

Datorövning 5 - Finita Elementmetoden i 2-D

16 May 2013

Daniel Jonsson, TKITE-2

Randvärdesekvationen

Randvärdesekvationen anger man i PDE Specification rutan. Typen av PDE är *Elliptic* med koefficienterna $c = 1$, $a = 0$ och $f = 0$.

$f = 0$ är källtätheten, 0 för att det inte finns någon inre värmekälla som producerar värme.

$a = 0$ är kylkoefficienten (c i vår litteratur).

$c = 1$ värmeledningskoefficienten, vilket är given i uppgiften (a i vår litteratur).

Randvillkoren

$u = 1$ för $y = 0$

$u = 0$ för $x = 1$

Resten av kanterna är perfekt isolerade, och därmed spelar u ingen roll.

För de två första så är $k = \infty$, eftersom att de ej är isolerade. Alltså är de av typen Dirichlet. Och temperaturen är 1 när $y = 0$ och 0 när $x = 1$.

De isolerade kanterna har $k = 0$ eftersom att de ej leder värme (i.e. värmeledningskoefficienten = 0). Alltså typen Neumann. $u = u_A$.

I PDE Toolbox anges Boundary Condition med:

y = 0: Dirichlet, $h = 1$, $r = 1$

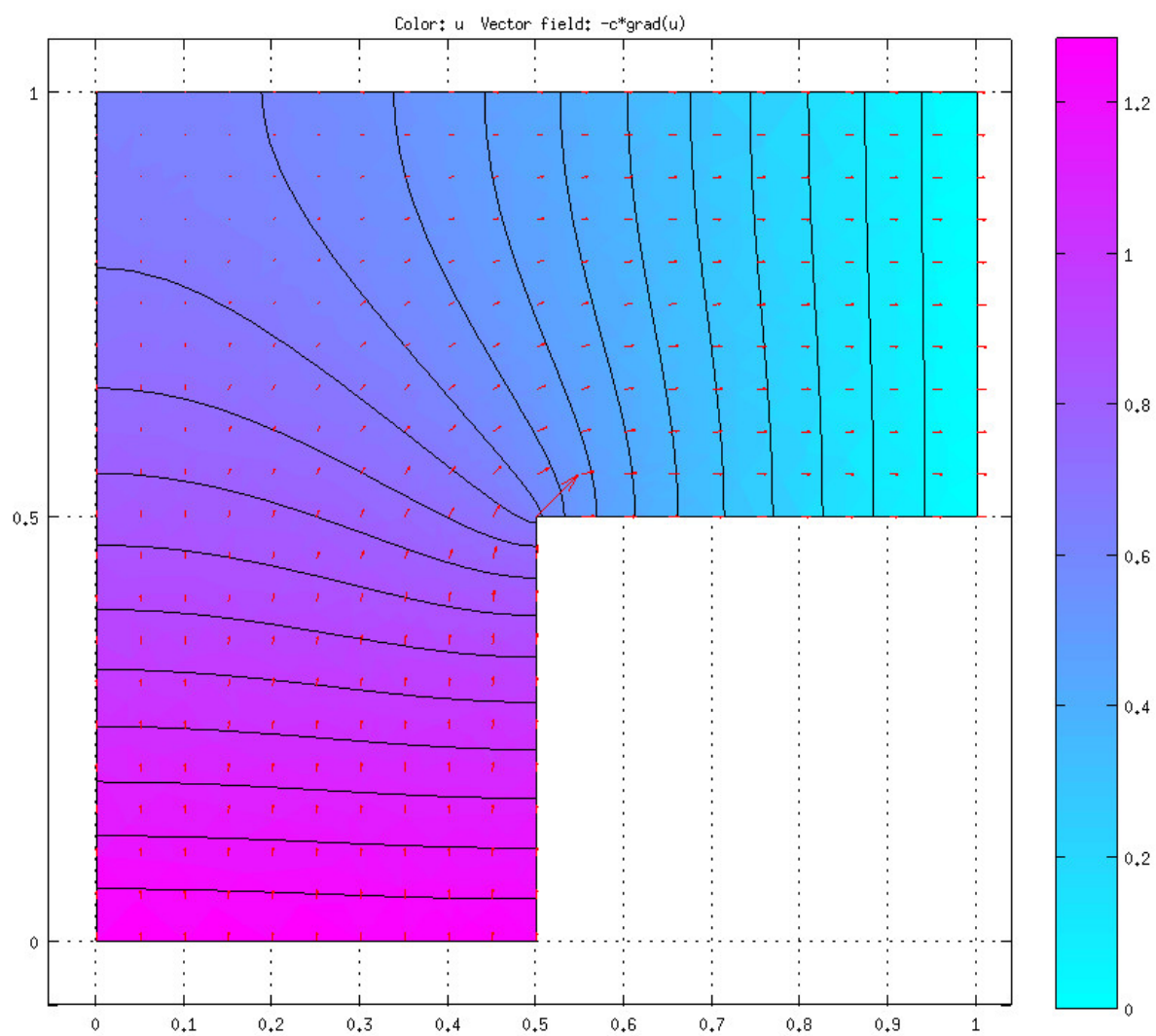
x = 1: Dirichlet, $h = 1$, $r = 0$

resten: Neumann, $g = 0$, $q = 0$

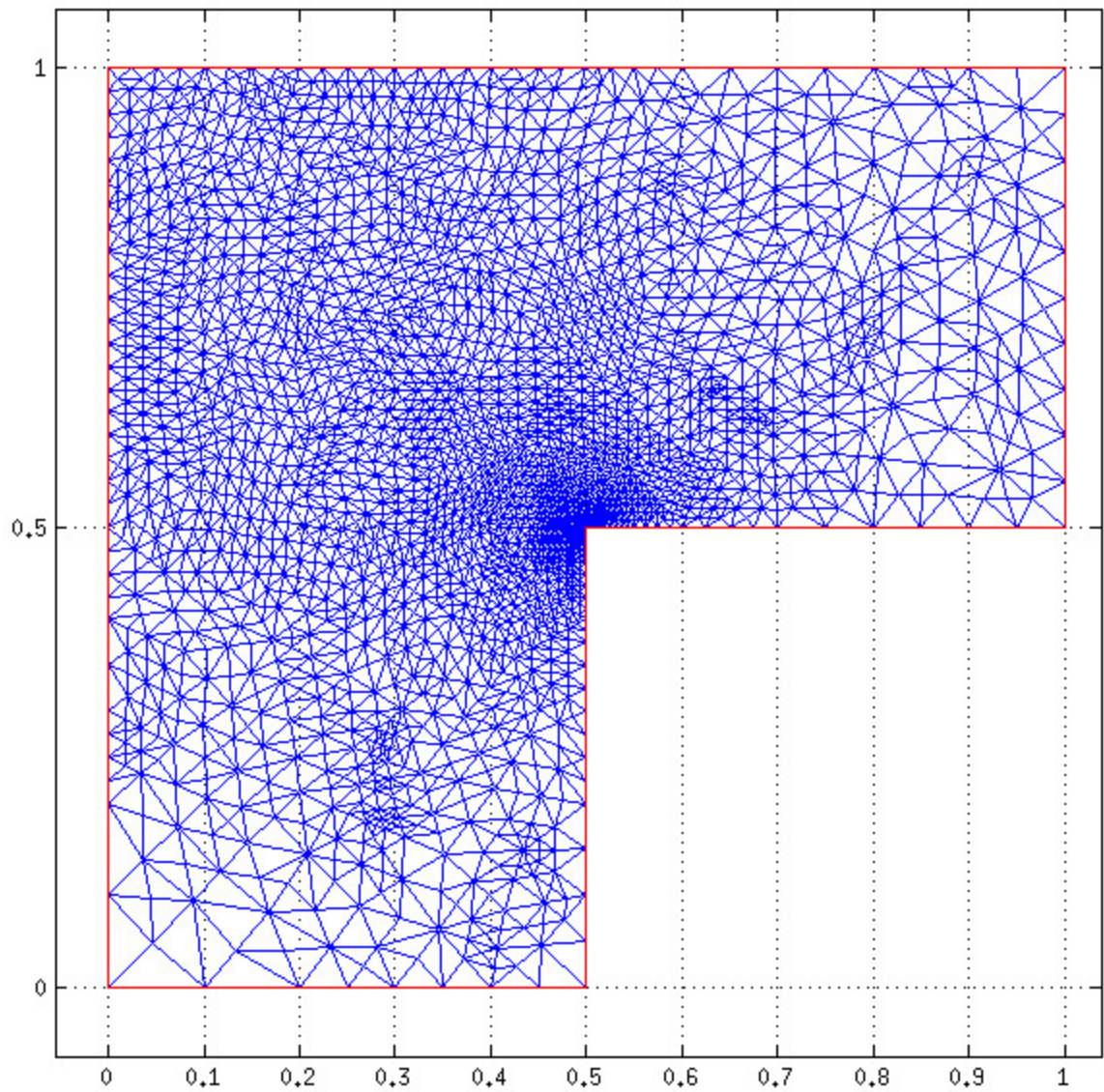
r = externa temperaturen

q = värmeöverföringskoefficient (k från vår litteratur)

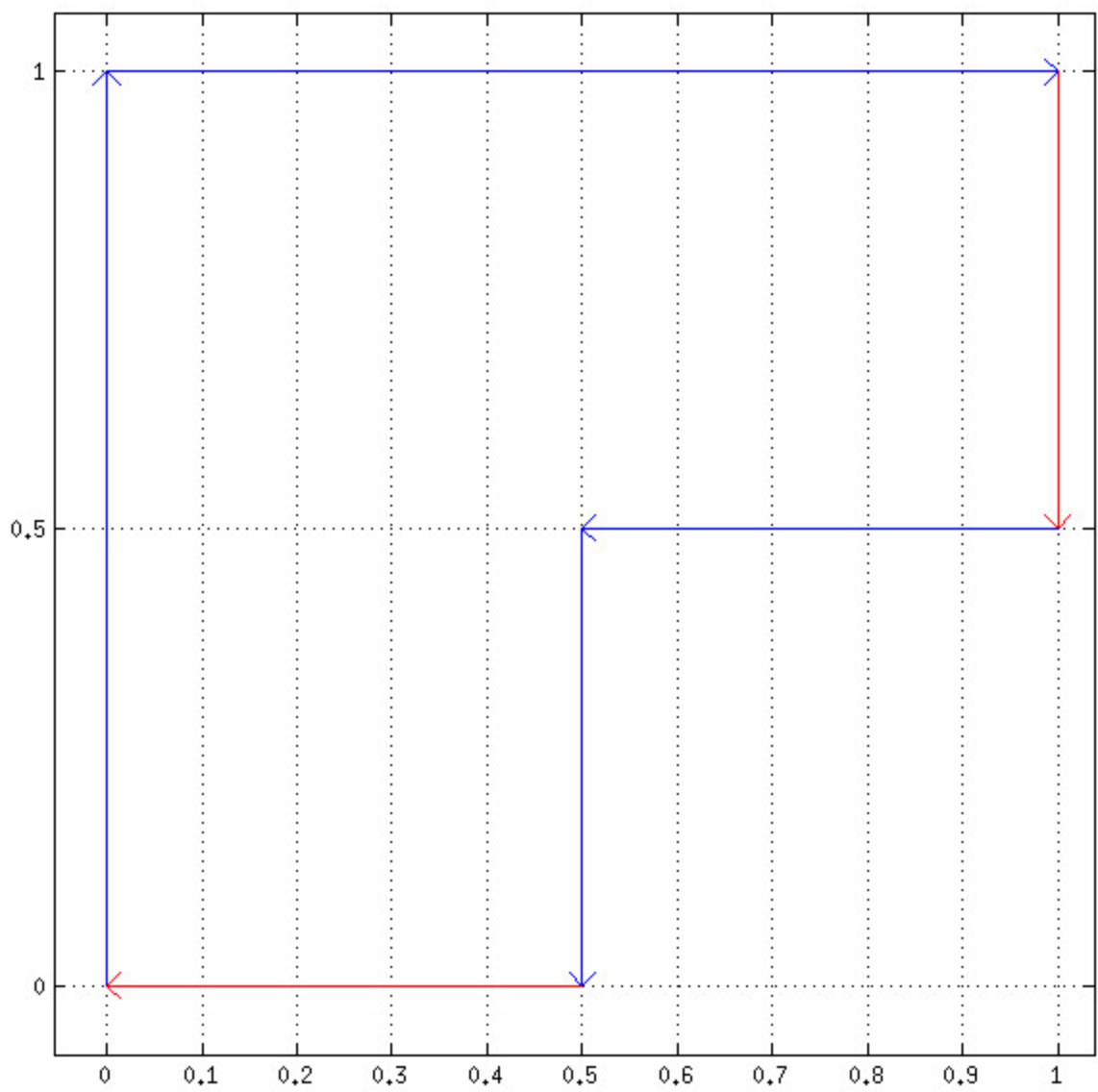
g = flödestäthet, $k * u_A + g$ enligt vår litteratur. Eftersom att $k = g = 0$ så blir g i programmet = 0. $k = 0$ då det är isolerat, $g = 0$ då det ej är något inflöde av värme där, vilket resulterar att g i programmet är 0.



