

Università degli Studi di Camerino

SCUOLA DI SCIENZE E TECNOLOGIE Corso di Laurea in Informatica (Classe L-31)

	٠ .	1 .	1.		1	C	•			T
•	omni	19710110	α	1110	linguaggio	tiin	71011	$1 \cap 1$	n	277
•		lazione	uı	un	meuaeeio	TUH	LZIUIIA.		11	j a v a
_	-				0					

Laureando Massimo Pavoni Relatore **Prof. Luca Padovani**

Matricola 124377

Indice

1	Intr	roduzione	1
	1.1	Motivazione	1
	1.2	Obiettivi	1
	1.3	Struttura della Tesi	1
2	Fun	x	3
	2.1	Linguaggi funzionali	3
		2.1.1 ML, Haskell e Funx	4
	2.2	Sintassi	5
		2.2.1 Zucchero sintattico	6
3	Infe	erenza di tipo	9
	3.1	Sistemi di tipo	9
		3.1.1 λ-cubo	11
		3.1.2 Sistema FC	12
	3.2	Inferenza secondo Hindley–Milner	14
4	Jav	a	17
5	Cor	mpilatore	19
6	Ese	mpi di traduzione	21
7	Cor	nclusioni	23
Bi	bliog	grafia	2 5
In	dice	analitico	27

Elenco dei codici

2.1 Esempio di programma		7
--------------------------	--	---

Elenco delle figure

2.1	Grammatica del lambda calcolo	5
2.2	Grammatica di Funx	6
3.1	Alcuni linguaggi e loro sistemi di tipo	10
3.2	λ-cubo	11
3.3	Grammatica del sistema di tipo di Funx	13
3.4	Definizioni di contesto e variabili libere	14
3.5	Regole di inferenza del sistema HM in Funx	15

Elenco delle tabelle

2.1	Zucchero sintattico	7
3.1	Esempi di funzioni polimorfe	1.5

1. Introduzione

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipisci elit, sed do eiusmod tempor incidunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrum exercitationem ullamco laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur. Duis aute irure reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint obcaecat cupiditat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

Nel Capitolo 1 illustreremo prima le motivazioni che ci hanno spinto a perseguire l'obiettivo descritto e quindi la struttura della tesi.

- 1.1 Motivazione
- 1.2 Obiettivi
- 1.3 Struttura della Tesi

2. Funx

Questo capitolo descrive brevemente i linguaggi funzionali e le scelte effettuate durante l'ideazione del linguaggio usato per il progetto: **Funx**.

Il nome nasce dall'unione dei due termini anglosassoni functional e expression; viene quindi pronunciato ['fʌnɪk's] in inglese, o comunque [fàn·èx] in italiano.

2.1 Linguaggi funzionali

Nonostante molti linguaggi non si possano confinare all'interno di un solo paradigma, parlando di linguaggi di programmazione si fa spesso riferimento a due grandi categorie: linguaggi imperativi e linguaggi dichiarativi.

I primi hanno caratteristiche direttamente legate al modello di calcolo di *John Von Neumann*, a sua volta non dissimile dalla macchina di *Alan Turing*. Questi linguaggi sono usati per scrivere codice che segue una precisa sequenza di istruzioni, la quale descrive più o meno esplicitamente i passi necessari per risolvere il problema affrontato. Appartengono alla famiglia dei linguaggi di programmazione imperativi sia linguaggi procedurali come Fortran, Cobol e Zig, sia i linguaggi orientati agli oggetti, tra cui Kotlin, C# e Ruby.

I linguaggi dichiarativi, invece, sono fondamentali per lo scopo del progetto: tali linguaggi sono generalmente di altissimo livello e permettono allo sviluppatore di concentrarsi sull'obiettivo da raggiungere piuttosto che sui dettagli implementativi.

Fanno parte di questa categoria linguaggi di interrogazione come SQL, linguaggi logici come Prolog e soprattutto i linguaggi funzionali: Lisp, Clojure, Elixir, OCaml e Haskell sono alcuni esempi.

Alla base di ogni linguaggio funzionale vi è il **lambda calcolo**¹: un sistema formale definito dal matematico *Alonzo Church* (supervisore di *Alan Turing* durante il dottorato), equivalente alla macchina di Turing, ma fondato sul concetto di funzione pura.

