### ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỒ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

\_\_\_\_\*\_\_\_

### TIỂU LUẬN CUỐI KÌ

## MÔ HÌNH HÓA THỐNG KÊ

Giảng viên hướng dẫn: TS. Nguyễn Thị Mộng Ngọc

Nhóm thực hiện: **Nhóm 4** 

Học viên: **Phan Thị Thùy An** MSHV: 20C29002

Đinh Thị Nữ MSHV: 20C29013

Lý Phi Long MSHV: 20C29028

Đặng Khánh Thi MSHV: 20C29038

# Mục lục

1 Dữ liệu tự chọn					
	1.1	Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến	6		
	1.2	Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính	7		
0	D ~	1°^	9		
2	Du	liệu có sẵn	9		
	2.1	Dữ liệu 1	10		
	2.2	Dữ liệu 2	14		
	2.3	Dữ liệu 3	21		
	2.4	Dữ liệu 4	25		

## Chương 1

## Dữ liệu tự chọn

- Tên "đề tài", nguồn gốc của dữ liệu, giới thiệu các biến.
- Mô hình chọn được; phân tích kết quả
- Đưa ra những phương pháp/phân tích khác có thể giúp cho kết quả tốt hơn.
- Kết luận.

### 1.1 Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến

### 1.2 Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính

## Chương 2

## Dữ liệu có sẵn

- Chọn mô hình phù hợp nhất giải thích biến phụ thuộc với từng bộ dữ liệu.
- Nêu rõ phương pháp chọn mô hình và lý do chọn phương pháp đó.
- $\bullet$  Nói rõ ý nghĩa của mô hình đã chọn.

#### 2.1 Dữ liệu 1

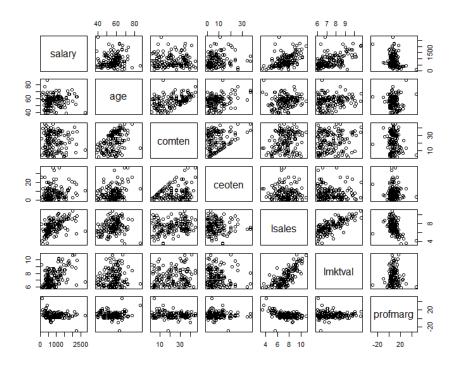
Những thông tin vê các giám đốc điều hành các tập đoàn Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu gồm 177 quan trắc và 15 biến.

#### Tìm hiểu và tiền xử lý dữ liệu

Một số biến trong bộ dữ liệu kiểu số có đơn vị tính lớn như: sales', profits, lmktval. Nếu đưa những biến này vào phương trình hồi quy có thể dẫn tới hiện tượng bias do tác động của những biến này lên model lấn át những biến khác còn lại như age, ceoten.... Nên ta sẽ dùng phương pháp logarit cho 3 biến này trong model tương ứng với 3 biến mới là: lsales'', lmktval và profmarg. (1)

Từ biểu đồ dưới ta thấy ba biến định lượng *lsales*, *lmktval* và *profmarg* xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến. Tuy nhiên có xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến giữa 2 biến sales và profit luôn (hình 2.1.1).

Tính độ correlation của biến salary với lần lượt 2 biến trên ta có:



Hình 2.1.1: Mối tương quan giữa các biến

```
> cor(train[c("salary", "lsales","lmktval","profmarg")])
salary lsales lmktval profmarg
salary 1.0000000 0.4912099 0.51978488 -0.24975911
lsales 0.4912099 1.0000000 0.75006264 -0.42949701
lmktval 0.5197849 0.7500626 1.00000000 0.04471558
profmarg -0.2497591 -0.4294970 0.04471558 1.00000000
```

Hình 2.1.2: Mức độ tương quan giữa biến Isales và promarg Correlation

Xét bảng correlation giữa các biến độc lập với nhau và giữa các biến độc lập với biến phụ thuộc, ta thấy: Giữa hai biến lmktval và biến lsales có mối tương quan rất cao ( $\approx$  0.75). Tuy nhiên biến lmktval lại có mối tương quan cao hơn với biến phụ thuộc salary. Mặt khác giữa biến profmarg và lsales cũng có mối tương quan cao ( $\approx$  -0.42). Nên ta loại bỏ biến lsales khỏi danh sách các biến được xét. (2)

Từ (1) và (2) ta có mô hình với đầy đủ các biến cần lựa chọn như sau:

$$salary = \beta_0 + \beta_1 * age + \beta_2 * college + \beta_3 * grad + \beta_4 * comten$$

$$+ \beta_5 * ceoten + \beta_6 * lmktval + \beta_7 * profmarg$$
(2.1.1)

Thực hiện phân rã hai biến phân loại gồm *college* và *grad* trước khi thực hiện phương pháp chọn biến **Stepwise tiến** với **tiêu chuẩn AIC**.

