ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỒ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

____*___*

TIỂU LUẬN CUỐI KÌ

MÔ HÌNH HÓA THỐNG KÊ

Giảng viên hướng dẫn: TS. Nguyễn Thị Mộng Ngọc

Nhóm thực hiện: **Nhóm 4**

Học viên: **Phan Thị Thùy An** MSHV: 20C29002

Đinh Thị Nữ MSHV: 20C29013

Lý Phi Long MSHV: 20C29028

Đặng Khánh Thi MSHV: 20C29038

Mục lục

1	Dữ	liệu tự chọn	5
	1.1	Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến	6
	1.2	Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính	7
0	D ~	1·^	9
2	Du	liệu có sẵn	9
	2.1	Dữ liệu 1	10
	2.2	Dữ liệu 2	14
	2.3	Dữ liệu 3	21
	2.4	Dữ liệu 4	25

Chương 1

Dữ liệu tự chọn

- Tên "đề tài", nguồn gốc của dữ liệu, giới thiệu các biến.
- Mô hình chọn được; phân tích kết quả
- Đưa ra những phương pháp/phân tích khác có thể giúp cho kết quả tốt hơn.
- Kết luận.

1.1 Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến

1.2 Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính

Chương 2

Dữ liệu có sẵn

- Chọn mô hình phù hợp nhất giải thích biến phụ thuộc với từng bộ dữ liệu.
- Nêu rõ phương pháp chọn mô hình và lý do chọn phương pháp đó.
- Nói rõ ý nghĩa của mô hình đã chọn.

2.1 Dữ liệu 1

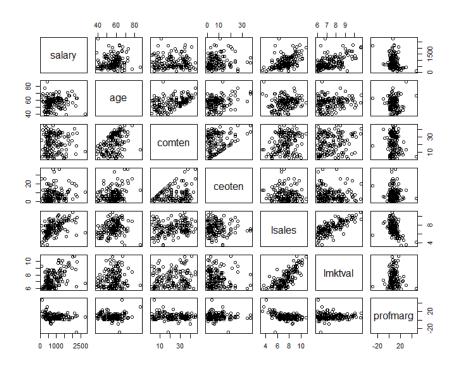
Những thông tin vê các giám đốc điều hành các tập đoàn Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu gồm 177 quan trắc và 15 biến.

Tìm hiểu và tiền xử lý dữ liệu

Một số biến trong bộ dữ liệu kiểu số có đơn vị tính lớn như: sales', profits, lmktval. Nếu đưa những biến này vào phương trình hồi quy có thể dẫn tới hiện tượng bias do tác động của những biến này lên model lấn át những biến khác còn lại như age, ceoten.... Nên ta sẽ dùng phương pháp logarit cho 3 biến này trong model tương ứng với 3 biến mới là: lsales'', lmktval và profmarg. (1)

Từ biểu đồ dưới ta thấy ba biến định lượng *lsales*, *lmktval* và *profmarg* xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến. Tuy nhiên có xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến giữa 2 biến sales và profit luôn (hình 2.1.1).

Tính độ correlation của biến salary với lần lượt 2 biến trên ta có:



Hình 2.1.1: Mối tương quan giữa các biến

Hình 2.1.2: Mức độ tương quan giữa biến Isales và promarg Correlation

Xét bảng correlation giữa các biến độc lập với nhau và giữa các biến độc lập với biến phụ thuộc, ta thấy: Giữa hai biến lmktval và biến lsales có mối tương quan rất cao (\approx 0.75). Tuy nhiên biến lmktval lại có mối tương quan cao hơn với biến phụ thuộc salary. Mặt khác giữa biến profmarg và lsales cũng có mối tương quan cao (\approx -0.42). Nên ta loại bỏ biến lsales khỏi danh sách các biến được xét. (2)

Từ (1) và (2) ta có mô hình với đầy đủ các biến cần lựa chọn như sau:

$$salary = \beta_0 + \beta_1 * age + \beta_2 * college + \beta_3 * grad + \beta_4 * comten$$

$$+ \beta_5 * ceoten + \beta_6 * lmktval + \beta_7 * profmarg$$
(2.1.1)

Thực hiện phân rã hai biến phân loại gồm *college* và *grad* trước khi thực hiện phương pháp chọn biến **Stepwise tiến** với **tiêu chuẩn AIC**.

Để đánh giá chất lượng mô hình ta chia tập dữ liệu thành hai phần, training và testing, với tỷ lệ 80 : 20 sau đó tiến hành phương pháp chọn biến trên tập training.