¹ A Set of Postulates for the Foundation of Logic, [Chu32] e A Set of Postulates for the Foundation of Logic (Second paper), [Chu33]

La grammatica del lambda calcolo verrà presentata poco più avanti (sezione 2.2), ma le regole che ne governano il funzionamento e il modo in cui queste vengano utilizzate per ridurre le espressioni ad una forma normale esulano dai fini di questo documento. Rimane comunque rilevante elencare le principali qualità che un linguaggio funzionale usualmente matura grazie al lambda calcolo:

- funzioni come entità di prima classe: le funzioni possono essere passate come argomenti e restituite come risultato di altre funzioni;
- immutabilità: le variabili utilizzate sono immutabili;
- purezza: le funzioni sono libere da effetti collaterali (non modificano lo stato del programma) e restituiscono sempre lo stesso output per input identici;
- ricorsione: la ricorsione è il meccanismo più idiomatico per esprimere l'iterazione su una struttura dati.

2.1.1 ML, Haskell e Funx

Nonostante le funzioni pure tipiche di un linguaggio funzionale siano un concetto molto attraente dal punto di vista della correttezza della computazione, i vincoli così imposti possono risultare stringenti a tal punto da rendere difficile, se non impossibile, la scrittura di programmi che interagiscano con il mondo reale.

Per questo motivo, molti linguaggi funzionali permettono invece di utilizzare particolari funzioni impure o di effettuare almeno operazioni di input/output. Inoltre, molti linguaggi prevalentemente imperativi adottano ormai da tempo alcune caratteristiche tipiche dei linguaggi funzionali (e.g. Rust, il linguaggio più amato² dagli sviluppatori secondo i sondaggi di *Stack Overflow*, eredita molto dal linguaggio con cui era scritto il suo primo compilatore, OCaml, ed è dotato quindi di funzioni di prima classe, immutabilità di default, strutture dati algebriche, ecc.).

ML è un linguaggio funzionale sviluppato negli anni '70 presso l'Università di Edimburgo, costituente la base per moltissimi dei linguaggi sviluppati in seguito. ML permette effettivamente l'uso di funzioni impure, ma fra i suoi discendenti vi è Haskell, uno dei pochi linguaggi invece completamente puri.

Haskell si avvale di un pattern di programmazione chiamato $monadi^3$ per gestire le operazioni di input/output e altre operazioni impure, mantenendo le funzioni pure.

Nell'ideare **Funx** l'ispirazione viene proprio da Haskell, ma è presente la possibilità di dichiarare un'unica funzione impura (il cosiddetto main) per permettere di visualizzare a schermo un risultato. Il linguaggio non è quindi allo stesso livello di purezza di Haskell, e naturalmente non supporta molte delle funzionalità più avanzate di quest'ultimo (come le classi di tipi e il pattern matching), ma ne mutua altre comunque interessanti, tra cui l'uso di alcuni operatori infissi e il polimorfismo parametrico.

²Stack Overflow Developer Survey 2023, [Sta23]

³Notions of computation and monads, [Mog91]

2.2 Sintassi

La sintassi di **Funx** risulta molto simile a quella di Haskell, con poche differenze dovute a tre principali motivi:

- libera scelta di nomi e simboli per le parole chiave;
- necessità di successiva traduzione in Java;
- difficoltà e scarso valore all'interno del progetto dell'implementazione di un parser dipendente dall'indentazione.

A prescindere da ciò, il cuore del linguaggio è lo stesso di ogni altro linguaggio derivato dal lambda calcolo: la sua definizione si può agilmente comprendere visualizzando la grammatica del lambda calcolo e confrontandola con quella (leggermente semplificata) di **Funx**, facendo attenzione alle regole aggiuntive.