Để đánh giá chất lượng mô hình ta chia tập dữ liệu thành hai phần, training và testing, với tỷ lệ 80 : 20 sau đó tiến hành phương pháp chọn biến trên tập training.

# Thực hiện chọn biến bằng phương pháp StepWise tiến và tiêu chuẩn AIC

Tổng quan tiêu chuẩn AIC thì mô hình tốt là mô hình có giá trị AIC nhỏ nhất. Ở mô hình 1, biến *lmktval* được chọn vào mô hình vì có AIC nhỏ nhất trong tất cả các kết hợp với các biến còn lại. Tương tự AIC được tính cho mô hình thêm biến thứ 2, *ceoten*, và biến thứ 3 là *ceoten* (hình 2.1.3).

```
> summary(modbest_Fow)
lm(formula = train$salary ~ lmktval + profmarg + ceoten, data = train)
Residuals:
            1Q Median
    Min
                             3Q
                                     мах
-1339.1 -227.0 -72.8 163.7 4351.3
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) -950.696
                        302.598 -3.142 0.00206 **
             248.204
                          38.909
                                  6.379
                                          2.5e-09 ***
lmktval
                           6.544 -2.128 0.03508 *
             -13.929
profmarq
ceoten
                           6.113 1.916 0.05738 .
              11.714
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 539 on 138 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.2537, Adjusted R-squared: 0.7
F-statistic: 15.64 on 3 and 138 DF, p-value: 8.262e-09
                                 Adjusted R-squared: 0.2375
```

Hình 2.1.3: Kết quả hồi quy mô hình với các biến được chọn

Với ba biến được chon ở trên, mô hình 2.1.1 trở thành mô hình mới:

$$salary = -950.6 + 248.2 * lmktval - 13.9 * profmarg + 11.7 * ceoten$$
 (2.1.2)

Tuy nhiên ta nhận thấy biến ceoten có  $\rho_{value} \ge \alpha \ (0.05738 \ge 0.05)$  nên không có ý nghĩa thống kê trong mô hình. Ta tiến hành bỏ biến ceoten và hồi quy mô hình với hai biến còn lại kết quả thu được từ phần mềm R như hình 2.1.4:

```
> new_train = train[c("salary", "lmktval", "profmarg")]
> newModel = lm(formula =new_train$salary ~ ., data = new_train )
> summary(newModel)
call:
lm(formula = new_train$salary ~ ., data = new_train)
Residuals:
   Min
            1Q Median
                            3Q
-1127.7 -256.6
                -85.3
                         246.7 4404.8
Coefficients:
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) -830.739 298.886 -2.779 0.0062 **
                                 6.250 4.71e-09 ***
lmktval
            245.323
                       39.252
            -13.944
                         6.607 -2.111
                                       0.0366 *
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 544.2 on 139 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.2338,
                              Adjusted R-squared: 0.2228
F-statistic: 21.21 on 2 and 139 DF, p-value: 9.143e-09
```

Hình 2.1.4: Kết quả hồi quy mô hình với hai biến còn lại

Mô hình thống kê mới:

$$salary = -830.7 + 245.3 * lmktval - 13.9 * profmarq$$
 (2.1.3)

Trường hợp này hai biến còn lại có ý nghĩa thống kê. Tuy nhiên mô hình được tạo bởi hai biến này chỉ giải thích được 23% sự biến thiên của biến phụ thuộc (hình 2.1.4). Nguyên nhân dẫn tới kết quả thấp là do số lượng data ít, các biến giải thích ít không tạo nên mô hình đặc trưng được.

