Capítulo 2 - Parte 1

Matemática Elementar

Equações e Inequações

21 de julho de 2024

Igor Oliveira matematicaelementar@imd.ufrn.br

Instituto Metrópole Digital Universidade Federal do Rio Grande do Norte Natal-RN





Índice



Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Apresentação da Aula

Como você responderia se te perguntassem: Qual o número

cujo dobro somado com sua quinta parte é igual a 121?



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

UFRN Natal-RN

29

Apresentação da Aula



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

4--3----

Atividade Online

Eguação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Como você responderia se te perguntassem: Qual o número cujo dobro somado com sua quinta parte é igual a 121? Você já viu alguma brincadeira do tipo?

- 1. Escolha um número:
- 2. Multiplique esse número por 6;
- 3. Some 12;
- 4. Divida por 3;
- 5. Subtraia o dobro do número que você escolheu;

Apresentação da Aula



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Como você responderia se te perguntassem: Qual o número cujo dobro somado com sua quinta parte é igual a 121? Você já viu alguma brincadeira do tipo?

- 1. Escolha um número:
- 2. Multiplique esse número por 6;
- 3. Some 12:
- 4. Divida por 3:
- 5. Subtraia o dobro do número que você escolheu;
- O resultado é igual a 4.



Definição 1

Uma equação do primeiro grau na variável x é uma expressão da forma

$$ax + b = 0$$
,

onde $a, b \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$ e x é um número real a ser encontrado.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Alividade Offilitie

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Proposição 2 (Propriedades)

Sejam $a, b, c \in \mathbb{R}$. Os seguintes valem:

i.
$$a = b \implies a + c = b + c$$
:

ii.
$$a = b \implies ac = bc$$
.



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Eguação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Exercícios

Ribliografia

Bibliografia

Proposição 2 (Propriedades)

Sejam $a, b, c \in \mathbb{R}$. Os seguintes valem:

i.
$$a = b \implies a + c = b + c$$
:

ii.
$$a = b \implies ac = bc$$
.

Exemplo 3

Resolva a equação 5x - 3 = 6.



Exemplo 4

Qual o número cujo dobro somado com sua quinta parte é igual a 121?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Exemplo 4

Qual o número cujo dobro somado com sua quinta parte é igual a 121?

Exemplo 5

Escreva em forma de expressões cada passo da brincadeira da Introdução e mostre porque ela sempre funciona.

- 1. Escolha um número;
- 2. Multiplique esse número por 6;
- 3. Some 12;
- 4. Divida por 3;
- 5. Subtraia o dobro do número que você escolheu;
- 6. O resultado é igual a 4.

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia



Exemplo 6

Analise as implicações abaixo:

$$x^{2} + 1 = 0 \implies (x^{2} + 1)(x^{2} - 1) = 0 \cdot (x^{2} - 1)$$

$$\implies x^{4} - 1 = 0$$

$$\implies x^{4} = 1$$

$$\implies x \in \{-1, 1\}$$

Isso quer dizer que o conjunto solução de $x^2 + 1 = 0$ é $\{-1, 1\}$?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Exemplo 6

Analise as implicações abaixo:

$$x^{2} + 1 = 0 \implies (x^{2} + 1)(x^{2} - 1) = 0 \cdot (x^{2} - 1)$$

$$\implies x^{4} - 1 = 0$$

$$\implies x^{4} = 1$$

$$\implies x \in \{-1, 1\}$$

Isso quer dizer que o conjunto solução de $x^2 + 1 = 0$ é $\{-1, 1\}$?

Observação

Muito cuidado ao efetuar divisões em ambos os lados de uma equação para não cometer o erro de dividir os lados por zero. Veja como "podemos provar" que 1=2.

Matemática Elementar

Introdução

Eguação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online Equação do 2º grau

Atividade Online
Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Atividade Online



Atividade Online 09 - Modelo com equações de primeiro grau e resolução

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Lquação do 2 grad

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Exercícios

Exercícios

Bibliografia





Exemplo 7

Se x representa um dígito na base 10 na equação

$$x11 + 11x + 1x1 = 777$$
,

qual o valor de x?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Exercícios



Exemplo 8

Determine se é possível completar o preenchimento do tabuleiro abaixo com os números naturais de 1 a 9, sem repetição, de modo que a soma de qualquer linha seja igual à de qualquer coluna ou diagonal.

1		6
	9	

Os tabuleiros preenchidos com essas propriedades são conhecidos como quadrados mágicos.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Exemplo 9

Imagine que você possui um fio de cobre extremamente longo, mas tão longo que você consegue dar a volta na Terra com ele. Para simplificar, considere que a Terra é uma bola redonda e que seu raio é de exatamente 6.378.000 metros. O fio com seus milhões de metros está ajustado à Terra, ficando bem colado ao chão ao longo do Equador. Digamos, agora, que você acrescente 1 metro ao fio e o molde de modo que ele forme um círculo enorme, cujo raio é um pouco maior que o raio da Terra e tenha o mesmo centro. Você acha que essa folga será de que tamanho?

