JK フリップフロップ(ハードウェア) 問2

(H26 秋·FE 午後間 2)

## 【解答】

[設問1] a-ア

「設問2] b-ア、 c-エ

[設問3] d-ア, e-イ, f-カ (d, e, f は順不同)

### 【解説】

JK フリップフロップに関する問題である。フリップフロップの問題は過去に出題 されていない。午前試験の用語としてもウェイトが低く、知らない受験者が多かった ように推測している。しかし、論理演算(論理回路を含む)の出題頻度は高いので、 新傾向という意味において、今後は注意が必要かもしれない。

レジスタや SRAM などの基本回路では、1 ビットの情報を記憶できるフリップフロ ップが利用されている。フリップフロップ(以下,FF という)には,RS-FF,D-FF, JK-FF, T-FF などの種類がある。教科書などでフリップフロップを説明する場合, RS-FF を取り上げることが多いので、この機会に RS-FF の内容を理解しておくとよ

簡単に RS-FF と JK-FF の違い及び用語の説明を行い、問題の解説を行う。

・RS-FF:RSは、Reset (リセット) と Set (セット) のことである。ビット 0 を記 憶させる場合, リセット (S=0, R=1) が, 1 を記憶させる場合, セット (S=1, R=0) が行われる。

表 Δ RS-FF の入力値と結果

| S | R | Q (現在の値) | Q (次の結果)                                |
|---|---|----------|---|
| 1 | 0 | 0又は1     | 1 (常に1となる)                              |
| 0 | 1 | 0又は1     | 0 (常に0となる)                              |
| 0 | 0 | 0又は1     | 0又は1(前の状態を保持)                           |
| 1 | 1 | 0又は1     | 入力が禁止されているため意味なし (不定)                   |
|   | 1 | 1 0      | 1 0 0 0 X は 1 0 1 0 X は 1 0 0 0 0 X は 1 |

・JK-FF: JK の名称の由来は不明であるが、集積回路の発明で有名なジャック・キ ルビー(Jack Kilby)が,セット用,リセット用の入力端子の名前にJと K を割り当てたことから命名されたとの説がある。RS-FF との違いは、 RS-FF では R=S=1 の入力が禁止されているが、JK-FF では入力が許可 されていることである。その場合、表1の真理値表にあるとおり、現在の 値が反転 (1→0, 0→1) する。(区分⑦, ⑧)

なお, 問題の解説のため, 表1と等価な内容を表Bで示す。

表 B IK-FF の入力値と結果

| 表 B JK-FF の八万 個と和来 |       |       |           |                       |              |  |  |  |
|--------------------|-------|-------|-----------|-----------------------|--------------|--|--|--|
| 区分                 | $J_1$ | $K_1$ | Q1 (現在の値) | Q <sub>2</sub> (次の結果) |              |  |  |  |
| 1                  | 0     | 0     | . 0       | 0                     |              |  |  |  |
| 2                  | 0     | 0     | 1         | 11                    |              |  |  |  |
| 3                  | 0     | 1     | 0         | 0                     |              |  |  |  |
| 4                  | 0     | 1     | 1         | 0                     |              |  |  |  |
| ⑤                  | 1     | 0     | 0         | 1 .                   |              |  |  |  |
| 6                  | 1     | 0     | 1         | 1                     |              |  |  |  |
| 7                  | 1     | 1     | 0         | 1                     | 結果が反転        |  |  |  |
| 8                  | 1     | 1     | 1         |                       |              |  |  |  |
|                    |       |       | 11        | + ///                 | 7 0 V200 V21 |  |  |  |

注記:表1との整合性から、現在の値(状態)をJ<sub>1</sub>, K<sub>1</sub>, Q<sub>1</sub>, 次の結果 を Q2 で示す。

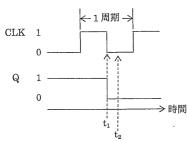
・組合せ回路:現在の入力だけで出力が決まる回路で、OR 回路、AND 回路などを 想定すればよい。

・順序回路:前の状態を記憶しておき,その状態が出力に影響する回路で,フリップ フロップが利用される。

問題解決のポイントは、JK フリップフロップが何かを知らなくても、表 1 が示す 真理値表の意味を理解し、設問の内容を推測、理解できるかどうかである。

参考までに、本問のように CLK の立ち下がり(又は立ち上がり)で、Q の値が決 定される順序回路を、エッジトリガ方式の(同期式)順序回路という。コンピュータ をはじめ大部分のディジタル回路では、このエッジトリガ方式の順序回路が使用され ている。一方,CLKの1と0でQの値が変化する方式をレベルトリガ方式という。