#### Test trên tập test và nhận xét kết quả

Thực hiện dự đoán trên tập dữ liệu test từ kết quả mô hình 2.1.3 và dùng chỉ số đánh giá MSE (trung bình bình phương sai số) ta có:

```
> SE = sum((pred_test-y_test) ^2)
> SE
[1] 15893414
> MSE = SE / nrow(test)
> print(MSE)
[1] 454097.5
```

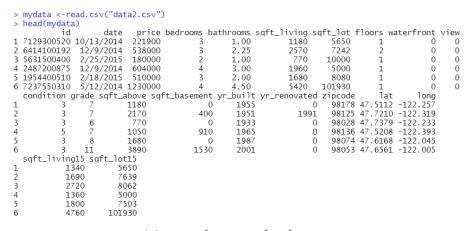
Hình 2.1.5: Chỉ số đo lường kết quả MSE

#### 2.2 Dữ liệu 2

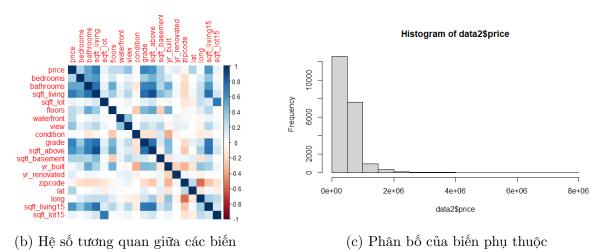
Bộ dữ liệu ghi lại lịch sử về những ngôi nhà được bán từ 5/2014 đến 5/2015 ở quận King, bang Washington, Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu bao gồm 21613 quan trắc, gồm 21 biến.

\* Phương pháp chon: Stepwise - lùi; tiêu chuẩn chon: BIC.

#### Tìm hiểu dữ liệu



(a) Một số quan trắc đầu tiên



Hình 2.2.1: Một số quan sát ban đầu của bộ dữ liệu

Bộ dữ liệu cung cấp gồm 21 biến, trong đó biến **id** và **date** được loại bỏ khỏi dữ liệu trước khi tiến hành phân tích, vì nhóm em nghĩ các biến này chỉ để ghi lại chỉ số và thời gian mua bán, không mang nhiều ý nghĩa thống kê.

Quan sát ban đầu cho thấy: các biến độc lập sqft living, grade, sqft above,

sqft\_living15 có mối tương quan cao với biến phụ thuộc **Price**; biến phụ thuộc **Price** phân bố không đều, bị lệch hẳn về một phía và giá trị chủ yếu từ 0 đến 2 000 000.

#### Phân tích, chọn mô hình

```
> # Create full model
> mod_full_1 = lm(price ~ ., data2) #full model
> summary(mod_full_1)
lm(formula = price ~ ., data = data2)
Residuals:
     Min
               1Q
                     Median
                                           Max
-1291631
           -99089
                      -9569
                               77778
                                      4330096
Coefficients: (1 not defined because of singularities)
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
               6.564e+06
                           2.933e+06
                                               0.02523
                                        2.238
(Intercept)
               -3.556e+04
                           1.901e+03
                                     -18.707
                                                 2e-16 ***
bedrooms
                                      12.632
                                               < 2e-16 ***
bathrooms
               4.128e+04
                           3.268e+03
               1.496e + 02
                           4.397e+00
sqft_living
                                      34.033
                                                 2e-16
                           4.792e-02
sqft_lot
               1.289e-01
                                       2.690
                                               0.00714
               6.474e+03
                                        1.797
floors
                           3.602e+03
                                               0.07229
                                       33.593
               5.833e+05
waterfront
                           1.736e+04
                                                 2e-16
                           2.141e+03
view
               5.278e+04
                                       24.652
                                                 2e-16
               2.679e+04
condition
                           2.353e+03
                                      11.387
                                                 2e-16
                           2.161e+03
grade
               9.701e+04
                                       44.894
                                                 2e-16
sqft_above
                                              7.53e-13 ***
               3.129e+01
                           4.361e+00
                                        7.174
sqft_basement
                      ΝΔ
                                  NΑ
                                          NA
               -2.628e+03
                                     -36.135
yr_built
                           7.272e+01
                                                 2e-16 ***
                                              5.87e-08 ***
yr_renovated
               1.983e+01
                           3.656e+00
                                       5.425
                                               < 2e-16 ***
zipcode
               -5.819e+02
                           3.299e+01
                                      -17.635
                                                 2e-16 ***
               6.022e+05
                           1.074e+04
                                       56.071
lat
               -2.156e+05
                           1.316e+04
                                     -16.385
                                                 2e-16 ***
long
sqft_living15
               2.116e+01
                           3.451e+00
                                        6.131
                                              8.88e-10
sqft_lot15
              -3.907e-01
                           7.334e-02
                                       -5.327 1.01e-07 ***
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 201300 on 21579 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7001,
                                 Adjusted R-squared:
F-statistic: 2964 on 17 and 21579 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Hình 2.2.2: Mô hình hồi quy đầy đủ ban đầu

Bộ dữ liệu (sau khi loại bỏ id và date) có 18 biến giải thích, do đó nhóm em chọn phương pháp lùi (**stepwise - backward**) cho bộ dữ liệu này. Trong mô hình hồi quy đầy đủ (Hình 2.2.2), đa số các biến giải thích đều có ý nghĩa thống kê, do đó tiến hành phương pháp lùi (loại biến dần dần) sẽ tiết kiệm thời gian hơn so với các phương pháp còn lại. Tiêu chuẩn BIC có xu hướng chọn các mô hình ít phức tạp hơn so với tiêu chuẩn AIC, đặc biệt khi số lượng quan trắc lớn.