Figura 2.1: Grammatica del lambda calcolo

Le tre regole presenti in Figura 2.1 indicano le tre componenti indispensabili del lambda calcolo:

- variabile: simbolo rappresentante un parametro;
- applicazione: applicazione di funzione ad un argomento (entrambi espressioni);
- astrazione: definizione di una funzione anonima, con un solo input x (variabile vincolata) e un solo output E (espressione, potenzialmente un'altra astrazione); per definire funzioni con più parametri si debbono usare molteplici astrazioni annidate (tecnica detta currying).

```
Modulo
                 M
                           nome \cdot L
                                                                 dichiarazione del modulo
                             ?(schema\ di\ tipo) \cdot id = E
                 D
                                                                 dichiarazione di funzione
Dichiarazione
                 E
Espressione
                       ::=
                             c
                                                                 costante
                             x
                                                                 variabile
                             E_l E_r
                                                                 applicazione
                             \lambda x \cdot E
                                                                 astrazione
                             L
                                                                 let
                             if E then E else E
                                                                 if
                       := let \cdot D (\cdot D)^* \cdot in E
                 L
Let
                                                                 let
```

Figura 2.2: Grammatica di Funx

È facile constatare la presenza delle ulteriori produzioni per la definizione del modulo corrente (informazione inclusa a prescindere dal fatto che il linguaggio ad ora non supporti l'importazione di moduli esterni che non siano la libreria standard) e di funzioni con nome: lo schema di tipo è un'informazione opzionale relativa al tipo della funzione e di cui si parlerà più approfonditamente nella sezione 3.1.2.

Per quanto riguarda invece le espressioni, vengono introdotte tre nuove regole:

- costante: rappresenta un valore letterale, come un numero o una stringa;
- let: permette di avere dichiarazioni locali utilizzabili all'interno di un'espressione;
- if: la più classica istruzione condizionale controllata da un'espressione booleana.

2.2.1 Zucchero sintattico

Con lo scopo di rendere il codice più leggibile, conciso e semplice, **Funx** introduce dello zucchero sintattico (del tutto simile a quello di Haskell). In Tabella 2.1 sono riportati l'indispensabile per evitare il parsing dell'indentazione, le semplificazioni comuni utili all'arrichimento del lambda calcolo, e infine tutti gli operatori simbolici supportati al momento (assieme alla notazione per indicarne associatività e precedenza).

Zucchero		Sostituzione
\x -> e		$\lambda \mathrm{x}$. e
\x y -> e		λ x . λ y . e
f x y = e		$f = \lambda x \cdot \lambda y \cdot e$
let		
f1 = e1		let f1 = e1 \cdot f2 = e2 in e3
f2 = e2		
in e3		
f3 = e3		
with		
f1 = e1		$f3 = let f1 = e1 \cdot f2 = e2 in e3$
f2 = e2		
out		
main = e3		
f1 = e1		main = let f1 = e1 \cdot f2 = e2 in e3
f2 = e2		
if b then el	else e2 fi	if b then e1 else e2
e1 . e2	infixr 9	compose e1 e2
e1 / e2	infixl 7	divide e1 e2
e1 % e2	infixl 7	modulo e1 e2
e1 * e2	infixl 7	multiply e1 e2
e1 + e2	infixl 6	add e1 e2
e1 - e2	infixl 6	subtract e1 e2
e1 > e2	infix 4	greaterThan e1 e2
e1 >= e2	infix 4	greaterThanEquals e1 e2
e1 < e2	infix 4	lessThan e1 e2
e1 <= e2	infix 4	lessThanEquals e1 e2
e1 == e2	infix 4	equalsEquals e1 e2
e1 != e2	infix 4	notEquals e1 e2
!!e	prefix 4	not e
e1 && e2	infixr 3	if e1 then e2 else False
e1 e2	infixr 2	if e1 then True else e2
e1 \$ e2	infixr 0	apply e1 e2

Tabella 2.1: Zucchero sintattico

Come già accennato, il Capitolo 5 illustrerà come l'albero sintattico astratto (AST) di un programma viene ottenuto, annotato e tradotto in Java; la sezione ?? in particolare esporrà il motivo della traduzione degli operatori booleani binari in if.

Alcuni esempi di funzioni sono presentati nel Codice 2.1; seppur superflua, l'indentazione è inclusa per maggiore chiarezza.

```
main = factorial 20
1
2
   xor a b = (a | | b) && !! (a && b)
3
4
   factorial n = if n == 0 then 1 else n * factorial (n - 1) fi
5
   gcd a b = if b == 0 then a else gcd b (a % b) fi
8
   even = let
9
10
      even1 n = if n == 0 then True else odd <math>(n - 1) fi
11
      odd n = if n == 0 then False else even1 (n - 1) fi
12
13
     in even1
```

Codice 2.1: Esempio di programma

3. Inferenza di tipo

Dopo aver discusso la sintassi di **Funx**, è importante far notare come i programmi non abbiano bisogno di annotazioni di tipo, nonostante siano stati adottati tipi statici. In questo capitolo affronteremo l'argomento dei sistemi di tipo e dell'inferenza, meccanismo proprio di molti linguaggi, funzionali e non, che rende possibile la deduzione automatica del tipo di un termine basandosi sull'utilizzo delle variabili e delle funzioni.

