

# Pruebas de Acceso a las Universidades de Castilla y León

## MATEMÁTICAS II

Texto para los Alumnos

Nº páginas 2

CRITERIOS GENERALES DE EVALUACIÓN DE LA PRUEBA: Se observarán fundamentalmente los siguientes aspectos: Correcta utilización de los conceptos, definiciones y propiedades relacionadas con la naturaleza de la situación que se trata de resolver. Justificaciones teóricas que se aporten para el desarrollo de las respuestas. Claridad y coherencia en la exposición. Precisión en los cálculos y en las notaciones.

**DATOS O TABLAS (SI HA LUGAR):** Podrá utilizarse una calculadora no programable y no gráfica.

**OPTATIVIDAD:** Se proponen dos pruebas, A y B. Cada una de ellas consta de dos problemas, PR-1 y PR-2, y cuatro cuestiones, C-1, C-2, C-3 y C-4. Cada problema tendrá una puntuación máxima de tres puntos, y cada cuestión se puntuará, como máximo, con un punto. **EL ALUMNO DEBERÁ ESCOGER UNA DE LAS PRUEBAS, A ó B, Y DESARROLLAR LAS PREGUNTAS DE LA MISMA EN EL ORDEN QUE DESEE**.

### PRUEBA A

### **PROBLEMAS**

**PR-1** Sea r la recta que pasa por los puntos A(1,1,1) y B(3,1,2), y sea s la recta de ecuaciones  $s = \begin{cases} x - 2z = 1 \\ y - 2 = 0 \end{cases}$ . Se pide:

a) Estudiar su posición relativa.

**(1,5 puntos)** 

b) Si fuera posible, calcular su punto de intersección.

**(0,5 puntos)** 

c) Calcular, si existe, un plano que las contenga.

(1 punto)

**PR-2** Sea la función  $f(x) = |x^2 - x - 2|$ .

- a) Hallar los intervalos de crecimiento y decrecimiento, los de concavidad y convexidad y esbozar su gráfica. (1,5 puntos)
- b) Demostrar que no es derivable en x = 2.

(0.5 puntos)

c) Calcular el área de la región limitada por dicha gráfica, el eje OX y las rectas x = -2, x = 0. (1 punto)

### **CUESTIONES**

**C-1.-** Sea A una matriz cuadrada tal que det(A) = -1 y  $det((-2) \cdot A) = 32$ . Calcular el tamaño de la matriz A. (1 punto)

**C-2.-** Calcular la matriz 
$$X$$
 que verifica  $AX = BB^t$ , donde  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$  y  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ ,

siendo  $B^t$  la matriz transpuesta de B.

(1 punto)

C-3.- Hallar la distancia desde el punto 
$$P(1,3,-2)$$
 a la recta  $s = \begin{cases} x = 2 + 3\lambda \\ y = -1 + \lambda \end{cases}$  (1 punto)  $z = 1 - 2\lambda$ 

C-4.- Calcular 
$$\int \frac{1}{1-x^2} dx$$
. (1 punto)

## PRUEBA B

#### **PROBLEMAS**

PR-1.- Sea el sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} x - y = 5 \\ \lambda y + z = \lambda \\ x - 2z = 3 \end{cases}$$

Se pide:

a) Discutirlo en función del parámetro  $\lambda \in R$ .

(2 puntos)

b) Resolverlo cuando sea compatible.

(1 punto)

PR-2.- Un campo de atletismo de 400 metros de perímetro consiste en un rectángulo y dos semicírculos en dos lados opuestos, según la figura adjunta. Hallar las dimensiones del campo para que el área de la parte rectangular sea lo mayor posible. (3 puntos)



#### **CUESTIONES**

**C-1.-** Calcular la distancia entre las rectas de ecuaciones:

r = 
$$\begin{cases} 3x - y = -1 \\ 7x - z = -4 \end{cases}$$
 y  $s = x - 2 = \frac{y - 2}{3} = \frac{z - 3}{4}$ .

(1 punto)

- C-2.- Resolver la ecuación  $\begin{vmatrix} x+1 & x & x \\ x & x+1 & x \\ x & x & x+1 \end{vmatrix} = 0.$ (1 punto)
- C-3.- Estudiar los intervalos de crecimiento y decrecimiento de la función  $f(x) = \frac{\ln x}{x}$  en su dominio de definición. (1 punto)
- C-4.- Calcular los valores de a para los cuales el área comprendida entre la gráfica de la función  $y = -x^2 + a^4$  y el eje OX es de  $\frac{256}{3}$  unidades de superficie. (1 punto)