Capítulo 4 - Parte 1

Matemática Elementar

Funções Reais e Gráficos

13 de setembro de 2024

Igor Oliveira matematicaelementar@imd.ufrn.br

Instituto Metrópole Digital Universidade Federal do Rio Grande do Norte Natal-RN





Índice



Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

Matemática Elementar

Introdução

introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e

Sobrejetividade Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

UFRN Natal-RN

Apresentação da Aula



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios Bibliografia

Considere as funções

As funções p e q são inversas uma da outra?

Apresentação da Aula



Matemática Flementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

Considere as funções

As funções p e q são inversas uma da outra? Elas são bijetivas?

Apresentação da Aula



Matemática Elementar Igor Oliveira

Considere as funções

$$ho: \mathbb{R} o \mathbb{R}_+ \ x \mapsto x^2 ext{ e } q: \mathbb{R}_+ o \mathbb{R}_+ \ x \mapsto \sqrt{x}$$

As funções p e q são inversas uma da outra? Elas são bijetivas?

Quais outras informações podemos dizer acerca dessas funcões?

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios



Definição 1

Sejam X e Y dois conjuntos quaisquer.

Uma função é uma relação $f: X \to Y$ que, a cada elemento $x \in X$, associa um e somente um elemento $y \in Y$. Nesse caso:

- (i) Os conjuntos *X* e *Y* são chamados <u>domínio</u> e contradomínio de *f*, respectivamente;
- (ii) O conjunto

$$f(X) = \{y \in Y : \text{ existe } x \in X \text{ onde } f(x) = y\} \subseteq Y$$

é chamado imagem de f;

(iii) Dado $x \in X$, o (único) elemento $y = f(x) \in Y$ correspondente é chamado imagem de x.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online Injetividade e

Sobrejetividade
Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios



Dessa forma, uma função é um terno constituído por: domínio, contradomínio e lei de associação (dos elementos do domínio com os do contradomínio). Precisamos desses três elementos para que uma função seja bem definida. Poderíamos definir função da seguinte forma:

Para que uma relação $f: X \to Y$ seja uma função, ela deve satisfazer a duas condições fundamentais:

- (I) Estar bem definida em todo elemento do domínio (existência);
- (II) N\(\tilde{a}\) o fazer corresponder mais de um elemento do contradom\(\tilde{n}\) io a cada elemento do dom\(\tilde{n}\) io (unicidade).

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

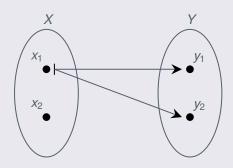
Fórmulas e Funções

Atividade Online



Exemplo 2

Sejam $X = \{x_1, x_2\}, Y = \{y_1, y_2\}$ e a relação $f: X \rightarrow Y$ definida por:



Qual(is) o(s) problema(s) com essa "função"?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Bibliografia

UFRN Natal-RN



Definição 3

Uma função $f: X \to Y$ é chamada de função real se seus valores são números reais; isto é, $Y \subseteq \mathbb{R}$. Quando a variável independente assume valores reais – isto é, $X \subseteq \mathbb{R}$ –, diz-se que f é uma função de variável real. Nesse caso, pode-se utilizar a notação $f: D \subseteq \mathbb{R} \to Y$ para enfatizar que o domínio D da função é subconjunto de \mathbb{R} .

Matemática Elementar

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios



Definição 3

Uma função $f: X \to Y$ é chamada de função real se seus valores são números reais; isto é, $Y \subseteq \mathbb{R}$. Quando a variável independente assume valores reais – isto é, $X \subseteq \mathbb{R}$ –, diz-se que f é uma função de variável real. Nesse caso, pode-se utilizar a notação $f: D \subseteq \mathbb{R} \to Y$ para enfatizar que o domínio D da função é subconjunto de \mathbb{R} .

A menos que se diga o contrário, trabalharemos, a partir desse momento, com funções reais de variável real, e, por simplicidade, chamaremos essas funções simplesmente de funções reais. Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios



Exemplo 4

Considere as funções reais

Qual o domínio, contradomínio e a lei de associação de p e q?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online Exercícios



Exemplo 4

Considere as funções reais

Qual o domínio, contradomínio e a lei de associação de p e q?

