ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỒ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

____*___*

TIỂU LUẬN CUỐI KÌ

MÔ HÌNH HÓA THỐNG KÊ

Giảng viên hướng dẫn: TS. Nguyễn Thị Mộng Ngọc

Nhóm thực hiện: **Nhóm 4**

Học viên: **Phan Thị Thùy An** MSHV: 20C29002

Đinh Thị Nữ MSHV: 20C29013

Lý Phi Long MSHV: 20C29028

Đặng Khánh Thi MSHV: 20C29038

Mục lục

1 Dữ liệu tự chọn					
	1.1	Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến	6		
	1.2	Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính	7		
2	Dữ	liệu có sẵn	9		
	2.1	Dữ liệu 1	10		
	2.2	Dữ liệu 2	15		
	2.3	Dữ liệu 3	21		
	2.4	Dữ liệu 4	25		

Chương 1

Dữ liệu tự chọn

- Tên "đề tài", nguồn gốc của dữ liệu, giới thiệu các biến.
- Mô hình chọn được; phân tích kết quả
- Đưa ra những phương pháp/phân tích khác có thể giúp cho kết quả tốt hơn.
- Kết luận.

1.1 Dữ liệu 1: Mô hình hồi quy đa biến

1.2 Dữ liệu 2: Hồi quy thành phần chính

Chương 2

Dữ liệu có sẵn

- Chọn mô hình phù hợp nhất giải thích biến phụ thuộc với từng bộ dữ liệu.
- Nêu rõ phương pháp chọn mô hình và lý do chọn phương pháp đó.
- Nói rõ ý nghĩa của mô hình đã chọn.

2.1 Dữ liệu 1

Những thông tin vê các giám đốc điều hành các tập đoàn Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu gồm 177 quan trắc và 15 biến.

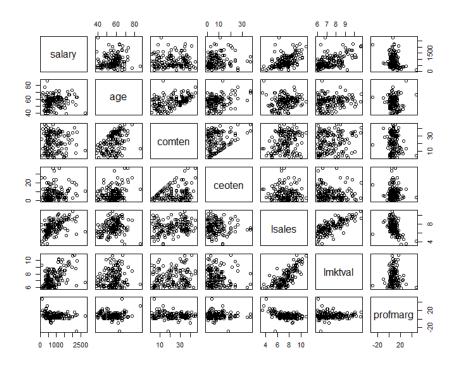
* Phương pháp chon: Stepwise - tiến; tiêu chuẩn chon: AIC.

Tìm hiểu và tiền xử lý dữ liệu

Một số biến trong bộ dữ liệu kiểu số có đơn vị tính lớn như: sales', profits, lmktval. Nếu đưa những biến này vào phương trình hồi quy có thể dẫn tới hiện tượng bias do tác động của những biến này lên model lấn át những biến khác còn lại như age, ceoten.... Nên ta sẽ dùng phương pháp logarit cho 3 biến này trong model tương ứng với 3 biến mới là: lsales", lmktval và profmarg. (1)

Từ biểu đồ dưới ta thấy ba biến định lượng *lsales*, *lmktval* và *profmarg* xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến. Tuy nhiên có xảy ra hiện tượng đa cộng tuyến giữa 2 biến sales và profit luôn (hình 2.1.1).

Tính độ correlation của biến salary với lần lượt 2 biến trên ta có:



Hình 2.1.1: Mối tương quan giữa các biến

```
> cor(train[c("salary",
                         "lsales"
                                  ,"lmktval"
             salary
                         lsales
                                    lmktval
          1.0000000
salary
                      0.4912099 0.51978488
                      1.0000000 0.75006264
lsales
          0.4912099
lmktval
                      0.7500626 1.00000000
          0.5197849
                     -0.4294970 0.04471558
profmarg -0.2497591
```

Hình 2.1.2: Mức độ tương quan giữa biến Isales và promarg Correlation

Xét bảng correlation giữa các biến độc lập với nhau và giữa các biến độc lập với biến phụ thuộc, ta thấy: Giữa hai biến lmktval và biến lsales có mối tương quan rất cao (\approx 0.75). Tuy nhiên biến lmktval lại có mối tương quan cao hơn với biến phụ thuộc salary. Mặt khác giữa biến profmarg và lsales cũng có mối tương quan cao (\approx -0.42). Nên ta loại bỏ biến lsales khỏi danh sách các biến được xét. (2)

Từ (1) và (2) ta có mô hình với đầy đủ các biến cần lựa chọn như sau:

$$salary = \beta_0 + \beta_1 * age + \beta_2 * college + \beta_3 * grad + \beta_4 * comten$$

$$+ \beta_5 * ceoten + \beta_6 * lmktval + \beta_7 * profmarg$$
(2.1.1)

Thực hiện phân rã hai biến phân loại gồm *college* và *grad* trước khi thực hiện phương pháp chọn biến **Stepwise tiến** với **tiêu chuẩn AIC**.

