ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỒ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

____*___*

TIỂU LUẬN CUỐI KÌ

MÔ HÌNH HÓA THỐNG KÊ

Giảng viên hướng dẫn: TS. Nguyễn Thị Mộng Ngọc

Nhóm thực hiện: **Nhóm 4**

Học viên: **Phan Thị Thùy An** MSHV: 20C29002

Đinh Thị Nữ MSHV: 20C29013

Lý Phi Long MSHV: 20C29028

Đặng Khánh Thi MSHV: 20C29038

Mục lục

1	Dữ liệu tự chọn			
	1.1	Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến	6	
	1.2	Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính	7	
2	Dữ	liệu có sẵn	9	
	2.1	Dữ liệu 1	10	
	2.2	Dữ liệu 2	14	
	2.3	Dữ liệu 3	20	
	2.4	Dữ liêu 4	21	

Chương 1

Dữ liệu tự chọn

- Tên "đề tài", nguồn gốc của dữ liệu, giới thiệu các biến.
- Mô hình chọn được; phân tích kết quả
- Đưa ra những phương pháp/phân tích khác có thể giúp cho kết quả tốt hơn.
- Kết luận.

1.1 Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến

1.2 Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính

Chương 2

Dữ liệu có sẵn

- Chọn mô hình phù hợp nhất giải thích biến phụ thuộc với từng bộ dữ liệu.
- Nêu rõ phương pháp chọn mô hình và lý do chọn phương pháp đó.
- \bullet Nói rõ ý nghĩa của mô hình đã chọn.

2.1 Dữ liệu 1

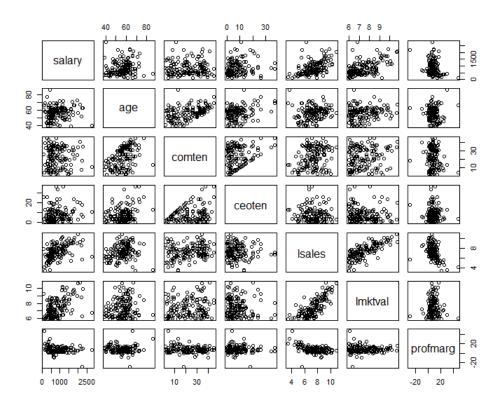
Những thông tin vê các giám đốc điều hành các tập đoàn Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu gồm 177 quan trắc và 15 biến.

Tìm hiểu và tiền xử lý dữ liệu

Một số biến trong bộ dữ liệu kiểu số có đơn vị tính lớn như: sales', profits, lmktval. Nếu đưa những biến này vào phương trình hồi quy có thể dẫn tới hiện tượng bias do tác động của những biến này lên model lấn át những biến khác còn lại như age, ceoten.... Nên ta sẽ dùng phương pháp logarit cho 3 biến này trong model tương ứng với 3 biến mới là: lsales", lmktval và profmarg. (1)

Từ biểu đồ dưới ta thấy ba biến định lượng *lsales*, *lmktval* và *profmarg* xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến. Tuy nhiên có xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến giữa 2 biến sales và profit luôn (hình 2.1).

Tính độ correlation của biến salary với lần lượt 2 biến trên ta có:



Hình 2.1: Mối tương quan giữa các biến

Hình 2.2: Mức độ tương quan giữa biến Isales và promarg Correlation

Xét bảng correlation giữa các biên độc lập với nhau và giữa các biến độc lập với biến phụ thuộc ta thấy: Giữa hai biến lmktval và biến lsales có mối tương quan rất cao (\approx 0.75). Tuy nhiên biến lmktval lại có mối tương quan cao hơn với biến phụ thuộc salary. Mặt khác giữa biến profmarg và lsales cũng có mối tương quan cao (\approx -0.42). Nên ta loại bỏ biến lsales khỏi danh sách các biến được xét. (2)

Từ (1) và (2) ta có mô hình với đầy đủ các biến cần lựa chọn như sau:

$$salary = \beta_0 + \beta_1 * age + \beta_2 * college + \beta_3 * grad + \beta_4 * comten$$

$$+ \beta_5 * ceoten + \beta_6 * lmktval + \beta_7 * profmarg$$
(2.1)

Thực hiện phân rã hai biến phân loại gồm *college* và *grad* trước khi thực hiện phương pháp chọn biến StepWise tiến với tiêu chuẩn AIC.