Exemplo 5

Seja $\mathcal{I}_X : X \to X$ uma função tal que $\mathcal{I}_X(x) = x$ para todo $x \in X$. Chamamos \mathcal{I}_X de função identidade do conjunto X.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Sobrejetividade
Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Atividade Online



Atividade 30 - Como Reconhecer Funções a Partir de Tabelas

Atividade 31 - Problemas de Domínio de Funções

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios



Definição 6

Sejam $f: X \to Y$ e $g: U \to V$ duas funções, com $Y \subseteq U$. A função composta de g com f é a função denotada por $g \circ f$, com domínio em X e contradomínio em V, que a cada elemento $x \in X$ faz corresponder o elemento $v = (g \circ f)(x) = g(f(x)) \in V$. Isto é:

$$g \circ f: X \rightarrow Y \subseteq U \rightarrow V$$

 $x \mapsto f(x) \mapsto g(f(x))$.

Matemática Elementar

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Formulas e Funçoes
Atividade Online

Exercícios



Exemplo 7

Seja $f: X \to Y$ uma função. Mostre que $f \circ \mathcal{I}_X = f$ e $\mathcal{I}_Y \circ f = f$.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios



Exemplo 7

Seja $f: X \to Y$ uma função. Mostre que $f \circ \mathcal{I}_X = f$ e $\mathcal{I}_Y \circ f = f$.

Exemplo 8

Qual função resulta da composição *p* ∘ *q*?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e

Sobrejetividade Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios Bibliografia

> UFRN Natal-RN



Proposição 9 (Associatividade da composição de funções)

Considere $f: X \to Y$, $g: U \to V$ e $h: A \to B$ funções, com $B \subseteq U$ e $V \subseteq X$. Vale a seguinte igualdade:

$$f\circ (g\circ h)=(f\circ g)\circ h.$$

Matemática Elementar

Introdução

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online Injetividade e

Sobrejetividade
Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios

Atividade Online



Atividade 32 - Encontre Funções Compostas Atividade 33 - Modele com Funções Compostas Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Atividade Unii

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Função Inversa



Definição 10

Uma função $f: X \to Y$ é <u>invertível</u> se existe uma função $g: Y \to X$ tal que

- (i) $f \circ g = \mathcal{I}_Y$;
- (ii) $g \circ f = \mathcal{I}_X$.

Nesse caso, a função g é dita função inversa de f e denotada por $g=f^{-1}$.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online
Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e

Sobrejetividade
Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios

Função Inversa



Exemplo 11

A função q é inversa de p?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Fulição ilivers

Atividade Online Injetividade e

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Função Inversa



Exemplo 11

A função q é inversa de p?

Esse exemplo ilustra a importância de verificarmos as duas condições para que tenhamos uma função inversa.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online Funções Compostas

Atividade Online

5 Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios

Atividade Online



Atividade 34 - Verifique Funções Inversas

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios



Definição 12

Considere uma função $f: X \rightarrow Y$.

- (i) $f \in \text{sobrejetiva}$ se, para todo $y \in Y$, existe $x \in X$ tal que f(x) = y;
- (ii) f é injetiva se $x_1, x_2 \in X, x_1 \neq x_2 \implies f(x_1) \neq f(x_2)$;
- (iii) f é bijetiva se é sobrejetiva e injetiva.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição do Eurosã

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online
Injetividade e
Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios





Definição 12

Considere uma função $f: X \to Y$.

- (i) f é sobrejetiva se, para todo $y \in Y$, existe $x \in X$ tal que f(x) = y;
- (ii) f é injetiva se $x_1, x_2 \in X, x_1 \neq x_2 \implies f(x_1) \neq f(x_2)$;

Há, ainda, formas alternativas de enunciar as definições acima:

ightharpoonup f é sobrejetiva se, e somente se, f(X) = Y;

(iii) f é bijetiva se é sobrejetiva e injetiva.