Thực hiện chọn biến bằng phương pháp StepWise tiến và tiêu chuẩn AIC

Tổng quan tiêu chuẩn AIC thì mô hình tốt là mô hình có giá trị AIC nhỏ nhất. Ở mô hình 1, biến *lmktval* được chọn vào mô hình vì có AIC nhỏ nhất trong tất cả các kết hợp với các biến còn lại. Tương tự AIC được tính cho mô hình thêm biến thứ 2, *ceoten*, và biến thứ 3 là *ceoten* (hình 2.1.3).

```
> summary(modbest_Fow)
lm(formula = train$salary ~ lmktval + profmarg + ceoten, data = train)
Residuals:
                            3Q
             1Q Median
-1339.1 -227.0 -72.8 163.7 4351.3
Coefficients:
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                        302.598 -3.142 0.00206 **
(Intercept) -950.696
                         38.909
                                           2.5e-09 ***
             248.204
                                  6.379
lmktval
                           6.544
                                  -2.128 0.03508 *
profmarg
             -13.929
                         6.113 1.916 0.05738 .
              11.714
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 539 on 138 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.2537, Adjusted R-squared: 0.7
F-statistic: 15.64 on 3 and 138 DF, p-value: 8.262e-09
                                 Adjusted R-squared: 0.2375
```

Hình 2.1.3: Kết quả hồi quy mô hình với các biến được chọn

Với ba biến được chọn ở trên, mô hình 2.1.1 trở thành mô hình mới:

$$salary = -950.6 + 248.2 * lmktval - 13.9 * profmarg + 11.7 * ceoten$$
 (2.1.2)

Tuy nhiên ta nhận thấy biến ceoten có $\rho_{value} \ge \alpha \ (0.05738 \ge 0.05)$ nên không có ý nghĩa thống kê trong mô hình. Ta tiến hành bỏ biến ceoten và hồi quy mô hình với hai biến còn lại kết quả thu được từ phần mềm R như hình 2.1.4:

```
> new_train = train[c("salary", "lmktval", "profmarg")]
> newModel = lm(formula =new_train$salary ~ ., data = new_train )
> summary(newModel)
call:
lm(formula = new_train$salary ~ ., data = new_train)
Residuals:
             1Q Median
-1127.7 -256.6
                           246.7 4404.8
                 -85.3
Coefficients:
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) -830.739 298.886 -2.779 0.0062 **
lmktval 245.323 39.252 6.250 4.71e-09 ***
                          6.607 -2.111
                                          0.0366 *
profmarg
             -13.944
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 544.2 on 139 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.2338,
                                Adjusted R-squared: 0.2228
F-statistic: 21.21 on 2 and 139 DF, p-value: 9.143e-09
```

Hình 2.1.4: Kết quả hồi quy mô hình với hai biến còn lại

Mô hình thống kê mới:

$$salary = -830.7 + 245.3 * lmktval - 13.9 * profmarg$$
 (2.1.3)

Trường hợp này hai biến còn lại có ý nghĩa thống kê. Tuy nhiên mô hình được tạo bởi hai biến này chỉ giải thích được 23% sự biến thiên của biến phụ thuộc (hình 2.1.4). Nguyên nhân dẫn tới kết quả thấp là do số lượng data ít, các biến giải thích ít không tạo nên mô hình đặc trưng được.

Test trên tập test và nhận xét kết quả

Thực hiện dự đoán trên tập dữ liệu test từ kết quả mô hình 2.1.3 và dùng chỉ số đánh giá MSE (trung bình bình phương sai số) ta có:

```
> SE = sum((pred_test-y_test) ^2)
> SE
[1] 15893414
> MSE = SE / nrow(test)
> print(MSE)
[1] 454097.5
```

Hình 2.1.5: Chỉ số đo lường kết quả MSE

Kết quả MSE ≈ 454097 lớn hơn nhiều so với giá trị Mean : 887.5 nên ta có thể thấy hai yếu tố gồm: giá thị trường (lmktval) và tỷ lệ phần trăm lợi nhuận (profmarg) là chưa đủ để giải thích mức độ tăng giảm của tiền lương của các giám đốc điều hành các tập đoàn Hoa Kỳ. Để cải thiện kết quả mô hình ta nên tiến hành thu thập thêm dữ liệu và tiến hành lựa chọn biến dựa trên dữ liệu mới này. Bên cạnh đó có thể xem xét tới xem xét tới các nhân tố khác ảnh hưởng tới tiền lương của các giám đốc Hoa kỳ như: Lĩnh vực hoạt động (ngân hàng, hàng không, công nghệ, vận tải...); mức lương trước đó; số năm kinh nghiệm, giới tính,...

2.2 Dữ liệu 2

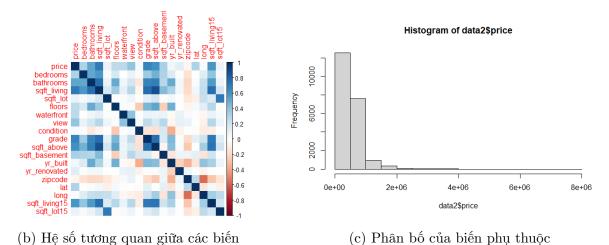
Bộ dữ liệu ghi lại lịch sử về những ngôi nhà được bán từ 5/2014 đến 5/2015 ở quận King, bang Washington, Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu bao gồm 21613 quan trắc, gồm 21 biến.

* Phương pháp chọn: Stepwise - lùi; tiêu chuẩn chọn: BIC.