```
> summary(mod_BIC_1)
                                                                                                                                                                    lm(formula = price ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living + waterfront +
view + condition + grade + sqft_above + yr_built + yr_renovated +
zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15, data = data2)
                                                                                                                                                                    Residuals:
                                                                                                                                                                    Min
-1284799
                                                                                                                                                                                           1Q
-99272
                                                                                                                                                                    Coefficients:
                                                                                                                                                                                                      Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
6.017e+06 2.885e+06 2.085 0.0371
-3.578e+04 1.900e+03 -18.826 < 2e-16
                                                                                                                                                                    (Intercept)
                                                                                                                                                                    bedrooms
bathrooms
sqft_living
waterfront
                                                                                                                                                                                                     -3.578e+04
4.285e+04
1.475e+02
                                                                                                                                                                                                                                                                           < 2e-16 ***
< 2e-16 ***
< 2e-16 ***
                                                                                                                                                                                                                                                      -18.826
13.587
> mod_BIC_1$anova
Stepwise Model Path
Analysis of Deviance Table
                                                                                                                                                                                                                               3.154e+03
4.181e+00
                                                                                                                                                                                                                                                         35.280
33.554
                                                                                                                                                                                                       5.826e+05
                                                                                                                                                                                                                               1.736e+04
                                                                                                                                                                    view
condition
                                                                                                                                                                                                      5.306e+04
2.645e+04
9.746e+04
                                                                                                                                                                                                                               2.140e+03
2.349e+03
2.152e+03
                                                                                                                                                                                                                                                        24.797
11.256
45.284
Initial Model:
price ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living + sqft_lot + floors +
   waterfront + view + condition + grade + sqft_above + sqft_basement
yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15 +
   sqft_lot15
                                                                                                                                                                    grade
sqft_above
yr_built
                                                                                                                                                                                                    3.501e+01
-2.609e+03
2.003e+01
-5.764e+02
                                                                                                                                                                                                                               3.910e+00
7.094e+01
3.651e+00
                                                                                                                                                                                                                                                     8.952
-36.779
5.487
-17.542
                                                                                                                                                                    yr_renovated
                                                                                                                                                                    zipcode
lat
long
Final Model:
price ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living + waterfront + view +
condition + grade + sqft_above + yr_built + yr_renovated +
zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15
                                                                                                                                                                                                                                3.286e+01
                                                                                                                                                                                                     6.027e+05
-2.152e+05
1.989e+01
                                                                                                                                                                                                                              1.070e+04
1.308e+04
3.423e+00
                                                                                                                                                                                                                                                       56.341
-16.451
5.811
                                                                                                                                                                    sqft_living15
                                                                                                                                                                    sqft_lot15
                                                                                                                                                                                                    -2.613e-01
                                                                                                                                                                                                                              5.311e-02
                                                                                                                                                                    Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
                                                      Deviance Resid. Df Resid. Dev AIC 21579 8.739836e+14 527659.9 21579 8.739836e+14 527659.9 842954998 21580 8.743144e+14 527653.1 802633671 21581 8.743992e+14 527650.2
                            Step Df
                                                                                                                                                                   Residual standard error: 201300 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7, Adjusted R-squared: 0.6998
F-statistic: 3357 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
     - sqft_basement 0 0

