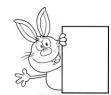
Клетки и кролики

- **1.** Есть кран раковина и два бидона ёмкостью 15 и 16 литров, можно ли отмерить 8 литров?
- 2. Васин лягушонок подрос и теперь прыгает по клеткам доски 12 × 12, притом каждый раз только на соседнюю *по диагонали* клетку. Сможет ли он вернуться на ту клетку, с которой начинал, сделав 239 прыжков?
- **3.** В классе 30 учеников. Во время контрольной работы Вася сделал 13 ошибок, а остальные меньше. Докажите, что найдутся три ученика, сделавшие одинаковое число ошибок.
- **4.** На квадратной площади со стороной 1 км стоит 51 памятник Π .Г.Л.Дирихле. Докажите, что какие-то три памятника помещаются на квадратном участке со стороной 200 м.
- **5.** На квадратной доске 10×10 клеток расставлены шашки, причём на всех вертикалях стоит разное (возможно, нулевое) число шашек, и на всех горизонталях стоит разное (возможно, нулевое) число шашек. Сколько всего шашек может быть на доске?
- **6.** Найдите последнюю цифру числа а) 6^{2017} ; б) 111^{2017} ; в) 9^{2017} ; г) 2^{2017} .
- 7. Аделина, Алёна и Вася несколько раз бежали наперегонки. После каждого забега прибежавший первым получал три очка, вторым два очка, а третьим одно очко. По итогам всех забегов ребята получили поровну очков. Известно, что Вася прибегал раньше Аделины 17 раз, а раньше Алёны 12 раз. Сколько было забегов?



Задачи для самых шустрых и домашних раздумий

- **8.** Числа 1, 2, ..., 9 разбиты на три группы. Докажите, что произведение чисел хотя бы в одной из групп меньше 72.
- 9. Григорий и Вася часто играют между собой, и записывают все результаты. Оказалось, что за каждые два месяца подряд в 2017 году Григорий в сумме чаще выигрывал, чем проигрывал. а) Может ли случиться, что в сумме за весь год чаще выигрывал Вася? б) Может ли случиться, что в сумме за первые 11 месяцев года чаще выигрывал Вася?
- **10.** В целом числе без нулей каждая цифра, кроме первых двух, больше хотя бы одной из двух предыдущих. Какое максимальное количество цифр в нем может быть?