

I (6 v)

1. (2) Os *amontoados binários (heaps)* e as *árvores binárias de pesquisa* são casos particulares de árvores binárias, contudo diferem nas formas de representação normalmente usada. Descreva estas formas de representação e justifique as diferenças.
2. (1) Considere o algoritmo de inserção em *B – Trees* apresentado nas aulas. Em que situações a inserção dum novo elemento resulta no aumento da altura da árvore?
3. (1,5) As tabelas de dispersão com encadeamento externo usam normalmente listas simplesmente ligadas para armazenar os elementos com o mesmo valor de *hash*. Justifique a escolha desta estrutura de dados em detrimento de outras, tais como: *arrays* ordenados ou árvores binárias de pesquisa.
4. (1,5) Compare o desempenho qualitativo dos algoritmos de ordenação *selection sort* e *insertion sort* em *arrays quase* ordenados.

## II (14 v)

**Nota:** a resolução das questões deste grupo pode utilizar métodos ou classes auxiliares. Contudo, o seu código tem de ser completamente apresentado.

1. (1,5) Realize o método estático

```
public static int heapHeight(int[] v, int len)
```

que retorna a altura do amontoado binário de inteiros representado pelo *array* *v* com dimensão *len*. Na implementação deste método não pode usar métodos da classe `Math`, pertencente à biblioteca normalizada da linguagem Java.

2. (3,5) Realize o método estático

```
public static int kGreatest(int[] v, int len, int k)
```

que devolve o *k*-ésimo maior elemento do amontoado binário de inteiros representado pelo *array* *v* com dimensão *len*. O *array* *v* não pode ser alterado.

Usando a notação *O*, diga qual o custo da implementação realizada.

3. (2,0) Realize o método estático

```
public static <E> Node<E> rotateLeft(Node<E> head, int count)
```

que *roda* a lista simplesmente ligada sem sentinela e *não circular*, referida por *head*, de *count* nós para a esquerda. Rodar *count* nós para a esquerda significa que os primeiros *count* nós são colocados no final da lista, mantendo a ordem relativa. Por exemplo, a rotação de 3 elementos da lista [0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9] resulta na lista [3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 0; 1; 2].

Os nós da lista são representados pela classe `Node<E>`, que possui dois campos públicos: *value*, com o elemento presente no nó; e *next* com a referência para o próximo nó (quando existe). Assuma que *count* é menor do que a dimensão da lista.

O método retorna a referência para o primeiro nó da lista resultante.

4. (3,5) Acrescente, à tabela de dispersão com encadeamento externo realizada nas aulas, o método de instância

```
public void reduceSize(int newSize)
```

que reduz a dimensão da tabela para a dimensão *newSize* (estritamente menor que a dimensão actual). Os nós da lista de encadeamento externo são representados pela classe `Node<E>`, que possui três campos públicos: *value*, com o elemento presente no nó; *hashCode* com o valor de *hash* do elemento (ainda sem ter em conta a dimensão da tabela) e *next* com a referência para o próximo nó (quando existe).

5. (3,5) Realize o método estático

```
public static <E> int countNodesWithHeight(Node<E> t, int h)
```

que, dada a árvore binária referenciada por *t*, retorna o número de nós de *t* com altura *h*. Note que a altura do nó raiz é 0.

Assuma que cada nó da árvore tem três campos: um *value*, do tipo *E*, e duas referências, *left* e *right*, para os descendentes respectivos.