Úlohy na reprezentáciu čísel, chyby

1. Určite rád metódy aproximácie prvej a druhej derivácie f'(x) a f''(x) funkcie f v bode x:

a)
$$f'(x) = \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \tag{1}$$

b)
$$f'(x) = \frac{f(x) - f(x - h)}{h}$$
 (2)

c)
$$f'(x) = \frac{f(x+h/2) - f(x-h/2)}{h}$$
 (3)

d)
$$f''(x) = \frac{f(x+h) - 2f(x) + f(x-h)}{h^2}$$
 (4)

Dĺžka kroku je označená ako h.

2. Strojové ϵ

Odhadnite strojové epsilon typu double v Matlabe. Porovnajte ho so skutočným pomocou príkazu eps('double').

3. Relatívna chyba rozdielu podobne veľkých čísel

Odhadnite relatívnu chybu čísel 1.32483726 a 1.32483357 ak počítate s 9 platnými ciframi. Potom odhadnite relatívnu chybu rozdielu týchto čísel. Ako sa odhad relatívnej chyby zmenil?

4. Rozsah reálnych čísel v Matlabe

Vyskúšajte v Matlabe príkaz realmax('double'), ktorý Vám určí najväčšie číslo typu 'double'. Vynásobte potom toto číslo konštantou > 1. Čo ste dostali?