### Relacijska algebra II

**BAZE PODATAKA I** 

doc. dr. sc. Goran Oreški Fakultet informatike, Sveučilište Jurja Dobrile, Pula

# Sadržaj

- ponavljanje prethodnih predavanja:
  - jezici za rad s bazom podataka
  - relacijska algebra
    - osnovne operacije relacijske algebre
  - dodatne operacije relacijske algebre

- proširene operacije relacijske algebre
  - generalizirana projekcija
  - funkcije agregacije
  - dodatne join operacije
- promjene podataka u bazi podataka
  - insert
  - update
  - delete

#### Ponavljanje

- jezici za rad s bazom podataka:
  - DML
    - proceduralni
    - deklarativni
  - DDL
    - specifikacija sheme
    - ograničenja na podacima
      - domene, referencijalni integritet, opća ograničenja, dozvole
- relacijska algebra
  - proceduralni upitni jezik
  - osnovne i dodatne operacije

#### Ponavljanje

- relacijska algebra
  - šest osnovnih operacija
    - projekcija
    - selekcija
    - unija
    - razlika
    - Kartezijev produkt
    - preimenovanje
- svaka operacija uzima jednu ili dvije relacije
- stvara relaciju kao rezultat

#### Ponavljanje

- dodatne operacije relacijske algebre
  - presjek
  - natural join
  - dijeljenje
  - dodjeljivanje
- operacije definirane pomoću osnovnih operacija
- česta primjena u složenim upitima
- omogućavaju pisanje kraćih upita

# Proširene operacije

- osnovne operacije relacijske algebre su proširene s ciljem zadavanja upita koji nisu mogući korištenjem osnovnih operacija
- omogućavaju veću iskoristivost relacijske algebre
  - dodaju nove funkcionalnosti
- tri značajna proširenja su:
  - generalizirana projekcija
  - funkcije agregacije
  - dodatne join operacije
- sva proširenja su nalaze u SQL standardima

#### Operacija generalizirane projekcije

- želimo uključiti podatke koji su rezultat računanja
  - npr. Prikaži sve studente s iznosom neuplaćene školarine.
  - neuplaćena školarina = školarina uplaćena školarina
- operacija projekcije je generalizirana na način da uključi izračunate rezultate
  - koristeći operaciju mogu se specificirati atributi (projekcija), kao i funkcije na atributima
  - mogu se dodijeliti imena izračunatim vrijednostima
  - preimenovanje atributa je također dozvoljeno

#### Operacija generalizirane projekcije

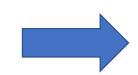
- izraz:  $\Pi_{F_1, F_2, F_3, ..., F_n}(E)$ 
  - *F<sub>i</sub>* je aritmetički izraz
  - *E* je izraz koji rezultira relacijom
  - može se dodati ime vrijednosti: F<sub>i</sub> as name
- koristi se za stvaranje izvedenih atributa:
  - vrijednosti se računaju na temelju vrijednosti drugih atributa spremljenih u bazi podataka (mogu se koristiti i konstantne vrijenosti)
  - aritmetičke operacije su  $\times$ ,  $\div$ , +, -
  - dozvoljava operacije na znakovnim nizovima
    - spajanje nizova

# Operacija generalizirane projekcije

• primjer: Prikaži sve studente s iznosom neuplaćene školarine!

 $\Pi_{jmbag, (skolarina - uplacena\_skolarina)}$  AS neuplacena\_skolarina (student)

jmbag	prezime	smjer	skolarina	uplacena_skolarina
100234	Marić	Biologija	12000	4000
203345	Ivanović	Geofizika	10000	10000
121455	Horvat	Informatika	9000	5000
200032	Jurić	Kardiologija	13000	11000



jmbag	neuplacena_skolarina
100234	8000
203345	0
121455	4000
200032	2000

- često se javlja potreba za primjenom neke funkcije na skup vrijednosti da bi se generirala jedna vrijednost
- najčešće funkcije agregacije:

```
sum zbrajaju se vrijednosti
```

avg računa se prosjek vrijednosti

**count** prebrojava se broj vrijednosti

min minimalna vrijednost

max maksimalna vrijednost

- funkcije agregacije rade na multiskupovima, ne skupovima
  - vrijednosti se mogu ponavljati