3.1 Sistemi di tipo

Durante la genesi di ogni linguaggio di programmazione, una delle scelte più significative riguarda l'introduzione di un sistema per gestire i tipi di variabili ed espressioni. Tali sistemi di tipo sono di fatto insiemi di regole logiche che permettono di assegnare una proprietà "tipo" a ciascuno dei termini del linguaggio che ne necessitano. Sono principalmente suddivisi in due categorie:

- tipizzazione statica: i tipi sono definiti a tempo di compilazione e non possono cambiare mentre il programma è in esecuzione;
- tipizzazione dinamica: i tipi vengono stabiliti durante l'esecuzione e possono cambiare in qualsiasi momento.

Oltre a questa distinzione esistono varie sfumature e approcci differenti, informalmente classificati in base alla rigidità delle regole di tipizzazione. Si parla di tipizzazione debole quando ad esempio sono consentite conversioni implicite tra tipi diversi, tipizzazione forte se sono impedite, oppure qualora sia o meno disponibile l'aritmetica dei puntatori.

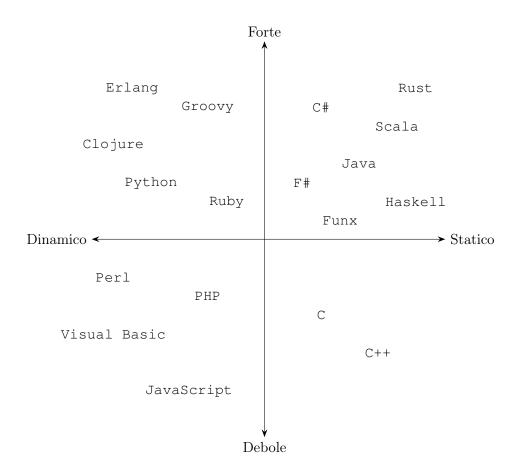


Figura 3.1: Alcuni linguaggi e loro sistemi di tipo

Grazie ai tipi dinamici, linguaggi quali Python e JavaScript permettono veloce prototipazione, flessibilità e codice più conciso, a discapito però di una più alta probabilità di incontrare errori importanti a runtime, piuttosto che in fase di compilazione.

Al contrario, i tipi statici spesso migliorano naturalmente la mantenibilità di un progetto: viene limitata la possibilità di scorciatoie nello sviluppo, ma si hanno maggiori garanzie di correttezza, in quanto il compilatore può implementare ulteriori controlli e segnalare errori semantici più precisi già prima dell'esecuzione del programma.

D'altro canto, l'obbligo di specificare i tipi di ogni variabile, oggetto, funzione e parametro può risultare tedioso e talvolta ridondante; molti linguaggi moderni, tra cui Haskell e Rust, ovviano magistralmente a quest'inconvenienza tramite l'uso dell'inferenza di tipo.

Gli algoritmi di inferenza introducono numerosi benefici, in particolare:

- la scrittura del codice è meno onerosa per lo sviluppatore a prescindere dal sistema di tipi utilizzato, e diviene quindi estremamente vantaggioso utilizzare tipi statici;
- le annotazioni ora opzionali possono essere aggiunte dal programmatore quando vi sono casi difficili da disambiguare automaticamente, oppure per migliorare la leggibilità del codice;
- gli strumenti di sviluppo per il linguaggio possono sfruttare informazioni fornite dal motore di inferenza per suggerire il tipo delle espressioni e arricchire i messaggi di errore e di warning.

3.1.1 λ-cubo

Al fine di comprendere quale sistema il linguaggio **Funx** implementi, prima di discutere l'inferenza si vuol descrivere brevemente il λ -cubo, lambda cubo¹, un modello introdotto per classificare i sistemi di tipo applicabili al lambda calcolo.

