O Método (Secreto) da Matemática

Luis Alberto D'Afonseca

Integração e Séries

17 de agosto de 2025

Conteúdo

Método Matemático

Resolvendo Exercícios em uma Prova

Lista Mínima

Não basta encontrar a solução correta, precisamos da solução comprovadamente correta

Uma aproximação não é uma solução

Não podemos usar o método empírico

Toda afirmação precisa ser comprovadamente verdadeira

1. Axiomas

- Definem uma teoria
- Combinamos que é verdade

2. Definições

- Definem conceitos dentro de uma teoria
- ► Combinamos que é verdade
- 3. Proposições, Lemas, Teoremas, Corolários
 - Demonstramos que é verdade

Nem sempre o "obvio" é verdadeiro

Cada passagem em um desenvolvimento deve obrigatoriamente estar ancorada em um resultado demonstrado

Por isso eles são numerados

Conteúdo

Método Matemático

Resolvendo Exercícios em uma Prova

Lista Mínima

Na Prova

- A resposta correta tem pouca importância
- Sua capacidade de manipular corretamente os conceitos é o que importa
- Você não quer depender
 - da boa vontade do corretor
 - da capacidade do corretor em decifrar o que você escreveu
 - da capacidade do corretor em adivinhar o que você pensou

Organização do Prova

- Respeite as margens do papel (Todas as Quatro!)
- Use uma "fonte" adequada, cada coisa tem seu simbolo único
- Não imite o quadro do professor ou as imagens de um vídeo
- Em português escrevemos da esquerda para a direita e de cima para baixo
 - siga essa regra
 - não use setas para indicar o sentido de leitura
 - a informação não pode vir do futuro

Notação

- Use a notação correta
- ightharpoonup Não misture os símbolos =, \rightarrow , \Rightarrow
 - ▶ = indica igualdade, ambos os lados são exatamente a mesma coisa
 - ▶ → é usado somente na notação de limite e na definição de funções
 - ▶ ⇒ indica implicação lógica

```
(A terra \'e plana) \Rightarrow (Belo Horizonte tem praias maravilhosas)
```

Afirmação verdadeira pois falso implica em falso

Não Pule Passagens

- Escreva todas as passagens
- O que foi solicitado no enunciado deve estar escrito explicitamente na resolução
- ▶ Evite repetir expressões grandes, atribua um nome para ela

Repetições

Prefira sequências de igualdades a sequências de equações

$$f(x) = 2 + 2 + 2 + 2$$
 $f(x) = 2 + 2 + 2 + 2$ $= 4 + 2 + 2$ $= 4 + 2 + 2$ $= 6 + 2$ $= 6 + 2$ $= 8$

Forma alternativa (menos legível)

$$f(x) = 2 + 2 + 2 + 2 = 4 + 2 + 2 = 6 + 2 = 8$$

Demonstrando Igualdades

Começamos de um termo e o manipulamos até o outro

Mostrar que
$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

 $(a+b)(a-b) = a(a-b) - b(a-b)$
 $= a^2 - ab - ba - b^2$
 $= a^2 - b^2$

Demonstrando Igualdades

Não manipular os dois lados ao mesmo tempo

Mostrar que
$$3 = 4$$

$$3 = 4$$

$$3 \times 0 = 4 \times 0$$

$$0 = 0$$

Se o erro não está claro para você, não manipule os dois lados

Conteúdo

Método Matemático

Resolvendo Exercícios em uma Prova

Lista Mínima

Lista Mínima

Ler o texto "Como Resolver Exercícios de Matemática"

Ler a Apostila "Quem disse que $0,999 \cdots = 1$ "