GABARITO

- 1. Não é permitido o uso de celulares, calculadoras ou dispositivos eletrônicos!
- 2. A avaliação é individual e não é permitida consulta!
- 3. Respeite as margens do papel!
- 4. Não utilize caneta vermelha ou corretivo!
- 5. Todas as respostas devem ser devidamente justificadas!
- 6. Não pule passagens e use a notação matemática correta!
- 7. O resultado final correto não significa nada se o procedimento estiver errado!

Para facilitar o cálculo dos limites considere as ordens de crescimento

$$\ln(n) \ll n^{1/k} \ll n^k \ll a^n \ll n! \ll n^n$$

1 [25] Use o teste da integral para verificar se a soma da série existe
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2+4}$$

2 [25] Calcule o limite a sequência de somas parciais da série
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{2}}{n^2 + n}$$

3 [25] Verifique se a série converge
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 - 5n + 1}{(n-2)(n^2 + 3)n^2}$$

4 [25] Mostre que a série
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\ln(n+1)}$$
 é convergente e determine quantos termos precisam ser somados para garantir um erro menor do que 10^{-6}