In Figura 3.2 è possibile osservare come la struttura del cubo abbia all'origine il lamb-da calcolo semplicemente tipato $(\lambda \rightarrow)$ e come le tre dimensioni in cui si sviluppa rappresentino ciascuna un'estensione del sistema:

- tipi dipendenti (→): la definizione dei tipi può dipendere dai valori delle variabili (implementati da linguaggi funzionali come Agda, Coq e Idris);
- polimorfismo parametrico (†): i tipi possono essere polimorfi, generalizzati tramite variabili di tipo (presenti nei sistemi adottati da ML, OCaml e Haskell);
- **costruttori** di **tipo** (\nearrow): capacità di costruire nuovi tipi a partire da tipi esistenti (Haskell ne fa grande uso poiché ogni nuovo tipo, dichiarato con la keyword data, è un nuovo costruttore di tipo).

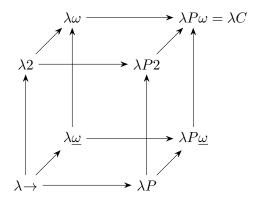


Figura 3.2: λ-cubo

Senza entrare troppo nei dettagli, in ordine crescente di potenza espressiva:

- $\lambda \rightarrow (lambda\ calcolo\ semplicemente\ tipato)$: tipi monomorfi;
- $\lambda \underline{\omega}$ (lambda weak omega): costruttori di tipo;
- λ2 (lambda due, lambda F, lambda calcolo polimorfico): polimorfismo parametrico;
- λP (lambda P): tipi dipendenti;
- $\lambda P\underline{\omega}$ (lambda P weak omega): costruttori di tipo e tipi dipendenti;
- $\lambda\omega$ (lambda omega): costruttori di tipo e polimorfismo parametrico;
- $\lambda P2$ (lambda P due): polimorfismo parametrico e tipi dipendenti;
- $\lambda P\omega = \lambda C$ (lambda P omega, lambda C, calcolo delle costruzioni): estronglyombinazione di tutte le tre estensioni.

¹Introduction to generalized type systems, [Bar91]

3.1.2 Sistema FC

Tra i vari sistemi di tipo per il lambda calcolo, uno di quelli più interessanti è il sistema F (vertice $\lambda 2$ in Figura 3.2) poiché molto utile per la generalizzazione delle funzioni: uno dei problemi più ricorrenti nella programmazione con qualsiasi linguaggio è infatti la duplicazione di codice per funzioni che svolgono operazioni simili su tipi diversi.

Il sistema F risolve tale problema introducendo il **polimorfismo parametrico** e di conseguenza la distinzione tra tipi monomorfi (monotipi) e tipi polimorfi (politipi).

I tipi delle funzioni possono essere caratterizzati tramite quantificatori universali e variabili di tipo ove sia necessario un tipo generico (spesso vengono usate singole lettere dell'alfabeto greco o latino).

Tuttavia, $\lambda 2$ nella sua forma più pura, oltre a non essere un sistema Turing-completo (è possibile definire solamente la ricorsione primitiva), rende l'inferenza di tipo trattata nella sezione 3.2 un problema non decidibile².

Pertanto, il linguaggio Haskell non implementa semplicemente il sistema F, ma piuttosto una versione ristretta di $\lambda \omega$ chiamata sistema FC^3 .

Quest'ultima include anche i costruttori di tipo (funzioni di tipo in Funx), frenando però il polimorfismo ai cosiddetti tipi polimorfici di rango 1 (polimorfismo predicativo): tale limitazione si manifesta nella scrittura di tutti i quantificatori universali all'inizio di un tipo polimorfo (che prende il nome di schema di tipo).

Le versioni invece più espressive e più vicine a $\lambda\omega$ sono:

- polimorfismo di rango superiore: supporta quantificatori universali in qualsiasi punto nelle definizioni delle funzioni (e.g. Bool -> (forall b . b -> b)); Haskell lo realizza con l'estensione RankNTypes del compilatore GHC, mentre offre anche l'estensione Rank2Types, per la quale l'inferenza rimane decidibile;
- polimorfismo impredicativo: permette di quantificare le variabili di tipo in modo arbitrario, anche e soprattutto all'interno dei costruttori di tipo (e.g. Maybe (forall a . a -> a) -> Bool, possibile in Haskell abilitando l'estensione ImpredicativeTypes).