 Pronađite ukupan iznos školarina na sveučilištu!

$$\mathcal{G}_{sum(skolarina)}(student)$$

44000

jmbag	prezime	smjer	skolarina
100234	Marić	Biologija	12000
203345	Ivanović	Geofizika	10000
121455	Horvat	Informatika	9000
200032	Jurić	Kardiologija	13000

• Pronađite najveći dug prema sveučilištu po školarini! (slajd 9.)

$$\mathcal{G}_{max(neuplacena\ skolarina)}(\Pi_{(skolarina\ -\ uplacena\ skolarina)}$$
 AS neuplacena\ skolarina (student))

8000

- ponekad je potrebno računati agregacije prema specifičnoj vrijednosti nekog atributa
- vratimo se na bazu podataka položenih ispita
  - shema?
- pitanja
  - koliko je pojedini student položio ispita?
  - koliko studenata je položilo pojedini ispit?

prezime	kolegij_naziv
Horvat	Programiranje 1
Horvat	Baze podatka 1
Božić	Sustavi poslovne inteligencije
Blažević	Programiranje 1
Božić	Baze podataka 1
Novak	Baze podataka 1
Horvat	Sustavi poslovne inteligencije
	polozeno

Rolegij\_naziv

Programiranje 1

Baze podatka 1

Sustavi poslovne inteligencije

kolegij

koliko je pojedini student položio ispita?

 $prezime G_{count(kolegij\ naziv)}(polozeno)$ 

- prvo se relacija polozeno grupira po jedinstvenim vrijednostima atributa prezime
- potom se count(naziv\_kolegija) primjenjuje na svaku grupu pojedinačno

prezime	kolegij_naziv
Horvat	Programiranje 1
Horvat	Baze podatka 1
Božić	Sustavi poslovne inteligencije
Blažević	Programiranje 1
Božić	Baze podataka 1
Novak	Baze podataka 1
Horvat	Sustavi poslovne inteligencije
	polozeno

kolegij_naziv
Programiranje 1
Baze podatka 1
Sustavi poslovne inteligencije
kolegij

13

 $prezime G_{count(kolegij\_naziv)}(polozeno)$ 

Ulazna relacija je grupirana po atributu *prezime*.

kolegij naziv prezime Horvat Programiranje 1 Baze podatka 1 Horvat Sustavi poslovne inteligencije Horvat Božić Sustavi poslovne inteligencije Božić Baze podataka 1 Novak Baze podataka 1 Blažević Programiranje 1

Primjenjuje se *count* funkcija na sve grupe pojedinačno.



prezime	
Horvat	3
Božić	2
Novak	1
Blažević	1

### Različite vrijednosti

• ponekad je potrebno izračunati agregacije na skupovima a ne

multiskupovima

izmjenimo db položenih ispita

- dodajmo relaciju koja sadrži podatke o pristupanju ispitu i broju bodova
- na koliko kolegija je izašao pojedini student?
  - koristeći relaciju pristupio

student može izaći više puta na ispit istog kolegija

prezime	kolegij_naziv	bodovi
Horvat	Programiranje 1	12
Horvat	Baze podatka 1	54
Božić	Sustavi poslovne inteligencije	23
Blažević	Programiranje 1	76
Božić	Sustavi poslovne inteligencije	32
Novak	Baze podataka 1	100
Horvat	Programiranje 1	7

pristupio

24.03.2020.

15

### Različite vrijednosti

• na koliko kolegija je izašao pojedini student?

 broj izlazaka iz pojedinog kolegija se može pojaviti više puta!

prezime	kolegij_naziv	bodovi
Horvat	Programiranje 1	12
Horvat	Baze podatka 1	54
Božić	Sustavi poslovne inteligencije	23
Blažević	Programiranje 1	76
Božić	Sustavi poslovne inteligencije	32
Novak	Baze podataka 1	100
Horvat	Programiranje 1	7

pristupio

• potrebno je prebrojati različita (engl. distinct) pojavljivanja svih kolegija

 $prezime G_{count-distinct(kolegij\_naziv)}(pristupio)$ 

#### Eliminacija duplikata

- svakoj funkciji agregiranja se može dodati **–distinct** da bi se specificirala eliminacija duplikata
  - najčešće se koristi s funkcijom *count*; *count-distinct*
  - nema smisla korištenje s *min* i *max*

