No exprese ningún cálculo en forma fraccionaria. El examen se aprueba con tres ejercicios correctamente resueltos en su totalidad. Salvo indicación contraria, use al menos 5 cifras de precisión (preferible usar memorias de la calculadora)

Apellido, nombre(s): _

1. El período T de un péndulo está dado por la expresión $T=2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$, siendo L la longitud del hilo y g la aceleración de la gravedad. Se conoce:

$$L = 20.000 \pm 0.003m$$

$$g = 9.81m/s^2 \text{ con } e_{r_g} = 2\%$$

$$\pi = 3.1416 \pm 0.0001$$

- (a) Calcular el error absoluto del período (con su unidad correspondiente) y expresar al período en la forma $T=\overline{T}\pm\Delta T$
- (b) Calcular el error relativo del período
- 2. El volumen de agua de un tanque esférico de radio R=3 está definida por la función $V(x)=\frac{\pi x^2(9-x)}{3}$. Se desea conocer el valor de x para el cuál el tanque esférico se encuentra al 70 %. Encuentre la función que modela el problema mencionado y halle la raíz por el método de Newton-Raphson, interrumpa el algoritmo cuando la diferencia absoluta entre iteraciones consecutivas sea menor a 0.01. Exprese el resultado $x=\overline{x}\pm\Delta x$.

AYUDA: Máximo volumen se alcanza en V(2R)

3. Dada la siguiente tabla de valores:

| x | 0 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------|---|---|----|----|-----|
| f(x) | 1 | 9 | 27 | 81 | 243 |

- (a) Hallar un polinomio interpolante de orden 3 para estimar f(1). Si el polinomio no es único elija uno y justifique su elección.
- (b) Estime f(1) y estime el error cometido
- 4. Se observa que ciertos datos medidos tienen un comportamiento aproximadamente parabólico en un gráfico x-y.
 - (a) Use la aproximación de cuadrados mínimos para determinar una ecuación que ajuste los datos. Los coeficientes del modelo que propone, ¿minimizan el error cuadrático total?
 - (b) Estime el valor de y para $x_0 = 1.8$

| X | 0.5 | 1.0 | 1.5 | 2.0 | 4.0 |
|---|-------|-------|-------|-------|-------|
| У | 7.105 | 7.030 | 6.575 | 6.070 | 0.880 |

5. Dado el sistema de ecuaciones lineales Ax = b, con

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ -9 & -2 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \qquad b = \begin{pmatrix} 12 \\ -49 \\ 3 \end{pmatrix}$$

Hallar x resolviendo el sistema mediante descomposición LU sin pivoteo parcial (sin intercambiar filas). Escriba todos los pasos intermedios. ¿Es exacto el resultado?