Il linguaggio **Funx** ovviamente non è correntemente in grado di supportare queste estensioni del sistema di tipo, così come non è possibile definire nuovi tipi o fare uso di *classi di tipo* simili a quelle proprie di Haskell. Affermare che **Funx** adotti il *sistema FC* potrebbe lasciare intendere un linguaggio più espressivo di quanto non sia in realtà: è dunque più opportuno realizzare il *sistema HM* (sezione 3.2), di cui il *sistema FC* è un ampliamento, e che comunque ben si presta allo scopo principe di traduzione in Java.

In Tabella 3.1 si possono osservare i tipi di alcune funzioni polimorfe di Haskell: la sintassi di Funx è molto simile (identica in ognuno dei casi presentati), con l'eccezione che la parola chiave forall è completamente assente dal linguaggio, in quanto ogni identificatore che inizia con una lettera minuscola è considerato una variabile di tipo da quantificare universalmente (vedi sezione ??).

² Typability and type checking in System F are equivalent and undecidable, [Wel99]

³System FC, as implemented in GHC, [Eis15]

Funzione	Schema
id	forall a . a -> a
const	forall a b . a -> b -> a
(.)	forall b c a . (b -> c) -> (a -> b) -> a -> c
flip	forall a b c . (a -> b -> c) -> b -> a -> c
(\$)	forall a b . (a -> b) -> a -> b
(&)	forall a b . a -> (a -> b) -> b

Tabella 3.1: Esempi di funzioni polimorfe

In Figura 3.3 è mostrata la grammatica per la definizione dei tipi implementati nel linguaggio **Funx**. Si noti come i tipi monomorfi siano solo variabili di tipo o applicazioni di funzioni ad altri tipi; al momento il linguaggio mette a disposizione le funzioni di tipo più elementari, la cui arietà è indicata in pedice.

Figura 3.3: Grammatica del sistema di tipo di Funx

3.2 Inferenza secondo Hindley–Milner

Come già accennato, il sistema *Hindley–Milner* $(HM)^4$, o *Damas-Hindley-Milner*⁵, è un sistema di tipo per il lambda calcolo con polimorfismo parametrico largamente utilizzato in molti moderni linguaggi di programmazione ad alto livello. Il maggiore punto di forza del sistema è il relativo metodo di inferenza, in grado di dedurre automaticamente il tipo di un termine senza annotazioni esplicite fornite dagli sviluppatori.

Prima di presentare l'algoritmo di inferenza è necessario complementare le nozioni di lambda calcolo esteso (Figure 2.1 e 2.2) e del sistema di **Funx** (Figura 3.3) con due concetti fondamentali (Figura 3.4):

- contesto: una insieme di associazioni tra variabili e schemi di tipo, che rappresenta lo stato corrente dell'ambiente in cui un termine viene tipato; l'unione tra la grammatica del linguaggio e il sistema di tipi è data da un giudizio di tipo effettuato nel contesto su un termine (espressione);
- variabili libere: l'insieme delle variabili libere di un tipo è semplicemente il complemento delle variabili vincolate, ossia quelle quantificate universalmente in un tipo polimorfo.

Contesto
$$\Gamma \ ::= \ \epsilon \qquad \text{contesto vuoto}$$

$$\mid \ \Gamma, x \colon \sigma \qquad \text{aggiunta di associazione}$$
 Giudizio di tipo
$$::= \ \Gamma \vdash E \colon \sigma$$

$$\begin{array}{lll} free(\forall \ \alpha \ . \ \sigma) & = & free(\sigma) - \{\alpha\} & \text{tipo polimorfo} \\ free(\alpha) & = & \{\alpha\} & \text{variabile di tipo} \\ free(F \ \tau_1 \dots \tau_n) & = & \bigcup\limits_{i=1}^n free(\tau_i) & \text{applicazione di funzione di tipo} \\ free(\Gamma) & = & \bigcup\limits_{x: \ \sigma \in \Gamma} free(\sigma) & \text{contesto} \\ free(\Gamma \vdash E: \ \sigma) & = & free(\sigma) - free(\Gamma) & \text{giudizio di tipo} \end{array}$$

Figura 3.4: Definizioni di contesto e variabili libere

 $^{^4}$ The Principal Type-Scheme of an Object in Combinatory Logic, [Hin69] e A Theory of Type Polymorphism in Programming, [Mil78]

⁵Principal type-schemes for functional programs, [DM82]

Le regole di inferenza del sistema~HM, riportate in Figura 3.5, informano il comportamento l'algoritmo~W (Figura $\ref{eq:sistema}$), implementazione dell'inferenza di tipo.