Tìm hiểu dữ liệu

```
mydata <-read.csv("data2.csv")
head(mydata)</pre>
          id
                                         bedrooms bathrooms
7129300520 10/13,
6414100192 12/9,
                12/9/2014
                               538000
                                                            2.25
                                                                            2570
770
                                                                                         7242
5631500400
2487200875
                2/25/2015
12/9/2014
                               180000
604000
                                                              0.0
                                                                                        10000
                                                                            1960
                                                            3.00
                                                                                         5000
                2/18/2015
5/12/2014
1954400510
                               510000
                                                            2 00
                                                                            1680
                                                                                         8080
                              1230000
condition grade sqft
                             above saft basement
                                                            built
                                                                          enovated
                                                                                      zipcode
                              1180
2170
770
                                                             1955
1951
                                                  400
                                                                                         98125
                                                                                                             -122.319
                                                             1933
                                                                                         98028
                                                  910
                              1680
                                                             1987
                                                                                         98074
                                                                                                 47.6168
                                                                                                            -122.045
           3 11
ing15 sqf
                              3890
                                                 1530
            1340
                           5650
7639
            1690
            2720
                           8062
                           5000
            1800
                            7503
            4760
                        101930
```

(a) Một số quan trắc đầu tiên



Hình 2.2.1: Một số quan sát ban đầu của bộ dữ liệu

Bộ dữ liệu cung cấp gồm 21 biến, trong đó biến **id** và **date** được loại bỏ khỏi dữ liệu trước khi tiến hành phân tích, vì nhóm em nghĩ các biến này chỉ để ghi lại chỉ số và thời gian mua bán, không mang nhiều ý nghĩa thống kê.

Quan sát ban đầu cho thấy: các biến độc lập sqft living, grade, sqft above,

sqft_living15 có mối tương quan cao với biến phụ thuộc **Price**; biến phụ thuốc **Price**; biến phụ thuộc **Price**; biến phụ thuộc **Price**; biến phụ thuộc

Phân tích, chọn mô hình

```
> # Create full model
 mod_full_1 = lm(price ~ ., data2) #full model
 summary(mod_full_1)
lm(formula = price ~ ., data = data2)
Residuals:
     Min
                1Q
                      Median
                                             Max
-1291631
            -99089
                       -9569
                                 77778
                                        4330096
Coefficients: (1 not defined because of singularities)
                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                            2.933e+06
                6.564e+06
                                                 0.02523
(Intercept)
                                         2.238
                                                   2e-16 ***
                                       -18.707
                            1.901e+03
bedrooms
               -3.556e+04
                                                   2e-16 ***
                                        12.632
bathrooms
                4.128e+04
                            3.268e+03
sqft_living
                1.496e + 02
                            4.397e+00
                                        34.033
                                                 < 2e-16
                1.289e-01
                                         2.690
                            4.792e-02
                                                 0.00714
sqft_lot
                                         1.797
floors
                6.474e + 03
                            3.602e+03
                                                 0.07229
                                        33.593
waterfront
                5.833e+05
                            1.736e+04
                                                   2e-16
view
                5.278e+04
                            2.141e+03
                                        24.652
                                                   2e-16
condition
                2.679e+04
                            2.353e+03
                                        11.387
                                                   2e-16
                            2.161e+03
grade
                9.701e+04
                                        44.894
                                                   2e-16
sqft_above
                3.129e+01
                            4.361e+00
                                         7.174
                                                7.53e-13 ***
sqft_basement
                                    NΑ
                                            NA
                       NA
yr_built
               -2.628e+03
                            7.272e+01
                                       -36.135
                                                   2e-16 ***
vr_renovated
                1.983e+01
                            3.656e+00
                                         5.425
                                                5.87e-08 ***
               -5.819e+02
                            3.299e+01
                                       -17.635
                                                 < 2e-16 ***
zipcode
                6.022e+05
                            1.074e+04
                                        56.071
                                                   2e-16
                -2.156e+05
                            1.316e+04
                                       -16.385
                            3.451e+00
sqft_living15
                2.116e+01
                                         6.131
                            7.334e-02
sqft_lot15
               -3.907e-01
                                        -5.327 1.01e-07
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 201300 on 21579 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7001, Adjusted R-squared: 0.6999
F-statistic: 2964 on 17 and 21579 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Hình 2.2.2: Mô hình hồi quy đầy đủ ban đầu

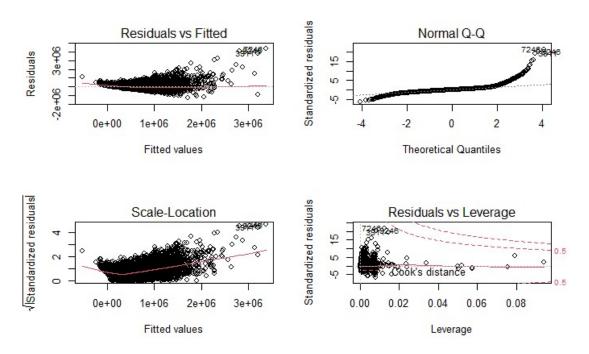
Bộ dữ liệu (sau khi loại bỏ id và date) có 18 biến giải thích, do đó nhóm em chọn phương pháp lùi (**stepwise - backward**) cho bộ dữ liệu này. Trong mô hình hồi quy đầy đủ (Hình 2.2.2), đa số các biến giải thích đều có ý nghĩa thống kê, do đó tiến hành phương pháp lùi (loại biến dần dần) sẽ tiết kiệm thời gian hơn so với các phương pháp còn lại. Tiêu chuẩn BIC có xu hướng chọn các mô hình ít phức tạp hơn so với tiêu chuẩn AIC, đặc biệt khi số lượng quan trắc lớn.

