max = sum([x[1] for x in x_range]) / 3
x aver min = sum([x[0] for x in x range]) / 3
y max = 200 + int(x aver max)
y_min = 200 + int(x_aver_min)
# квадратна дисперсія
def s_kv(y, y_aver, n, m):
    res = []
    for i in range(n):
        s = sum([(y_aver[i] - y[i][j]) ** 2 for j in range(m)]) / m
        res.append(round(s, 3))
    return res
def plan matrix5(n, m):
    print(f'\n\Gammaenepyemo матрицю планування для n = {n}, m = {m}')
    y = np.zeros(shape=(n, m))
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            y[i][j] = random.randint(y_min, y_max)
    if n > 14:
       no = n - 14
    else:
        no = 1
    x_norm = ccdesign(3, center=(0, no))
    x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)
    for i in range(4, 11):
        x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)
    1 = 1.215
```

```
for i in range(len(x_norm)):
        for j in range(len(x_norm[i])):
            if x_norm[i][j] < -1 or x_norm[i][j] > 1:
                if x norm[i][j] < 0:</pre>
                    x_norm[i][j] = -1
                else:
                    x_norm[i][j] = 1
    def add_sq_nums(x):
        for i in range(len(x)):
            x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
            x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
            x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
            x[i][7] = x[i][1] * x[i][3] * x[i][2]
            x[i][8] = x[i][1] ** 2
            x[i][9] = x[i][2] ** 2
            x[i][10] = x[i][3] ** 2
        return x
   x_norm = add_sq_nums(x_norm)
    x = np.ones(shape=(len(x_norm), len(x_norm[0])), dtype=np.int64)
    for i in range(8):
        for j in range(1, 4):
            if x_norm[i][j] == -1:
                x[i][j] = x_range[j - 1][0]
            else:
                x[i][j] = x_range[j - 1][1]
    for i in range(8, len(x)):
        for j in range(1, 3):
            x[i][j] = (x_range[j - 1][0] + x_range[j - 1][1]) / 2
    dx = [x_range[i][1] - (x_range[i][0] + x_range[i][1]) / 2 for i in range(3)]
   x[8][1] = 1 * dx[0] + x[9][1]
    x[9][1] = -1 * dx[0] + x[9][1]
    x[10][2] = 1 * dx[1] + x[9][2]
    x[11][2] = -1 * dx[1] + x[9][2]
    x[12][3] = 1 * dx[2] + x[9][3]
   x[13][3] = -1 * dx[2] + x[9][3]
   x = add_sq_nums(x)
    print('\nX:\n', x)
    print('\nX нормоване:\n')
    for i in x_norm:
        print([round(x, 2) for x in i])
    print('\nY:\n', y)
    return x, y, x_norm
def find_coef(X, Y, norm=False):
    skm = lm.LinearRegression(fit_intercept=False)
    skm.fit(X, Y)
    B = skm.coef
    if norm == 1:
        print('\nKoeфiцiєнти рівняння регресії з нормованими X:')
    else:
        print('\nKoeфiцiєнти рівняння регресії:')
```

```
B = [round(i, 3) \text{ for } i \text{ in } B]
    print(B)
    print('\nРезультат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n', np.dot(X, B))
    return B
def kriteriy_cochrana(y, y_aver, n, m):
    f1 = m - 1
    f2 = n
    q = 0.05
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
    print('\nПеревірка за критерієм Кохрена')
    return Gp
def cohren(f1, f2, q=0.05):
    q1 = q / f1
    fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
    return fisher_value / (fisher_value + f1 - 1)
# оцінки коефіцієнтів
def bs(x, y_aver, n):
    res = [sum(1 * y for y in y_aver) / n]
    for i in range(len(x[0])):
        b = sum(j[0] * j[1] for j in zip(x[:, i], y_aver)) / n
        res.append(b)
    return res
def kriteriy_studenta(x, y, y_aver, n, m):
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    s_kv_aver = sum(S_kv) / n
    # статистична оцінка дисперсії
    s_Bs = (s_kv_aver / n / m) ** 0.5 # статистична оцінка дисперсії
    Bs = bs(x, y_aver, n)
    ts = [round(abs(B) / s_Bs, 3) for B in Bs]
    return ts
def kriteriy_fishera(y, y_aver, y_new, n, m, d):
    S_{ad} = m / (n - d) * sum([(y_new[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(len(y))])
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    S_kv_aver = sum(S_kv) / n
    return S_ad / S_kv_aver
def check(X, Y, B, n, m):
    print('\n\tПеревірка рівняння:')
    f1 = m - 1
    f2 = n
    f3 = f1 * f2
    q = 0.05
    ### табличні значення
    student = partial(t.ppf, q=1 - q)
    t student = student(df=f3)
```