Để đánh giá chất lượng mô hình ta chia tập dữ liệu thành hai phần, training và testing, với tỷ lệ 80 : 20 sau đó tiến hành phương pháp chọn biến trên tập training.

Chọn biến bằng phương pháp StepWise tiến và tiêu chuẩn AIC

```
[1] "salary"
               "age"
                          "college" "grad"
                                                "comten"
                                                           "ceoten"
                                                                      "lmktval" "profmarg"
> 10 = lm(formula = train$salary ~ 1, data = train) # non independence variable
> l1 = lm(formula = train$salary ~ ., data = train) # full independence variable
 modbest_Fow = step(10, scope = list(lower = 10,
                                 upper = 11), direction = 'forward', k =2)
Start: AIC=1825.78
train$salary ~ 1
          Df Sum of Sq
                             RSS
           1 11242276 42481047 1794.4
+ 1mktval
+ profmarg
                 993901 52729423 1825.1
                 833601 52889723 1825.6
+ age
            1
+ ceoten
           1
                 816752 52906571 1825.6
+ comten
           1
                 784116 52939207 1825.7
<none>
                        53723323 1825.8
+ college
                 225711 53497612 1827.2
           1
                  1333 53721991 1827.8
+ grad
Step: AIC=1794.44
train$salary ~ lmktval
          Df Sum of Sq
                             RSS
                                    AIC
+ profmarg 1 1319152 41161895 1792.0
               1069953 41411095 1792.8
+ ceoten
<none>
                        42481047 1794.4
+ grad
                 398593 42082454 1795.1
+ comten
           1
                199305 42281743 1795.8
           1
                 177509 42303538 1795.8
+ age
+ college 1
                  90861 42390186 1796.1
Step: AIC=1791.96
train$salary ~ lmktval + profmarg
         Df Sum of Sq
                            RSS
                                  AIC
            1067048 40094847 1790.2
                      41161895 1792.0
<none>
+ grad
          1
               215822 40946074 1793.2
          1
               170753 40991143 1793.4
+ age
+ college 1
                 92712 41069183 1793.6
                 33866 41128029 1793.8
+ comten
Step: AIC=1790.23
train$salary ~ lmktval + profmarg + ceoten
          Df Sum of Sq
                            RSS
                      40094847 1790.2
<none>
               142580 39952267 1791.7
                 38627 40056220 1792.1
+ college 1
+ comten
          1
                 28636 40066211 1792.1
          1
                    1 40094846 1792.2
+ age
```

Hình 2.1.3: Kết quả chọn biến theo phương pháp StepWise tiến với tiêu chuẩn AIC

Tổng quan tiêu chuẩn AIC thì mô hình tốt là mô hình có giá trị AIC nhỏ nhất. Ở mô hình 1, biến *lmktval* được chọn vào mô hình vì có AIC nhỏ nhất trong tất cả các kết hợp với các biến còn lại. Tương tự AIC được tính cho mô hình thêm biến thứ 2, *ceoten*, và biến thứ 3 là *ceoten* (hình 2.1.4).

```
> summary(modbest_Fow)
lm(formula = train$salary ~ lmktval + profmarg + ceoten, data = train)
Residuals:
             1Q Median
                            3Q
-1339.1 -227.0 -72.8 163.7 4351.3
Coefficients:
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                        302.598 -3.142 0.00206 **
(Intercept) -950.696
                         38.909
                                          2.5e-09 ***
             248.204
                                  6.379
lmktval
                           6.544
                                  -2.128 0.03508 *
profmarg
             -13.929
                         6.113 1.916 0.05738 .
              11.714
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 539 on 138 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.2537, Adjusted R-squared: 0.7
F-statistic: 15.64 on 3 and 138 DF, p-value: 8.262e-09
                                 Adjusted R-squared: 0.2375
```

Hình 2.1.4: Kết quả hồi quy mô hình với các biến được chọn

Với ba biến được chọn ở trên, mô hình 2.1.1 trở thành mô hình mới:

$$salary = -950.6 + 248.2 * lmktval - 13.9 * profmarg + 11.7 * ceoten$$
 (2.1.2)