最初に図2及び表1(表Bを含む)の意味を図Aで説明する。



注記:時刻 t, において CLK の値は 1 から 0 に変化している。これが立ち下がり(1 →0) である。この時点で Q の値も 1 から 0 に変化していることが分かる。 時刻  $t_1$ から微小時間進んだ時刻  $t_2$ では、時刻  $t_1$ で変化した CLK 及び Q の値 がともに0であることが分かる。

# 図A 図2の説明図

表 1 で示されている真理値表は、図 A で示したように、時刻  $t_1$ の J、 K、Q の値を  $J_1$ ,  $K_1$ ,  $Q_1$ , 変化後の時刻  $t_2$ の Q の値を  $Q_2$ で示し、まとめたものである。 (表 B 参 照)

設問文から、「J と Q, K と  $\overline{Q}$  をそれぞれ同一の値の信号とする回路」なので、J=Q,  $K=\overline{Q}$  が成立することになる。また、Q の初期値は Q であるから、J=Q=0、K=Q $\overline{\mathbf{Q}}$ =1 が成立する。CLK の立ち下がり時で, $\mathbf{J_1}$ = $\mathbf{Q_1}$ =0, $\mathbf{K_1}$ = $\overline{\mathbf{Q_1}}$ =1 の場合を表 B で 確認すると、区分3が該当することが分かる。このとき、その後の Q の変化 ( $Q_2$ ) は 0 であるから、現在の値0をそのまま維持することが分かる。したがって、正解は「0 のままである」の(ア)である。なお、他の選択肢は 0→0 の場合がないので誤りで ある。

## 「設問2]

 $Q_1$ から  $Q_2$ への変化に着目し、そのときの  $J_1$ 、 $K_1$ との関係をまとめたものが表 2 で ある。表 2 で既知となっている 3 行目及び 4 行目の内容をヒントとして表 1 (表 B) との関係を読み取ればよい。

- ・3 行目: $Q_1 \rightarrow Q_2$  が  $1 \rightarrow 0$  の場合なので、表 B では区分④、 $\otimes$ が該当する。このとき、  $K_1$ の値はどちらも 1 であるが、 $J_1$ の値は 0 と 1 の 2 通りがあるため、 $J_1$  の 値は任意(0又は1のいずれの値もあり得る)としている。
- ・4 行目: $Q_1 \rightarrow Q_2$  が  $0 \rightarrow 1$  の場合なので、表 B では区分⑤、⑦が該当する。このとき、  $J_1$ の値はどちらも 1 であるが、 $K_1$ の値は 0 と 1 の 2 通りがあるため、 $K_1$ の値は任意としている。

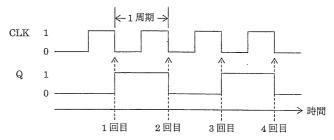
同様な観点で, 2 行目(空欄 b)及び 5 行目(空欄 c)について読み取ると次のよう になる。

- ・2 行目(空欄 b): $Q_1 \rightarrow Q_2$  が  $0 \rightarrow 0$  の場合なので、表 B では区分①、③が該当する。
  - このとき、 $J_1$ の値はどちらも0であるが、 $K_1$ の値は0と1の2通りがある ため、任意ということになる。
- ・5 行目(空欄 c):  $Q_1 \rightarrow Q_2$  が  $1 \rightarrow 1$  の場合なので、表 B では区分②、⑥が該当する。 このとき、 $J_1$ の値は 0 と 1 の 2 通りがあるため任意、 $K_1$  の値はどちらも 0となる。

以上から、空欄bの正解は「0 任意」の(ア)、空欄cの正解は「任意 0 」 の (エ) である。

## [設問3]

2進カウンタの内容である。カウンタとは数を数えるものであるが、2進数の場合0 と 1 しかないため, カウンタを進めると結果的には 0→1 と 1→0 を繰り返すことにな る。その様子を示したものが図 4 であるが、その内容を図 C で示す。



注記1: CLK の立ち下がり (1→0) は、1回目から4回目まである。

注記 2:1 回目の CLK の立ち下がり  $(1\rightarrow 0)$  で、Q の値は  $0\rightarrow 1$  と変化している。注記 3:2 回目の CLK の立ち下がり  $(1\rightarrow 0)$  で、Q の値は  $1\rightarrow 0$  と変化している。

