Propiedades básicas de las operaciones algebraicas

Regla de los signos

$$a) - (-a) = a$$

c)
$$-(a+b) = -a - b$$

$$e) \ (-a) \cdot (-b) = a \cdot b$$

b)
$$b - (-a) = b + a$$

$$d) -(a+b) = -a - b$$

$$f)$$
 $a \cdot (-b) = (-a) \cdot b = -a \cdot b$

Potenciación

$$a) \ a^n = \overbrace{a \cdot \ldots \cdot a}^{n \text{ veces}}$$

c)
$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

$$e) \ a^{-n} = \frac{1}{a^n} \text{ si } a \neq 0$$

g)
$$a^0 = 1 \text{ si } a \neq 0$$

b)
$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$d) (a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

$$f) \ \frac{a^n}{a^m} = a^{n-m} \text{ si } a \neq 0$$

Suma de fracciones

a)
$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad + bc}{bd}$$

b)
$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{\frac{m}{b}a + \frac{m}{d}c}{m}$$
 donde m es un múltiplo común de b y d

Producto y cociente de fracciones

a)
$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$$

$$b) \ \frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c}$$

1

Potenciación con exponente fraccionario

a) Si
$$a > 0$$
, $a^{\frac{p}{q}} = \sqrt[q]{a^p} = \left(\sqrt[q]{a}\right)^p$

Producto de expresiones algebraicas

Distintas versiones de la Propiedad distributiva

$$a) \ a(b+c) = a \cdot b + a \cdot c$$

b)
$$(a+b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$$

c)
$$(a+b) \cdot (c+d) = a \cdot c + b \cdot c + a \cdot d + b \cdot d$$

d)
$$(a-b) \cdot (c-d) = a \cdot c - b \cdot c - a \cdot d + b \cdot d$$

Casos particulares

a)
$$(a+b) \cdot (a+b) = a^2 + 2ab + b^2$$
 (cuadrado de un binomio suma)

b)
$$(a - b) \cdot (a - b) = a^2 - 2ab + b^2$$
 (cuadrado de un binomio resta)

c)
$$(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$$
 (diferencia de cuadrados)