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Eguação do 2º grau

Exercícios



Exemplo 9

Imagine que você possui um fio de cobre extremamente longo, mas tão longo que você consegue dar a volta na Terra com ele. Para simplificar, considere que a Terra é uma bola redonda e que seu raio é de exatamente 6.378.000 metros. O fio com seus milhões de metros está ajustado à Terra, ficando bem colado ao chão ao longo do Equador. Digamos, agora, que você acrescente 1 metro ao fio e o molde de modo que ele forme um círculo enorme, cujo raio é um pouco maior que o raio da Terra e tenha o mesmo centro. Você acha que essa folga será de que tamanho?

Já sabemos que a folga obtida aumentando o fio independe do raio em consideração. Além desse problema, veja outras curiosidades sobre o número π no vídeo 0 Pi existe e tente calculá-o em casa usando algum objeto redondo.

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia



Definição 10 (Equação do 1º grau em várias variáveis)

Uma equação do primeiro grau nas varáveis x_1, x_2, \ldots, x_n é uma expressão da forma

$$a_1x_1 + a_2x_2 + \cdots + a_nx_n + b = 0.$$

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Equação do 2º grau

Bibliografia



Definição 10 (Equação do 1º grau em várias variáveis)

Uma equação do primeiro grau nas varáveis x_1, x_2, \ldots, x_n é uma expressão da forma

$$a_1x_1 + a_2x_2 + \cdots + a_nx_n + b = 0.$$

Dizemos que os números (r_1, r_2, \ldots, r_n) formam uma solução da equação, se substituindo x_1 por r_1, x_2 por r_2, \ldots, x_n por r_n , temos que a equação acima é satisfeita, isto é,

$$a_1r_1 + a_2r_2 + \cdots + a_nr_n + b = 0.$$

Matemática Elementar Igor Oliveira

Equação do 1º grau Atividade Online

Introdução

Equação do 1º grau
Sistemas de
Equações do 1º grau
Atividade Online

Equação do 2º grau
Atividade Online
Equação do 2º grau
Atividade Online
Equação do 2º grau
Equação do 2º grau

Exercícios Bibliografia



Definição 10 (Equação do 1º grau em várias variáveis)

Uma equação do primeiro grau nas varáveis x_1, x_2, \ldots, x_n é uma expressão da forma

$$a_1x_1 + a_2x_2 + \cdots + a_nx_n + b = 0.$$

Dizemos que os números $(r_1, r_2, ..., r_n)$ formam uma solução da equação, se substituindo x_1 por r_1, x_2 por $r_2, ..., x_n$ por r_n , temos que a equação acima é satisfeita, isto é,

$$a_1r_1 + a_2r_2 + \cdots + a_nr_n + b = 0.$$

Exemplo 11

x + 3y - 2z + 8 = 0 é uma equação do primeiro grau nas variáveis x, y e z. Determine uma solução para essa equação.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Equação do 1º grau Atividade Online

Introdução

Equação do 1º grau
Sistemas de
Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau
Atividade Online
Equação do 2º grau
Atividade Online
Equação do 2º grau

Exercícios Bibliografia



Definição 12 (Sistema de equações do 1º grau em várias variáveis)

Um sistema de equações do primeiro grau em n variáveis $\underline{x_1, x_2, \ldots, x_n}$ é um conjunto de k equações do primeiro grau em ALGUMAS das variáveis x_1, x_2, \ldots, x_n , isto é, tem-se o sequinte conjunto de equações

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n + b_1 = 0 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n + b_2 = 0 \\ (\dots) \\ a_{k1}x_1 + a_{k2}x_2 + \dots + a_{kn}x_n + b_k = 0 \end{cases}$$

onde alguns dos elementos a_{ij} $(1 \le i \le k, \ 1 \le j \le n)$ podem ser zero. Porém, em cada uma das equações do sistema algum coeficiente a_{ij} é diferente de zero e, além disso, cada variável x_j aparece em alguma equação com coeficiente distinto de zero.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia



Dizemos que os números (r_1, r_2, \ldots, r_n) formam uma solução do sistema de equações da definição anterior se (r_1, r_2, \ldots, r_n) é solução para todas as equações simultaneamente. Há três possibilidades quando se resolve um sistema de equações do primeiro grau:

- o sistema tem uma única solução;
- o sistema tem uma infinidade de soluções;
- o sistema não possui solução.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau
Sistemas de
Equações do 1º grau

Atividade Online Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Exercícios



Exemplo 13

João possui 14 reais e deseja gastar esse dinheiro em chocolates e sanduíches para distribuir com seus 6 amigos, de modo que cada um fique exatamente com um chocolate ou um sanduíche. Sabendo que cada chocolate custa 2 reais e cada sanduíche custa 3 reais, quantos chocolates e saduíches João deve comprar?