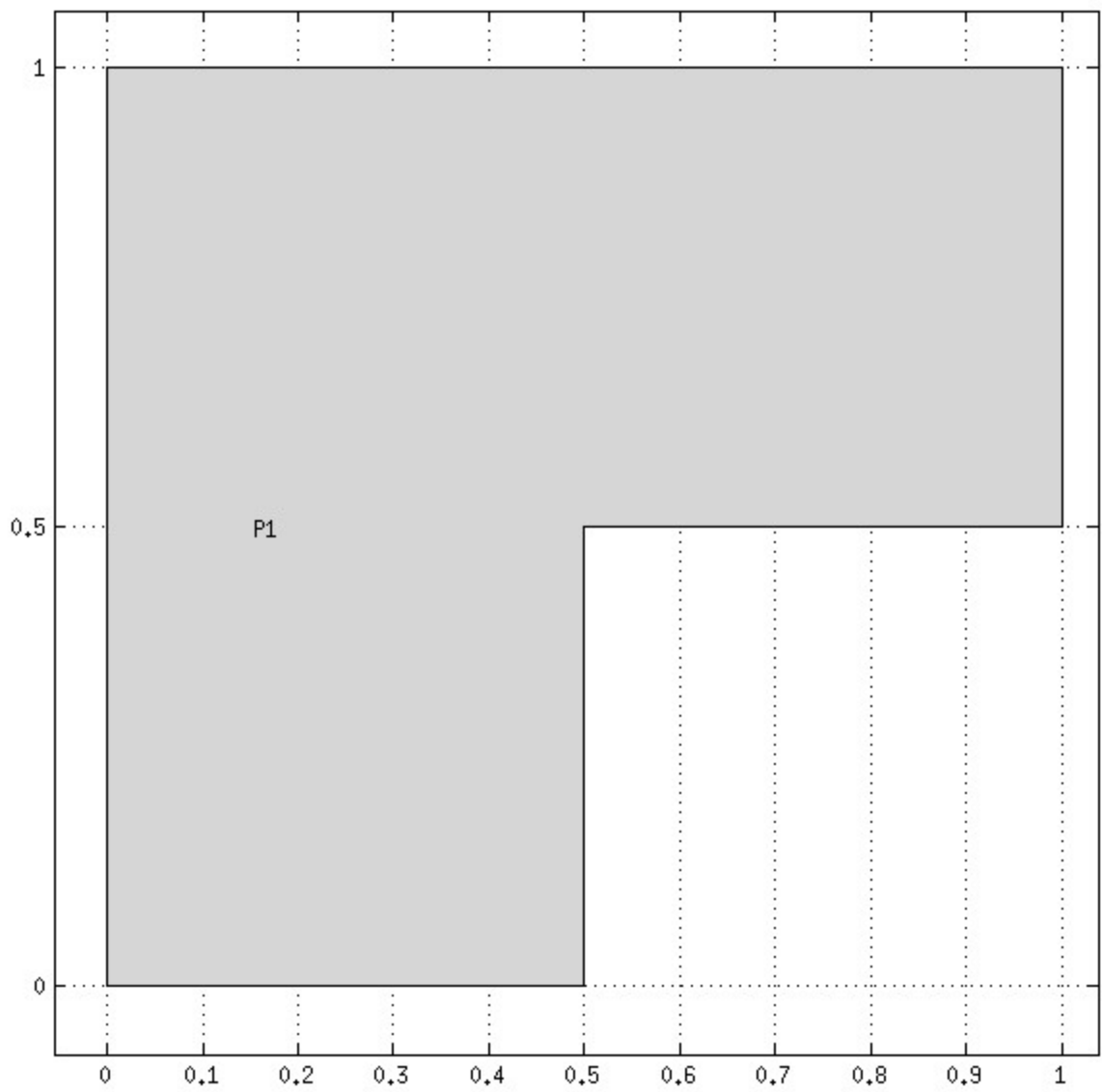
Plot & solve the PDE



