

Ansatz: Biot-Savart-Gesetz

$$\oint \vec{H} d\vec{l} = \sum I = I \cdot N$$

$\hookrightarrow H$  ist homogen und unabhängig von  $l$

$$H \cdot l = I \cdot N$$

$$\hookrightarrow H = \frac{I \cdot N}{l} = \frac{I \cdot N}{\pi D} = \frac{400 \text{ A}}{\pi \cdot 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}}$$

$$H = 2122 \frac{\text{A}}{\text{m}}$$

$$B = \mu \cdot H = \mu_0 \mu_r H$$

↓  
Isolierstoffring  
 $\hookrightarrow \mu_r = 1$

$$B = 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Vs}}{\text{Am}} \cdot 2122 \frac{\text{A}}{\text{m}} = 2,67 \cdot 10^{-3} \frac{\text{Vs}}{\text{m}^2}$$

Sowohl  $H$  als auch  $B$  gelten exakt für die Mitte des Ringdurchmessers. Wenn  $D \gg d$  kann dies in guter Näherung für die gesamte Querschnittsfläche des Rings aufgenommen werden, dann gilt:

$$\Phi = B \cdot A \quad \text{mit} \quad A = \frac{\pi}{4} d^2 = \frac{25}{4} \pi \cdot 10^{-6} \text{ m}^2$$

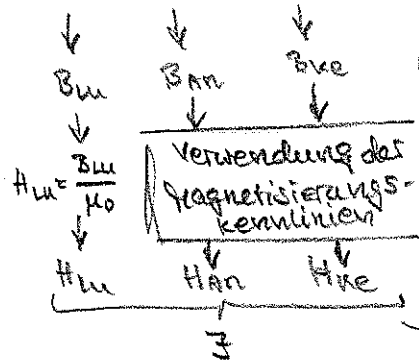
$$\Phi = 2,67 \cdot 10^{-3} \frac{\text{Vs}}{\text{m}^2} \cdot \frac{25}{4} \pi \cdot 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$\Phi = 52,44 \cdot 10^{-9} \text{ Vs}$$

Ansatz:  $\oint \vec{H} d\vec{l} = \sum \vec{I} = \vec{I} \cdot \omega$  und  $F = \frac{1}{2} \frac{\Phi_{Lu}^2}{\mu_0 A_{Lu}}$  Gesucht:  $\vec{I}$

$\rightarrow H \cdot L = \vec{I} \omega \rightarrow \vec{I} = \frac{H \cdot L}{\omega} = \frac{1}{\omega} \cdot (H_{ke} \cdot L_{ke} + H_{Lu} \cdot L_{Lu} + H_{An} \cdot L_{An})$

Berechnungskette  $F \rightarrow \Phi_{Lu} = \Phi_{An} \rightarrow \Phi_{ke}$



Zwei Pole ergeben  
 $\Sigma F = 100 \text{ N} \rightarrow$  pro Pol  
 gilt  $F = 50 \text{ N}$

Tabellarische Lösung

	Luft	Anker	Kern	[·]
$\Phi$	117,57	117,57	138,32	$10^{-6} \text{ Vs}$
$A$	$11 \cdot 10^{-5}$	$10^{-4}$	$10^{-4}$	$\text{m}^2$
$B$	1,0688	1,1757	1,3832	$\text{Vs/m}^2$
$H$	$851 \cdot 10^3$	500	1100	$\text{A/m}$
$L$	$10^{-3}$	$45 \cdot 10^{-3}$	$75 \cdot 10^{-3}$	$\text{m}$

$F = \frac{1}{2} \frac{\Phi_{Lu}^2}{\mu_0 A_{Lu}} \rightarrow \Phi_{Lu} = \sqrt{(2 \mu_0 A_{Lu} F)}$

$A_{Lu} = \frac{11}{10} A_{ke} \quad A_{ke} = (10 \text{ mm})^2 = 10^{-4} \text{ m}^2$