# Opći oblik funkcija agregacije

- izraz:  $G_1, G_2, G_3, ..., G_n \mathcal{G}_{F_1(A_1), F_2(A_2), F_3(A_3), ..., F_m(A_m)}(E)$ 
  - E je izraz koji rezultira relacijom
  - vodeći *G<sub>i</sub>* su atributi iz *E* na kojima se vrši grupiranje
  - svaka  $F_i$  je funkcija agregacije primijenjena na atributu  $A_i$  iz E
- prvi korak: ulazna relacija (podaci) se dijeli u grupe
  - ukoliko nije naveden niti jedan  $G_i$  tada je sve jedna grupa, tj. ne provodi se grupiranje
- drugi korak: izvodi se funkcija agregacije na svim grupama pojedinačno

# Opći oblik funkcija agregacije

- izraz:  $G_1, G_2, G_3, ..., G_n \mathcal{G}_{F_1(A_1), F_2(A_2), F_3(A_3), ..., F_m(A_m)}(E)$
- n-torke u E su grupirane na način:
  - sve n-torke u istoj grupi imaju identičnu vrijednost za atribute  $G_1$ ,  $G_2$ ,  $G_3$ , ...,  $G_n$
  - n-torke u različitim grupama imaju različite vrijednosti za atribute  $G_1$ ,  $G_2$ ,  $G_3$ , ...,  $G_n$
- stoga vrijednosti  $\{g_1, g_2, g_3, ..., g_n\}$  u svakoj grupi jedinstveno identificiraju grupu
  - $\{G_1, G_2, G_3, ..., G_n\}$  je super-ključ za rezultirajuću relaciju

# Opći oblik funkcija agregacije

- izraz:  $G_1, G_2, G_3, ..., G_n \mathcal{G}_{F_1(A_1), F_2(A_2), F_3(A_3), ..., F_m(A_m)}(E)$
- n-torke iz rezultata su oblika:

$$\{g_1, g_2, g_3, ..., g_n, a_1, a_2, a_3, ..., a_m\},\$$

- $g_i$  su vrijednosti za određenu grupu
- $a_i$  je rezultat primjene  $F_i$  na multiskup vrijednosti  $A_i$  iz te grupe
- $F_i(A_i)$  atributi su bez imena
  - ime se može specificirati kao i prije  $F_i(A_i)$  **AS**  $attr_name$

# Primjer funkcije agregacije

 koliko studenata je položilo pojedini ispit?

 $kolegij naziv G_{count(prezime)}(polozeno)$ 

- slučaj kada niti jedan student nije položio kolegij?
  - ako nitko nije položio neće se nalaziti u relaciji polozeno

prezime	kolegij_naziv
Horvat	Programiranje 1
Horvat	Baze podatka 1
Božić	Sustavi poslovne inteligencije
Blažević	Programiranje 1
Božić	Baze podataka 1
Novak	Baze podataka 1
Horvat	Sustavi poslovne inteligencije
	polozeno

kolegij_naziv
Programiranje 1
Baze podatka 1
Sustavi poslovne inteligencije
kolegij

24.03.2020

21

# Primjer funkcije agregacije

- novi kolegij je dodan u relaciju
  - htjeli bi vidjeti {"Napredne tehnike programiranja, 0"} u rezultatima
  - "NTP" se neće pojaviti u rezultatima!
    - zašto?
- hoće li join pomoći?
  - ne
  - natural join neće proizvesti niti jedan red za "NTP"

prezime	kolegij_naziv
Horvat	Programiranje 1
Horvat	Baze podatka 1
Božić	Sustavi poslovne inteligencije
Blažević	Programiranje 1
Božić	Baze podataka 1
Novak	Baze podataka 1
Horvat	Sustavi poslovne inteligencije
	polozeno

kolegij_naziv
Programiranje 1
Baze podatka 1
Sustavi poslovne inteligencije
Napredne tehnike programiranja

### theta join

- <u>theta join</u> je varijanta natural join operacije koja omogućava da kombiniramo selekciju i Kartezijev produkt u jednoj operaciji
- uzmimo relacije r(R) i s(S) i recimo da je  $\theta$  predikat na atributima sheme  $R \cup S$ 
  - tada operaciju theta join  $r \bowtie_{\theta} s$  definiramo kao

$$r \bowtie_{\theta} s = \sigma_{\theta}(r \times s)$$

- upotreba:
  - natural join kada se atributi ne zovu jednako (equi-join)
  - skraćeni zapis selekcije i Kartezijevog produkta