Tuy nhiên ta nhận thấy biến ceoten có $\rho_{value} \geq \alpha \ (0.05738 \geq 0.05)$ nên không có ý nghĩa thống kê trong mô hình. Ta tiến hành bỏ biến ceoten và hồi quy mô hình với hai biến còn lại kết quả thu được từ phần mềm R như hình 2.1.5:

```
> new_train = train[c("salary", "lmktval", "profmarg")]
> newModel = lm(formula =new_train$salary ~ ., data = new_train )
> summary(newModel)
call:
lm(formula = new_train$salary ~ ., data = new_train)
Residuals:
             1Q Median
-1127.7 -256.6
                          246.7 4404.8
                 -85.3
Coefficients:
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) -830.739 298.886 -2.779 0.0062 **
lmktval 245.323 39.252 6.250 4.71e-09 ***
                          6.607 -2.111
                                          0.0366 *
profmarg
            -13.944
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 544.2 on 139 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.2338,
                                Adjusted R-squared: 0.2228
F-statistic: 21.21 on 2 and 139 DF, p-value: 9.143e-09
```

Hình 2.1.5: Kết quả hồi quy mô hình với hai biến còn lại

Mô hình thống kê mới:

$$salary = -830.7 + 245.3 * lmktval - 13.9 * profmarg$$
 (2.1.3)

Trường hợp này hai biến còn lại có ý nghĩa thống kê. Tuy nhiên mô hình được tạo bởi hai biến này chỉ giải thích được 23% sự biến thiên của biến phụ thuộc (hình 2.1.5). Nguyên nhân dẫn tới kết quả thấp là do số lượng data ít, các biến giải thích ít không tạo nên mô hình đặc trưng được.

Test trên tập test và nhận xét kết quả

Thực hiện dự đoán trên tập dữ liệu test từ kết quả mô hình 2.1.3 và dùng chỉ số đánh giá MSE (trung bình bình phương sai số) ta có:

```
> SE = sum((pred_test-y_test) ^2)
> SE
[1] 15893414
> MSE = SE / nrow(test)
> print(MSE)
[1] 454097.5
```

Hình 2.1.6: Chỉ số đo lường kết quả MSE

Kết quả MSE ≈ 454097 lớn hơn nhiều so với giá trị Mean : 887.5 nên ta có thể thấy hai yếu tố gồm: giá thị trường (lmktval) và tỷ lệ phần trăm lợi nhuận (profmarg) là chưa đủ để giải thích mức độ tăng giảm của tiền lương của các giám đốc điều hành các tập đoàn Hoa Kỳ.

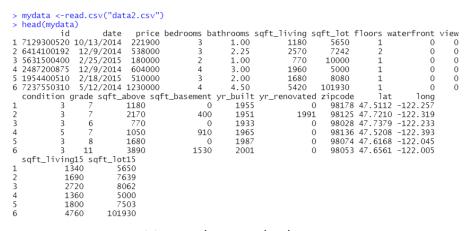
Để cải thiện kết quả mô hình ta nên tiến hành thu thập thêm dữ liệu và tiến hành lựa chọn biến dựa trên dữ liệu mới này. Bên cạnh đó có thể xem xét tới xem xét tới các nhân tố khác ảnh hưởng tới tiền lương của các giám đốc Hoa kỳ như: Lĩnh vực hoạt động (ngân hàng, hàng không, công nghệ, vận tải...); mức lương trước đó; số năm kinh nghiệm, giới tính,...

2.2 Dữ liệu 2

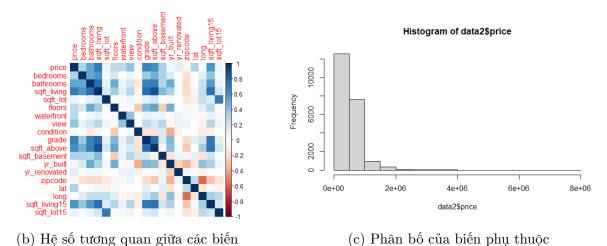
Bộ dữ liệu ghi lại lịch sử về những ngôi nhà được bán từ 5/2014 đến 5/2015 ở quận King, bang Washington, Hoa Kỳ. Bộ dữ liệu bao gồm 21613 quan trắc, gồm 21 biến.

* Phương pháp chọn: Stepwise - lùi; tiêu chuẩn chọn: BIC.