注記 4:2回目以降,3回目,4回目では,Qの値は0→1,1→0と変化を繰り返すことが

## 図 C 図 4 の説明図

表 3 は,表 2 の  $Q_1 \rightarrow Q_2$  の変化に着目すると,0 $\rightarrow$ 1 (表 2 の 4 行目),1 $\rightarrow$ 0 (表 2 の3行目)の内容であると理解できる。

この表3を基に、2進カウンタの構成例を示したものが図5である。図5では、J の入力を Q としているため、 $J=\overline{Q}$  が成立する。また、K の入力は常に 1 であるから、 K=1である。この内容を表3で確認すると、1回目と2回目のどちらの条件も満たし ていることが分かる。

- ・1 回目の CLK の立ち下がり  $(1\rightarrow 0)$ : Q=0 なので、 $\overline{Q}=1$  である。したがって、J $=\overline{\mathbf{Q}}=1$  である。 $\mathbf{K}=1$  であるが、表 3 の  $\mathbf{K}$  の値は任意(任意  $_{\mathbf{K}}$ )なので、0でも1でもよく,条件を満たす。
- ・2回目の CLK の立ち下がり  $(1\rightarrow 0)$ : Q=1 なので、 $\overline{Q}=0$  である。したがって、J

 $=\overline{\mathbf{Q}}=\mathbf{0}$  である。表 3 の  $\mathbf{J}$  の値は任意(任意  $\mathbf{J}$ )なので、 $\mathbf{0}$  でも  $\mathbf{1}$  でもよい。 K=1なので条件を満たす。

このような観点で、選択肢で示されている J, K の値が、表 3 の条件を満たすかど うかを吟味していく。その結果を表 C で示す。なお、任意は 0 でも 1 でもよいことに 留意する。

表 C 選択肢 (ア) ~ (カ) の吟味

| 1回目 |                       |                              |   | 2回目   |   |   |   |
|-----|-----------------------|------------------------------|---|---|---|---|---|
| J   | K                     | Q                            | Q   | J   | K   | Q   | $\overline{\mathbf{Q}}$   |
| 1   | 任意 K                  | 0                            | 1   | 任意』   | 1   | 1   | 0   |
| 0   | 0                     |                              |   | 0   | 0   |   |   |
| 0   | 0                     |                              |   | 0   | 0   |   |   |
| 0   | 0                     |                              |   | 0   | ×   |   |   |
| ×   | 0                     |                              |   | 0   | 0   |   |   |
| ×   | 0                     |                              |   | 0   | ×   |   |   |
| 0   | 0                     |                              |   | 0   | 0   |   |   |
|     | 1<br>0<br>0<br>0<br>× | J K 1 任意 K ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ X ○ | J K Q<br>1 任意 <sub>K</sub> 0<br>○ ○ ○<br>○ ○ ○<br>× ○ | J     K     Q     Q       1     任意x     0     1       ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○       ×     ○     ○     ○ | J     K     Q     Q     J       1     任意x     0     1     任意ょ       ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○       ×     ○     ○     ○ | J     K     Q     Q     Q     J     K       1     任意x     0     1     任意x     1       ○     ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○     ○       ×     ○     ○     ○     ○ | J     K     Q     Q     Q     J     K     Q       1     任意 <sub>K</sub> 0     1     任意 <sub>J</sub> 1     1       ○     ○     ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○     ○       ○     ○     ○     ○     ○       ×     ○     ○     ○     ○ |

注記:○は条件を満たす場合,×は条件を満たさない場合を示す。

したがって、正解は(ア)、(イ)、(カ)であり、解答は順不同である。なお、選択 肢(ウ)~(オ)の誤りの内容を補足しておく。

- ウ: $K=\overline{Q}$  としたとき、2 回目の CLK の立ち下がりでは  $\overline{Q}=0$  のため K=0 となるが、 Kは1でなければならず条件を満たさない。
- エ:J=Q としたとき、1回目の CLK の立ち下がりでは Q=0 のため J=0 となるが、 Jは1でなければならず条件を満たさない。
- オ:J=Q としたとき、1回目の CLK の立ち下がりでは Q=0 のため J=0 となるが、 Jは1でなければならず条件を満たさない。同様に、 $K=\overline{Q}$  のとき、2回目の CLKの立ち下がりでは $\overline{Q}$ =0のためK=0となるが、Kは1でなければならず条件を満 たさない。