Để đánh giá chất lượng mô hình ta chia tâp dữ liệu thành hai phần training và testing với tỷ lệ 80:20 sau đó tiến hành phương pháp chọn biến.

Thực hiện chọn biến bằng phương pháp StepWise tiến và tiêu chuẩn AIC

Tổng quan tiêu chuẩn AIC thì mô hình tốt là mô hình có giá trị AIC nhỏ nhất. Ở mô hình 1 biến *lmktval* được chọn vào mô hình vì có AIC nhỏ nhất trong tất cả các kết hợp với các biến còn lại. Tương tự AIC được tính cho mô hình thêm biến thứ 2 biến *ceoten* và biến thứ 3 là *ceoten*.

Với ba biến trên được chon mô hình 2.1 trở thành mô hình mới:

$$salary = -950.6 + 248.2 *lmktval - -13.9 *profmarg + 11.7 *ceoten (1.2)$$

Tuy nhiên ta nhận thấy biến ceoten có $\rho_{value} \geq \alpha \ (0.05738 \geq 0.05)$ nên không có ý nghĩa thống kê trong mô hình.

```
[1] "salary" "age" "college" "grad" "comten" "ceoten" "lmktval" > 10 = lm(formula = train$salary ~ 1, data = train) # non independence variable > 11 = lm(formula = train$salary ~ ., data = train) # full independence variable > modbest_Fow = step(10, scope = list(lower = 10,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           "lmktval" "profmarg"
                                                                                                                                                                                                 upper = l1), direction = 'forward', k =2)
 Start: AIC=1825.78
train$salary ~ 1
                                                                              Sum of Sq RSS AIC
11242276 42481047 1794.4
993901 52729423 1825.1
833601 52889723 1825.6
    ⊦ lmktval
⊦ profmarg
      ceoten
comten
                                                                                                816752 52906571 1825.6
784116 52939207 1825.7
 + comes.
<none>
+ college
                                                                                             225711 53497612 1827
                                                                                                           1333 53721991 1827.8
 Step: AIC=1794.44
train$salary ~ 1mk
 Profinary Df Sum of Sq RSS AIC + 1319152 41161895 1792.0 + ceoten 1 1069953 41411095 1792.8 </br>
+ ceoten 1 1069953 41411095 1792.4 + 24481047 1794.4 + grad 1 398593 42082454 1795.1 + comten 1 199305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42285 42281743 1795.8 + 198305 42281743 1795.8 + 198305 42281743 
 + age
+ college
                                                                                             177509 42303538 1795.8
 Step: AIC=1791.96
train$salary ~ lmktval + profmarg
                                                   Df Sum of Sq RSS AIC
1 1067048 40094847 1790.2
41161895 1792.0
1 215822 40946074 1793.2
1 170753 40991143 1793.4
 <none>
+ grad
 + age
+ college
+ comten
                                                                                            33866 41128029 1793.8
 Step: AIC=1790.23
train$salary ~ lmktval + profmarg + ceoten
                                            Df Sum of Sq RSS AIC

40094847 1790.2

1 142580 39952267 1791.7

1 38627 40056220 1792.1

1 28636 40066211 1792.1

1 40094846 1792.2
  none.
grad 1
college 1
comten 1
```

Hình 2.3: Kết quả chọn biến theo phương pháp StepWise tiến với tiêu chuẩn AIC

Hình 2.4: Kết quả hồi quy mô hình với các biên được chọn

Ta tiến hành bỏ biến *ceoten* và hồi quy mô hình với hai biến còn lại kết quả thu được từ phần mềm R như bên dưới:

Mô hình thống kê mới:

```
salary = -830.7 + 245.3 *lmktval -13.9 *profmarq + 11.7 (1.3)
```

Trường hợp này hai biến còn lại có ý nghĩa thống kê. Tuy nhiên mô hình được tạo bởi hai biến này chỉ giải thích được 23 % kết quả biến phụ thuộc (hình 2.5). Nguyên nhân dẫn tới kết quả thấp là do số lượng data ít, các biến giải thích ít không tạo nên

Hình 2.5: Kết quả hồi quy mô hình với hai biến còn lại

mô hình đặc trung được.