Tìm hiểu dữ liệu



(a) Một số quan trắc đầu tiên



Hình 2.2.1: Một số quan sát ban đầu của bộ dữ liệu

Bộ dữ liệu cung cấp gồm 21 biến, trong đó biến **id** và **date** được loại bỏ khỏi dữ liệu trước khi tiến hành phân tích, vì nhóm em nghĩ các biến này chỉ để ghi lại chỉ số và thời gian mua bán, không mang nhiều ý nghĩa thống kê.

Quan sát ban đầu cho thấy: các biến độc lập sqft_living, grade, sqft_above,

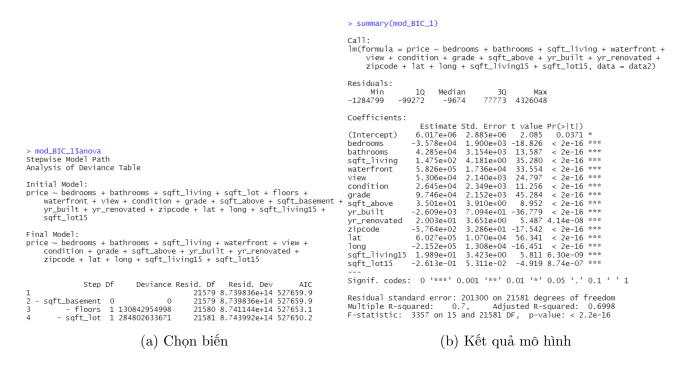
sqft_living15 có mối tương quan cao với biến phụ thuộc **Price**; biến phụ thuộc **Price** phân bố không đều, bị lệch hẳn về một phía và giá trị chủ yếu từ 0 đến 2 000 000.

Phân tích, chọn mô hình

```
> # Create full model
> mod_full_1 = lm(price \sim ., data2) #full model
> summary(mod_full_1)
lm(formula = price ~ ., data = data2)
Residuals:
     Min
               1Q
                     Median
                                  3Q
                                           Max
           -99089
                               77778
-1291631
                      -9569
                                      4330096
Coefficients: (1 not defined because of singularities)
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                       2.238
                                               0.02523
(Intercept)
               6.564e+06
                           2.933e+06
                                     -18.707
                           1.901e+03
bedrooms
               -3.556e+04
                                               < 2e-16
bathrooms
               4.128e+04
                           3.268e+03
                                      12.632
                                               < 2e-16
sqft_living
               1.496e+02
                           4.397e+00
                                       34.033
                                               < 2e-16
                           4.792e-02
sqft_lot
               1.289e-01
                                       2.690
                                               0.00714
floors
               6.474e + 03
                           3.602e+03
                                       1.797
                                               0.07229
                                               < 2e-16 ***
waterfront
               5.833e+05
                           1.736e+04
                                       33.593
               5.278e+04
                           2.141e+03
                                      24.652
                                               < 2e-16
view
condition
               2.679e+04
                           2.353e+03
                                      11.387
                                               < 2e-16
arade
               9.701e+04
                           2.161e+03
                                       44.894
                                              < 2e-16
               3.129e+01
                           4.361e+00
                                       7.174
                                              7.53e-13
sqft_above
sqft_basement
                                  NΔ
                      NΑ
                                          NΑ
                                                    NΑ
yr_built
               -2.628e+03
                           7.272e+01
                                      -36.135
                                               < 2e-16
               1.983e+01
                           3.656e+00
                                       5.425
                                              5.87e-08
yr_renovated
                           3.299e+01
zipcode
               -5.819e+02
                                       17.635
                                               < 2e-16
lat
               6.022e+05
                           1.074e+04
                                      56.071
                                               < 2e-16
lona
               -2.156e+05
                           1.316e+04
                                      -16.385
                                               < 2e-16
sqft_living15
                                              8.88e-10 ***
               2.116e+01
                           3.451e+00
                                       6.131
sqft_lot15
              -3.907e-01
                           7.334e-02
                                      -5.327 1.01e-07 ***
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 201300 on 21579 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7001,
                                 Adjusted R-squared:
              2964 on 17 and 21579 DF,
F-statistic:
                                         p-value: < 2.2e-16
```

Hình 2.2.2: Mô hình hồi quy đầy đủ ban đầu

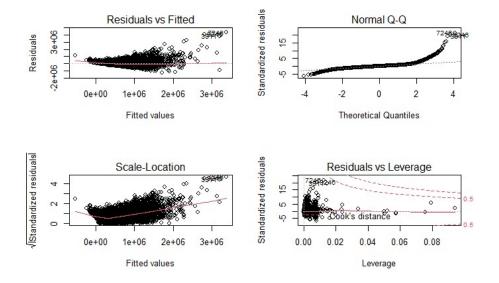
Bộ dữ liệu (sau khi loại bỏ id và date) có 18 biến giải thích, do đó nhóm em chọn phương pháp lùi (**stepwise - backward**) cho bộ dữ liệu này. Trong mô hình hồi quy đầy đủ (Hình 2.2.2), đa số các biến giải thích đều có ý nghĩa thống kê, do đó tiến hành phương pháp lùi (loại biến dần dần) sẽ tiết kiệm thời gian hơn so với các phương pháp còn lại. Tiêu chuẩn BIC có xu hướng chọn các mô hình ít phức tạp hơn so với tiêu chuẩn AIC, đặc biệt khi số lượng quan trắc lớn.