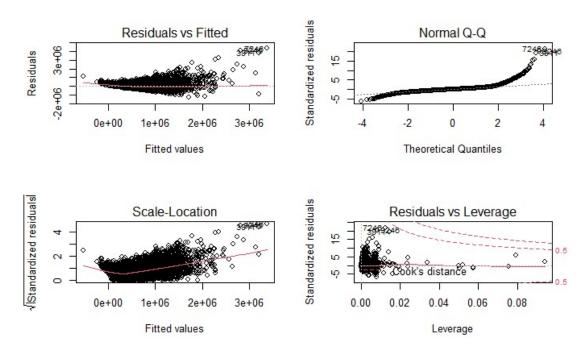
- floors 1 130842954998

- sqft_lot 1 284802633671
                                                          (a) Chọn biến
                                                                                                                                                                                                                  (b) Kết quả mô hình
```

Hình 2.2.3: Mô hình khi chọn bằng tiêu chuẩn BIC

Bằng phương pháp lùi và tiêu chuẩn BIC (Hình 2.2.3), các biến **sqft\_basement**, **floors**, **sqft\_lot** đã bị loại bỏ khỏi mô hình. Mô hình được chọn có  $R^2 = 0.7$ ,  $R_{adj}^2 = 0.69$ , các tham số ước lượng của mô hình đều có ý nghĩa thống kê.

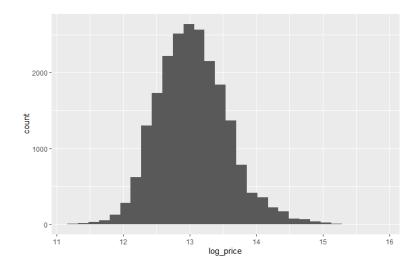
Ta tiến hành kiểm tra xem mô hình này có thỏa mãn các giả thiết của mô hình hồi quy hay không.



Hình 2.2.4: Các biểu đồ kiểm định mô hình

Dựa vào hình 2.2.4, phương sai của sai số không phải là hằng số, kì vọng của sai số bằng 0; sai số có vẻ tuân theo phân phối chuẩn nhưng phần đuôi trên bị lệch khá nhiều.

Kết hợp với nhận xét ban đầu, về việc biến **Price** phân bố không đều, nhóm em tiến hành biến đổi biến này thành **log(Price)**.



Hình 2.2.5: Phân bố của biến **Price** sau khi biến đổi

Sau khi biến đổi, ta tiến hành hồi quy cho: **mô hình 1** mô hình có 15 biến đã chọn bằng tiêu chuẩn BIC trước đó, và **mô hình 2** mô hình đầy đủ rồi áp dụng tiêu chuẩn BIC để chọn biến.

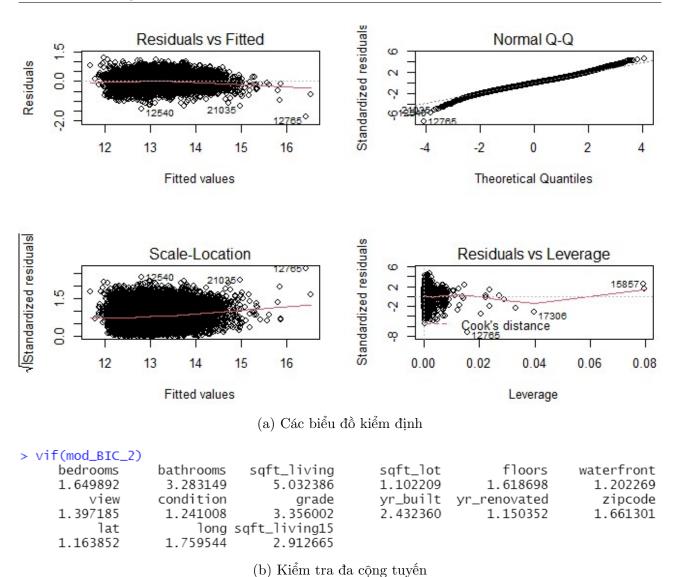
```
> summary(mod_2)
                                                                                                                      > summary(mod_BIC_2)
 lm(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living
                                                                                                                       lm(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +
    sqft_lot + floors + waterfront + view + condition + grade +
    yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15,
      waterfront + view + condition + grade + sqft_above + yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15, data = data2)
                                                                                                                              data = data2)
Residuals:
                                                                                                                       Residuals:
Min 1Q
-1.72685 -0.16385
                                                                                                                      Min 1Q Median
-1.7953 -0.1615 0.0037
                                                                                                                                                              3Q Max
0.1590 1.1735
                             0.00299 0.16386
                                                           1.18219
Coefficients:
                                                                                                                      Coefficients:
                          Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                                                                                                                                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
5.932e+00 3.639e+00 -1.905 0.0568
1.174e-02 2.382e-03 -4.930 8.27e-07
                       -1.436e+01
-1.351e-02
8.720e-02
                                                                                                                                              -6.932e+00
-1.174e-02
7.137e-02
                                          3.645e+00
2.400e-03
                                                             -3.940
-5.629
(Intercept)
                                                                                                                       (Intercept)
                                                                                                                       bedrooms
bathrooms
                                             984e-03
                                                                                                                      bathrooms
sqft_living
sqft_lot
                                                             21.891
                                                                            2e-16
                                                                                                                                                                 4 047e-03
                                                                                                                                                                                   17 634
                                                                                                                                               1.403e-04
3.426e-07
6.979e-02
sqft_living
waterfront
                        1.238e-04
                                             282e-06
                                                            23.444
                                                                                                                                                                 4.197e-06
                        3.702e-01
6.195e-02
                                             193e-02
703e-03
                                                                                                                                                                 4.355e-08
                                                                                                                                                                                  7.868
17.234
                                                             22.919
                                                                             2e-16
view
                                                                                                                       floors
                                                                                                                                                                 4.049e-03
                                                                                                                                                                                                  2e-16
condition
                                                                                                                                               3.686e-01
