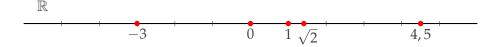
## La recta real, el plano y el espacio

## La recta real $\mathbb R$

Los números reales pueden representarse en una recta (en general, por convención, se dibuja una recta horizontal). Fijamos un punto como el 0 y otro punto a su derecha como el 1. Todos los puntos de la recta van a representar números y cada número real se puede representar con un punto.

Los números a la derecha del 0 serán los positivos y los números a la izquierda del 0 serán los negativos. La escala de su ubicación está definida por la distancia entre el 0 y el 1 (el 2 estará al doble de distancia, el -3 al triple, el 4,5 a 4 unidades y media de distancia del 0,  $\sqrt{2}$  a 1,41421356... unidades).



Se define el *módulo* o *valor absoluto* de un número real x (y se escribe |x|) como la distancia del número x al 0. Por lo tanto |3|=3, |-2|=2 y |0|=0. Notar que, como el módulo es una distancia, siempre será mayor o igual que 0. Entonces, por ejemplo, se tiene que

$${x \in \mathbb{R} : |x| = 5} = {-5, 5},$$

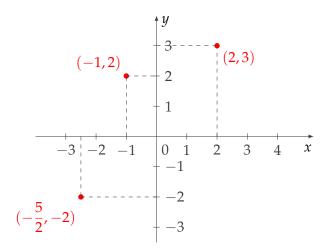
ya que -5 y 5 son todos los números que distan 5 del 0.

## El plano $\mathbb{R}^2$

Podemos identificar puntos en el plano usando *pares ordenados* de núme-ros reales, por ejemplo (2,3), (-1,2),  $(-\frac{3}{2},-2)$ . Al primer número del par se lo llama *primera coordenada* y, al segundo, *segunda coordenada*.

Para esto, dibujamos en el plano dos rectas perpendiculares que llamaremos *ejes*. A la recta horizontal la llamaremos *eje x* y a la vertical, *eje y*. Los dos ejes se cortan en un punto, que llamaremos *origen de coordenadas*, al que le asignamos el par de números (0,0). A este plano lo llamaremos *plano real* o  $\mathbb{R}^2$ .

Ahora ya podemos representar pares ordenados, teniendo en cuenta que la primera coordenada corresponde al eje x y la segunda, al eje y. Por ejemplo, el punto (2,3) está ubicado 2 hacia la derecha y 3 hacia arriba a partir del origen de coordenadas. De la misma forma, (-1,2) está 1 hacia la izquierda y 2 hacia arriba del origen, y  $(-\frac{5}{2},-2)$  está  $\frac{5}{2}$  hacia la izquierda y 2 hacia abajo del origen:



## El espacio $\mathbb{R}^3$

En forma análoga a lo visto en el plano real, podemos representar puntos en el espacio. En este caso, en lugar de pares ordenados usaremos *ternas ordenadas* de números reales, por ejemplo, (2,3,1), (1,-1,4), (3,0,-1). Como antes, los números que forman la terna se llaman *coordenadas*.

Para esto, a partir del plano real con ejes x e y (que representamos en el espacio en forma horizontal), agregamos una tercera recta perpendicular y que lo corta en el origen, a la que llamamos eje z. Al conjunto de todas las ternas (x,y,z) de números reales lo notaremos  $\mathbb{R}^3$ . La tercera coordenada z representa la "altura" a la que está el punto respecto del plano del "piso". Por ejemplo, para representar el punto (2,3,1), podemos ubicar en primer lugar el punto de coordenadas x=2,y=3 en el plano horizontal y luego subir 1 unidad, como indica su tercera coordenada. Similarmente, el punto (1,-1,4) está ubicado 4 unidades hacia arriba del punto de coordenadas x=1,y=-1 en el plano horizontal. El punto (3,0,-1), al tener tercera coordenada negativa, está 1 unidad hacia abajo del punto con x=3,y=0 del plano horizontal.