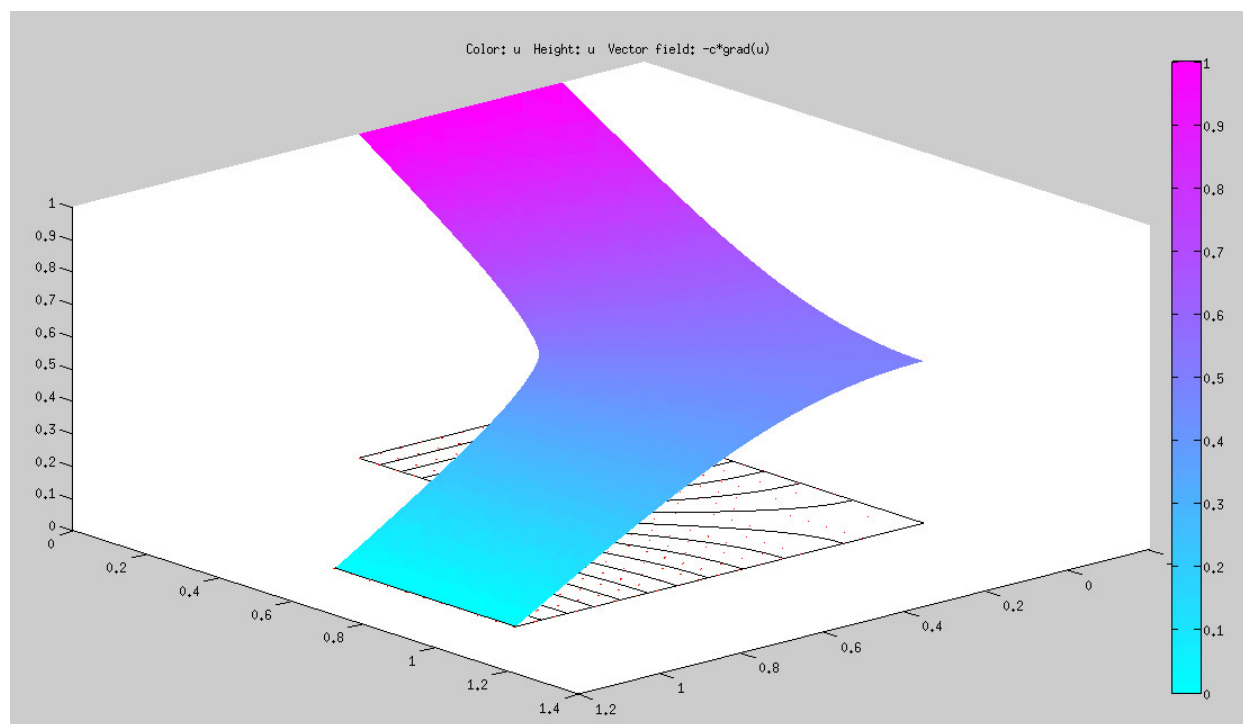
Mesh mode



Boundary mode



Draw mode



3D plot of the PDE