```
> summary(mod_BIC_1)
                                                                                                                                                      lm(formula = price ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living + waterfront +
view + condition + grade + sqft_above + yr_built + yr_renovated +
zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15, data = data2)
                                                                                                                                                      Residuals:
                                                                                                                                                                                                Median
-9674
                                                                                                                                                      Min
-1284799
                                                                                                                                                                             1Q
-99272
                                                                                                                                                                                                                     3Q Max
77773 4326048
                                                                                                                                                      Coefficients:
                                                                                                                                                                                       6.017e+06
-3.578e+04
4.285e+04
1.475e+02
                                                                                                                                                                                                             2.885e+06 2.085
1.900e+03 -18.826
3.154e+03 13.587
                                                                                                                                                       (Intercept)
                                                                                                                                                      bedrooms
bathrooms
                                                                                                                                                                                                                                                      < 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
> mod_BIC_1$anova
Stepwise Model Path
Analysis of Deviance Table
                                                                                                                                                                                                                                    13.587
35.280
                                                                                                                                                      sqft_living
waterfront
                                                                                                                                                                                                             4.181e+00
                                                                                                                                                                                      5.826e+05
5.306e+04
2.645e+04
                                                                                                                                                                                                             1.736e+04
2.140e+03
2.349e+03
                                                                                                                                                                                                                                    33.554
24.797
11.256
                                                                                                                                                                                                                                                      < 2e-16 ***
                                                                                                                                                                                                                                                     < 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
                                                                                                                                                      view
condition
Initial Model:
price ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living + sqft_lot + floors +
   waterfront + view + condition + grade + sqft_above + sqft_basement +
   yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15 +
   sqft_lot15
                                                                                                                                                      grade
sqft_above
yr_built
                                                                                                                                                                                       9.746e+04
                                                                                                                                                                                                             2.152e+03
                                                                                                                                                                                                                                    45.284
                                                                                                                                                                                                             2.15/2e+03 45.284
3.910e+00 8.952
7.094e+01 -36.779
3.651e+00 5.487
3.286e+01 -17.542
1.070e+04 56.341
1.308e+04 -16.451
                                                                                                                                                                                      3.501e+01
2.609e+03
                                                                                                                                                                                                                                                   4.14e-08 ***
                                                                                                                                                       vr renovated
                                                                                                                                                                                      2.003e+01
                                                                                                                                                                                    -5.764e+02
6.027e+05
-2.152e+05
                                                                                                                                                                                                                                                   < 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
6.30e-09 ***
                                                                                                                                                      zipcode
lat
Final Model:
price ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living + waterfront + view +
condition + grade + sqft_above + yr_built + yr_renovated +
zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15
                                                                                                                                                       lona
                                                                                                                                                      sqft_living15
                                                                                                                                                                                      1.989e+01
                                                                                                                                                                                                             3.423e+00
                                                                                                                                                                                                                                      5.811
                                                                                                                                                      sqft_lot15
                                                                                                                                                                                     -2.613e-01
                                                                                                                                                                                                             5.311e-02
                                                                                                                                                      Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
                          Step Df
                                                   Deviance Resid. Df
                                                                                             Resid. Dev
                                                                             21579 8.739836e+14 527659.9
21579 8.739836e+14 527659.9
21580 8.741144e+14 527653.1
21581 8.743992e+14 527650.2
                                                                                                                                                      Residual standard error: 201300 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7, Adjusted R-squared: 0.6998
F-statistic: 3357 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
       sqft_basement 0 0
- floors 1 130842954998
- sqft_lot 1 284802633671
                                                     (a) Chọn biến
                                                                                                                                                                                                 (b) Kết quả mô hình
```

Hình 2.2.3: Mô hình khi chọn bằng tiêu chuẩn BIC

Bằng phương pháp lùi và tiêu chuẩn BIC (Hình 2.2.3), các biến **sqft_basement**, **floors**, **sqft_lot** đã bị loại bỏ khỏi mô hình. Mô hình được chọn có $R^2 = 0.7$, $R_{adj}^2 = 0.69$, các tham số ước lượng của mô hình đều có ý nghĩa thống kê.

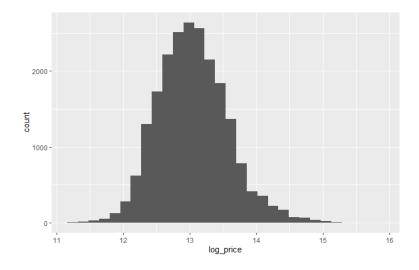
Ta tiến hành kiểm tra xem mô hình này có thỏa mãn các giả thiết của mô hình hồi quy hay không.



Hình 2.2.4: Các biểu đồ kiểm định mô hình

Dựa vào hình 2.2.4, phương sai của sai số không phải là hằng số, kì vọng của sai số bằng 0; sai số có vẻ tuân theo phân phối chuẩn nhưng phần đuôi trên bị lệch khá nhiều.

Kết hợp với nhận xét ban đầu, về việc biến **Price** phân bố không đều, nhóm em tiến hành biến đổi biến này thành **log(Price)**.



Hình 2.2.5: Phân bố của biến **Price** sau khi biến đổi

Sau khi biến đổi, ta tiến hành hồi quy cho: **mô hình 1** mô hình có 15 biến đã chọn bằng tiêu chuẩn BIC trước đó, và **mô hình 2** mô hình đầy đủ rồi áp dụng tiêu chuẩn BIC để chọn biến.

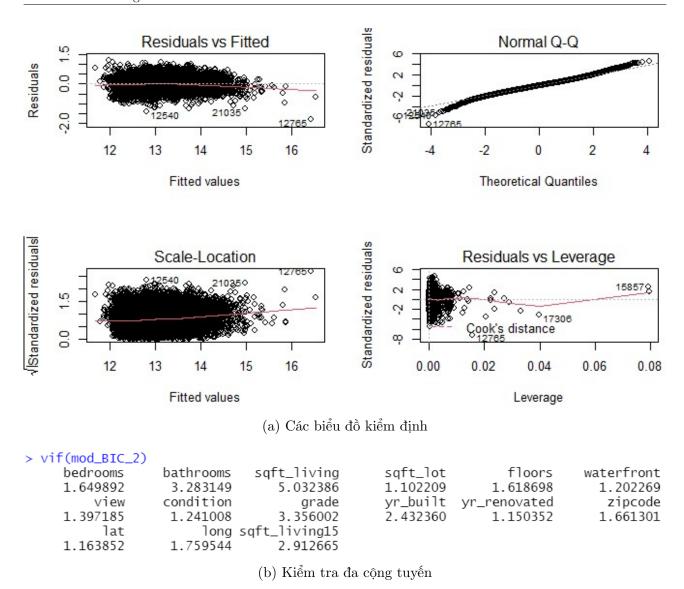
```
> summary(mod_2)
                                                                                                               > summary(mod_BIC_2)
                                                                                                               Call:
lm(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +
                                                                                                               lm(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +
    sqft_lot + floors + waterfront + view + condition + grade +
    yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15,
      waterfront + view + condition + grade + sqft_above + yr_built +
yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15,
      data = data2)
                                                                                                                     data = data2)
Residuals:
                                                                                                               Residuals:
Min 1Q
-1.72685 -0.16385
                              Median
                                                                                                               Min 1Q Median
-1.7953 -0.1615 0.0037
                           0.00299 0.16386
                                                                                                                                                    0.1590 1.1735
                                                       1.18219
Coefficients:
                                                                                                               Coefficients:
                                                      t value Pr(>|t|)
-3.940 8.18e-05 ***
-5.629 1.83e-08 ***
21.891 < 2e-16 ***
                                                                                                                                    Estimate Std. Error t
-6.932e+00 3.639e+00 -
-1.174e-02 2.382e-03 -
                                                                                                                                                                       value Pr(>|t|)
-1.905 0.0568 .
-4.930 8.27e-07 ***
                        Estimate Std. Error
                      -1.436e+01
-1.351e-02
                                          .645e+00
.400e-03
(Intercept)
                                                                                                               (Intercept)
bedrooms
                                                                                                               bedrooms
                                                        21.891
23.444
                                                                                                               bathrooms
sqft_living
sqft_lot
                                                                                                                                      7.137e-02
1.403e-04
                                                                                                                                                      4.047e-03
4.197e-06
                                                                                                                                                                       17.634
33.431
bathrooms
                       8.720e-02
                                          984e-03
                          238e-04
                                          282e-06
                                                                       2e-16 ***
2e-16 ***
waterfront
                          702e-01
                                          193e-02
                                                         16.881
                                                                                                                                      3.426e-07
                                                                                                                                                      4.355e-08
                                                                                                                                                                         7.868 3.78e-15
                                                                                                                                                      4.049e-03
2.176e-02
2.649e-03
                                                                                                                                                                       17.234
16.937
23.205
                                                                                                               floors
waterfront
                                                                                                                                      6.979e-02
3.686e-01
view
                       6.195e-02
                                          703e-03
                                                        22 919
                                                        20.163
60.449
5.228
                         .984e-02
.643e-01
                                          968e-03
719e-03
condition
grade
                                                                        2e-16
                                                                                                               view
                                                                                                                                      6.148e-02
                                                                                                                                                                                   < 2e-16
sqft_above
                                                                                                               condition
grade
yr_built
                                          939e-06
                         .582e-05
                                                                   1.73e-07
                                                                                                                                      6.352e-02
                                                                                                                                                      2.941e-03
                                                                                                                                                                       21.594
                                                                                                                                                                                      2e-16 ***
yr_built
yr_renovated
                         .126e-03
.008e-05
                                          .960e-05
.612e-06
                                                                       2e-16 ***
2e-16 ***
                                                                                                                                      1.591e-01
3.419e-03
                                                                                                                                                      2.682e-03
9.120e-05
                                                                                                                                                                       59.299
-37.494
                                                       -34.882
                                                                                                                                                                                      2e-16
                                                                       2e-16 ***
                                                                                                                                      3.650e-05
6.441e-04
1.404e+00
                                                       -14.014
zipcode
                      -5.816e-04
                                        4.150e-05
                                                                                                               vr renovated
                                                                                                                                                      4.585e-06
                                                                                                                                                                         7.962 1.78e-15
                                       1.351e-02 104.612
1.652e-02 -10.537
4.324e-06 20.355
                         .414e+00
.741e-01
                                                                                                               zipcode
lat
                                                                                                                                                      4.137e-05 -15.569
1.337e-02 104.988
                                                                                                                                                                                   < 2e-16
< 2e-16
sqft_living15
                      8.802e-05
1.512e-07
                                                                                                               long -1.715e-01
sqft_living15 9.566e-05
                                                                                                                                                      1.619e-02
4.278e-06
                                                                        2e-16
                                                                                                                                                                      -10.590
sqft_lot15
                                       6.709e-08
                                                         2.254
                                                                      0.0242 *
                                                                                                                                                                       22.359
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 '
                                                                                                               Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 0.2543 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.767, Adjusted R-squared: 0.7668
                                                                                                               Residual standard error: 0.2524 on 21581 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.7703, Adjusted R-squared: 0.7702
                                                                                                                                   4826 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                    4736 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                                                                                               F-statistic:
                                     (a) Mô hình 1
                                                                                                                                                   (b) Mô hình 2
```

Hình 2.2.6: Kết quả khi biến đổi Price thành log(Price)

Cả hai mô hình đều gồm 15 biến giải thích, mô hình 2 đã loại bỏ các biến **sqft_basement**, **sqft_above**, **sqft_lot15** khác với 3 biến đã loại trước khi biến đổi **Price**.

Nhóm em chọn **mô hình 2** là mô hình cuối cùng, vì: mô hình 2 có hệ số xác định lớn hơn ($R^2 = 77.03\%$), các biến liên quan đến diện tích tầng hầm (**sqft_basement**, **sqft_above**) đã được bao gồm trong **sqft_living**, diện tích khu đất vào năm 2015 cũng không mang nhiều ý nghĩa thống kê trong mô hình 1 nên có thể loại bỏ.

 $Kiểm\ tra\ giả\ thiết\ mô\ hình\ 2:$ phương sai của sai số không thay đổi, kì vọng bằng 0 và đã tuân theo phân phối chuẩn, chưa phát hiện hiện tượng đa cộng tuyến trong mô hình (các chỉ số VIF < 5) (Hình 2.2.7).



Hình 2.2.7: Kết quả khi biến đổi thành log(Price)

Kết luận

Vậy **mô hình cuối cùng được chọn** có các hệ số ước lượng như hình 2.2.8.