#### Outer joins

- hrv. vanjsko spajanje
- natural join zahtjeva da lijeva i desna relacija sadrže istu n-torku za spajanje

$$r \bowtie s = \prod_{R \cup S} (\sigma_{r,A_1=s,A_1 \land r,A_2=s,A_2 \land r,A_3=s,A_3 \land \dots \land r,A_n=s,A_n} (r \times s))$$

- <u>outer join</u> je dodatak join operaciji stvoren s ciljem upravljanja nedostajućim vrijednostima
- nedostajuće vrijednosti u rezultatu se predstavljaju pomoću null vrijednosti
  - null nepostojeća ili nepoznata vrijednost

#### Outer joins

- left outer join:  $r \bowtie s$ 
  - ako n-torka  $t_r \in r$  nema pripadajuću n-torku u s, rezultat sadrži  $\{t_r, null, null, ..., null\}$
  - ako n-torka  $t_s \in s$  nema pripadajuću n-torku u r, onda je isključena iz rezultata upita
- right outer join:  $r \bowtie s$ 
  - ako n-torka  $t_r \in r$  nema pripadajuću n-torku u s, onda je isključena iz rezultata upita
  - ako n-torka  $t_s \in s$  nema pripadajuću n-torku u r, rezultat sadrži  $\{null, null, ..., null, t_s\}$

#### Outer joins

- full outer join:  $r \bowtie s$ 
  - uključuje n-torke iz r koje nemaju pripadajuću n-torku u s, i obrnuto one u s koje nemaju u r

• primjer:

r =

att1	att2
1	10
2	11
3	12

*s* =

att1	att3
2	100
3	101
4	102

 $r \bowtie s$ 

att1	att2	att3
2	11	100
3	12	101

 $r \bowtie s$ 

att1	att2	att3
1	10	null
2	11	100
3	12	101

 $r\bowtie s$ 

att1	att2	att3
2	11	100
3	12	101
4	null	102

 $r \bowtie s$ 

att1	att2	att3
1	10	null
2	11	100
3	12	101
4	null	102

# null vrijednost

- uvođenje *null* vrijednosti ima veliki utjecaj na sve dosad obrađene dijelove relacijske algebre
  - null znači nepoznata ili nepostojeća vrijednost
- potrebno je definirati učinke na rezultat kada je *null* vrijednost prisutna
- aritmetičke operacije koje uključuju null uvjek daju rezultat null
  - npr. 5 + *null* = *null*
- operatori usporedbe nad null daju rezultat nepoznato (engl. unknown)
  - čak *null* = *null* daje vrijednost <u>unknown</u>

# Logički operatori i unknown

#### and

```
true \Lambda unknown = unknown
false \Lambda unknown = false
unknown \Lambda unknown = unknown
```

#### • or

```
true V unknown = true
false V unknown = unknown
unknown V unknown = unknown
```

not

 $\neg$ unknown = unknown

#### Relacijske operacije

- za svaku relacijsku operaciju potrebno je specificirati ponašanje u odnosu na null i unknown vrijednosti
- selekcija:  $\sigma_P(r)$ 
  - ako P rezultira s *null* za neku n-torku, tada se ista n-torka isključuje iz rezultata (tj. definicija selekcije se ne mijenja)
- natural join:  $r \bowtie s$ 
  - Kartezijev produkt potom selekcija
  - ukoliko zajednički atribut ima vrijednost null, tada se n-torka isključuje iz join rezultata
    - *null* je nepoznata vrijednost

#### Projekcija i operacije skupova

- projekcija: Π(*E*)
  - operacija projekcije mora ukloniti duplikate
  - null vrijednost se tretira kao bilo koja druga vrijednost
  - višestruke n-torke koje sadrže null vrijednost se također eliminraju
- unija, presjek i razlika
  - null vrijednost se tretira kao bilo koja druga vrijednost
  - unija, presjek i razlika računaju se kao obično
- definirana pravila pomalo arbitrarna!?
  - u ovim slučajevima, dvije *null* vrijednosti se smatraju istima
  - ali dvije *null* vrijednosti nisu iste

