▶ Cosas que deberías de dominar

(1) Ec. de primer grado.

Resuelve: $\frac{x+1}{2} - \frac{2x-1}{5} + 4 = x+2$

(2) Ec. de segundo grado básicas.

Resuelve:

a)
$$x^2 + 3x - 10 = 0$$
 b) $3x^2 + 5x = 0$

b)
$$3x^2 + 5x = 0$$

c)
$$2x^2 - 8 = 0$$

(3) Ec. de segundo grado.

Resuelve:

a)
$$x \cdot (x-2) = 3(x+1) - x^2$$

b)
$$10 \cdot (x-2)^2 - 9 \cdot (x-2) = 1$$

(4) Ec. de tercer grado.

Resulve: $x^3 + 5x^2 - 3x - 15 = 0$

(5) Inecuaciones de primer grado.

Resuelve las siguientes inecuaciones:

a)
$$2x + 3 > 5$$

b)
$$5x - 4 < 6$$

c)
$$3-4x>1$$

d)
$$2x + 3 < 5x - 2$$

e)
$$2(3+x)+3(5-x)<4(x-2)+5(3+x)-2$$

$$f) \ 3(-x-2) - 2(4+x) > 2(2x+3) + x - 1$$

(6) Inecuaciones de 2º grado.

Estudia el signo de la función $p(x) = (x+1) \cdot (x-2)$

► Ecuaciones bicuadradas

(7) Resuelve las siguientes ecuaciones:

a)
$$x^4 + 6x^2 + 8 = 0$$

$$f) 3x^4 + 5x^2 + 4 = 0$$

b)
$$2x^4 + 2x - 4 = 0$$

$$a) x^4 - 81 = 0$$

c)
$$9x^4 - 9x^2 + 2 = 0$$

h)
$$x^4 - 5x^2 - 36 = 0$$

$$d) 9x^4 - 12x^2 + 4 = 0$$

i)
$$x^4$$
 625 - 0

e)
$$16x^4 + 400x^2 + 125 = 0$$

\blacktriangleright Ecuaciones con la x en el denominador

(8) Resuelve las siguientes ecuaciones:

$$a) \ \frac{5x}{2x-1} + 3 = \frac{4x}{2x-1}$$

$$d) \ \frac{3x}{x^2 - 9} + \frac{2}{x + 3} = \frac{5}{x - 3}$$

$$b) \ \frac{2}{x+1} + \frac{3}{x} = 5$$

$$e) \ \frac{x^2 - 2x + 1}{3x + 4} = 0$$

$$c) \ \frac{4}{x-2} + 1 = \frac{3}{x+2}$$

$$f) \ \frac{2x-5}{x+2} - \frac{x+3}{x-2} = 4x - 1$$

▶ Ecuaciones con radicales

(9) Ecuaciones con una raíz. Resuelve las siguientes ecuaciones:

$$a) \ \sqrt{x+3} = 5$$

$$c) \ 3 - \sqrt{x+1} = 9$$

c)
$$3 - \sqrt{x+1} = 9$$
 e) $\frac{x}{2} = 1 + 2\sqrt{x+5}$

b)
$$2\sqrt{x-2} = 8$$

d)
$$x - \sqrt{x - 3} = 5$$

d)
$$x - \sqrt{x-3} = 5$$
 f) $4x + 8\sqrt{x-1} = 1$

(10) Ecuaciones con dos raíces. Resuelve las siguientes ecuaciones:

a)
$$\sqrt{2x+2} - 3\sqrt{x-3} = -2$$

a)
$$\sqrt{2x+2} - 3\sqrt{x-3} = -2$$

 c) $3\sqrt{x+3} - 2\sqrt{x+15} = 3x+1$

b)
$$2\sqrt{2x+5} + 5\sqrt{4x+2} = 4$$

d)
$$2\sqrt{x+1} - \sqrt{3x-5} = 2$$

(11) Resuelve las siguientes ecuaciones:

$$a) \ x(2x-3) = 0$$

$$b) (5x+10)(3x+4) = 0$$

c)
$$8(x+2) - 3x(x+2) = 0$$

d)
$$3x(x^2 - 3x + 2) = 0$$

e)
$$9(x-3)(x^2-7x+10)=0$$

$$f) \ \frac{3(x+4)\cdot(x-5)}{x^2+1} = 0$$

$$g) \ \frac{9x^2 - 9x + 2}{16x^2 - 32x + 7} = 0$$

► Ecuaciones exponenciales

(12) Resuelve (no tomes logaritmos):

