Cryptographie 2ème partie

Plan

Cours

- Fonctions de hachage
- Signatures digitales
- Certificats
- → Durée 1h30. 40 Slides. 2 minutes par slides, c'est *intense*.

Mise en pratique (TP)

 \rightarrow Durée 1h30

Fonction de hachage

Définition

Une fonction de hachage est une fonction qui convertit une entrée de taille arbitraire en sortie de taille déterminée

Terminologie

Le résultat d'une fonction de hachage s'appelle un *hash* ou une *empreinte*, parfois un *condensat*

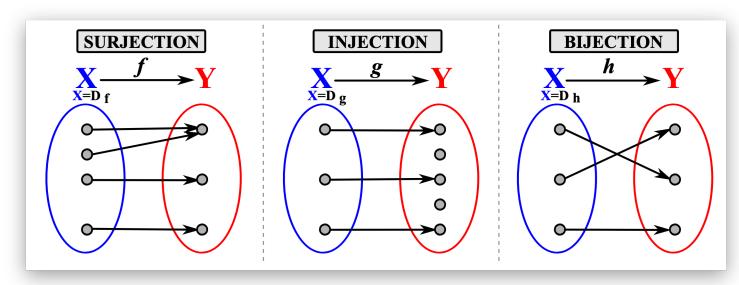
Fonction de hachage parfaite $f: X \to Y$:

$$orall x \in X, orall x' \in X$$
 alors $(f(x) = f(x') \implies x = x')$

On dit que f est *injective*.

Implications: si X est grand alors Y sera au moins aussi vaste => ne rentre pas dans la RAM d'un ordinateur

En pratique: Y a une taille finie (énorme, mais finie).



Collision

Une collision, c'est quand deux valeurs en entrée d'une fonction de hachage donnent la même sortie.

Par exemple:

```
>>> def mafonctiondehachage(x):
    return x % 32768

>>> mafonctiondehachage(10)
10
>>> mafonctiondehachage(32778)
10
>>>
```

Fonction de hachage cryptographique

Une fonction de hachage cryptographique idéale possède les six propriétés suivantes:

- un même message aura toujours la même valeur de hachage (**déterminisme**)
- le hash d'un message se calcule "facilement" (pour un ordinateur)
- impossible, pour un hash donné, de construire un message ayant cette valeur (préimage)
- impossible de trouver un second message ayant le même hash qu'un message donné (seconde préimage)
- impossible de trouver deux messages différents ayant le même hash (collision)
- modifier un tant soit peu un message modifie considérablement la valeur de hachage

Exemples de fonctions de hachage cryptographiques

d est la taille de l'ensemble de sortie Y en bits.

- famille SHA (1, 256, ...) ($160 \le d \le 512$)
- MD5 (d=128), dépréciée! Ne jamais utiliser.
- Whirlpool (d=512)
- BCrypt (d=192), Scrypt, Argon2 (d=256)
- $maFonction(x) = x \mod 32768$ (d = 15) (pas très efficace celle là)

Exemple sous linux

Petit changement en entrée => grande différence en sortie

Collisions trouvées pour:

- MD5 créé en 91, collision en 96.
- SHA1 créé en 95, fragile dès 2005, collision en 2017

PDF de résultats des élection Américaines de 2008 We have prepared twelve different predictions, ten of which are shown in the table below.

A: John Edwards.pdf G: Fred Thompson.pdf

B: John McCain.pdf H: (hidden)

: Mitt Romney.pdf

Ralph Nader.pdf

J: Al Gore.pdf

Paris Hilton.pdf

Jeb Bush.pdf

E: (hidden) K:

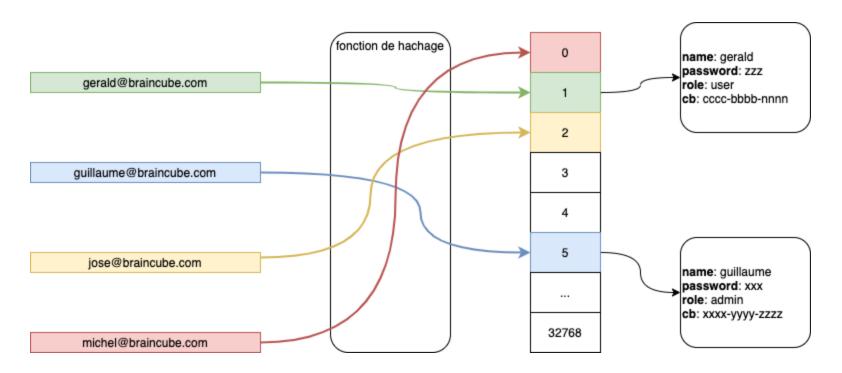
F: Barack Obama.pdf L: Oprah Winfrey.pdf

All twelve documents we prepared, the ten given above and two hidden ones, have the MD5 hash value

3D515DEAD7AA16560ABA3E9DF05CBC80.

Applications des hash

HashMaps, Dictionnaires (Programmation)



Avantages: f(x) TRÈS rapide vs itération systématique du tableau

Vérification d'intégrité

Rappel: différences minimes => hash complètement différents

Téléchargement de Debian

Il s'agit de la version netinst pour Debian 12, nom de code bookworm pour PC 64 bits (amd64) debian-12.4.0-amd64-netinst.iso.