#### Grupiranje i agregacije

#### • u fazi grupiranja:

- null vrijednost se tretira kao bilo koja druga vrijednost
- ako n-torke imaju istu vrijednost svih atributa za grupiranje (uključujući i vrijednost null), sve završe u istoj grupi

#### u fazi agregacije

- null vrijednosti se uklanjaju iz multiskupova prije nego što se primjeni funkcija agregacije
- ako funkcija agregacije na ulazu dobije prazan multiskup, rezultat je null...
  - osim funkcije count koja vraća 0

#### Generalizirana projekcija, outer join

- operacija generalizirane projekcije
  - kombinacija projekcije i aritmetičke operacije
  - izvedite pravilo za zadaću koristeći prijašnja pravila
- outer joins:
  - ponaša se kao i natural join, razlika je u tome što se dodaje null umjesto nedostajućih vrijednosti

#### Povratak na položene ispite

 koliko studenata je položilo pojedini ispit?

kolegij_naziv		
Programiranje 1		
Baze podatka 1		
Sustavi poslovne inteligencije		
Napredne tehnike programiranja		

kolegij

 koristi se outer join da bi se uključili svi kolegiji, ne samo položeni

kolegij ⋈ polozeno

prezime	kolegij_naziv
Horvat	Programiranje 1
Horvat	Baze podatka 1
Božić	Sustavi poslovne inteligencije
Blažević	Programiranje 1
Božić	Baze podataka 1
Novak	Baze podataka 1
Horvat	Sustavi poslovne inteligencije
	polozeno

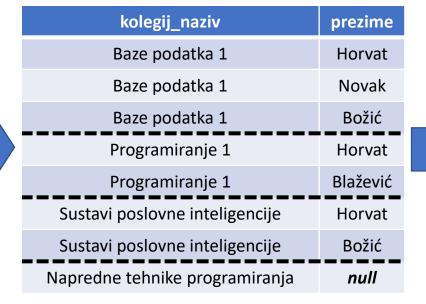
kolegij_naziv	prezime
Programiranje 1	Horvat
Baze podatka 1	Horvat
Sustavi poslovne inteligencije	Božić
Programiranje 1	Blažević
Baze podataka 1	Božić
Baze podataka 1	Novak
Sustavi poslovne inteligencije	Horvat
Napredne tehnike programiranja	null

# Zbrajanje položenih ispita

- korištenje grupiranja i agregacije
  - grupiranje po kolegijima
  - zbrajanje studenata

 $kolegij\_naziv$  $G_{count(prezime)}(kolegij \bowtie polozeno)$ 

kolegij_naziv	prezime
Programiranje 1	Horvat
Baze podatka 1	Horvat
Sustavi poslovne inteligencije	Božić
Programiranje 1	Blažević
Baze podataka 1	Božić
Baze podataka 1	Novak
Sustavi poslovne inteligencije	Horvat
Napredne tehnike programiranja	null



kolegij_naziv	
Programiranje 1	3
Baze podatka 1	2
Sustavi poslovne inteligencije	2
Napredne tehnike programiranja	0

#### Promjene podataka u bazi podataka

- podaci se često mijenjaju u bazi podataka
- za promjenu podataka se koristi operator dodjeljivanja ←
- operacije:

```
r \leftarrow r \cup E umetanje novih n-torki u relaciju r \leftarrow r - E brisanje n-torki iz relacije r \leftarrow \Pi(r) promjena n-torki koje se nalaze u relaciji
```

- na prethodnim predavanjima smo r definirali kao relacijsku varijablu, to znači:
  - operator dodjeljivanja postavlja novu relacijsku vrijednost u r
  - izraz često treba uključiti i postojeće n-torke, da se podaci ne bi izgubili

# Dodavanje novih n-torki

za umetanje novih n-torki koristi se unija

```
r \leftarrow r \cup E
```

- E mora biti ispravnog stupnja
- nove n-torke za umetanje se mogu i direktno specificirati

```
polozeno ← polozeno ∪
{("Ivić", "Programiranje I" ), ("Marić", "Baze podataka I")}
```

konstantna relacija

- dodaju se dvije n-torke polozeno relaciji
- specificirati se mogu konstante relacije kao skup vrijednosti
  - svaka n-torka je zatvorena zagradama
  - ukupan skup n-torki je zatvoren vitičastom zagradom