```
> coef(mod_BIC_2)
  (Intercept)
                    bedrooms
                                 bathrooms
                                              sqft_living
                                                                sqft_lot
                                                                                 floors
-6.932157e+00 -1.174353e-02
                              7.137346e-02
                                             1.403104e-04
                                                            3.426024e-07
                                                                           6.978707e-02
                                                     grade
   waterfront
                        view
                                 condition
                                                                yr_built
                                                                           yr_renovated
 3.685686e-01
               6.147550e-02
                              6.351646e-02
                                             1.590506e-01 -3.419313e-03
                                                                           3.650388e-05
                         lat
      zipcode
                                       long sqft_living15
-6.441469e-04
               1.404181e+00 -1.714684e-01
                                             9.565513e-05
```

Hình 2.2.8: Hệ số mô hình được chọn

Có 77.06% sự biến thiên của giá nhà ở quận King được giải thích bởi 15 biến độc lập,

trong đó các yếu tố ảnh hưởng nhiều nhất gồm số phòng ngủ, số phòng tắm, diện tích nhà, số tầng, hướng nhà ra bờ sông, tình trạng của ngôi nhà, điểm tổng thể của ngôi nhà theo phân loại của quận, kinh độ - vĩ độ (vị trí), năm xây dựng căn nhà.

Giá trị của một căn nhà **không bị ảnh hưởng** nhiều bởi các yếu tố: diện tích tầng hầm, diện tích khu đất, diện tích ngoài tầng hầm, năm sửa chữa căn nhà, zipcode (mã vùng) của ngôi nhà.

Số phòng ngủ có mối tương quan nghịch với giá nhà, vì khi số phòng ngủ tăng lên, nhưng các yếu tố còn lại không thay đổi, thì diện tích của mỗi phòng ngủ sẽ giảm đi, gây cảm giác chật chội. Do đó không phải càng có nhiều phòng ngủ thì ngôi nhà sẽ có giá trị cao.

2.3 Dữ liệu 3

Bộ dữ liệu ghi lại tỷ lệ tai nạn, gồm 39 quan trắc được thực hiện trên vài đoạn đường cao tốc ở tiểu bang Minnesota vùng Trung Tây của Hoa Kỳ.

Tìm hiểu dữ liệu

Bộ dữ liệu gồm 13 biến sau:

- -Y: tỷ lệ % tai nạn trên đoạn đường khảo sát.
- -X1: chiều dài đoạn đường (dặm).
- -X2: lượng giao thông trung bình hàng ngày (nghìn xe).
- -X3: tỷ lệ % xe tải trên tổng số.
- -X4: tốc độ giới hạn cho phép (dặm/giờ).
- $-X_5$: chiều rộng làn đường (bước chân).
- -X6: chiều rộng làn đường khẩn cấp (bước chân).
- -X7: số làn đường thay đổi tự do trên đoạn đường cao tốc.
- -X8: số làn đường thay đổi (báo hiệu) trên đoạn đường cao tốc.
- -X9: số cửa vào đoạn đường cao tốc.
- -X10: tổng số làn đường (trên hai chiều của đường cao tốc).
- -X11:1 nếu là tuyến đường liên thông xa lộ và cao tốc, 0 nếu ngược lại.
- X12:1 nếu là tuyến đường lớn của cao tốc, 0 nếu ngược lại.
- -X13:1 nếu là tuyến đường cao tốc chính, 0 nếu ngược lại.

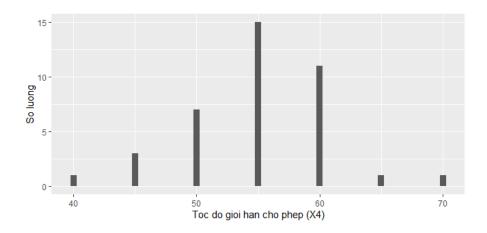
Một vài quan trắc đầu tiên trong bộ dữ liệu (hình 2.3.1).

	mydata head(m			("data/	data3/	.csv")								
	x_i.1	x_i.2	x_i.3	x_i.4	x_i.5	x_i.6	x_i.7	x_i.8	x_i.9	x_i.10	x_i.11	x_i.12	x_i.13	y_i
1	4.99	69	8	55	12	10	$\bar{1}.20$	$\overline{0}.00$	4.6	_ 8	_ 1	_ 0	_ 0	4.58
2	16.11	73	8	60	12	10	1.43	0.00	4.4	4	1	0	0	2.86
3	9.75	49	10	60	12	10	1.54	0.00	4.7	4	1	0	0	3.02
4	1.65	61	13	65	12	10	0.94	0.00	3.8	6	1	0	0	2.29
5	20.01	28	12	70	12	10	0.65	0.00	2.2	4	1	0	0	1.61
6	5.97	30	6	55	12	10	0.34	1.84	24.8	4	0	1	0	6.87

Hình 2.3.1: Một vài quan trắc đầu tiên

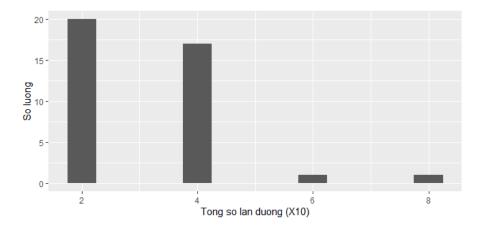
Một số phân bố theo biến:

• X4: Có 33 trong 39 quan trắc có tốc độ tối đa là 50, 55 và 60 (hình 2.3.2).



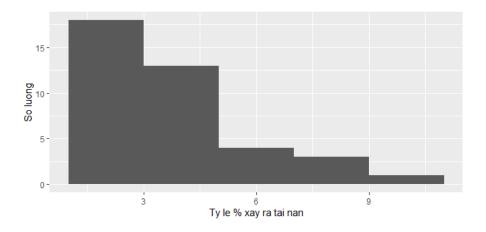
Hình 2.3.2: Phân bố theo tốc độ giới hạn cho phép (X4) (dặm/giờ)

 \bullet X10: Có 32 trong 39 quan trắc có tổng số làn đường là 2 hoặc 4 (hình 2.3.3).



Hình 2.3.3: Phân bố theo tổng số làn đường (X10)

 \bullet Y: Phần lớn tỷ lệ % tai nạn là 1-5% (hình 2.3.4).



Hình 2.3.4: Phân bố theo tỷ lệ % tai nạn (Y)

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các loại tuyến đường (hình 2.3.5) cho thấy loại tuyến đường cao tốc chính có tỷ lệ % tai nạn cao nhất.

Hình 2.3.5: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các loại tuyến đường

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các mức tốc độ giới hạn cho phép (hình 2.3.6) cho thấy giới hạn tốc độ cho phép trên đường cao tốc càng thấp thì xảy ra tai nạn càng nhiều, tỷ lệ % tai nạn giảm dần đều khi giới hạn tốc độ cho phép tăng.

Hình 2.3.6: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các mức tốc độ giới hạn cho phép

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo tổng số làn đường (hình 2.3.7) cho thấy trên đoạn đường có 8 làn đường có tỷ lệ % tai nạn cao nhất, kế đến là đoạn đường có 2 làn.