In aggiunta a principi già noti, le peculiarità non immediatamente chiare sono:

- constantType: funzione che restituisce il tipo di una costante;
- $\sigma \sqsubseteq \tau$: indica intuitivamente che σ è più generale di τ (τ è un'istanza di σ);
- $\overline{\Gamma}$: ottiene il tipo più generale di una variabile, quantificando universalmente le variabili libere del tipo iniziale.

$$\frac{\tau = constantType(c)}{\Gamma \vdash c : \tau} \qquad [costante]$$

$$\frac{x : \sigma \in \Gamma \qquad \sigma \sqsubseteq \tau}{\Gamma \vdash x : \tau} \qquad [variabile]$$

$$\frac{\Gamma \vdash E_l : \tau \to \tau' \qquad \Gamma \vdash E_r : \tau}{\Gamma \vdash E_l E_r : \tau'} \qquad [applicazione]$$

$$\frac{\Gamma, x : \tau \vdash E : \tau'}{\Gamma \vdash \lambda x . E : \tau \to \tau'} \qquad [astrazione]$$

$$\frac{\Gamma \vdash E_0 : \tau \qquad \Gamma, x : \overline{\Gamma}(\tau) \vdash E_1 : \tau'}{\Gamma \vdash \text{let } x = E_0 \text{ in } E_1 : \tau'} \qquad [let]$$

$$\overline{\Gamma}(\tau) = \forall \ \hat{\alpha} . \ \tau \qquad \hat{\alpha} = free(\tau) - free(\Gamma)$$

$$\frac{\Gamma \vdash E_c : Bool \qquad \Gamma \vdash E_t : \tau \qquad \Gamma \vdash E_e : \tau}{\Gamma \vdash \text{if } E_c \text{ then } E_t \text{ else } E_e : \tau} \qquad [if]$$

Figura 3.5: Regole di inferenza del $sistema\ HM$ in \mathbf{Funx}

4. Java

5. Compilatore

6. Esempi di traduzione

7. Conclusioni

Bibliografia

- [Bar91] Henk Barendregt. «Introduction to generalized type systems». In: *Journal of Functional Programming* 1 (2 1991), pp. 125–154.
- [Chu32] Alonzo Church. «A Set of Postulates for the Foundation of Logic». In: *Annals of Mathematics* 33 (2 1932), pp. 346–366.
- [Chu33] Alonzo Church. «A Set of Postulates for the Foundation of Logic». In: *Annals of Mathematics* 34 (4 1933). Second paper, pp. 839–864.
- [DM82] Luis Damas e Robin Milner. «Principal type-schemes for functional programs». In: Proceedings of the 9th ACM SIGPLAN-SIGACT symposium on Principles of programming languages (1982), pp. 207–212.
- [Eis15] Richard A. Eisenberg. System FC, as implemented in GHC. Last revised in 2020. 2015. URL: https://github.com/ghc/ghc/blob/master/docs/core-spec/core-spec.pdf?raw=true.
- [Hin69] J. Roger Hindley. «The Principal Type-Scheme of an Object in Combinatory Logic». In: *Transactions of the American Mathematical Society* 146 (1969), pp. 29–60.
- [Mil78] Robin Milner. «A Theory of Type Polymorphism in Programming». In: *Journal of Computer and System Sciences* 17 (3 1978), pp. 348–375.
- [Mog91] Eugenio Moggi. «Notions of computation and monads». In: *Information And Computation* 93 (1 1991), pp. 55–92.
- [Sta23] StackOverflow. Stack Overflow Developer Survey 2023. Rust most admired language. 2023. URL: https://survey.stackoverflow.co/2023/#technology-admired-and-desired.
- [Wel99] Joe B. Wells. «Typability and type checking in System F are equivalent and undecidable». In: *Annals of Pure and Applied Logic* 98 (1-3 1999), pp. 111–156.

Indice analitico

 $consectetur,\,1$

Ringraziamenti

 ${\bf Ringrazio...}$