### Dodavanje novih n-torki

- n-torke se mogu dodati i iz izraza
- primjer:
  - "Student Perić je došao s drugog fakulteta informatike i priznata su mu oba ispita koja drži profesor Marić a koja je već položio na starom fakultetu."
  - potrebno je pronaći ispite koje drži profesor Marić te dodati dva zapisa kojima se označava da je student položio ispite
  - proširena baza podataka:

```
profesor(<u>sifra profesora</u>, prezime, fakultet, zvanje)
student(<u>JMBAG</u>, prezime)
kolegij(<u>naziv kolegija</u>, <u>sifra profesora</u>)
polozeno(<u>JMBAG</u>, <u>naziv kolegija</u>, ocjena)
```

### Dodavanje novih n-torki

 potrebno je pronaći koje kolegije predaje profesor Marić te iste za studenta Perić dodati u relaciju polozeno (recimo i da prezime jedinstveno identificira profesora i studenta, inače moramo raditi selekciju po šifri profesora)

```
\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\text{profesor}) \bowtie \text{kolegij} \\ (\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\text{profesor})) \bowtie \text{kolegij} \\ ((\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\text{profesor})) \bowtie \text{kolegij}) \\ ((,,Perić")) \times (((\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\text{profesor}))) \bowtie \text{kolegij})) \\ ((\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Marić"}}(\sigma_{\text{prezime="Ma
```

### Brisanje n-torki

- za brisanje n-torki koristi se operacija
  - $r \leftarrow r E$
- primjer:
  - Potrebno je obrisati studenta Božić iz baze podataka sveučilišta, jer je ispisan iz fakulteta!
  - napomena: vrlo rijetko je potrebno brisati podatke iz baze podataka, gotovo uvjek moraju ostati radi praćenja povijesti
- problem
  - polozeno relacija referencira relaciju student
  - zbog referencijalnog integriteta potrebno je obrisati zapise iz polozeno

### Brisanje n-torki

- polozeno referencira student
  - *JMBAG* atribut je ključ
  - polozeno relacija ne smije imati vrijednosti iz student koje ne postoje u relaciji student
  - prvo se briše n-torke iz *polozeno*
  - potom se brišu iz student
- rješenje

```
polozeno \leftarrow polozeno - \prod_{\mathsf{JMBAG, \, naziv\_kolegija, \, ocjena}} (\sigma_{\mathsf{prezime=\, "Boži\'{c}"}}(student) \bowtie \\ polozeno) student \leftarrow student - \sigma_{\mathsf{prezime=\, "Boži\'{c}"}}(student)
```

### Brisanje n-torki

- u relacijskoj algebri sami moramo paziti na ograničenja stranih ključeva
- relacijski sustav baze podataka na ta ograničenja pazi automatski, što ćemo vidjeti u nastavku

### Promjena n-torki

- opći oblik koristi generaliziranu projekciju  $r \leftarrow \prod_{F_1,F_2,...,F_n} (r)$
- mijenja sve n-torke u r
- Primjer:
  - povećaj za jedan sve ECTS bodove kolegija

$$kolegij \leftarrow \prod_{kolegij \ naziv, \ ECTS + 1} (kolegij)$$

- moraju se uključiti i atributi koji se ne mijenjaju
  - zašto?
- u suprotnom slučaju se mijenja shema kolegija

kolegij_naziv	ECTS
Programiranje 1	6
Baze podatka 1	7
Sustavi poslovne inteligencije	5
Napredne tehnike programiranja	5

kolegij

### Promjena n-torki

- promjena samo nekih n-torki je nešto složenija
  - relacijska varijabla sadrži vrijednost koju vrati korišteni izraz
  - moraju se uključiti promijenjene n-torke i one koje nisu promijenjene
- primjer:
  - dodajte jedan ECTS svim kolegijima koji imaju manje od 7 ECTS-a

```
kolegij \leftarrow \prod_{kolegij \ naziv, \ ECTS + 1} (\sigma_{ECTS < 7}(kolegij)) \cup \sigma_{ECTS \ge 7}(kolegij)
```

 potrebno je stvoriti uniju promijenjenih i nepromijenjenih n-torki unutar relacije