Hình 2.2.3: Mô hình khi chọn bằng tiêu chuẩn BIC

Bằng phương pháp lùi và tiêu chuẩn BIC (Hình 2.2.3), các biến $\mathbf{sqft_basement}$, \mathbf{floors} , $\mathbf{sqft_lot}$ đã bị loại bỏ khỏi mô hình. Mô hình được chọn có $R^2 = 0.7$, $R_{adj}^2 = 0.69$, các tham số ước lượng của mô hình đều có ý nghĩa thống kê.

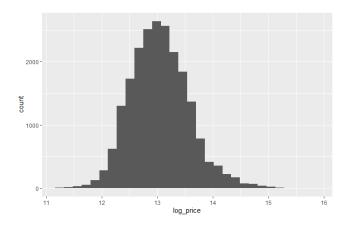
Ta tiến hành kiểm tra xem mô hình này có thỏa mãn các giả thiết của mô hình hồi quy hay không.



Hình 2.2.4: Các biểu đồ kiểm đinh mô hình

Dựa vào hình 2.2.4, phương sai của sai số không phải là hằng số, kì vọng của sai số bằng 0; sai số có vẻ tuân theo phân phối chuẩn nhưng phần đuôi trên bị lệch khá nhiều.

Kết hợp với nhận xét ban đầu, về việc biến **Price** phân bố không đều, nhóm em tiến hành biến đổi biến này thành **log(Price)**.