a)
$$2^x = 8$$

$$e) 9^x = 27$$

i)
$$5^x - 1 = 0$$

b)
$$2^x = \frac{1}{4}$$

$$f) 27^x = \frac{1}{0}$$

$$j) \ 3 \cdot 5^{x+1} = 75$$

 $k) \ 5^x = 0'20$

$$c) \ 2^{x+1} = \sqrt{2}$$

$$g) 9^{x+1} = \sqrt{27}$$

$$d) \ 2^{2x} = \frac{1}{\sqrt[3]{2}}$$

h)
$$2 \cdot 3^{2x} = 18$$

(13) Resuelve (tienes que hacer lo mismo que en el ejercicio anterior):

a)
$$2^{3x} = 0'5^{3x+2}$$
 c) $10^{3+x} = 1$ e) $5^{3-x} = 125$ g) $3^{2x} = 81$

c)
$$10^{3+x} = 1$$

$$e) 5^{3-x} = 125$$

a)
$$3^{2x} = 81$$

$$b) \ 3^{4-x^2} = \frac{1}{0}$$

$$d) \ 3^{2-x} = 9$$

b)
$$3^{4-x^2} = \frac{1}{9}$$
 d) $3^{2-x} = 9$ f) $2^{-1-x^2} = \frac{1}{64}$ h) $\frac{1^{x+1}}{4^{x-1}} = 8$

$$h) \ \frac{1^{x+1}}{4^{x-1}} = 8$$

(14) Resuelve, utilizando logaritmos:

a)
$$5^x = 10$$

c)
$$3^{x+1} = 80$$

a)
$$5^x = 10$$
 c) $3^{x+1} = 80$ e) $2 \cdot 5^x = 250$ g) $3 \cdot 5^x = 75$

$$g) \ 3 \cdot 5^x = 75$$

b)
$$2^x = 25$$
 d) $7^x = 39$

$$d) 7^x = 39$$

$$f) \ 3 \cdot 2^x = 24$$

$$f) \ \ 3 \cdot 2^x = 24 \qquad \qquad h) \ \ 7 \cdot 2^x = 224$$

(15) Resuelve:

a)
$$25 \cdot 5^{2x} = 625$$

c)
$$2^x - 3 = 8$$

$$b) \ 4^{2x} = \frac{1}{16}$$

$$d) \ 4^x + 4 \cdot 2^x - 32 = 0$$

(16) Resuelve: $2^{x-1} + 4^{x-3} = 5$

(17) Resuelve:

a)
$$52 = 3^{4a}$$

$$b) \ 4 \cdot 2^x = 100$$

a)
$$52 = 3^{4x}$$
 b) $4 \cdot 2^x = 100$ c) $9^x - 3 = 2 \cdot 3^x$ d) $5^{2x-1} = 25$

d)
$$5^{2x-1} = 25$$

► Ecuaciones logarítmicas

(18) Resuelve:

$$a) \log_2 x = 1$$

$$e) \log_x 125 = 3$$

$$h) \log_x 0'001 = 3$$

$$b) \log_2 x = 5$$

$$f) \log_x \frac{1}{3} = -\frac{1}{2}$$

i)
$$\log_4 x = 3$$

j) $\log_5 125 = x$

$$c) \log_2 x = -1$$

$$d) \log_2 x = -10$$

$$g) \log_x 9 = 2$$

$$k) \log(2x+3) = 0$$

(19) Resuelve:

$$a) \ 3\log x = 3$$

$$c) \ 3\log x = -3$$

$$e) \ \frac{\log x}{2} = 1$$

$$b) \ 2\log x = 10$$

$$d) \ 2\log x = -10$$

(20) Resuelve las siguientes ecuaciones logarítmicas:

$$a) \log x = \log 7$$

$$c) \log x = 3$$

b)
$$\log x = 5 \log 2$$

$$d$$
) $\log x = 1$

(21) Calcula la x en las siguientes ecuaciones:

b) $\log x = 2 \cdot (\log 3 + 5 \cdot \log 2 - \log 4)$

a)
$$\log x = \log 20 - \log 3$$

$$c) \log x = \frac{3\log 5}{7}$$

(22) Resuelve:

a)
$$\log(x+7) = \log(5x-3)$$

c)
$$\log(x+1) - \log(2x-1) = \log(x-1)$$

b)
$$\log x + \log(5x - 3) = \log 2$$

d)
$$\frac{1}{2}\log(2x+3) = \log 3 + \frac{1}{2}\log(x-2)$$

(23) Resuelve:

a)
$$\log x + \log 3 = 10$$

e)
$$\log(x+4) - \log(x-5) = 1$$

$$b) \log x - \log 4 = 5$$

$$f) \log x + \log(x+9) = 1$$

c)
$$\log x - \log 36 = 3$$

d) $\log \sqrt{x} - \log \sqrt{5} = 0'5$

g)
$$\log(3x+1) - \log(2x-3) = 1 - \log 5$$