

Pruebas de acceso a enseñanzas universitarias oficiales de grado

Castilla y León

MATEMÁTICAS II

EJERCICIO

Nº Páginas: 2

INDICACIONES: 1.- OPTATIVIDAD: El alumno deberá escoger una de las dos opciones, pudiendo desarrollar los cuatro ejercicios de la misma en el orden que desee.

2.- CALCULADORA: Se permitirá el uso de **calculadoras no programables** (que no admitan memoria para texto ni representaciones gráficas).

CRITERIOS GENERALES DE EVALUACIÓN: Cada ejercicio se puntuará sobre un máximo de 2,5 puntos. Se observarán fundamentalmente los siguientes aspectos: Correcta utilización de los conceptos, definiciones y propiedades relacionadas con la naturaleza de la situación que se trata de resolver. Justificaciones teóricas que se aporten para el desarrollo de las respuestas. Claridad y coherencia en la exposición. Precisión en los cálculos y en las notaciones. Deben figurar explícitamente las operaciones no triviales, de modo que puedan reconstruirse la argumentación lógica y los cálculos.

OPCIÓN A

E1.- Consideremos el sistema $\begin{cases} x + 2y + 3z = 4 \\ (a+3)y = 0 \\ (a+2)z = 1 \end{cases}$

- a) Discutir el sistema según los valores del parámetro a. (1,25 puntos)
- b) Resolverlo cuando sea posible. (1,25 puntos)

E2.- Sean las rectas $r \equiv x = y = z$ y $s \equiv \begin{cases} x - y = 1 \\ x - 3z = 1 \end{cases}$.

- a) Comprobar que las rectas r y s se cruzan. (0,5 puntos)
- b) Calcular la recta que corta perpendicularmente a las rectas r y s. (2 puntos)

E3.- Consideremos la función $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$. Calcular dominio, asíntotas, intervalos de crecimiento y decrecimiento, extremos relativos y puntos de inflexión. (2,5 puntos)

- E4.- a) Enunciar e interpretar geométricamente el Teorema de Rolle. (1 punto)
- **b)** Hallar la primitiva de la función $f(x) = x^2 \ln x$ cuya gráfica pasa por el punto (1,0). (1,5 puntos)

OPCIÓN B

- **E1.-** Consideremos la matriz $M = \begin{pmatrix} a(a-4) & a-4 \\ a-4 & a(a-4) \end{pmatrix}$.
 - a) Calcular el rango de M en función del parámetro a. (1,5 puntos)
 - **b)** Para a = 1, resolver la ecuación $M \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = -6 \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$. (1 punto)
- **E2.- a**) Determinar la ecuación del plano que es perpendicular al segmento de extremos A = (0, -1, 3) y B = (2, -1, 1) y que pasa por el punto medio de dicho segmento.

(1,25 puntos)

- **b)** Hallar el área del triángulo cuyos vértices son los cortes del plano 2x + y + 2z 2 = 0 con los ejes coordenados. (1,25 puntos)
- **E3.-** Consideremos la función definida a trozos $f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c, & \text{si } x \le 2 \\ \ln(x-1), & \text{si } x > 2 \end{cases}$.

Hallar los valores de a, b y c para que f(x) sea continua en toda la recta real y tenga un extremo relativo en el punto (1,-1). (2,5 puntos)

E4.- a) Calcular
$$\lim_{x\to 0} (\cos x)^{\frac{1}{x^2}}$$
. (1 punto)

b) Calcular el área de la región comprendida entre las gráficas de las funciones $\cos x$ y sen x y las rectas x = 0 y $x = \frac{\pi}{2}$. (1,5 puntos)