Téléchargement de la somme de contrôle : SHA512SUMS Signature



Important : Veiller à vérifier la somme de contrôle.

Les ISO de l'installateur sont des images hybrides, ce qui signifie qu'elles peuvent être écrites directement sur des CD, DVD ou BD, ou sur des clés USB.

Permet de s'assurer que le fichier (gros) qu'on a téléchargé est bien le même que celui hébergé par le serveur.

0262488ce2cec6d95a6c9002cfba8b81ac0d1c29fe7993aa5af30f81cecad3eb66558b9d8689a86b57bf12b8cbeab1e11d128a53356b288d48e339bb003dace5 e0 da 46 ec 9 a 00 00 c 79 f 8 c 1 a be 08798 a fa 674 b 71 a 4 f 232 b 4760 c 28 b c b 1717 d 3 c 7 f 6962 f a 1523 7 6957 6 a 924 c 8797 10 c de 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 da 6 a 48 c 37 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 5 a c 8240 2 633 c 4 b 84 c 8 d 61 e da 6 f 61 e da 6fecfa87d9bcf555a2181078e1d629ebd11554b78fbd59888a438ec2c1b4f4cb27eb75013ebdb8f86cfac5fad19a07bca84dc1bc00b0787fc842d5e318748de84

debian-12.4.0-amd64-netinst.iso debian-edu-12.4.0-amd64-netinst.iso debian-mac-12.4.0-amd64-netinst.iso

Stockage obfusqué d'un password

On ne stocke jamais un mot de passe en clair dans une base de données:

ld	Login	Password	PasswordDate	
1 guillaume@braincube.com		ÇeCi3stUnRég4l!	01/01/2022	
		I.	I I	

=> *NON*

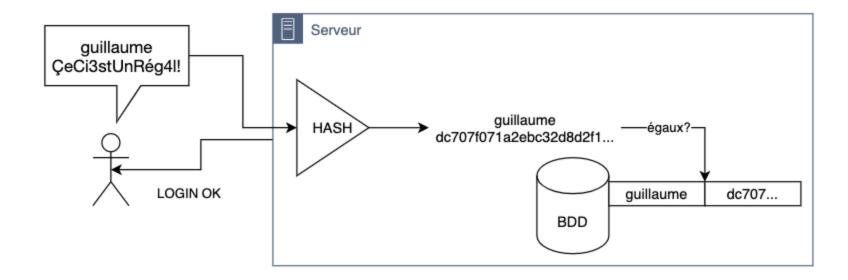
On stocke un hash:

ld	Login	PasswordHash	PasswordDate	
1	guillaume@braincube.com	dc707f071a2ebc32d8d2f1128bb756 5bc017573bed994f99100db1b14cd7 5c1b	01/01/2022	
		=sha256sum(password)		

=> Mieux

Si la BDD est piratée, impossible de dériver (facilement) le mot de passe.

Vérification du mot de passe



L'utilisateur envoie son login et mot de passe, on le hash, et on vérifie que ce hash est le bon pour cet utilisateur. Attaques: Rainbow Tables et autres attaques basées sur un dictionnaire

- 1 mot de passe de 8 caractères de long contient (0-9, a-z, A-Z) => 62 symboles différents
- $62^8 = 218340105584896$ combinaisons possibles, un sha256 est stocké sur 32 bits
- $62^8 * 32$ octets = 6.2 Pio

À la portée de n'importe quelle Fortune 500, voire du commun des mortels pour quelques heures en louant du disque chez Amazon.

Solution: saler son hash.

Salage - Problématique

User	Hash
alice	4420d1918
jason	695ddccd9
mario	cd5cb49b8
teresa	73fb51a0c
bob	4420d1918
mike	77b177de4

2 utilisateurs ont manifestement le même mot de passe. Qui sont-ils?

Salage - comment on fait

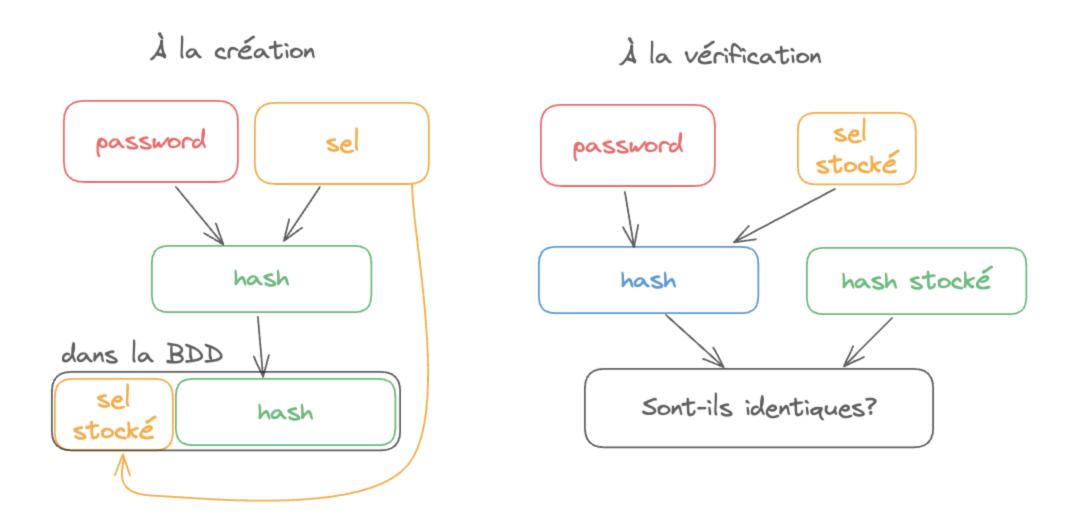
On ajoute un petit peu d'aléatoire dans le calcul du hash pour tempérer les attaques par dictionnaires.

```
password = '4gNnLar5'
salt = getRandomString(length=math.randint(5,15))
# par exemple salt='VmBgeaZ2PN', différent pour chaque password stocké!

normal_hash = sha256(password)
salted_hash = salt + '!' + sha256( salt + password ) # '!' sépare le sel du hash
# normal hash: c36b9fc5e51d59f5179e9cc2a0e1f02ea6c2f12448e9e1dfe01f68786092a924s
# salted hash: VmBgeaZ2PN!93d4b242b475a73d8f2d1de1... c'est ce qu'on va stocker
```