$A_{Lu} = 11 \cdot 10^{-5} \text{ m}^2 \quad A_{An} = A_{ke} = 10^{-4} \text{ m}^2$

$\Phi_{Lu} = \sqrt{(2 \cdot \mu_0 \cdot \frac{11}{10} A_{ke} F)} = \sqrt{(2 \cdot 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Vs}}{\text{Am}} \cdot \frac{11}{10} \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 \cdot 50 \text{ N})}$   
 $= \sqrt{(400 \pi \cdot 11 \cdot 10^{-12} \frac{\text{Nm Vs}}{\text{A}})} = 20 \cdot 10^{-6} \sqrt{(11 \pi \frac{\text{Vs}^2}{\text{A}})}$   
 $= 20 \cdot 10^{-6} \text{ Vs} \sqrt{(11 \pi)} = 117,57 \cdot 10^{-6} \text{ Vs} = \Phi_{Lu} = \Phi_{An}$

$\Phi_{ke} = \frac{20}{17} \Phi_{Lu} = \frac{400}{17} \sqrt{(11 \pi)} 10^{-6} \text{ Vs} = 138,32 \cdot 10^{-6} \text{ Vs}$

$(85\%)^{-1} \rightarrow B_{Lu} = \frac{\Phi_{Lu}}{A_{Lu}} = \frac{117,57 \cdot 10^{-6} \text{ Vs}}{11 \cdot 10^{-5} \text{ m}^2} = \frac{1,1757}{11} \frac{\text{Vs}}{\text{m}^2} = 1,069 \frac{\text{Vs}}{\text{m}^2}$

Analog  
 $B_{ke} = \frac{\Phi_{ke}}{A_{ke}}$   
 und  $B_{An} = \frac{\Phi_{An}}{A_{An}}$

\*1  $\rightarrow$  Ablesen der Magnetfeldkennlinie zur Ermittlung von  $H_{ke}$  u.  $H_{An}$

$H_{Lu} = \frac{B_{Lu}}{\mu_0} = \frac{1,0688 \text{ Vs/m}^2}{4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ Vs/m}^2} = 851 \cdot 10^3 \frac{\text{A}}{\text{m}}$

$\vec{I} = \frac{1}{\omega} \sum (H_x \cdot L_x) = \frac{1}{600} \cdot (851 \cdot 10^3 \frac{\text{A}}{\text{m}} \cdot 10^{-3} \text{ m} + 500 \frac{\text{A}}{\text{m}} \cdot 45 \cdot 10^{-3} \text{ m} + 1100 \frac{\text{A}}{\text{m}} \cdot 75 \cdot 10^{-3} \text{ m})$   
 $= \frac{1}{600} (851 + 22,5 + 82,5) \text{ A} = \frac{956}{600} \text{ A} = 1,593 \text{ A}$

## Magnetfeld

Ansatz:  $W = \int dW$  und  $dW = u \, dV$ 

mit  $u = N \frac{d\Phi}{dt} \rightarrow$  weil  
homog.  
Feld  
gilt  $\rightarrow u = N \cdot A \cdot \frac{dB}{dt}$

und  $\oint H \, dl = Ni \rightarrow$  weil  
homog.  
Feld  
gilt  $\rightarrow Hl = Ni \leadsto i = \frac{Hl}{N}$

$$dW = N A \frac{dB}{dt} \frac{Hl}{N} dt = l A H dB = V H dB \quad \bigg| \int$$

$$W = V \int_0^B H dB = V \int_0^B \frac{B}{\mu} dB \leadsto \frac{W}{V} = \frac{1}{\mu} \int_0^B B dB = \underline{\underline{\frac{B^2}{2\mu}}}$$

$$\frac{W}{V} = \frac{2,25 \, \text{Vs}^2 \, \text{Am}}{2 \, \text{m}^3 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \, \text{Vs}} = \underline{\underline{295 \cdot 10^3 \frac{\text{VAS}}{\text{m}^3}}}$$

