

# Pruebas de Acceso a las Universidades de Castilla y León

# **MATEMÁTICAS II**

Texto para los Alumnos

Nº páginas 2

CRITERIOS GENERALES DE EVALUACIÓN DE LA PRUEBA: Se observarán fundamentalmente los siguientes aspectos: Correcta utilización de los conceptos, definiciones y propiedades relacionadas con la naturaleza de la situación que se trata de resolver. Justificaciones teóricas que se aporten para el desarrollo de las respuestas. Claridad y coherencia en la exposición. Precisión en los cálculos y en las notaciones.

DATOS O TABLAS (SI HA LUGAR): Podrá utilizarse una calculadora no programable y no gráfica.

**OPTATIVIDAD:** Se proponen dos pruebas, A y B. Cada una de ellas consta de dos problemas, PR-1 y PR-2, y cuatro cuestiones, C-1, C-2, C-3 y C-4. Cada problema tendrá una puntuación máxima de tres puntos, y cada cuestión se puntuará, como máximo, con un punto. **EL ALUMNO DEBERÁ ESCOGER UNA DE LAS PRUEBAS, A ó B, Y DESARROLLAR LAS PREGUNTAS DE LA MISMA EN EL ORDEN QUE DESEE**.

# PRUEBA A

### **PROBLEMAS**

**PR-1.-** Se considera el plano  $\pi = x + ay + 2az = 4$  y la recta  $r = \begin{cases} x + y + 2z = 2 \\ x + 2y - z = 3 \end{cases}$ .

a) Determinar los valores de a para los cuales la recta y el plano son paralelos

(1 punto)

b) Para a=2, calcular la recta que pasa por P(1,0,-1), es paralela al plano  $\pi$  y se apoya en la recta r. (2 puntos)

**PR-2.-** Sea 
$$f(x) = \frac{\ln x}{x^2}$$
 con  $x \in (0,+\infty)$ . Se pide:

a) Calcular los intervalos de crecimiento y decrecimiento, los extremos relativos y las asíntotas. Esbozar su gráfica. (2 puntos)

b) Calcular 
$$\int f(x) dx$$
. (1 punto)

#### **CUESTIONES**

C-1.- Calcular 
$$\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{sen}^2(2x)}{x^3 + x^2}$$
. (1 punto)

C-2.- Determinar el valor de a para que la recta tangente a la función  $f(x) = x^3 + ax$  en el punto x = 0 sea perpendicular a la recta y + x = -3. (1 punto)

**C-3.-** Sean las matrices 
$$B = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$
 y  $C = \begin{pmatrix} 13 & 8 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$ . Calcular la matriz A, sabiendo que

$$A^2 = B y A^3 = C$$
. (1 punto)

**C-4.-** Sabiendo que tres de los vértices de un paralelogramo son los puntos A(1,1,2), B(1,1,4) y C(3,3,6), hallar el área del mismo. (1 punto)

# PRUEBA B

# **PROBLEMAS**

**PR-1.-** Se considera el sistema  $\begin{cases} x - y + z = -1 \\ y + z = 2a \\ x + 2z = a^2 \end{cases}$  donde a es un parámetro real.

- a) Discutir el sistema en función del valor de a. (1,5 puntos)
- b) Resolver el sistema para a = 0. (0,5 puntos)
- c) Resolver el sistema para a = 1. (1 punto)

$$\mathbf{PR-2.-} \, \mathbf{Dada} \, f(x) = \begin{cases} \frac{\operatorname{sen}(x^2)}{x} & \operatorname{si} x > 0 \\ x & , \text{ se pide:} \end{cases}$$

- a) Estudiar la continuidad y derivabilidad de la función f(x). (2 puntos)
- b) Calcular  $\int_{\sqrt{\pi}}^{\sqrt{2\pi}} x^2 f(x) dx$ . (1 punto)

### **CUESTIONES**

- C-1.- Calcular las asíntotas de la función  $f(x) = \frac{(2x-1)^2}{4x^2+1}$ . (1 punto)
- C-2.- Calcular el rango de la matriz  $\begin{pmatrix} 1 & 3 & -1 & -5 \\ -1 & 1 & -3 & -3 \\ 2 & 4 & 0 & -6 \\ 3 & 2 & 4 & -1 \end{pmatrix}$  (1 punto)
- C-3.- Demostrar que la ecuación  $x^3 + x 5 = 0$  tiene al menos una solución en el intervalo (1,2). (1 punto)
- **C-4.-** Dada la recta r = 2x + y = 2, calcular el punto P de la recta r tal que la perpendicular a r por P pase por el punto (1,-1). (1 punto)