=> password de longueur 8, mais stocké hashé avec un random de taille aléatoire.

Salage - Vérification



Salage - pourquoi ça marche?

User	Hash	Salted hash			
alice	4420d1918	3'r43d!3dae5f			
jason	695ddccd9	4fTfcz!5g896da			
mario	cd5cb49b8	Jeikdiucgh!de34a28			
teresa	73fb51a0c	ùefs5FS!f290ff5			
bob	4420d1918	èFGz4Ds!99g6bde			
mike	77b177de4	DR"S2ç!22d45dd			

Impossible de dire qui a le même password qu'un autre. Impossible d'utiliser une attaque à dictionnaire sur mdp de longueur 8.

Autres applications

- HavelBeenPwnd
- Private Contact Discovery (Signal)
- Blockchain
- Signatures digitales

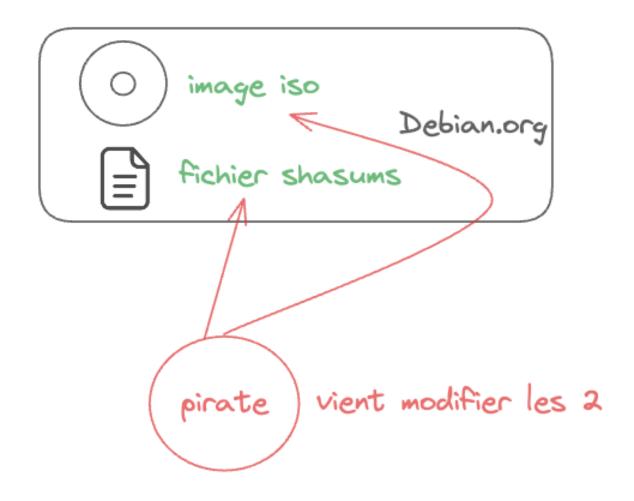
Signatures digitales

Revenons au téléchargement de notre fichier iso Debian:

Si $sha256(fichier) = S_{Controle}$ alors je sais que le fichier est intègre (les octets sont les mêmes que sur le serveur)

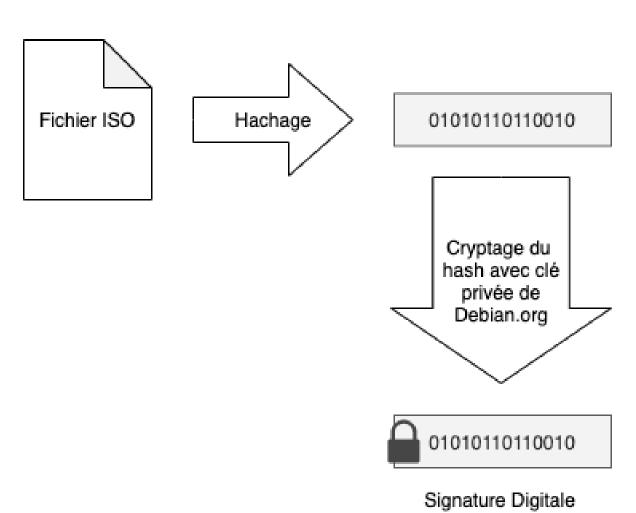
Comment vérifier l'authenticité du fichier? (que c'est bien Debian qui me l'a fourni)

=> La signature digitale, qui utilise la crypto asymétrique



Principe

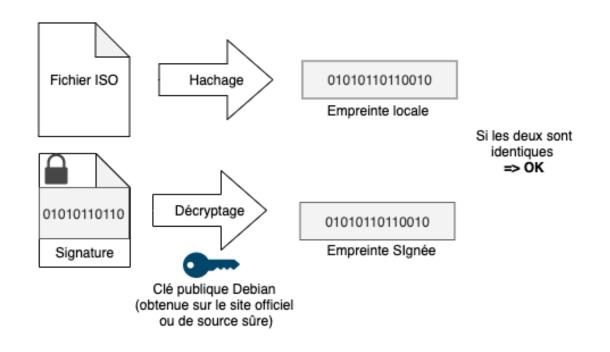
- on crypte l'empreinte avec une clé privée (c'est la signature)
- on diffuse la clé publique associée
- les gens sont capables de décrypter la signature, récupérer l'empreinte, et vérifier par eux mêmes