6.148e-02
                                                                                                                                                                    .176e-02
.649e-03
                           984e-02
                                             968e-03
                                                             20.163
                                                                             2e-16
                                                                                                                       waterfront
                           .643e-01
.582e-05
                                             .719e-03
.939e-06
grade
sqft_above
                                                                                                                       view
condition
                                                                                                                                               6.352e-02
                                                                                                                                                                 2.941e-03
                                                                                                                                                                                   21.594
                                                                                                                                                                                                  2e-16
yr_built
yr_renovated
zipcode
                                                                                                                       grade
yr_built
                                                                                                                                               1.591e-01
3.419e-03
                                                                                                                                                                    .682e-03
.120e-05
                           126e-03
                                           8.960e-05
                                                           -34.882
                                                                             2e-16 ***
                           .008e-05
.816e-04
                                           4.612e-06
4.150e-05
                                                                            2e-16
2e-16
                                                            14.014
                                                                                                                       vr_renovated
                                                                                                                                               3.650e-05
                                                                                                                                                                 4.585e-06
                                                                                                                                                                                    7.962 1.78e-15
                                                                            2e-16 ***
                                                                                                                                                                4.137e-05 -15.569
1.337e-02 104.988
1.619e-02 -10.590
4.278e-06 22.359
                                                                                                                       zipcode
lat
                        1.414e + 00
                                          1.351e-02 104.612
                                                                                                                                               6.441e-04
                        -1.741e-01
8.802e-05
1.512e-07
                                           1.652e-02
4.324e-06
                                                                                                                                               1.404e+00
-1.715e-01
sqft_living15
                                                                           0.0242 *
                                                                                                                      sqft_living15 9.566e-05
                                          6.709e-08
saft_lot15
                                                             2.254
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
                                                                                                                      Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1
Residual standard error: 0.2543 on 21581 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.767, Adjusted R-squared: 0.7668 F-statistic: 4736 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                                                                                                      Residual standard error: 0.2524 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7703, Adjusted R-squared: 0.7702
F-statistic: 4826 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                        (a) Mô hình 1
                                                                                                                                                             (b) Mô hình 2
```

Hình 2.2.6: Kết quả khi biến đổi **Price** thành **log(Price)** 

Cả hai mô hình đều gồm 15 biến giải thích, mô hình 2 đã loại bỏ các biến **sqft\_basement**, **sqft above**, **sqft lot15** khác với 3 biến đã loại trước khi biến đổi **Price**.

Nhóm em chọn **mô hình 2** là mô hình cuối cùng, vì: mô hình 2 có hệ số xác định lớn hơn ( $R^2 = 77.03\%$ ), các biến liên quan đến diện tích tầng hầm (**sqft\_basement**, **sqft\_above**) đã được bao gồm trong **sqft\_living**, diện tích khu đất vào năm 2015 cũng không mang nhiều ý nghĩa thống kê trong mô hình 1 nên có thể loại bỏ.

 $Kiểm\ tra\ giả\ thiết\ mô\ hình\ 2:$  phương sai của sai số không thay đổi, kì vọng bằng 0 và đã tuân theo phân phối chuẩn, chưa phát hiện tượng đa cộng tuyến trong mô hình (các chỉ số VIF < 5) (Hình 2.2.7).



. ,

Hình 2.2.7: Kết quả khi biến đổi thành log(Price)

#### Kết luận

Vậy **mô hình cuối cùng được chọn** có các hệ số ước lượng như hình 2.2.8.