Test trên tập test và nhận xét kết quả

Thực hiện dự đoán trên tập dữ liệu test từ kết quả mô hình (1.3) và dùng chỉ số đánh MSE(trung bình sai số bình phương) ta có:

```
> SE = sum((pred_test-y_test) ^2)
> SE
[1] 15893414
> MSE = SE / nrow(test)
> print(MSE)
[1] 454097.5
```

Hình 2.6: Chỉ số đo lường kết quả MSE

2.2 Dữ liệu 2

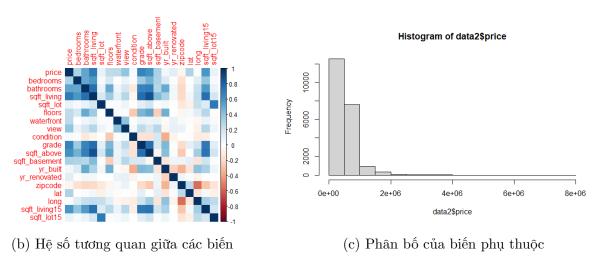
Bộ dữ liệu ghi lại lịch sử về những ngôi nhà được bán từ 5/2014 đến 5/2015 ở quận King, bang Washington, Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu bao gồm 21613 quan trắc, gồm 21 biến.

* Phương pháp chọn: Stepwise - lùi; tiêu chuẩn chọn: BIC.

Tìm hiểu dữ liệu

<pre>> head(mydata) id</pre>	ont	view				
id data price bedrooms bathrooms saft living saft lot floors waterfr	ont	view				
Tu date price bedrooms battilooms sqrt_fiving sqrt_for froots waterin						
1 7129300520 10/13/2014 221900 3 1.00 1180 5650 1	U	0				
2 6414100192 12/9/2014 538000 3 2.25 2570 7242 2	0	0				
3 5631500400 2/25/2015 180000 2 1.00 770 10000 1	0	0				
4 2487200875 12/9/2014 604000 4 3.00 1960 5000 1	0	0				
5 1954400510 2/18/2015 510000 3 2.00 1680 8080 1	0	0				
6 7237550310 5/12/2014 1230000 4 4.50 5420 101930 1	0	0				
condition grade sqft_above sqft_basement yr_built yr_renovated zipcode lat	ong					
1 3 7 1180 0 1955 0 98178 47.5112 -122.	257					
2 3 7 2170 400 1951 1991 98125 47.7210 -122.	319					
3 3 6 770 0 1933 0 98028 47.7379 -122.	233					
4 5 7 1050 910 1965 0 98136 47.5208 -122.	393					
5 3 8 1680 0 1987 0 98074 47.6168 -122.	045					
6 3 11 3890 1530 2001 0 98053 47.6561 -122.	005					
sqft_living15 sqft_lot15	sqft_living15 sqft_lot15					
1 1340 5650						
2 1690 7639						
3 2720 8062						
4 1360 5000						
5 1800 7503						
6 4760 101930						

(a) Một số quan trắc đầu tiên



Hình 2.7: Một số quan sát ban đầu của bộ dữ liệu

Bộ dữ liệu cung cấp gồm 21 biến, trong đó biến **id** và **date** được loại bỏ khỏi dữ liệu trước khi tiến hành phân tích, vì nhóm em nghĩ các biến này chỉ để ghi lại chỉ số và thời gian mua bán, không mang nhiều ý nghĩa thống kê.

Quan sát ban đầu cho thấy: các biến độc lập sqft_living, grade, sqft_above, sqft_living15 có mối tương quan cao với biến phụ thuộc Price; biến phụ thuộc Price

phân bố không đều, bị lệch hẳn về một phía và giá trị chủ yếu từ 0 đến 2 000 000.

