# Próbny Egzamin Ósmoklasisty z Matematyki

ZESTAW PRZYGOTOWANY PRZEZ SERWIS

WWW.ZADANIA.INFO

30 MARCA 2019

CZAS PRACY: 100 MINUT

# Informacja do zadań 1 i 2

Firma przesyłkowa *Pudetko* korzysta z paczkomatów do samodzielnego nadawania i odbierania przesyłek przez klientów. Firma oferuje trzy rodzaje przesyłek:

Gabaryt	Maksymalne wymiary	Cena nadania paczki
A	$8 \text{ cm} \times 38 \text{ cm} \times 64 \text{ cm}$	6,40 zł
В	$19 \text{ cm} \times 38 \text{ cm} \times 64 \text{ cm}$	11,20 zł
С	$41 \text{ cm} \times 38 \text{ cm} \times 64 \text{ cm}$	15,40 zł

#### ZADANIE 1 (1 PKT)

W tabeli zapisano wymiary jednej paczki i liczbę paczek w czterech zleceniach wysyłki

Nr zlecenia	Wymiary 1 paczki	Liczba paczek
1	$35 \text{ cm} \times 40 \text{ cm} \times 40 \text{ cm}$	3
2	$38 \text{ cm} \times 48 \text{ cm} \times 7 \text{ cm}$	7
3	$53 \text{ cm} \times 9 \text{ cm} \times 27 \text{ cm}$	5
4	$40 \text{ cm} \times 15 \text{ cm} \times 30 \text{ cm}$	4

Ile z tych zleceń może zostać zrealizowanych w cenie niższej niż 50 zł? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A) Jedno.

B) Dwa.

C) Trzy.

D) Cztery.

# ZADANIE 2 (1 PKT)

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub F – jeśli jest fałszywe.

Maksymalna objętość paczki gabarytu B jest co najmniej dwa razy większa niż objętość paczki gabarytu A.	P	F
Pięć paczek gabarytu A może mieć większą całkowitą objętość niż maksymalna paczka gabarytu C.	P	F

Zadanie 3 (1 pkt)

Dane są trzy liczby

$$a = (2\sqrt[3]{2})^3$$
,  $b = \sqrt{18} \cdot \sqrt{8}$ ,  $c = \sqrt[3]{108} : \sqrt[3]{4}$ 

Która nierówność jest prawdziwa? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A) 
$$a < c < b$$

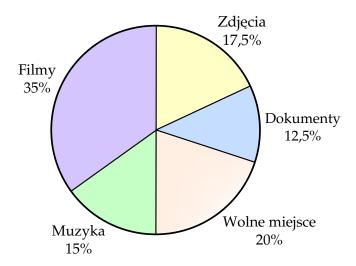
B) 
$$b < a < c$$

C) 
$$c < b < a$$

D) 
$$c < a < b$$

#### ZADANIE 4 (1 PKT)

Natalia przechowuje na zewnętrznym dysku USB swoje najważniejsze pliki. Diagram przedstawia procentowy rozkład pojemności tego dysku w zależności od rodzaju przechowywanych plików.



Gdyby Natalia skasowała wszystkie pliki muzyczne z tego dysku, to ilość wolnego miejsca zwiększyłaby się do 112 GB. **Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.** 

B) 112 GB

Filmy zajmują na tym dysku A/B.

A) 320 GB

Zdjęcia zajmują na dysku o C/D więcej miejsca niż dokumenty.

C) 16 GB D) 56 GB

#### ZADANIE 5 (1 PKT)

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub F – jeśli jest fałszywe.

Wartość wyrażenia $0,019 \cdot 13,51$ jest równa wartości wyrażenia $\frac{19\cdot1351}{10000}$ .		
Wartość wyrażenia 0,019 : 13,51 jest równa wartości wyrażenia $\frac{190}{135100}$ .	P	F

#### ZADANIE 6 (1 PKT)

Zaokrąglenia czterocyfrowych liczb *a* i *b* do pełnych dziesiątek są takie same.