Vérification

On a un ISO et un fichier de signature

- on calcule le hash de l'iso
- on decrypte la signature et on obtient le hash théorique
- Si les deux sont identiques: c'est bien Debian qui a fabriqué cet ISO



Récapitulatif

- C : Le chiffrement assure la confidentialité de la donnée, cf le cours précédent
- I : Un hash (ou empreinte) assure l'intégrité de la donnée
- A : Une signature assure l'authenticité de la donnée

CIA n'est pas qu'une grande agence de sécurité Américaine, mais aussi l'un des fondements de la sécurité informatique.

Certificats

Les certificats sont à la base de:

- l'internet moderne
- la sécurité de vos apps Android, iOS, du boot à l'execution
- la sécurité en entreprise
- l'interception et l'analyse du traffic dans les pays liberticides
- une myriade d'usages dès qu'il y a besoin d'authentification

Format d'échange de certificats standardisé: X.509

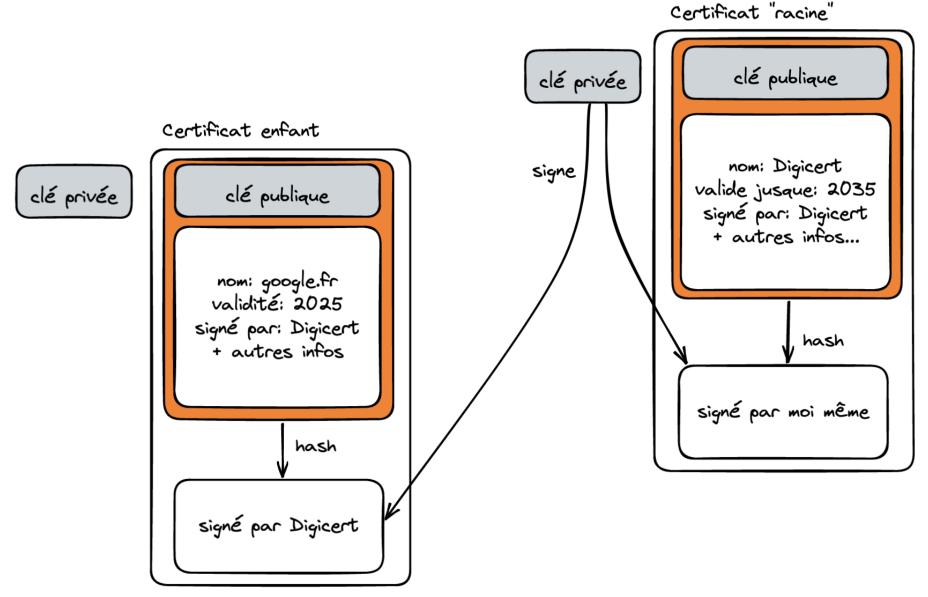
Ils utilisent tout ce qu'on vient de voir.

Un certificat contient:

- une clé publique
- les informations du certificat (exemple: nom de domaine lié à ce certificat, date d'expiration, etc.)
- une signature de ce certificat (rappel: signature =
 chiffrage(clé privée, HASH(contenu du certificat))) par la clé d'un autre certificat, ou la sienne

La clé *priv*ée associée à la clé *publique* permet d'authentifier celui qui présente le certificat La signature du certificat provient:

- d'une autorité de certification dont la clé publique est dans le porte clé de confiance (dans l'OS ou le navigateur)
- ou de la machine qui présente le certificat ("certificat autosigné"), dans ce cas la clé privée

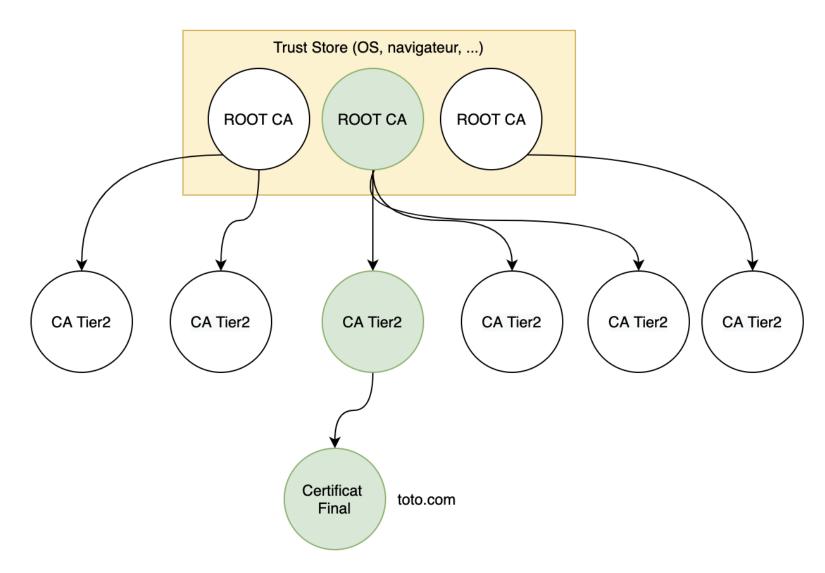


Chaîne de certification

Exemple pour les certificats TLS utilisés sur internet:

- Les navigateurs n'embarquent que les certificats des autorités dite "Racines", qui sont de gros groupes commerciaux audités ou des gouvernements.
- Ces certificats racines signent des certificats intermédiaires, et les fournissent aux autorités de certification "Tier 2", qui peuvent à leur tour signer des certificats
- Moi, toto.com, demande à une de ces autorités de certification tier 2 de signer mon certificat avec sa clé privée, moyennant finances et preuves que je possède bien ce nom de domaine.
- La chaîne de confiance s'établit de proche en proche

Chaîne de certification



Anatomie d'un certificat

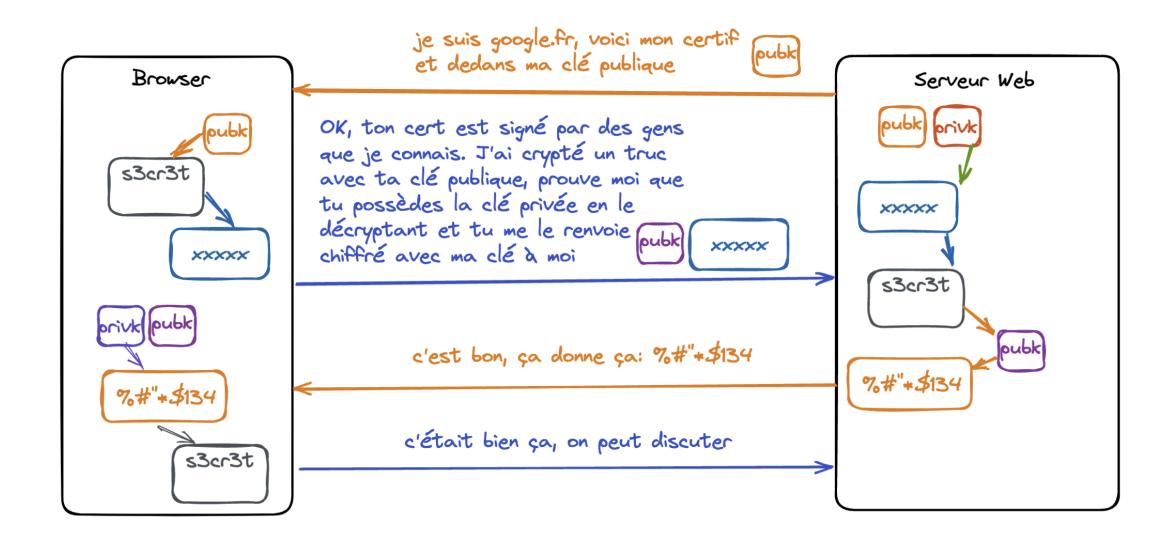
(lancez la commande dans votre terminal et admirez la liste de DNS Google)

```
9c:db:54:99:1a:6c:4c:80:0a:8c:ef:d9:a2:87:35:f7
              cure Algorithm: sha256WithRSAEncryption
        Issuer: C=US, O=Google Trust Services LLC, CN=GTS CA 1C3
               Before: Dec 11 08:03:31 2023 GMT
            Not After Mar 4 08:03:30 2024 GMT
                 c Key Algorithm: id-ecPublicKey
                TLS Web Server Authentication
              09v3 Basic Constraints: critical
                BF:2C:26:53:D2:00:F0:73:FA:B0:7C:60:90:8C:1B:6D:1D:05:A0:D9
                8A:74:7F:AF:85:CD:EE:95:CD:3D:9C:D0:E2:46:14:F3:71:35:1D:27
                OCSP - URI:http://ocsp.pki.goog/gts1c3
                CA Issuers - URI:http://pki.goog/repo/certs/gts1c3.der
                DNS:*.google.com, DNS:*.appengine.google.com, DNS:*.bdn.dev, DNS:*.origin-test.bdn.dev, DNS:*.cloud.g
ogle.cl, DNS:*.google.co.in, DNS:*.google.co.jp, DNS:*.google.co.uk, DNS:*.google.com.ar, DNS:*.google.com.au, DNS:*
n, DNS:*.google.de, DNS:*.google.es, DNS:*.google.fr, DNS:*.google.hu, DNS:*.google.it, DNS:*.google.nl, DNS:*.google.nl
```

Établissement de connection SSL/TLS

TLS 1.3

- 1. Le client établit un canal sécurisé (chiffrement symétrique) avec le serveur (en utilisant un echange via Diffie-Helman)
- 2. Le serveur web présente son certificat au client
- 3. Le client vérifie la chaîne de certificats pour authentifier le serveur. Envoie un challenge chiffré avec la clé publique du serveur, et envoie sa clé publique
- 4. Le serveur web décrypte le challenge avec sa clé privée et le crypte avec la clé publique du client
- 5. Si le serveur arrive à renvoyer le challenge au client, c'est qu'il possède la clé privée.



Le format x509 et PEM

Un certificat peut se transporter en binaire ou en texte.

x509 détermine le format binaire des information dans le certificat.