```
G_{kr} = cohren(f1, f2)
    ###
    y aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y]
    print('\nСереднє значення у:', y_aver)
    disp = s_kv(Y, y_aver, n, m)
    print('Дисперсія y:', disp)
    Gp = kriteriy_cochrana(Y, y_aver, n, m)
    print(f'Gp = {Gp}')
    if Gp < G_kr:</pre>
        print(f'3 ймовірністю {1 - q} дисперсії однорідні.')
    else:
        print("Heoбхідно збільшити кількість дослідів")
        m += 1
        main(n, m)
    ts = kriteriy_studenta(X[:, 1:], Y, y_aver, n, m)
    print('\nKpитерій Стьюдента:\n', ts)
    res = [t for t in ts if t > t_student]
    final_k = [B[i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res]
    print('\nKoeфiцiєнти {} статистично незначущі, тому ми виключаємо їх з
piвняння.'.format(
        [round(i, 3) for i in B if i not in final_k]))
    y new = []
    for j in range(n):
        y_new.append(regression([X[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res],
final k))
    print(f'\nЗначення "y" з коефіцієнтами {final_k}')
    print(y_new)
    d = len(res)
    if d >= n:
        print('\nF4 <= 0')</pre>
        print('')
        return
    f4 = n - d
    F_p = kriteriy_fishera(Y, y_aver, y_new, n, m, d)
    fisher = partial(f.ppf, q=0.95)
    f_t = fisher(dfn=f4, dfd=f3) # табличне знач
    print('\nПеревірка адекватності за критерієм Фішера')
    print('Fp =', F_p)
    print('F_t =', f_t)
    if F_p < f_t:
        print('Математична модель адекватна експериментальним даним')
    else:
        print('Математична модель не адекватна експериментальним даним')
def main(n, m):
    X5, Y5, X5 norm = plan matrix5(n, m)
    y5_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y5]
    B5 = find_coef(X5, y5_aver)
    check(X5_norm, Y5, B5, n, m)
```

```
if __name__ == '__main__':
    main(15, 3)
```

Генеруємо матрицю планування для n = 15, m = 3

```
х:
        -5
                                             1 100]
П
            -1 -10
                      5 50 10 -50
                                       25
            -1 -10
                     -5 -50
                             10
                                  50
                                      25
                                            1 100]
[
[
        -5
             6 -10 -30
                                       25
                                           36 100]
    1
                         50
                            -60
                                 300
[
             6 -10
                     30
                        -50
                             -60 -300
                                      25
                                           36 100]
[
       -5
                                   5
   1
            -1
                 1
                      5
                         -5
                             -1
                                      25
                                            1
                                                1]
Γ
    1
        5
            -1
                 1
                     -5
                             -1
                                 -5
                                      25
                                                1]
        -5
[
    1
             6
                 1 -30
                         -5
                               6 -30
                                      25
                                           36
                                                1]
        5
Γ
    1
             6
                 1
                     30
                          5
                              6
                                  30
                                      25
                                           36
                                                1]
[
   1
        6
             2
                 1
                     12
                          6
                              2
                                  12
                                      36
                                            4
                                                1]
[
   1 -6
             2
                 1 -12
                         -6
                              2 -12
                                      36
                                                1]
                                            4
[
   1
        0
             6
                 1
                      0
                          0
                              6
                                   0
                                       0
                                           36
                                                1]
[
        0
            -2
                      0
                          0
                             -2
                                   0
                                       0
   1
                 1
                                            4
                                                1]
[
             2
                 7
                          0
                             14
                                          4
                                                49]
[
        0
             2
                -5
                      0
                          0 -10
                                   0
                                       0
                                            4
                                                25]
   1
[
                 1
                      0
                               2
                                                1]]
```

Х нормоване:

```
[[201. 202. 204.]
     [202. 200. 203.]
     [198. 203. 199.]
     [202. 202. 199.]
     [200. 200. 202.]
      [199. 203. 199.]
     [204. 197. 198.]
     [201. 198. 197.]
     [200. 195. 196.]
     [203. 196. 200.]
     [201. 198. 195.]
     [200. 202. 198.]
     [197. 202. 204.]
     [203. 198. 204.]
     [204. 197. 198.]]
  Коефіцієнти рівняння регресії:
  [200.349, -0.11, -0.172, -0.033, -0.004, -0.007, 0.002, -0.003, -0.024, -0.006, 0.019]
  Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
     [202.495 201.835 200.031 201.191 200.449 199.349 199.294 197.704 198.321
     199.893 199.099 200.651 200.709 200.601 199.971]
Середнє значення у: [202.333, 201.667, 200.0, 201.0, 200.667, 200.333, 199.667, 198.667, 197.0, 199.667, 198.0, 200.0, 201.0, 201.667, 199.667]
Дисперсія у: [1.556, 1.556, 4.667, 2.0, 0.889, 3.556, 9.556, 2.889, 4.667, 8.222, 6.0, 2.667, 8.667, 6.889, 9.556]
Перевірка за критерієм Кохрена
Gp = 0.13030257578030188
3 ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.
Критерій Стьюдента:
 [607.035, 0.453, 0.654, 0.982, 0.202, 0.337, 0.068, 0.472, 442.919, 443.317, 444.71]
Коефіцієнти [-0.11, -0.172, -0.033, -0.004, -0.007, 0.002, -0.003] статистично незначущі, тому ми виключаємо їх з рівняння.
Значення "у" з коефіцієнтами [200.349, -0.024, -0.006, 0.019]
[200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200.338,\ 200
Перевірка адекватності за критерієм Фішера
Fp = 1.6264142216479993
F_t = 2.125558760875511
Математична модель адекватна експериментальним даним
```

Висновок:

В даній лабораторній роботі я провела трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайшла рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.