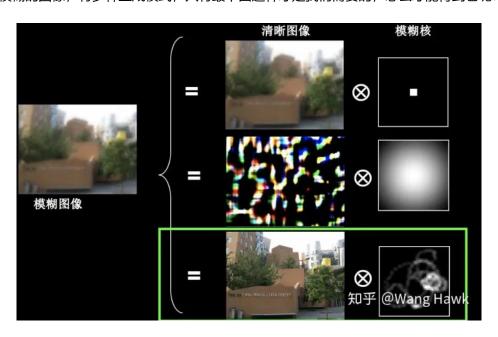
去卷积-手抖

Fergus et al., "Removing camera shake from a single image," SIGGRAPH 2006.

具体细节(如变分贝叶斯)就不要深究了,知道有这么个流程即可。

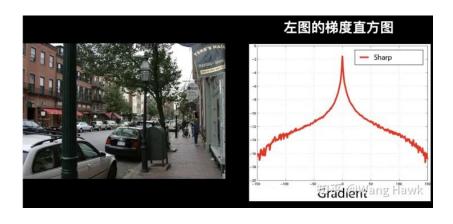
一张模糊的图像,有多种生成模式,只有最下面这种才是我们需要的,怎么才能得到它呢?



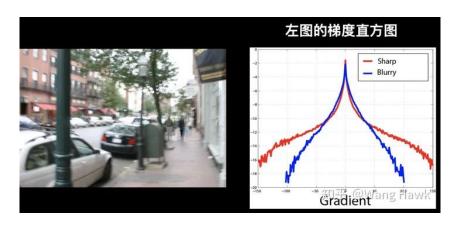
很显然,我们需要利用一些**先验信息。**有两个关键的先验信息可以帮助我们

一 图像的梯度分布

清晰的自然图像的梯度符合一种叫做"Heavy-Tail"的分布形态。直观上讲,一张清晰图像里面有很多平滑的区域且噪声较低,所以梯度接近 0 的像素还是占大多数。但是由于图像清晰,所以物体的边界比较明显,所以还是有很多像素的梯度较大。因此这种梯度的分布大概长这个样子(梯度直方图的纵坐标是 Log 化的密度):



但是模糊的图像的边缘被糊掉了, 所以更多的像素的梯度趋于 0, 因此其梯度直方图就会变化:



二 模糊核的形态

我们这里展示的是相机的运动导致的模糊,那么可以认为**模糊核是稀疏的,有连续的轨迹,并且 模糊核值都是非负数**。所以我们重建出来的模糊核也不是随随便便的,它必须符合上述这些特点 才是一个合格的运动模糊核。

三 问题的数学建模

已知模糊图像 P,未知图像为 L,未知的卷积核为 K。一个基本的想法是把问题看做是求最大后验概率的问题,但标准的 MAP 求解方法来求解出 K 和 L,但最终效果却很差。

而在 2009 年的下面这篇著名论文中, 作者 Levin 教授则提出了更深入的见解。

Understanding and evaluating blind deconvolution algorithms, CVPR 2009 and PAMI 2011, Levin, MIT

Levin 教授认为用 MAP 目标函数同时求解 K 和 L 肯定不好,有如下的原因:

1. 错误的单位卷积核比起正确的稀疏卷积核的可能性更高(Levin 的论文中有证明)



2. 上述 MAP 目标函数的变量个数具有高度的非对称性, 比如对于这幅毕加索照片:



可见已知量的个数总是小于未知量的个数 #P < #L + #K

以上两个原因就会导致用这种同时估计 K 和 L 的目标函数来做 MAP 总是无法得到好的结果。 那有没有更好的方法呢?

Levin 认为,更好的办法是只单独估计 K, 即把下面左边的问题转换为右边的问题

$$\operatorname{argmax}_{\{K,L\}} p(K,L|P) \implies \operatorname{argmax}_K p(K|P)$$

这样,已知量的个数就远远大于未知量的个数 #P >> #K

这里的 p(K|P)是相对于 L 的边际概率, 即:

$$p(K|P) = \int_{\mathbf{L}} p(K, \mathbf{L}|P) dL$$

简单来说,就是对每一个可能的 K,我们都要在所有可能的 L 上求取其后验概率,并把这些后验概率值加起来,得到 p(K|P)。你应该可以感觉到求这样的边际概率也是很不容易的事情,计算量非常复杂。于是很多学者采用了近似的方式来进行求解。回到我们开头介绍的 Fergus 的论文,作者是采用了"变分贝叶斯(variational Bayesian)"方法来近似后验概率的表示和求取

Fergus 证明了这种方法能得到远比原始的同时求取 K 和 L 的 MAP 算法好。

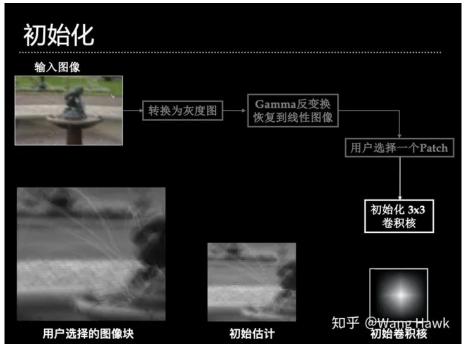


四 完整的流程

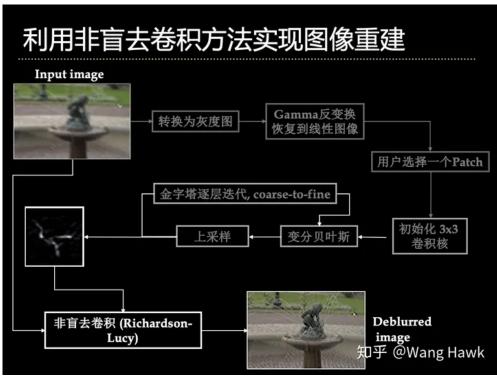
在论文中, Fergus 展示了其完整的盲去卷积的流程:

- 1. 预处理图像,为了降低计算量,并得到良好的结果,需要用户来选择一个图像块。
- 2. 利用变分贝叶斯,估计卷积核 K。为了避免陷入局部最优,采用了 coarse-to-fine 的策略
- 3. 利用标准的非盲去卷积方法,重建清晰图像 L。采用了去卷积的 Richardson-Lucy 算法。+









五 其他

参考资料: zhuanlan.zhihu.com/p/105500403, 具体细节可以进一步看该文章和论文