• definirana je shema sveučilišne baze podataka (*shema preuzeta iz [DSC]*):

```
course(<u>course id</u>, title, dept name, credits)
instructor(<u>ID</u>, name, dept name, salary)
section(<u>course id</u>, <u>sec id</u>, <u>semester</u>, <u>year</u>, building, room_number, time_slot_id)
teaches(<u>ID</u>, <u>course id</u>, <u>sec id</u>, <u>semester</u>, <u>year</u>)
student(<u>ID</u>, name, dept_name, tot_cred)
takes(<u>ID</u>, <u>course id</u>, <u>sec id</u>, <u>semester</u>, <u>year</u>, grade)
```

• Definirana je shema sveučilišne baze podataka (*shema preuzeta iz [DSC]*):

course(course\_id, title, dept name, credits)
instructor(ID, name, dept name, salary)
section(course\_id, sec\_id, semester, year, building, room\_number, time\_slot\_id)
teache((ID) course\_id, sec\_id, semester, year)
student(ID, name, dept\_name, tot\_cred)
take;(ID) course\_id, sec\_id, semester, year, grade)

primarni ključ? kandidat ključ? super ključ?

 pronađite sve studente koji su imali predavanja kod profesora Radmana; u rezultatu ne smije biti duplikata

 $\Pi_{\text{ID}}(\sigma_{\text{IID='Radman'}}(\text{takes} \bowtie \rho_{\text{t1(IID, course id, section id, semester, year)}}\text{teaches))$ 

- duplikati?
  - ako se koristi relacijska algebra koja koristi skupove tada je navedeni izraz dovoljan
  - ako se koristi relacijska algebra koja koristi multi-skupove tada se može koristiti operator grupiranja
  - za vježbu napišite izraz koji podrazumijeva korištenje multi-skupova

• pronađite najvišu plaću profesora (instructor)

$$G_{\max(salary)}(instructor)$$

 pronađite sve profesore s najvišom plaćom (može biti više profesora s najvišom plaćom)

```
instructor \bowtie (G_{max(salary) as salary}(instructor))
```

 pronađite broj upisanih studenata na svim ponuđenim kolegijima i grupama (section) za zimski semestar 2019

course id, section id  $G_{count(*)}$  as enrollment  $(\sigma_{year=2019 \land semester=Winter}(takes))$ 

 pronađite najveći broj upisanih studenata na svim ponuđenim kolegijima i grupama (section) za zimski semestar 2019

```
t1 \leftarrow_{\text{course\_id, section\_id}} \mathcal{G}_{\text{count}(*) \text{ as enrollment}}(\sigma_{\text{year=2019 } \land \text{ semester=Winter}}(takes))
\mathcal{G}_{\text{max}(\text{enrollment})}(t1)
```

 pronadite ponudene kolegije i grupe (sections) koje su imale najveći broj upisanih studenata

```
t2 \leftarrow \mathcal{G}_{\mathsf{max}(\mathsf{enrollment}) \mathsf{ as enrollment}}(t1)
t1 \bowtie t2
```

- natural outer-join operacije proširuju natural join tako da se n-torke iz pripadajućih relacija ne izgube u rezultatu join-a ukoliko nisu uparene
- opišite kako proširiti operacije theta-joina tako da se relacije iz:
  - lijeve relacije
  - desne relacije
  - obje relacije

ne gube u rezultatima theta-joina

postupak prikažite pomoću izraza relacijske algebre

- <u>left outer theta join</u> na relacijama r(R) i s(S) ili  $r \bowtie_{\Theta} s$
- se može definirati:

```
(r \bowtie_{\theta} s) \cup ((r - \Pi_{R}(r \bowtie_{\theta} s)) \times (null,null,...,null))
```

- podijelimo izraz:
  - $(r \bowtie_{\theta} s)$
  - $(r \prod_{R} (r \bowtie_{\theta} s))$
  - (null,null,...,null)
    - veličina n-torke koja sadrži samo null je jednaka broju atributa iz S

- right outer theta join na relacijama r(R) i s(S) ili  $r\bowtie_{\Theta} s$
- se može definirati:

```
(r \bowtie_{\theta} s) \cup ((null,null,...,null) \times (s - \Pi_{S}(r \bowtie_{\theta} s)))
```

