## Отображение

**Определение 1.** Отображением f множества X во множество Y называется некое npaвило, которое каждому элементу x множества X ставит ровно один элемент y множества Y.

**Определение 2.** *Биекцией* множества X во множество Y называется отображение, которое:

- 1. любым двум элементам множества X ставит в соответствие разные элементы множества Y;
- 2. для каждого элемента y множества Y найдётся элемент x из множества X, что x сопоставлен y.
- 1. Установите биекцию между
- а) чётными и нечётными натуральными числами меньше 1000;
- б) всевозможными последовательностями из 3 единиц, 7 ноликов и 7 единиц, 3 ноликов;
- в) множеством натуральных чисел и множеством нечётных натуральных чисел
- **2.** Докажите, что если между множествами X и Y можно установить биекцию и между множествами Y и Z можно установить биекцию, то можно установить между множествами X и Z.
- **3.** На доске записаны несколько последовательных натуральных чисел. Известно, что 48% из них чётны, а 36% чисел меньше 30. Найти наименьшее из выписанных чисел.
- 4. В алфавите племени ЯВА всего 3 буквы: А, В и Я. Комбинации букв ВАЯ и ЯЯЯ, ЯВА и АВАЯ, АЯВЯ и ААВА в любом слове можно заменять друг на друга, причем смысл слова от этого не меняется. Можно ли утверждать, что слова АВЯВАЯЯВАЯ и ВАЯВЯААВАЯАЯВЯВ имеют одинаковый смысл?
- **5.** Решите уравнение в целых числах:  $x^2 + y^2 + 2 = 2(x + y)$ .
- **6.** Есть коробка в форме параллелепипеда. Площадь нижней грани равна 8, площадь лицевой грани равна 3, площадь боковой грани равна 15. Найдите объём коробки.
- 7. Во время соревнований по автогонкам некоторые автомобили сталкивались между собой. Оказалось, что их можно разделить на две группы так, что автомобили, вошедшие в одну группу, друг с другом не сталкивались. Докажите, что суммарное количество вмятин у автомобилей первой группы равно суммарному количеству вмятин у автомобилей второй группы.
- 8. Можно ли составить разлинованный квадрат  $4 \times 4$
- а) из 5 ломаных длины 8?
- б) из 8 ломаных длины 5?
- **9.** Можно ли расставить в таблице  $4 \times 6$  различные натуральные числа, не превосходящие 30, так, чтобы каждая пара чисел в клетках с общей стороной имела общий делитель, больший единицы?

## Отображение

10. Назовём словом любую последовательность букв. Докажите, что количество слов длины 2013, состоящих из букв 3, Ю, Е и Р, содержащих последовательность букв ЗЮЗЕР, равно количеству слов длины 2013, состоящих из букв 3, Ю, Е и Р, содержащих последовательность букв ЗЮРЕР.
$\mathrm{Ca}$ йт кружка http://matemax.pythonanywhere.com