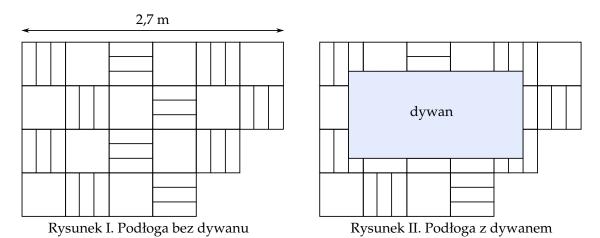
Czy cyfry tysięcy liczb a i b muszą być takie same? Wybierz odpowiedź T lub N i jej uzasadnienie spośród A, B albo C.

Tak **N**ie

	ponieważ		
A)	liczby $a$ i $b$ różnią się o co najwyżej 10.		
B)	pomiędzy liczbami a i b może być liczba podzielna przez 1000.		
C)	zaokrąglenia tych liczb do pełnych tysięcy też są równe.		

#### ZADANIE 7 (1 PKT)

Na rysunku przedstawiono fragment podłogi pokrytej kaflami w kształcie kwadratów i kaflami w kształcie jednakowych prostokątów (patrz rysunek I). Na podłodze tej położono prostokątny dywan (patrz rysunek II).

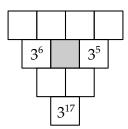


Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub F – jeśli jest fałszywe.

Dywan ma pole powierzchni większe niż 1,7 m <sup>2</sup>	P	F
Dywan ma wymiary 180 cm $\times$ 90 cm.	P	F

# ZADANIE 8 (1 PKT)

Narysowany diagram należy wypełnić liczbami naturalnymi tak, aby każda liczba była równa iloczynowi dwóch liczb napisanych bezpośrednio nad nią.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub F – jeśli jest fałszywe.

W zacieniowane pole należy wpisać liczbę 3 <sup>6</sup> .	P	F
Iloczyn wszystkich liczb w tablicy jest równy 3 <sup>59</sup> .	P	F

# ZADANIE 9 (1 PKT)

Kamil ma trzy siostry i jednego brata bliźniaka. Średnia wieku wszystkich dzieci w tej rodzinie jest równa 10,2 roku, a średnia wieku samych dziewcząt jest równa 7 lat. Ile lat ma Kamil?

Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A) 30

B) 17

C) 15

D) 21

# ZADANIE 10 (1 PKT)

Rzucamy ośmiokrotnie standardową sześcienną kostką do gry. Liczba a jest iloczynem wszystkich otrzymanych liczb oczek. Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub F – jeśli jest fałszywe.

Liczba <i>a</i> może być równa 35.	P	F
Liczba <i>a</i> może być równa 1024.	P	F

# ZADANIE 11 (1 PKT)

O liczbach x, y, z wiemy, że kwadrat ich iloczynu jest o 20% większy od odwrotności ich

Która równość poprawnie opisuje zależność wiążącą liczby x, y i z? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych. A)  $xyz^2 = \frac{1}{x+y+z} \cdot 120\%$ 

A) 
$$xyz^2 = \frac{1}{x+y+z} \cdot 120\%$$

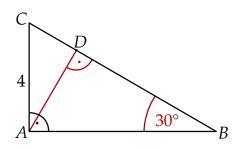
C) 
$$xyz^2 = \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} + 20\%$$

B) 
$$(xyz)^2 = \frac{1}{x+y+z} \cdot 120\%$$
  
D)  $(xyz)^2 = \frac{1}{x+y+z} + 20\%$ 

D) 
$$(xyz)^2 = \frac{1}{x+y+z} + 20\%$$

# ZADANIE 12 (1 PKT)

Odcinek AD jest wysokością trójkąta prostokątnego ABC, w którym przyprostokątna AC ma długość 4 cm i kat ostry ABC ma miarę 30° (zobacz rysunek).



Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Kąt *CAD* ma miarę **A/B**.

A)  $30^{\circ}$ 

- $B) 60^{\circ}$
- Odcinek AD ma długość C/D.
- D)  $4\sqrt{3}$

#### ZADANIE 13 (1 PKT)

W układzie współrzędnych zaznaczono dwa punkty: A=(5,-4) i P=(-2,1). Punkt P jest środkiem odcinka AB.