Phân tích, chọn mô hình

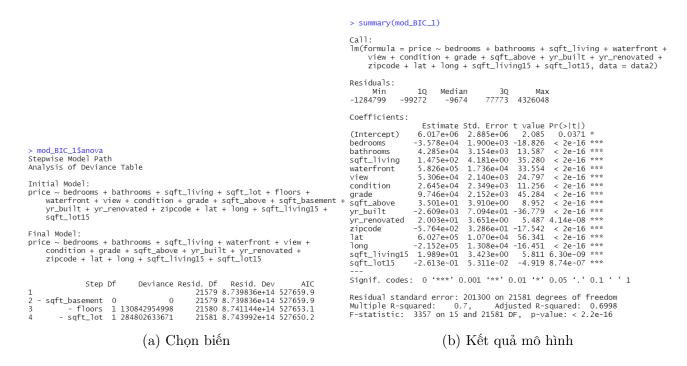
```
> # Create full model
> mod_full_1 = lm(price ~ ., data2) #full model
> summary(mod_full_1)
lm(formula = price ~ ., data = data2)
Residuals:
                10
                      Median
     Min
-1291631
            -99089
                                         4330096
                                 77778
                       -9569
Coefficients: (1 not defined because of singularities)
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                            2.933e+06
                                        2.238
-18.707
(Intercept)
                6.564e+06
                                                 0.02523
bedrooms
                -3.556e+04
                            1.901e+03
                                                    2e-16
                                         12.632
                                                  < 2e-16 ***
bathrooms
                4.128e+04
                            3.268e+03
                                                    2e-16 ***
sqft_living
                1.496e+02
                            4.397e+00
                                         34.033
sqft_lot
                1.289e-01
                            4.792e-02
                                          2.690
                                                  0.00714
floors
                6.474e + 03
                            3.602e+03
                                          1.797
                                                  0.07229
waterfront
                 5.833e+05
                            1.736e+04
                                         33.593
                                                    2e-16
view
                 5.278e+04
                            2.141e+03
                                         24.652
                                                    2e-16
condition
                2.679e+04
                            2.353e+03
                                         11.387
                                                    2e-16 ***
grade
                 9.701e+04
                            2.161e+03
                                         44.894
                                                    2e-16
sqft_above
                 3.129e+01
                            4.361e+00
                                          7.174
                                                7.53e-13 ***
sqft_basement
                        NA
                                    NA
                                             NA
                -2.628e+03
                            7.272e+01
                                       -36.135
yr_built
yr_renovated
                1.983e+01
                             3.656e+00
                                          5.425
                            3.299e+01
                                        -17.635
                                                 < 2e-16
zipcode
                -5.819e+02
lat
                6.022e+05
                            1.074e+04
                                         56.071
                                                    2e-16
                2.156e+05
                            1.316e+04
                                       -16.385
sqft_living15
                2.116e+01
                            3.451e+00
                                          6.131 8.88e-10
sqft_lot15
               -3.907e-01
                            7.334e-02
                                         -5.327 1.01e-07 ***
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 201300 on 21579 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7001, Adjusted R-squared: 0.6999
F-statistic: 2964 on 17 and 21579 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Hình 2.8: Mô hình hồi quy đầy đủ ban đầu

«««< Updated upstream ====== «««< HEAD * Phương pháp chọn: Step-wise - lùi; tiêu chuẩn chọn: BIC. ====== »»» > 23993a709bcde0bb77d7f9c327113bd164c4c
»»» > Stashed changes

Bộ dữ liệu (sau khi loại bỏ id và date) có 18 biến giải thích, do đó nhóm em chọn phương pháp lùi (**stepwise - backward**) cho bộ dữ liệu này. Trong mô hình hồi quy đầy đủ (Hình 2.8), đa số các biến giải thích đều có ý nghĩa thống kê, do đó tiến hành phương pháp lùi (loại biến dần dần) sẽ tiết kiệm thời gian hơn so với các phương pháp còn lại. Tiêu chuẩn BIC có xu hướng chọn các mô hình ít phức tạp hơn so với tiêu chuẩn AIC, đặc biệt khi số lượng quan trắc lớn.

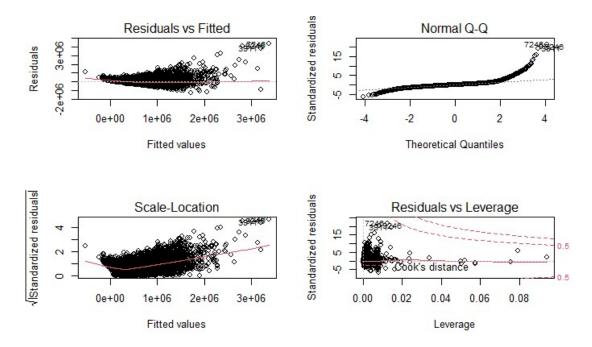
Bằng phương pháp lùi và tiêu chuẩn BIC (Hình 2.9), các biến **sqft_basement**, **floors**, **sqft lot** đã bị loại bỏ khỏi mô hình. Mô hình được chọn có $R^2 = 0.7$, $R_{adi}^2 = 0.7$



Hình 2.9: Mô hình khi chọn bằng tiêu chuẩn BIC

0.6998, các tham số ước lượng của mô hình đều có ý nghĩa thống kê.

Ta tiến hành kiểm tra xem mô hình này có thỏa mãn các giả thiết của mô hình hồi quy hay không.

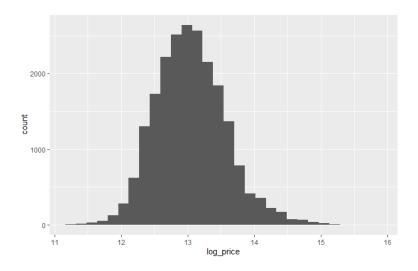


Hình 2.10: Các biểu đồ kiểm định mô hình

Dựa vào hình 2.10, phương sai của sai số không phải là hằng số, kì vọng của sai số

bằng 0; sai số có vẻ tuân theo phân phối chuẩn nhưng phần đuôi trên bị lệch khá nhiều.

Kết hợp với nhận xét ban đầu, về việc biến **Price** phân bố không đều, nhóm em tiến hành biến đổi biến này thành **log(Price)**.



Hình 2.11: Phân bố của biến **Price** sau khi biến đổi

Sau khi biến đối, tiến hành hồi quy cho mô hình có 15 biến đã chọn bằng tiêu chuẩn BIC trước đó (**Mô hình 1**) và hồi quy cho mô hình đầy đủ rồi áp dụng tiêu chuẩn BIC (**Mô hình 2**), ta có:

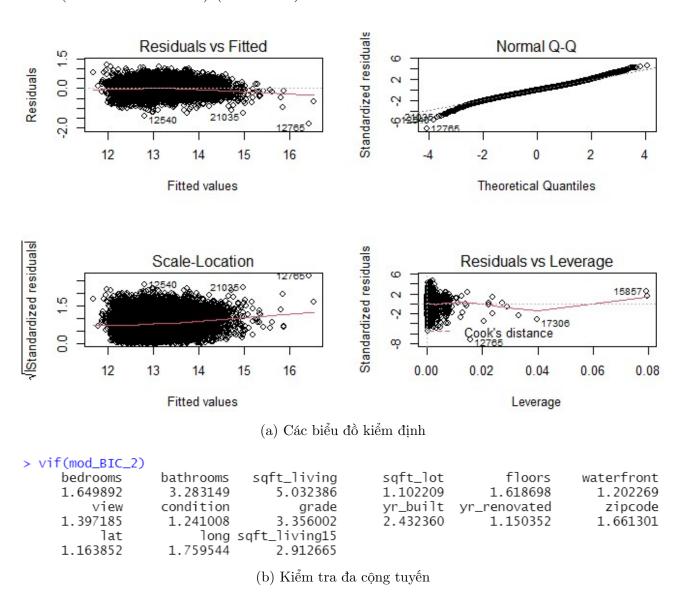
```
> summary(mod_2)
                                                                                                                > summary(mod_BIC_2)
lm(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +
                                                                                                                      ...
formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +
sqft_lot + floors + waterfront + view + condition + grade +
yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15,
      waterfront + view + condition + grade + sqft_above + yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15,
      data = data2)
Residuals:
                                                                                                                Residuals:
                                                                                                                Min 1Q Median
-1.7953 -0.1615 0.0037
                              Median
                                                   30
                                                                                                                                                      3Q Max
0.1590 1.1735
-1.72685 -0.16385 0.00299 0.16386
                                                       1.18219
Coefficients:
                                                                                                                Coefficients:
                      Estimate Std. Error
-1.436e+01 3.645e+00
                                                         value Pr(>|t|)
-3.940 8.18e-05 ***
-5.629 1.83e-08 ***
                                                                                                                                                       3.639e+00 -
2.382e-03 -
4.047e-03 1
                                                                                                                                        Estimate Std.
                                                                                                                                                                          value Pr(>|t|)
(Intercept)
                                                                                                                (Intercept)
                                                                                                                                                                                      0.0568
                                                                                                                                      -6.932e+00
                                                                                                                                                                         -1.905
                                                                                                                                                                         -4.930 8.27e-07 ***
17.634 < 2e-16 ***
bedrooms
                      -1.351e-02
                                           400e-03
                                                                                                                bedrooms
bathrooms
                                                                                                                                     -1.174e-02
7.137e-02
bathrooms
sqft_living
                                                         21.891
23.444
                       8.720e-02
                                           984e-03
                                                                        2e-16 ***
                                                                                                                sqft_living
sqft_lot
                                                                                                                                       1.403e-04
                                                                                                                                                        4.197e-06
                                                                                                                                                                        33.431
                                                                                                                                                                                       2e-16
                                                                                                                                       3.426e-07
6.979e-02
3.686e-01
waterfront
                          702e-01
                                           193e-02
                                                         16.881
                                                                        2e-16
                                                                                                                                                        4.355e-08
                                                                                                                                                                            .868 3.78e-15
                                                                                                                                                                        17.234
16.937
23.205
view
condition
                          195e-02
                                           703e-03
968e-03
                                                         22 919
                                                                        2e-16 ***
                                                                                                                floors
waterfront
                                                                                                                                                        4.049e-03
2.176e-02
                                                                                                                                                                                       2e-16
                          643e-01
grade
                                           719e-03
                                                         60.449
                                                                        2e-16
                                                                                                                view
                                                                                                                                       6.148e-02
                                                                                                                                                        2.649e-03
                                                                                                                                                                                     < 2e-16