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Eguação do 2º grau

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Exercícios

Dibliance





Exemplo 13

João possui 14 reais e deseja gastar esse dinheiro em chocolates e sanduíches para distribuir com seus 6 amigos, de modo que cada um fique exatamente com um chocolate ou um sanduíche. Sabendo que cada chocolate custa 2 reais e cada sanduíche custa 3 reais, quantos chocolates e saduíches João deve comprar?

Exemplo 14

Resolva o sistema nas variáveis x, y e z abaixo:

$$\begin{cases} x + y - z - 1 = 0 \\ x - y - 1 = 0 \end{cases}$$

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Atividade Online
Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia





Exemplo 15

Resolva o sistema nas variáveis x, y e z abaixo:

$$\begin{cases} x + y + 2z - 1 = 0 \\ x + z - 2 = 0 \\ y + z - 3 = 0 \end{cases}$$

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Equações do 1- grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia



Atividade Online

Atividade Online 10 - Sistemas de Equações Lineares



Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia





Definição 16

A equação do segundo grau com coeficientes a, b e c é uma equação da forma

$$ax^{2} + bx + c = 0$$
.

onde $a,b,c\in\mathbb{R},\,a\neq0$ e x é uma variável real a ser determinada.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau
Sistemas de
Equações do 1º grau

Atividade Online

Alividade Onlin

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios





Definição 16

A equação do segundo grau com coeficientes a, b e c é uma equação da forma

$$ax^2 + bx + c = 0,$$

onde $a, b, c \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$ e x é uma variável real a ser determinada.

Exemplo 17

Encontre as soluções de uma equação do segundo grau.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Atividade Online



Atividade Online 11 - Equações do segundo grau com cálculo de raízes quadradas: com etapas Atividade Online 12 - Método de completar quadrados Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia





Definição 18

Chamamos de <u>discriminante</u> da equação do segundo grau a expressão b^2-4ac e denotamos pela letra grega maiúscula Δ (lê-se delta).

Em resumo:

- Se Δ > 0, existem duas soluções reais;
- ► Se $\Delta = 0$, existe uma solução real ($x_1 = x_2 = -b/2a$);
- ightharpoonup Se $\Delta < 0$, não existe solução real.

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Exemplo 19

Sabendo que x é um número real que satisfaz

$$x = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}},$$

determine os valores possíveis de x.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia



Exemplo 19

Sabendo que x é um número real que satisfaz

$$x = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}},$$

determine os valores possíveis de x.

Observação

O número $\phi=\frac{\left(1+\sqrt{5}\right)}{2}$ é conhecido como razão áurea, número de ouro, proporção divina, entre outras denominações. Veja o episódio A Proporção Divina parte 01 e parte 02 do programa português Isto É Matemática.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Atividade Online



Atividade Online 13 - Fórmula de Bhaskara

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online
Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia





Teorema 20

Os números α e β são as raízes da equação do segundo grau

$$ax^2 + bx + c = 0$$

se, e somente se,

$$\alpha + \beta = \frac{-b}{a} e \alpha \beta = \frac{c}{a}.$$

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

7 tarridado Oriano

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



Teorema 20

Os números α e β são as raízes da equação do segundo grau

$$ax^2 + bx + c = 0$$

se, e somente se,

$$\alpha + \beta = \frac{-b}{a}$$
 e $\alpha\beta = \frac{c}{a}$.

Exemplo 21

Paulo cercou uma região retangular de área $28m^2$ com 24m de corda. Encontre as dimensões dessa região.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia



Definição 22 (Equação biquadrada)

A equação biquadrada com coeficientes $a, b \in c$ é uma equação da forma

$$ax^4 + bx^2 + c = 0,$$

onde $a, b, c \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$ e x é uma variável real a ser determinada.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios





Definição 22 (Equação biquadrada)

A equação biquadrada com coeficientes a, b e c é uma equação da forma

$$ax^4 + bx^2 + c = 0,$$

onde $a, b, c \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$ e x é uma variável real a ser determinada.