```
> coef(mod_BIC_2)
  (Intercept)
                    bedrooms
                                  bathrooms
                                              sqft_living
                                                                sqft_lot
                                                                                  floors
-6.932157e+00 -1.174353e-02
                               7.137346e-02
                                                            3.426024e-07
                                                                           6.978707e-02
                                             1.403104e-04
   waterfront
                        view
                                  condition
                                                     grade
                                                                yr_built
                                                                           yr_renovated
                                                           -3.419313e-03
 3.685686e-01
                6.147550e-02
                               6.351646e-02
                                             1.590506e-01
                                                                           3.650388e-05
      zipcode
                         lat
                                       long sqft_living15
               1.404181e+00 -1.714684e-01
                                             9.565513e-05
-6.441469e-04
```

Hình 2.2.8: Hê số mô hình được chon

Có 77.06% sự biến thiên của giá nhà ở quận King được giải thích bởi 15 biến độc lập,

trong đó các yếu tố ảnh hưởng nhiều nhất gồm số phòng ngủ, số phòng tắm, diện tích nhà, số tầng, hướng nhà ra bờ sông, tình trạng của ngôi nhà, điểm tổng thể của ngôi nhà theo phân loại của quận, kinh độ - vĩ độ (vị trí), năm xây dựng căn nhà.

Giá trị của một căn nhà **không bị ảnh hưởng** nhiều bởi các yếu tố: diện tích tầng hầm, diện tích khu đất, diện tích ngoài tầng hầm, năm sửa chữa căn nhà, zipcode (mã vùng) của ngôi nhà.

Số phòng ngủ có mối tương quan nghịch với giá nhà, vì khi số phòng ngủ tăng lên, nhưng các yếu tố còn lại không thay đổi, thì diện tích của mỗi phòng ngủ sẽ giảm đi, gây cảm giác chật chội. Do đó không phải càng có nhiều phòng ngủ thì ngôi nhà sẽ có giá trị cao.

#### 2.3 Dữ liệu 3

Bộ dữ liệu ghi lại tỷ lệ tai nạn, gồm 39 quan trắc được thực hiện trên vài đoạn đường cao tốc ở tiểu bang Minnesota vùng Trung Tây của Hoa Kỳ.

#### Tìm hiểu dữ liệu

Bộ dữ liệu gồm 13 biến sau:

- -Y: tỷ lệ % tai nạn trên đoạn đường khảo sát.
- -X1: chiều dài đoạn đường (dặm).
- -X2: lượng giao thông trung bình hàng ngày (nghìn xe).
- -X3: tỷ lệ % xe tải trên tổng số.
- -X4: tốc độ giới hạn cho phép (dặm/giờ).