## E-Feld

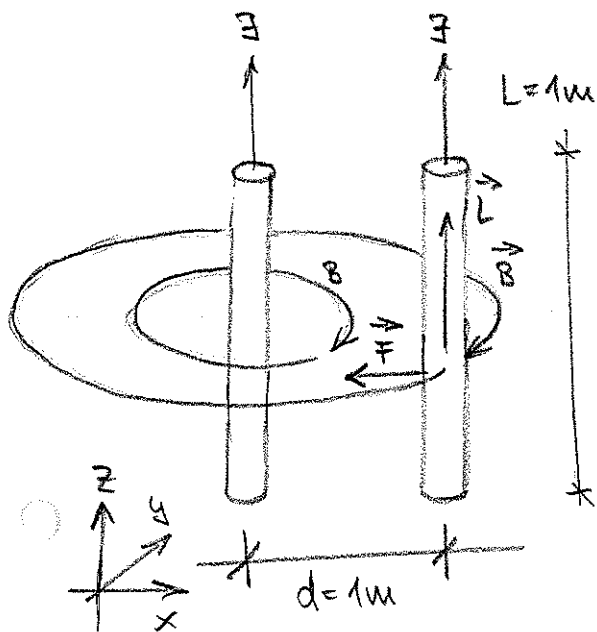
Es gilt  $\frac{W}{V} = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} = \frac{\epsilon_0 \left(30 \frac{\text{kV}}{\text{cm}}\right)^2}{2} = \frac{\epsilon_0 \left(\frac{3 \cdot 10^4 \, \text{V}}{10^{-2} \, \text{m}}\right)^2}{2}$

$$= \frac{\epsilon_0 (3 \cdot 10^6 \frac{\text{V}}{\text{m}})^2}{2} = \frac{8,85 \cdot 10^{-12} \, \text{As} \cdot 9 \cdot 10^{12} \, \text{V}^2}{2 \, \text{m}^2}$$

$$= 2,85 \cdot 4,5 \frac{\text{VAS}}{\text{m}^3} = \underline{\underline{39,825 \frac{\text{VAS}}{\text{m}^3}}}$$

$\leadsto$  Man sieht, daß das magnetische Feld in diesem Fall eine höhere Energiedichte aufweist (Größenordnung Faktor  $10^4$ ).

$\leadsto$  Daher findet das Magnetfeld Anwendung als Kraftquelle in der Elektromechanik.



Ansatz:  $\vec{F} = Q (\vec{v} \times \vec{B})$

mit  $Q = It$  und  $v = \frac{s}{t}$

$\Rightarrow \vec{F} = I (\vec{s} \times \vec{B})$

$\vec{F} = I \cdot (\vec{L} \times \vec{B}) = IBL \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

$0 \times -B$   
 $L \times 0$   
 $0 \times 0$   
 $0 \times -B$

$\Rightarrow F = IBL = I H \mu_0 L$

mit  $\oint H dl = I = H \cdot L' \Rightarrow H = \frac{I}{L'}$   
und  $L' = 2\pi d$

$\Rightarrow F = \frac{I^2 \mu_0 L}{2\pi d}$

$\Rightarrow I = \sqrt{\frac{F}{L} \frac{2\pi d}{\mu_0}}$

$\frac{2 \cdot 10^{-7} \text{ N}}{\cancel{\mu_0}} \cdot \frac{2\pi \cdot 1 \text{ m} \cdot \cancel{A^2}}{\cancel{4\pi \cdot 10^{-7} \text{ Vs}}}$   
 $\downarrow$   
 $1 \text{ Nm} \frac{\text{A}}{\text{Vs}} \cdot \frac{\text{A}}{\text{A}}$   
 $\downarrow$   
 $1 \text{ Nm} \frac{\text{A}^2}{\text{Vs}}$   
 $\downarrow$   
 $1 \text{ A}^2$

$I = \sqrt{1 \text{ A}^2} = 1 \text{ A}$