```
> aggregate(y_i ~ x_i.10,data3,mean)
   x_i.10    y_i
1     2 4.000500
2     4 3.912941
3     6 2.290000
4     8 4.580000
```

Hình 2.3.7: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo tổng số làn đường

Phân tích, chọn mô hình

Kết luận

2.4 Dữ liệu 4

Bộ dữ liệu ghi lại những yếu tố có thể ảnh hưởng đến lương (\$ giờ) của người lao động ở Anh năm 1976

Tìm hiểu dữ liệu

Bộ dữ liệu gồm 13 biến sau:

• wage: Số lượng trung bình một giờ

• educ: Số năm học

•

Vẽ dữ liệu

Phân tích dữ liệu

Ta đặt nghi vấn về ba biến text, text Nên ta sẽ tiến hành kiểm định thử xem ta có thể bỏ được 3 biến này được hay không

Chọn mô hình

Hướng tiếp cận 1: Chọn tất cả

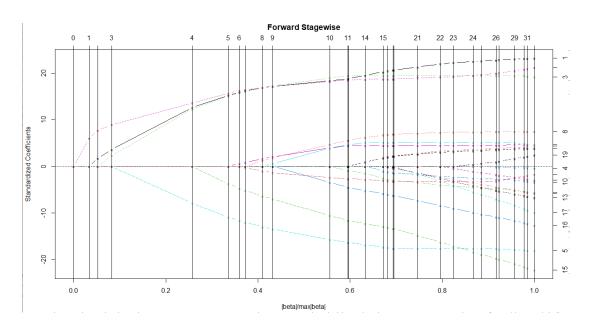
Số lượng	Biến dư đoán
biến	Dien då doan
1	profocc
2	educ, tenure
3	educ, tenure, female
4	educ, tenure, female, profocc
5	educ, tenure, femanle, profocc, trade
6	educ, tenure, female, profocc, trade, west
7	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services

Số lượng	Diến dự đoán
biến	Biến dự đoán
8	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa
9	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa, married
10	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa, married, northcen
11	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa,
11	married, ndurman, profserv
12	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa,
14	married, ndurman, profserv, trcommpu
13	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa,
10	married, ndurman, profserv, trcommpu, northcen
14	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa,
1.1	married, ndurman, profserv, trcommpu, northcen, numdep
15	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa,
10	married, ndurman, profserv, trcommpu, northcen, numdep, exper
16	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa, married, ndurman,
10	profserv, trcommpu, nothcen, numdep, exper, south
17	educ, tenure, female, profocc, trade, west, services, smsa, married, ndurman,
11	profserv, trcommpu, northcen, numdep, exper, construc, clerocc
18	educ, tenire, female, profocc, trade, west, services, smsa, married, ndurman,
10	profserv, trcommpu, northcen, numdep, exper, construc, clerocc, south
19	educ, tenire, female, profocc, trade, west, services, smsa, married, ndurman,
10	profserv, trcommpu, northcen, numdep, exper, construc, clerocc, south, servocc
20	educ, tenire, female, profocc, trade, west, services, smsa, married, ndurman, profserv,
20	trcommpu, northcen, numdep, exper, construc, clerocc, south, servocc, nonwhite

Hướng tiếp cận 2:: Phương pháp tiến dựa trên AIC

Sau khi chạy code R phương pháp lùi dựa theo tiêu chí AIC thì mô hình chọn được là mô hình gồm 11 biến

 $\texttt{wage} = \texttt{educ} + \beta_0 \texttt{tenure} + \texttt{female} + married + smsa + northcen + west + ndurman + trcommpu + trade + series + trade + tra$



Hướng tiếp cận 3: Phương pháp Stagewise

Dựa vào hình và bảng trên phương pháp Stagewise đưa ra đề xuất model gồm 11 biến

 $\verb|wage| = \verb|educ| + tenure + female + married + smsa + west + trade + services + profocc + servocc|$

Từ các phương pháp trên ta sẽ tiến hành hồi quy lại các mô hình đã chọn:

Listing 2.1: R output