- $-X_5$ : chiều rộng làn đường (bước chân).
- -X6: chiều rộng làn đường khẩn cấp (bước chân).
- -X7: số làn đường thay đổi tư do trên đoan đường cao tốc.
- -X8: số làn đường thay đổi (báo hiệu) trên đoạn đường cao tốc.
- -X9: số cửa vào đoan đường cao tốc.
- -X10: tổng số làn đường (trên hai chiều của đường cao tốc).
- -X11:1 nếu là tuyến đường liên thông xa lộ và cao tốc, 0 nếu ngược lại.
- -X12:1 nếu là tuyến đường lớn của cao tốc, 0 nếu ngược lại.
- -X13:1 nếu là tuyến đường cao tốc chính, 0 nếu ngược lại.

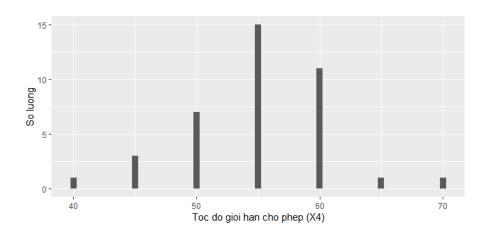
Một vài quan trắc đầu tiên trong bộ dữ liệu (hình 2.3.1).

> mydata <-read.csv("data/data3.csv") > head(mydata)														
	x_i.1	x_i.2	x_i.3	x_i.4	x_i.5	x_i.6	x_i.7	x_i.8	x_i.9	x_i.10	x_i.11	x_i.12	x_i.13	y_i
1	4.99	69	8	55	<sup>-</sup> 12	10	$\bar{1}.20$	$\overline{0}.00$	4.6	_ 8	_ 1	_ 0	_ 0	4.58
2	16.11	73	8	60	12	10	1.43	0.00	4.4	4	1	0	0	2.86
3	9.75	49	10	60	12	10	1.54	0.00	4.7	4	1	0	0	3.02
4	1.65	61	13	65	12	10	0.94	0.00	3.8	6	1	0	0	2.29
5	20.01	28	12	70	12	10	0.65	0.00	2.2	4	1	0	0	1.61
6	5.97	30	6	55	12	10	0.34	1.84	24.8	4	0	1	0	6.87

Hình 2.3.1: Một vài quan trắc đầu tiên

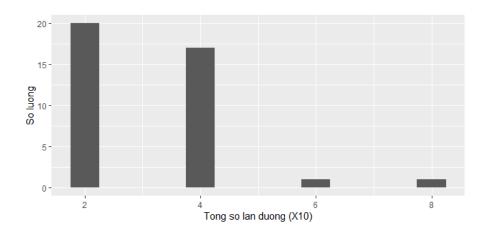
Một số phân bố theo biến:

 $\bullet$  X4: Có 33 trong 39 quan trắc có tốc độ tối đa là 50, 55 và 60 (hình 2.3.2).



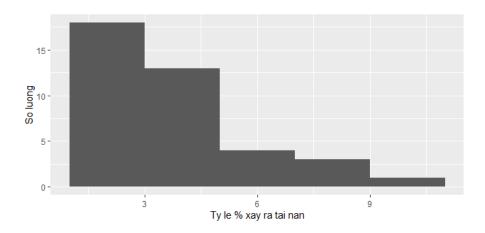
Hình 2.3.2: Phân bố theo tốc độ giới hạn cho phép (X4) (dặm/giờ)

 $\bullet$  X10: Có 32 trong 39 quan trắc có tổng số làn đường là 2 hoặc 4 (hình 2.3.3).



Hình 2.3.3: Phân bố theo tổng số làn đường (X10)

• Y: Phần lớn tỷ lệ % tai nạn là 1-5% (hình 2.3.4).



Hình 2.3.4: Phân bố theo tỷ lệ % tai nạn (Y)

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các loại tuyến đường (hình 2.3.5) cho thấy loại tuyến đường cao tốc chính có tỷ lệ % tai nạn cao nhất.

Hình 2.3.5: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các loại tuyến đường

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các mức tốc độ giới hạn cho phép (hình 2.3.6) cho thấy giới hạn tốc độ cho phép trên đường cao tốc càng thấp thì xảy ra tai nạn càng nhiều, tỷ lệ % tai nạn giảm dần đều khi giới hạn tốc độ cho phép tăng.

Hình 2.3.6: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các mức tốc độ giới hạn cho phép

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo tổng số làn đường (hình 2.3.7) cho thấy trên đoạn đường có 8 làn đường có tỷ lệ % tai nạn cao nhất, kế đến là đoạn đường có 2 làn.

```
> aggregate(y_i ~ x_i.10,data3,mean)
   x_i.10    y_i
1     2    4.000500
2     4    3.912941
3     6    2.290000
4     8    4.580000
```

Hình 2.3.7: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo tổng số làn đường

Phân tích, chọn mô hình

Kết luận

### 2.4 Dữ liệu 4