- f é injetiva se, e somente se, $X_1, \overline{X_2 \in X}, f(X_1) = f(X_2) \implies X_1 = X_2;$
- ▶ f é injetiva se, e somente se, para todo $y \in f(X)$, existe um único $x \in X$ tal que f(x) = y;
- ▶ f é bijetiva se, e somente se, para todo $y \in Y$, existe um único $x \in X$ tal que f(x) = y.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios Bibliografia



Matemática Flementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

Natal-RN

Exemplo 13

As funções p e q são sobrejetivas, injetivas ou bijetivas?



Teorema 14

Uma função $f: X \to Y$ é invertível se, e somente se, é bijetiva.

Matemática Flementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios





Teorema 14

Uma função $f:X\to Y$ é invertível se, e somente se, é bijetiva.

Exemplo 15

Decorre do Teorema 14 e do Exemplo 13 que as funções p e q não são invertíveis.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Definição de Função

Introdução

Atividade Online
Funções Compostas
Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

UFRN Natal-RN



Teorema 16

Considere a função $f: X \to Y$. Então existe um subconjunto $Y' \subseteq Y$, tal que $f': X \to Y'$, definida por f'(x) = f(x) para todo $x \in X$, é sobrejetiva.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios





Teorema 16

Considere a função $f: X \to Y$. Então existe um subconjunto $Y' \subseteq Y$, tal que $f': X \to Y'$, definida por f'(x) = f(x) para todo $x \in X$, é sobrejetiva.

Teorema 17

Considere a função $f: X \to Y$. Então existe um subconjunto $X' \subseteq X$, tal que $f': X' \to Y$, definida por f'(x) = f(x) para todo $x \in X'$, é injetiva.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online



Teorema 16

Considere a função $f: X \to Y$. Então existe um subconjunto $Y' \subseteq Y$, tal que $f' : X \to Y'$, definida por f'(x) = f(x) para todo $x \in X$, é sobrejetiva.

Teorema 17

Considere a função $f: X \to Y$. Então existe um subconjunto $X' \subseteq X$, tal que $f' : X' \to Y$, definida por f'(x) = f(x) para todo $x \in X'$, é injetiva.

Exemplo 18

Restrinja o domínio ou o contradomínio de p e q a fim de obter funções bijetivas com as mesmas leis de formação.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

Natal-RN



Atividade Online



Atividade 35 - Determine se uma Função É Inversível Atividade 36 - Restrinja os Domínios de Funções para Torná-las Inversíveis Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e

Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

UFRN Natal-RN

Fórmulas e Funções



É muito importante não pensar que uma função é uma fórmula. Considere as funções

Essas funções são iguais?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Fórmulas e Funções



É muito importante não pensar que uma função é uma fórmula. Considere as funções

Essas funções são iguais?

NÃO! Note que p_2 é bijetiva e p_1 não é, mesmo tendo a mesma fórmula.

Além disso, funções podem ser definidas por mais de uma fórmula, como na função $h:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$ tal que

$$h(x) = \begin{cases} 0, & \text{se } x \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q} \\ 1, & \text{se } x \in \mathbb{Q} \end{cases}.$$

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Atividade Online



Atividade 38 - Cálculo de Funções Definidas por Partes

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Exercicios



- 1. Em cada um dos itens abaixo, defina uma função com a lei de formação dada (indicando domínio e contradomínio). Verifique se é injetiva, sobrejetiva ou bijetiva, a função
 - a) Que a cada ponto do plano cartesiano associa a distância desse ponto à origem do plano;
 - b) Que a cada dois números naturais associa seu mdc;
 - c) Que a cada polinômio (não nulo) com coeficientes reais associa seu grau;
 - d) Que a cada figura plana fechada e limitada associa a sua área:
 - e) Que a cada subconjunto de ${\mathbb R}$ associa seu complementar;
 - f) Que a cada subconjunto finito de N associa seu número de elementos;
 - g) Que a cada subconjunto n\u00e3o vazio de \u00bb associa seu menor elemento.