PEM est un format d'échange (un "container") au format texte des certificats.

En-tête: ----BEGIN CERTIFICATE----

Bas de page: ----END CERTIFICATE----

Exemple de certificat au format PEM

----BEGIN CERTIFICATE----

MIIEbjCCA1agAwIBAgISBCGGo0R9Ugg9lAvKt5Az74atMA0GCSqGSIb3DQEBCwUA MDIxCzAJBgNVBAYTA\VTMRYwFAYDVQQKEw1MZXQncyBFbmNyeXB0MQswCQYDVQQD EwJSMzAeFw0yMzExMjgyMTIwMjRaFw0yNDAyMjYyMTIwMjNaMBQxEjAQBgNVBAMT CWxlbmNyLm9yZzBZMBMGByqGSM49AgEGCCqGSM49AwEHA0IABEDrwsLt9ZbNyWiu sDlheIZ9yWYB+lbgr3Q83qTsRAAySSaWxARYzaPDJzNxfp7T9RXsyN4qBo1ZQ1kz /ShkMLGjqqJlMIICYTAOBqNVHQ8BAf8EBAMCB4AwHQYDVR0lBBYwFAYIKwYBBQUH AwEGCCsGAQUFBwMCMAwGA1UdEwEB/wQCMAAwHQYDVR00BBYEFB1+tsiN5/mDlGLL u1i7zzHGh/qkMB8GA1UdIwQYMBaAFBQusxe3WFbLrlAJQOYfr52LFMLGMFUGCCsG AQUFBwEBBEkwRzAhBggrBgEFBQcwAYYVaHR0cDovL3IzLm8ubGVuY3Iub3JnMCIG CCsGAQUFBzAChhZodHRwOi8vcjMuaS5sZW5jci5vcmcvMG8GA1UdEQRoMGaCCWxl bmNyLm9yZ4IPbGV0c2VuY3J5cHQuY29tgg9sZXRzZW5jcnlwdC5vcmeCDXd3dy5s ZW5jci5vcmeCE3d3dy5sZXRzZW5jcnlwdC5jb22CE3d3dy5sZXRzZW5jcnlwdC5v cmcwEwYDVR0gBAwwCjAIBgZngQwBAgEwggEDBgorBgEEAdZ5AgQCBIH0BIHxA08A dQA7U3d1Pi25gE6LMFsG/kA7Z9hPw/THvQANLXJv4frUFwAAAYwYB0mCAAAEAwBG MEQCIGtNfADnkvEDmbW95yp7Eeb4muQspvosjgBEezSH0L3mAiA0PK1R0Pe6nlQp k+k0Ux5RBWD24KRj2446dsG3U5GXBAB2AEiw42vapkc0D+VqAvqdMOscUqHLVt0s gdm7v6s52IRzAAABjBgE6YcAAAQDAEcwRQIhAJ8AqaI2wH1+gEgT8PZmcybIbGk+ uAyRDQQEFC5i5HfEAiBRmZPJzUw5FY9Pjjz9LefoT3Qepa9N+yFDllA960s+VjAN BgkqhkiG9w0BAQsFAAOCAQEABI4EmE8s1IeqtMjumuSqDUPWkjsypeFDWV8JShUF rXD45qCHpcIqPHtCRR4PUkSLFdEpuMuS6xrwfDPwLLI02Ymcm7Cz0W3iEihpwPb5 w8Knjg3q/eCSRqwnGYuljh3jcKB05giLU/QvvD2qoqET/esU+y+0wLjfJcakLMgv fH/c5n7nbiP/h9Ss0J6V/7QmD/taGhkgB+4AU+XLMOraqzTSYxy6TV1H5tb1ontg JGQmiSP13DPJbA2FJvCR94PyoD2LIfzkFb9nHQw/PeZuMeHgveWd2f00l+8/6lN3 O+sR71jwSHjb1rvDUQeYtozIJavdMAKt4A8p04pHCpQ9vw==

----END CERTIFICATE----

Land HC A latte France AN DO

Compromission d'un certificat

Si la clé privée associée à un certificat est exposée, alors ce certificat devient *compromis*: toute personne qui possède la clé privée peut l'utiliser pour se faire passer pour le serveur légitime.

Dans ce cas, on révoque le certificat

2 solutions:

- Certificate Revocation List
- Online Certificate Status Protocol (vulnérable à une attaque "replay")

Les urls de ces deux mécanismes sont intégrées aux certificats sous la forme d'attributs (tout comme la date ou le numéro de série)

Certificate revocation list

Une simple liste, signée cryptographiquement par l'autorité de certification, qui liste les certificats révoqués.

La liste est publique, et récupérable.