```
> stepAIC(model1, direction = "backward")
Start: AIC=1082.43
wage ~ (educ + exper + tenure + nonwhite + female + married +
   numdep + smsa + northcen + south + west + construc + ndurman +
   trcommpu + trade + services + profserv + profocc + clerocc +
   servocc + lwage + expersq + tenursq) - lwage - expersq -
   tenursq
         Df Sum of Sq RSS
                              AIC
- nonwhite 1 0.110 3802.2 1080.4
               1.962 3804.0 1080.7
- servocc 1
               3.244 3805.3 1080.9
- clerocc 1
               6.361 3808.4 1081.3
- south 1
               6.748 3808.8 1081.4
- construc 1
- exper 1 10.983 3813.0 1081.9
- numdep
         1 12.966 3815.0 1082.2
         1 14.370 3816.4 1082.4
- west
                      3802.1 1082.4
<none>
- married 1 16.721 3818.8 1082.7
- northcen 1 19.548 3821.6 1083.1
- trcommpu 1 25.582 3827.6 1084.0
- ndurman 1 27.832 3829.9 1084.3
             37.002 3839.1 1085.5
- profserv 1
- smsa 1 47.870 3849.9 1087.0
- services 1 95.313 3897.4 1093.5
- profocc 1 208.622 4010.7 1108.5
         1 211.656 4013.7 1108.9
- trade
- female 1 240.625 4042.7 1112.7
         1 249.799 4051.9 1113.9
- tenure
         1 300.257 4102.3 1120.4
- educ
Step: AIC=1080.44
wage ~ educ + exper + tenure + female + married + numdep + smsa +
   northcen + south + west + construc + ndurman + trcommpu +
   trade + services + profserv + profocc + clerocc + servocc
         Df Sum of Sq
                        RSS
                               AIC
               1.894 3804.1 1078.7
- servocc 1
               3.348 3805.5 1078.9
- clerocc 1
- south
         1
               6.517 3808.7 1079.3
- construc 1 6.796 3809.0 1079.4
- exper
         1 10.961 3813.1 1080.0
         1 12.858 3815.0 1080.2
- numdep
- west
         1
             14.343 3816.5 1080.4
                                        28
                      3802.2 1080.4
<none>
- married 1
              17.080 3819.3 1080.8
               19.507 3821.7 1081.1
- northcen 1
```