- podijelimo izraz:
  - $(r \bowtie_{\theta} s)$
  - (null,null,...,null)
    - veličina n-torke koja sadrži samo null je jednaka broju atributa iz R
  - $(s \Pi_S(r \bowtie_{\theta} s))$

- full outer theta join na relacijama r(R) i s(S) ili  $r \bowtie_{\Theta} s$
- se može definirati:

```
(r \bowtie_{\theta} s) \cup ((null,null,...,null) \times (s - \Pi_{S}(r \bowtie_{\theta} s))) \cup ((r - \Pi_{R}(r \bowtie_{\theta} s)) \times (null,null,...,null))
```

- podijelimo izraz:
  - $(r \bowtie_{\theta} s)$
  - ((null,null,...,null) × (s  $\Pi_S$ (r  $\bowtie_{\theta}$  s)))
  - $((r \Pi_R(r \bowtie_{\theta} s)) \times (null,null,...,null))$

• zadana je slijedeća shema baze podataka (shema preuzeta iz [DSC])

```
employee (<u>person_name</u>, street, city)
works (<u>person_name</u>, company_name, salary)
company (<u>company_name</u>, city)
manages (<u>person_name</u>, manager_name)
```

#### • zadaci:

- pronađite imena svih zaposlenika koji žive u istoj ulici i gradu kao njihovi menadžeri
- pronađite imena svih zaposlenika koji ne rade u Karlovačkoj banci
- pronađite imena svih zaposlenika koji zarađuju više od svih zaposlenika u Zagrebačkoj banci

 pronađite imena svih zaposlenika koji žive u istoj ulici i gradu kao njihovi menadžeri

```
\Pi_{\text{person\_name}}((employee \bowtie manages) \bowtie_{(manager\_name = employee2.person name \land employee.street = employee2.street \land employee2.city)}(\rho_{employee2}(employee)))
```

- pronađite imena svih zaposlenika koji ne rade u Karlovačkoj banci
  - ako podrazumijevamo da svi zaposlenici rade u točno jednoj tvrtki

```
\Pi_{\text{person name}} (\sigma_{\text{company name}} \neq \text{"Karlovačka banka"}(works))
```

• ako podrazumijevamo da ljudi ne moraju biti zaposleni

```
\Pi_{\text{person name}} (employee) -\Pi_{\text{person name}} (\sigma_{\text{company name}} = \text{"Karlovačka banka"} (works))
```

 pronađite imena svih zaposlenika koji zarađuju više od svih zaposlenika u Zagrebačkoj banci

```
\Pi_{\text{person\_name}} \text{ (works)} - (\Pi_{\text{works.person\_name}} \text{ (works.salary } \leq \text{ (works.salary } \leq \text{ works2.salary } \wedge \text{ (works2.company\_name} = \text{"Zagrebačka banka")} \rho_{\text{works2}} \text{ (works)))}
```

# Relacijska algebra sažetak

- vrlo izražajan upitni jezik za dohvat podataka iz relacijske baze podataka
  - jednostavna selekcija, projekcija
  - računanje korelacije između relacija koristeći join operacije
  - operacije grupiranja i agregacije
- jezik omogućava i promjenu vrijednosti podataka spremljenih u bazu podataka
  - insert, update, delete
- relacijska algebra je proceduralni upitni jezik
  - mora se navesti sekvenca operacija da bi se dobio rezultat

## Relacijska algebra sažetak

- korist relacijske algebre jest što može biti formalno precizirana i obrazložena
- izrazi znaju biti vrlo dugački
- sustavi baze podataka pružaju jednostavnije upitne jezike za manipulaciju podataka
  - najpopularniji je SQL
- mnoge baze podataka koriste jezik nalik na relacijsku algebru interno, skriveno
  - odlični za reprezentaciju upitnih planova, zbog proceduralnog oblika

#### Nastavak

- prelazak s relacijske algebra na SQL
- počinjemo raditi s pravim bazama podataka

#### Literatura

- Pročitati
  - [DSC] poglavlje 6.1. (ostatak)
  - Caltech CS121
- Slijedeće predavanje
  - [DSC] poglavlje 3.1 3.5.
  - Caltech CS121 P4