OCSP

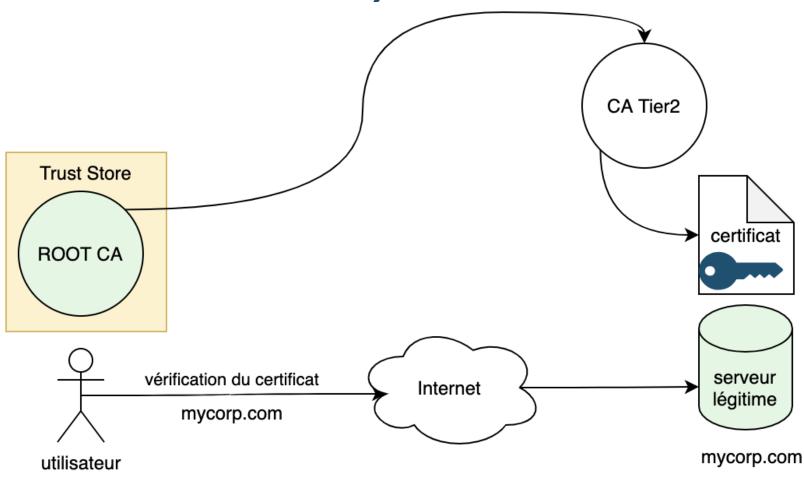
Online Certificate Status

Protocol, basée sur une API:

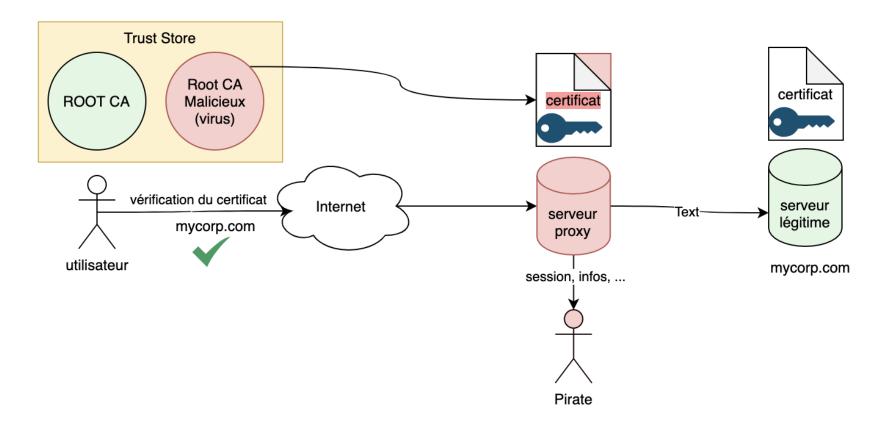
Je demande à l'URL indiquée dans le certificat si celui-ci est toujours OK. Réponse immédiate

```
tmp openssl crl -in cert.crl -text
Certificate Revocation List (CRL):
        Version 2 (0x1)
        Signature Algorithm: sha1WithRSAEncryption
        Issuer: 0=Sample Signer Organization, OU=Sample Signer Unit, CN=Sample Signer
        Last Update: Feb 18 10:32:00 2013 GMT
        Next Update: Feb 18 10:42:00 2013 GMT
        CRL extensions:
            X509v3 Authority Key Identifier:
                BE:12:01:CC:AA:EA:11:80:DA:2E:AD:B2:EA:C7:B5:FB:9F:F9:AD:34
            X509v3 CRL Number:
Revoked Certificates:
    Serial Number: 147947
        Revocation Date: Feb 18 10:22:12 2013 GMT
        CRL entry extensions:
            X509v3 CRL Reason Code:
                Affiliation Changed
            Invalidity Date:
                Feb 18 10:22:00 2013 GMT
    Serial Number: 147948
        Revocation Date: Feb 18 10:22:22 2013 GMT
        CRL entry extensions:
            X509v3 CRL Reason Code:
                Certificate Hold
            Invalidity Date:
                Feb 18 10:22:00 2013 GMT
    Serial Number: 147949
        Revocation Date: Feb 18 10:22:32 2013 GMT
        CRL entry extensions:
            X509v3 CRL Reason Code:
                Superseded
            Invalidity Date:
                Feb 18 10:22:00 2013 GMT
    Serial Number: 14794A
        Revocation Date: Feb 18 10:22:42 2013 GMT
        CRL entry extensions:
            X509v3 CRL Reason Code:
                Key Compromise
            Invalidity Date:
                Feb 18 10:22:00 2013 GMT
    Serial Number: 14794B
        Revocation Date: Feb 18 10:22:51 2013 GMT
        CRL entry extensions:
            X509v3 CRL Reason Code:
                Cessation Of Operation
            Invalidity Date:
                Feb 18 10:22:00 2013 GMT
    Signature Algorithm: sha1WithRSAEncryption
    Signature Value:
        42:21:be:81:f1:c3:79:76:66:5b:ce:21:13:8a:68:a8:b4:3c:
        be:16:c3:af:4b:dd:cb:78:35:92:90:d8:d7:4c:6f:fe:6c:68:
        27:ae:6d:da:42:98:01:ee:17:93:f0:bd:a8:ee:cd:90:b6:35:
```