Hình 2.2.5: Phân bố của biến **Price** sau khi biến đổi

Sau khi biến đổi, ta tiến hành hồi quy cho: **mô hình 1** mô hình có 15 biến đã chọn bằng tiêu chuẩn BIC trước đó, và **mô hình 2** mô hình đầy đủ rồi áp dụng tiêu chuẩn BIC để chon biến.

```
> summary(mod_2)
                                                                                                                           > summary(mod_BIC_2)
lm(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +
   waterfront + view + condition + grade + sqft_above + yr_built +
   yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15 + sqft_lot15,
                                                                                                                           Call:

m(formula = log(price) ~ bedrooms + bathrooms + sqft_living +

sqft_lot + floors + waterfront + view + condition + grade +

yr_built + yr_renovated + zipcode + lat + long + sqft_living15,

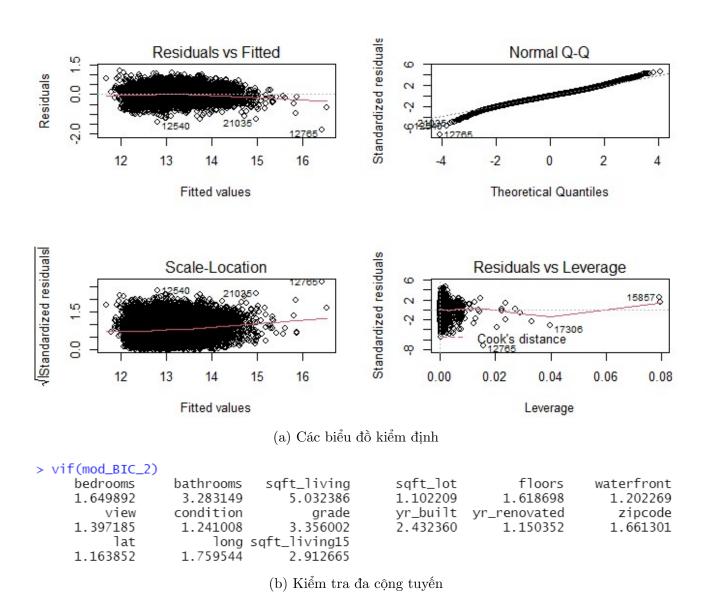
data = data2)
       data = data2)
Residuals:
                                                                                                                           Residuals:
Min 1Q Median
-1.72685 -0.16385 0.00299
                                                                                                                           Min 1Q Median
-1.7953 -0.1615 0.0037
                                                                                                                                                                   3Q Max
0.1590 1.1735
                                             0.16386
                                                             1.18219
Coefficients:
                                                                                                                          Coefficients:
                        Estimate
-1.436e+01
                                            td. Error
3.645e+00
                                                               value Pr(>|t|)
-3.940 8.18e-05
                                                                                                                                                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
5.932e+00  3.639e+00  -1.905  0.0568
(Intercept)
                                                                                                                                                                                                       0.0568
                                                                                                                           (Intercept)
                                                                                                                                                   -6.932e+00
                        -1.351e-02
8.720e-02
1.238e-04
                                                               -5.629 1.83e-08 ***
bedrooms
                                               400e-03
                                                                                                                           bedrooms
bathrooms
                                                                                                                                                   -1.174e-02
7.137e-02
                                                                                                                                                                      2.382e-03
4.047e-03
                                                                                                                                                                                         -4.930 8.
17.634 <
                                                                                                                                                                                                     8.27e-07
< 2e-16
bathrooms
sqft_living
                                               984e-03
282e-06
                                                                                                                          sqft_living
sqft_lot
floors
waterfront
                                                                                                                                                    1.403e-04
                                                                                                                                                                      4.197e-06
                                                                                                                                                                                         33.431
                                                                                                                                                                                                         2e-16
                                                                               2e-16 ***
                                                                                                                                                    3.426e-07
6.979e-02
3.686e-01
                                                                                                                                                                         .355e-08
.049e-03
.176e-02
                                                                                                                                                                                             .868 3.78e-15
.234 < 2e-16
waterfront
                            .702e-01
                                               193e-02
                                                              16.881
view
condition
                            .195e-02
.984e-02
                                               703e-03
968e-03
                                                              22.919
20.163
                                                                                                                                                                                        16.937
                                                                                                                                                                                                         2e-16
                                                                                                                                                                                        23.205
21.594
59.299
                                                                                                                           view
condition
arade
                            643e-01
                                               719e-03
                                                              60.449
                                                                               2e-16
                                                                                                                                                    6.148e-02
                                                                                                                                                                      2.649e-03
                                                                                                                                                                                                         2e-16
sqft_above
yr_built
yr_renovated
                             582e-05
126e-03
                                               939e-06
960e-05
                                                                                                                                                    6.352e-02
1.591e-01
                                                                                                                                                                       2.941e-03
2.682e-03
                                                                                                                                                                                                         2e-16
2e-16
                                                                                                                           arade
                                                                                                                           yr_built
yr_renovated
                            .008e-05
                                               .612e-06
                                                               8.690
                                                                               2e-16
                                                                                                                                                    3.419e-03
                                                                                                                                                                      9.120e-05
                                                                                                                                                                                        -37.494
                                                                                                                                                                                                         2e-16
                                                                               2e-16 ***
2e-16 ***
zipcode
lat
                            816e-04
414e+00
                                            4.150e-05
1.351e-02
                                                                                                                                                   3.650e-05
-6.441e-04
                                                                                                                                                                      4.585e-06 7.962
4.137e-05 -15.569
1.337e-02 104.988
                                                                                                                                                                                                     1.78e-15
< 2e-16
< 2e-16
                                                             -14.014
                                                             104.612
                                                                                                                           zipcode
lona
                             741e-01
                                            1.652e-02
                                                             -10.537
                                                                               2e-16
                                                                                                                           lat
                                                                                                                                                    1.404e+00
sqft_living15
sqft_lot15
                         8.802e-05
1.512e-07
                                                              20.355
                                                                                                                          long
sqft_living15
                                            4.324e-06
                                                                                                                                                    1.715e-01
                                                                                                                                                                      1.619e-02
                                                                                                                                                                                       -10.590
                                            6.709e-08
                                                                                                                                                   9.566e-05
                                                                                                                                                                      4.278e-06
                                                                                                                                                                                        22.359
                                                                                                                                                                                                      < 2e-16
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
                                                                                                                          Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 0.2543 on 21581 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.767, Adjusted R-squared: 0.7668
F-statistic: 4736 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                                                                                                          Residual standard error: 0.2524 on 21581 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.7703. Adjusted R-squared: 0.7702
                                                                                                                          Multiple R-squared: 0.7703, Adjusted R-squared: 0.770
F-statistic: 4826 on 15 and 21581 DF, p-value: < 2.2e-16
                                          (a) Mô hình 1
                                                                                                                                                                  (b) Mô hình 2
```

Hình 2.2.6: Kết quả khi biến đổi Price thành log(Price)

Cả hai mô hình đều gồm 15 biến giải thích, mô hình 2 đã loại bỏ các biến **sqft_basement**, **sqft_above**, **sqft_lot15** khác với 3 biến đã loại trước khi biến đổi **Price**.