sqft_above
yr_built
                          582e-05
                                           939e-06
                                                           5 228
                                                                                                                condition
                                                                                                                                         .352e-02
.591e-01
                                                                                                                                                          .941e-03
.682e-03
                                                                                                                                                                        21.594
59.299
                                                                                                                                                                                       2e-16 ***
2e-16 ***
                          126e-03
                                           960e-05
                                                       -34.882
                                                                                                                grade
                                                                        2e-16 ***
2e-16 ***
                                                                                                                yr_built
yr_renovated
zipcode
yr_renovated
                          .008e-05
                                        4.612e-06
4.150e-05
                                                          8.690
                                                                                                                                       3.419e-03
                                                                                                                                                        9.120e-05
                                                                                                                                                                         37.494
                                                                                                                                                                                       2e-16
                                                                                                                                      3.650e-05
-6.441e-04
1.404e+00
                                                                                                                                                       4.585e-06 7.962 1.78e-15 ***
4.137e-05 -15.569 < 2e-16 ***
1.337e-02 104.988 < 2e-16 ***
zipcode
                          816e-04
                                                        -14 014
                                          .351e-02 104.612
.652e-02 -10.537
.324e-06 20.355
                          .414e+00
.741e-01
                                        1.652e-02
                                                                        2e-16
                                                                                                                lat
sqft_living15
                      8.802e-05
1.512e-07
                                        4.324e-06
                                                                                                                                                                       -10.590
22.359
                                                                        2e-16
                                                                                                                                       1.715e-01
                                                                                                                                                       1.619e-02
sqft_lot15
                                        6.709e-08
                                                                                                                                      9.566e-05
                                                                                                                                                        4.278e-06
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
                                                                                                                Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 0.2543 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.767, Adjusted R-squared: 0.7668
                                                                                                                Residual standard error: 0.2524 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7703, Adjusted R-squared: 0.7702
Multiple R-squared: 0.767, Adjusted R-squared: 0.766
F-statistic: 4736 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                                                                                                Multiple R-squared: 0.7703, Adjusted R-squared: 0.7703
F-statistic: 4826 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                      (a) Mô hình 1
                                                                                                                                                    (b) Mô hình 2
```

Hình 2.12: Kết quả khi biến đổi Price thành log(Price)

Cả hai mô hình đều gồm 15 biến giải thích, mô hình 2 đã loại bỏ các biến **sqft_basement**, **sqft above**, **sqft lot15** khác với 3 biến đã loại trước khi biến đổi **Price**.

Nhóm em chọn **mô hình 2** là mô hình cuối cùng, vì: mô hình 2 có hệ số xác định lớn hơn $(R^2 = 77.03\%)$, các biến liên quan đến diện tích tầng hầm (**sqft_basement**, **sqft_above**) đã được bao gồm trong **sqft_living**, diện tích khu đất vào năm 2015 cũng không mang nhiều ý nghĩa thống kê trong mô hình 1 nên có thể loại bỏ.

 $Kiểm\ tra\ giả\ thiết\ mô\ hình\ 2:$ phương sai của sai số không thay đổi, kì vọng bằng 0 và đã tuân theo phân phối chuẩn, chưa phát hiện tượng đa cộng tuyến trong mô hình (các chỉ số VIF < 5) (Hình 2.13).



Hình 2.13: Kết quả khi biến đổi thành log(Price)

Kết luận

Vậy **mô hình cuối cùng được chọn** có các hệ số ước lượng như hình 2.14.