Exemplo 23

Resolva a equação $x^4 - 2x^2 + 1 = 0$.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



De modo geral, podemos resolver uma equação do tipo

$$ax^{2k} + bx^k + c = 0.$$

onde $k \in \mathbb{N}$, fazendo $y = x^k$. Assim, para cada solução $y = \alpha$ encontrada, teremos as seguintes possibilidades:

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia





De modo geral, podemos resolver uma equação do tipo

$$ax^{2k} + bx^k + c = 0.$$

onde $k \in \mathbb{N}$, fazendo $y = x^k$. Assim, para cada solução $y = \alpha$ encontrada, teremos as seguintes possibilidades:

▶ uma única solução: $x = \sqrt[k]{\alpha}$ se k é ímpar;

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia





De modo geral, podemos resolver uma equação do tipo

$$ax^{2k} + bx^k + c = 0.$$

onde $k \in \mathbb{N}$, fazendo $y = x^k$. Assim, para cada solução $y = \alpha$ encontrada, teremos as seguintes possibilidades:

- ▶ uma única solução: $x = \sqrt[k]{\alpha}$ se k é ímpar;
- ▶ nenhuma solução: se α < 0 e k é par;

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Eguações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios



De modo geral, podemos resolver uma equação do tipo

$$ax^{2k} + bx^k + c = 0.$$

onde $k \in \mathbb{N}$, fazendo $y = x^k$. Assim, para cada solução $y = \alpha$ encontrada, teremos as seguintes possibilidades:

- ▶ uma única solução: $x = \sqrt[k]{\alpha}$ se k é ímpar;
- ▶ nenhuma solução: se α < 0 e k é par;
- ▶ duas soluções: $x = \pm \sqrt[k]{\alpha}$ se $\alpha > 0$ e k é par.

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Eguações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Equação do 2º grau

Exercícios

Exercícios



1. Descubra os valores de *x* de modo que seja possível completar o preenchimento do quadrado mágico abaixo:



- 2. Observe as multiplicações a seguir:
 - i. $12.345.679 \cdot 18 = 222.222.222$
 - ii. $12.345.679 \cdot 27 = 333.333.333$
 - iii. $12.345.679 \cdot 54 = 666.666.666$

Para obter 999.999.999 devemos multiplicar 12.345.679 por quanto?

Matemática Elementar Igor Oliveira

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Exercícios



- 3. Eu tenho o dobro da idade que tu tinhas quando eu tinha a tua idade. Quando tu tiveres a minha idade, a soma das nossas idades será de 45 anos. Quais são as nossas idades?
- 4. Passarinhos brincam em volta de uma velha árvore. Se dois passarinhos pousam em cada galho, um passarinho fica voando. Se todos os passarinhos pousam, com três em cada galho, um galho fica vazio. Quantos são os passarinhos?
- 5. O número -3 é a raiz da equação $x^2 7x 2c = 0$. Nessas condições, determine o valor do coeficiente c.
- **6.** Determine o conjunto solução $S \subseteq \mathbb{Q}$ formado pelo(s) número(s) que, adicionado ao triplo de seu quadrado, resulta em 14.
- 7. Determine o(s) valor(es) de $m \in \mathbb{R}$ tal(is) que a equação $mx^2 + (m+1)x + (m+1) = 0$ tenha somente uma raiz real.
- **8.** Calcule as dimensões de um retângulo de 16cm de perímetro e $15cm^2$ de área.

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Exercícios



- **9**. Sejam α_1 e α_2 as raízes da equação do 2° grau $ax^2 + bx + c = 0$. Calcule as seguintes expressões em função de a, b e c:
 - a) $\frac{\alpha_1 + \alpha_2}{2}$;
 - b) $\sqrt{\alpha_1 \cdot \alpha_2}$;
 - c) $\sqrt{\alpha_1} + \sqrt{\alpha_2}$;
 - d) $\sqrt[4]{\alpha_1} + \sqrt[4]{\alpha_2}$.

Dica: no item c), inicie calculando o quadrado da expressão.

- 10. Resolva as equações abaixo:
 - a) $x^4 3x^2 4 = 0$;
 - b) $x^6 + 4x^3 + 4 = 0$.
- 11. (Colégio Naval 1986) Uma equação biquadrada tem duas de suas raízes iguais a $\sqrt{2}$ e 3. Determine o valor do coeficiente do termo de 2° grau dessa equação.
- **12**. (EPCAR 2002) Determine o produto das raízes da equação $7 + \sqrt{x^2 1} = x^2$.

Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau Sistemas de

Equações do 1º grau Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online
Equação do 2º grau

Exercícios

Bibliografia

Bibliografia



[1] OLIVEIRA, Krerley I M; FERNÁNDEZ, Adán J C. Iniciação à Matemática: um Curso com Problemas e Soluções.

2. ed. Rio de Janeiro: SBM, 2010.

[2] OLIVEIRA, Krerley I M; FERNÁNDEZ, Adán J C. Estágio dos Alunos Bolsistas - OBMEP 2005 - 4. Equações, Inequações e Desigualdades. Rio de Janeiro: SBM, 2006. Matemática Elementar

Introdução

Equação do 1º grau

Atividade Online

Equação do 1º grau

Sistemas de Equações do 1º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Atividade Online

Equação do 2º grau

Exercícios