Nhóm em chọn **mô hình 2** là mô hình cuối cùng, vì: mô hình 2 có hệ số xác định lớn hơn ($R^2 = 77.03\%$), các biến liên quan đến diện tích tầng hầm ($\mathbf{sqft_basement}$, $\mathbf{sqft_above}$) đã được bao gồm trong $\mathbf{sqft_living}$, diện tích khu đất vào năm 2015 cũng không mang nhiều ý nghĩa thống kê trong mô hình 1 nên có thể loại bỏ.

 $Ki\acute{e}m\ tra\ giả\ thiết\ mô\ hình\ 2:$ phương sai của sai số không thay đổi, kì vọng bằng 0 và đã tuân theo phân phối chuẩn, chưa phát hiện hiện tượng đa cộng tuyến trong mô hình (các chỉ số VIF < 5) (Hình 2.2.7).



Hình 2.2.7: Kết quả khi biến đổi thành log(Price)

Kết luận

Vậy **mô hình cuối cùng được chọn** có các hệ số ước lượng như hình 2.2.8.

```
> coef(mod_BIC_2)
  (Intercept)
                    bedrooms
                                               sqft_living
                                                                 sqft_lot
                                  bathrooms
                                                                                  floors
 6.932157e+00 -1.174353e-02
                               7.137346e-02
                                              1.403104e-04
                                                             3.426024e-07
                                                                            6.978707e-02
                                                                           yr_renovated
                                                     grade
   waterfront
                        view
                                  condition
                                                                 yr_built
 3.685686e-01
                               6.351646e-02
                                              1.590506e-01
                                                            -3.419313e-03
                                                                            3.650388e-05
                6.147550e-02
                                            sqft_living15
      zipcode
                         lat
                                       long
-6.441469e-04
               1.404181e+00 -1.714684e-01
                                              9.565513e-05
```

Hình 2.2.8: Hệ số mô hình được chọn

Có 77.06% sự biến thiên của giá nhà ở quận King được giải thích bởi 15 biến độc lập, trong đó các yếu tố ảnh hưởng nhiều nhất gồm số phòng ngủ, số phòng tắm, diện tích nhà, số tầng, hướng nhà ra bờ sông, tình trạng của ngôi nhà, điểm tổng thể của ngôi nhà theo phân loại của quận, kinh độ - vĩ độ (vị trí), năm xây dựng căn nhà.

Giá trị của một căn nhà **không bị ảnh hưởng** nhiều bởi các yếu tố: diện tích tầng hầm, diện tích khu đất, diện tích ngoài tầng hầm, năm sửa chữa căn nhà, zipcode (mã vùng) của ngôi nhà.

Số phòng ngủ có mối tương quan nghịch với giá nhà, vì khi số phòng ngủ tăng lên, nhưng các yếu tố còn lại không thay đổi, thì diện tích của mỗi phòng ngủ sẽ giảm đi, gây cảm giác chật chội. Do đó, không phải càng có nhiều phòng ngủ thì ngôi nhà sẽ có giá trị cao.

Nếu ngôi nhà có hướng ra bờ sông, tình trạng còn mới ()

2.3 Dữ liệu 3

Bộ dữ liệu ghi lại tỷ lệ tai nạn, gồm 39 quan trắc được thực hiện trên vài đoạn đường cao tốc ở tiểu bang Minnesota vùng Trung Tây của Hoa Kỳ.

Tìm hiểu dữ liệu

Bộ dữ liệu gồm 13 biến sau:

- -Y: tỷ lệ % tai nạn trên đoạn đường khảo sát.
- -X1: chiều dài đoạn đường (dặm).
- -X2: lượng giao thông trung bình hàng ngày (nghìn xe).
- -X3: tỷ lệ % xe tải trên tổng số.
- -X4: tốc độ giới hạn cho phép (dặm/giờ).
- $-X_5$: chiều rộng làn đường (bước chân).
- -X6: chiều rộng làn đường khẩn cấp (bước chân).
- -X7: số làn đường thay đổi tự do trên đoạn đường cao tốc.
- -X8: số làn đường thay đổi (báo hiệu) trên đoạn đường cao tốc.
- -X9: số cửa vào đoạn đường cao tốc.
- -X10: tổng số làn đường (trên hai chiều của đường cao tốc).
- -X11:1 nếu là tuyến đường liên thông xa lộ và cao tốc, 0 nếu ngược lại.
- X12:1 nếu là tuyến đường lớn của cao tốc, 0 nếu ngược lại.
- -X13:1 nếu là tuyến đường cao tốc chính, 0 nếu ngược lại.