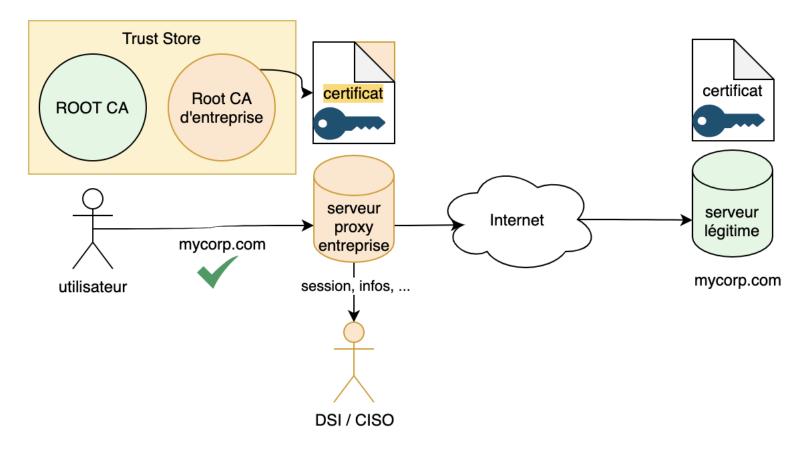
MITM (Man In The Middle)



MITM (Man In The Middle)



MITM (Man In The Middle)



Authentification par certificat client

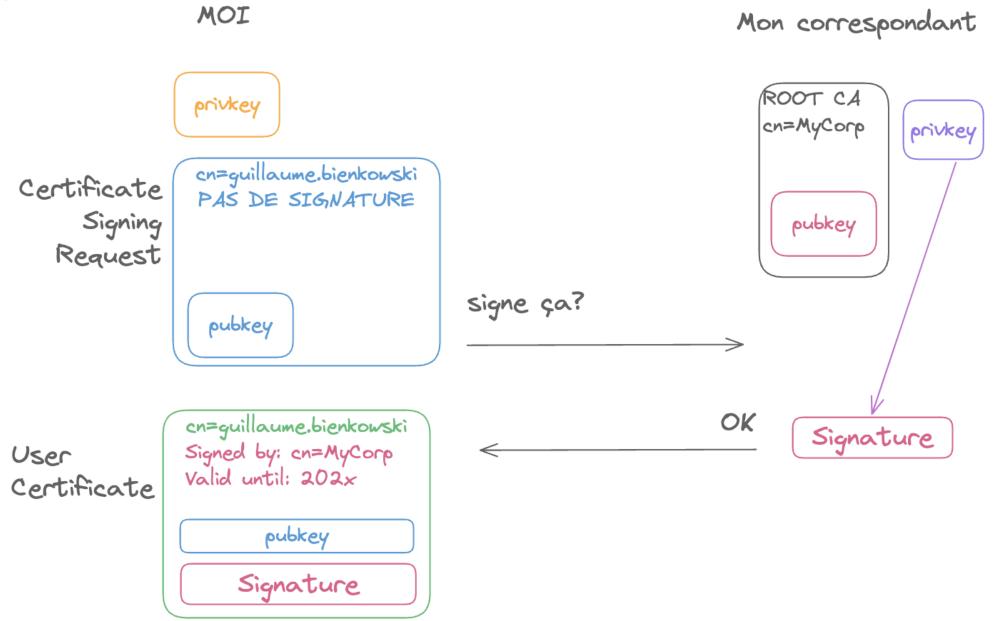
Je demande à mon interlocuteur de me fournir un certificat. Pour cela:

- 1. Je crée un couple de clés, et je crée un certificat non signé avec la clé publique
- 2. J'envoie ce certificat pour signature ("CSR") au serveur web, qui me le renvoie signé.

Au prochain login, j'envoie mon certificat au serveur.

- 1. Il peut vérifier qu'il l'a bien signé en vérifiant la signature;
- 2. Il peut m'authentifier via l'authentification par clé publique, car ma clé est présente dans le certificat (Challenge/Réponse)
- 3. De mon côté je suis sûr de parler au même serveur car il m'a fourni sa clé publique.

Authentification très forte, résiste aux MITM.



C'est la fin du cours, on fait une PAUSE. Puis on se lance dans le TP.

Questions

Trivia

Certificats bloqués

Nom du certificat	Publié par	Type	Dimension de clé	SIG ALG	Numéro de série	Échéance	Politiqu EV
*.EGO.GOV.TR	TÜRKTRUST Elektronik Sunucu Sertifikası Hizmetleri	RSA	2 048 bits	SHA- 1	08 27	7 h 07, 51 s, 6 juil 2021	Non EV
*.google.com	*.EGO.GOV.TR	RSA	1 024 bits	SHA-1	0A 88 90 40 CE 12 6E 65 57 AE C2 42 7B 4A C1 FB	19 h 43, 27 s, 7 juin 2013	Non EV

https://support.apple.com/fr-sn/HT212248

Trivia

Lenovo Superfish

- Embarque dans tous les ordinateurs Lenovo un certificat racine autosigné
- Embarque aussi la clé privée (protégée par mot de passe)
- Le mot de passe est trouvé facilement, et des certificats bidons peuvent être générés (pour google.com par exemple)
- TOUS les ordinateurs Lenovo pourront être dupés par ces certificats

Source

Biblio

Exemple d'échange de clé DH (Wikipédia)

Exemple de chiffrage clé publique (RSA) (Wikipédia)

Support TLS du browser

RFC Certificats x509

Décoder un pem (mais sinon, utiliser openssl)

Chiffrement RSA (Wikipédia)

Chiffrement par courbes elliptiques (Wikipédia)

Un site qui explique tout ça vraiment bien (et en français)

Si on a le temps

Blockchain, Proof Of Work, Bitcoin.