```
coef(mod_BIC_2)
  (Intercept)
                   bedrooms
                                 bathrooms
                                              sqft_living
                                                                sqft_lot
6.932157e+00 -1.174353e-02
                              7.137346e-02
                                             1.403104e-04
                                                            3.426024e-07
                                                                           6.978707e-02
  waterfront
                                 condition
                                                     grade
                                                                yr_built
                                                                           yr_renovated
                        view
3.685686e-01
               6.147550e-02
                              6.351646e-02
                                             1.590506e-01
                                                           -3.419313e-03
                                                                           3.650388e-05
                                            sqft_living15
      zipcode
                         lat
                                       long
                                             9.565513e-05
-6.441469e-04
               1.404181e+00 -1.714684e-01
```

Hình 2.14: Hệ số mô hình được chọn

Có 77.06% sự biến thiên của giá nhà ở quận King được giải thích bởi 15 biến độc lập, trong đó các yếu tố ảnh hưởng nhiều nhất gồm số phòng ngủ, số phòng tắm, diện tích nhà, số tầng, hướng nhà ra bờ sông, tình trạng của ngôi nhà, điểm tổng thể của ngôi nhà theo phân loại của quận, kinh độ - vĩ độ (vị trí), năm xây dựng căn nhà.

Giá trị của một căn nhà **không bị ảnh hưởng** nhiều bởi các yếu tố liên quan đến diện tích: diện tích tầng hầm, diện tích khu đất, diện tích ngoài tầng hầm, năm sửa chữa căn nhà, zipcode (mã vùng) của ngôi nhà.

Số phòng ngủ có mối tương quan nghịch với giá nhà, vì khi số phòng ngủ tăng lên, nhưng các yếu tố còn lại không thay đổi, thì diện tích của mỗi phòng ngủ sẽ giảm đi, gây cảm giác chật chội. Do đó không phải càng có nhiều phòng ngủ thì ngôi nhà sẽ có giá trị cao.

2.3 Dữ liệu 3

Bộ dữ liệu ghi lại tỷ lệ tai nạn, gồm 39 quan trắc được thực hiện trên vài đoạn đường cao tốc ở tiểu bang Minnesota vùng Trung Tây của Hoa Kỳ.

2.4 Dữ liệu 4