Matemática Elementar

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

UFRN Natal-RN



2. Considere a função $g:[0;5] \to \mathbb{R}$ definida por:

$$g(x) = \begin{cases} 4x - x^2 & \text{se } x < 3 \\ x - 2 & \text{se } x \ge 3 \end{cases}.$$

Determine as soluções de:

- a) g(x) = -1;
- b) g(x) = 0;
- c) g(x) = 3;
- d) g(x) = 4;
- e) g(x) < 3;
- f) $g(x) \ge 3$.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios



3. Considere a função $f: \mathbb{N}^* \to \mathbb{Z}$ tal que

$$f(n) = \begin{cases} \frac{-n}{2}, & \text{se } n \text{ \'e par} \\ \frac{n-1}{2}, & \text{se } n \text{ \'e impar} \end{cases}.$$

Mostre que f é bijetiva.

- **4**. Considere a função $f: \mathbb{R}^* \to \mathbb{R}_+^*$ tal que $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$. Responda as seguintes perguntas apresentando as respectivas justificativas.
 - a) f é injetiva?
 - b) f é sobrejetiva?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções Atividade Online

Exercícios



5. Seja $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ a função cuja lei de associação é dada abaixo:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 3x, & \text{se } x \ge 0 \\ \frac{3}{2}x, & \text{se } x < 0 \end{cases}.$$

Mostre que f é bijetiva.

6. Considere a função $f:(0,1)\to\mathbb{R}$ tal que

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} - 2, & \text{se } x \le \frac{1}{2} \\ 2 - \frac{1}{1 - x}, & \text{se } x > \frac{1}{2} \end{cases}.$$

Mostre que f é bijetiva.

7. Considere $f: [3,5;+\infty) \rightarrow [-2,25;+\infty)$ tal que $f(x) = x^2 - 7x + 10$. Prove que f é bijetiva.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia

UFRN Natal-RN



- **8**. Considere as funções $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}_+$ tal que $f(x) = x^2 + 3$ e $g: (-\infty; 5] \to \mathbb{R}$ tal que $g(x) = \sqrt{x^2 10x + 27}$. Faça o que se pede:
 - a) Calcule $(f \circ g)$ e $(g \circ f)$. Caso não seja possível, justifique;
 - b) Verifique a injetividade e a sobrejetividade de alguma das funções compostas que você calculou no item anterior.
- **9**. Considere as funções f,g e h definidas por: $f:(-\infty,0] \to [-4,+\infty)$, tal que f(x)=-x-4; $g:(-\infty,0] \to \mathbb{R}$, tal que $g(x)=\sqrt{-x}$; e $h:\mathbb{R}\to[-4,+\infty)$, tal que $h(x)=x^2-4$. Quais dessas funções é sobrejetiva e quais não são? Alguma dessas funções é resultante da composição das outras?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e

Sobrejetividade Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios



- **10**. Considere as funções reais $f: X \to Y$ e $g: Y \to Z$. Demonstre, ou refute com um contraexemplo, as afirmações abaixo:
 - a) Se $f \in g$ são injetivas, então $(g \circ f)$ é injetiva;
 - b) Se $(g \circ f)$ é injetiva então f e g são injetivas;
 - c) Se f e g são sobrejetivas, então $(g \circ f)$ é sobrejetiva;
 - d) Se $(g \circ f)$ é sobrejetiva então f e g são sobrejetivas.
- **11.** Faça uso de pelo menos um dos resultados anteriores para mostrar a injetividade das funções $f:[1,+\infty)\to (-\infty,0]$, tal que f(x)=-x+1; $g:[1,+\infty)\to \mathbb{R}$, tal que $g(x)=x^2-2x-3$; e $h:(-\infty,0]\to \mathbb{R}$, tal que $h(x)=x^2-4$.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funcões

Atividade Online

Exercícios

Bibliografia



LIMA, Elon L; CARVALHO, Paulo César P; Wagner, Eduardo; MORGADO, Augusto C.
 A Matemática do Ensino Médio. Vol. 1.
 ed. Rio de Janeiro: SBM, 2006.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Definição de Função

Atividade Online

Funções Compostas

Atividade Online

Função Inversa

Atividade Online

Injetividade e Sobrejetividade

Atividade Online

Fórmulas e Funções

Atividade Online

Exercícios