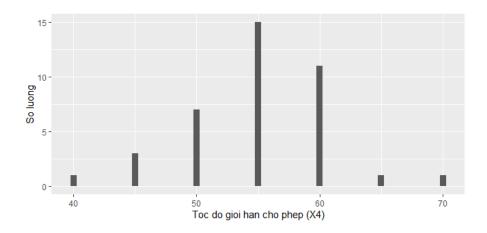
Một vài quan trắc đầu tiên trong bộ dữ liệu (hình 2.3.1).

<pre>> mydata <-read.csv("data/data3.csv") > head(mydata)</pre>														
	x_i.1	x_i.2	x_i.3	x_i.4	x_i.5	x_i.6	x_i.7	x_i.8	x_i.9	x_i.10	x_i.11	x_i.12	x_i.13	y_i
1	4.99	69	8	55	12	10	$\bar{1}.20$	$\overline{0}.00$	4.6	_ 8	_ 1	_ 0	_ 0	4.58
2	16.11	73	8	60	12	10	1.43	0.00	4.4	4	1	0	0	2.86
3	9.75	49	10	60	12	10	1.54	0.00	4.7	4	1	0	0	3.02
4	1.65	61	13	65	12	10	0.94	0.00	3.8	6	1	0	0	2.29
5	20.01	28	12	70	12	10	0.65	0.00	2.2	4	1	0	0	1.61
6	5.97	30	6	55	12	10	0.34	1.84	24.8	4	0	1	0	6.87

Hình 2.3.1: Một vài quan trắc đầu tiên

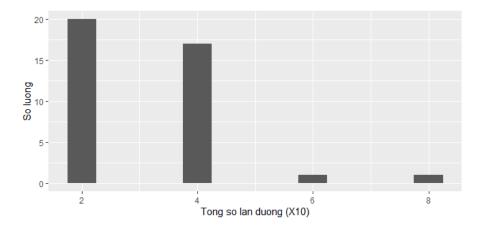
Một số phân bố theo biến:

• X4: Có 33 trong 39 quan trắc có tốc độ tối đa là 50, 55 và 60 (hình 2.3.2).



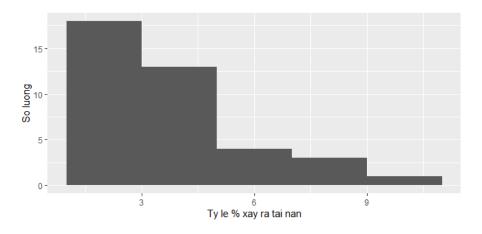
Hình 2.3.2: Phân bố theo tốc độ giới hạn cho phép (X4) (dặm/giờ)

 \bullet X10: Có 32 trong 39 quan trắc có tổng số làn đường là 2 hoặc 4 (hình 2.3.3).



Hình 2.3.3: Phân bố theo tổng số làn đường (X10)

 \bullet Y: Phần lớn tỷ lệ % tai nạn là 1-5% (hình 2.3.4).



Hình 2.3.4: Phân bố theo tỷ lệ % tai nạn (Y)

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các loại tuyến đường (hình 2.3.5) cho thấy loại tuyến đường cao tốc chính có tỷ lệ % tai nạn cao nhất.

Hình 2.3.5: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các loại tuyến đường

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các mức tốc độ giới hạn cho phép (hình 2.3.6) cho thấy giới hạn tốc độ cho phép trên đường cao tốc càng thấp thì xảy ra tai nạn càng nhiều, tỷ lệ % tai nạn giảm dần đều khi giới hạn tốc độ cho phép tăng.

Hình 2.3.6: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo các mức tốc độ giới hạn cho phép

Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo tổng số làn đường (hình 2.3.7) cho thấy trên đoạn đường có 8 làn đường có tỷ lệ % tai nạn cao nhất, kế đến là đoạn đường có 2 làn.

```
> aggregate(y_i ~ x_i.10,data3,mean)
   x_i.10    y_i
1     2 4.000500
2     4 3.912941
3     6 2.290000
4     8 4.580000
```

Hình 2.3.7: Trung bình của tổng tỷ lệ % tai nạn theo tổng số làn đường

Phân tích, chọn mô hình

Kết luận

2.4 Dữ liệu 4