Jakie współrzędne ma punkt B? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A) 
$$(3, -3)$$

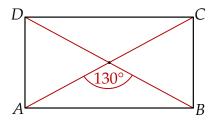
B) 
$$(-9,6)$$

C) 
$$(12, -10)$$

D) 
$$(1, -2)$$

# ZADANIE 14 (1 PKT)

Przekątne prostokąta ABCD przedstawionego na rysunku przecinają się pod kątem 130°.

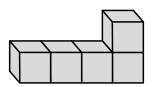


Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub F – jeśli jest fałszywe.

Kąt $BDC$ ma miarę $25^{\circ}$ .	P	F
Kąt $DAC$ ma miarę $50^{\circ}$ .		

# ZADANIE 15 (1 PKT)

Ewa z sześciennych klocków o krawędzi długości 3 cm skleiła kilka brył o kształcie pokazanym na rysunku.



Z czterech takich brył Ewa skleiła graniastosłup prawidłowy czworokątny.

Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Wysokość tego graniastosłupa jest równa A/B.

A) 12 cm

B) 15 cm

Pole powierzchni bocznej utworzonego graniastosłupa jest równe C/D.

C)  $360 \text{ cm}^2$ 

D)  $432 \text{ cm}^2$ 

ZADANIE 16 (1 PKT)

Dane są trzy wyrażenia:

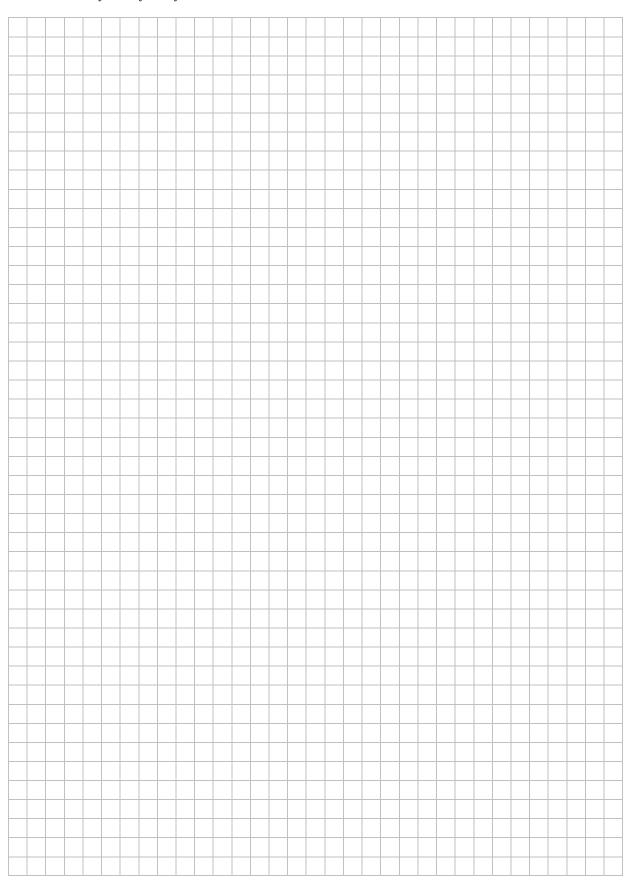
I. 
$$\sqrt{27} - 2$$
 II.  $\sqrt[3]{35} - 1$  III.  $\sqrt[4]{56} + 1$ .

Wartości których wyrażeń są mniejsze od 4? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

- A) Tylko I i II.
- B) Tylko I i III.
- C) Tylko II i III.
- D) I, II i III.

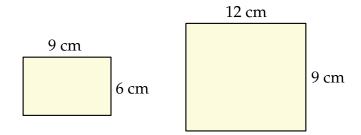
# ZADANIE 17 (2 PKT)

W pewnym mieście naukę w klasach pierwszych szkół podstawowych rozpoczęło 1854 uczniów urodzonych w roku 2012. Wykaż, że wśród tych uczniów jest co najmniej sześcioro uczniów z taką samą datą urodzenia.

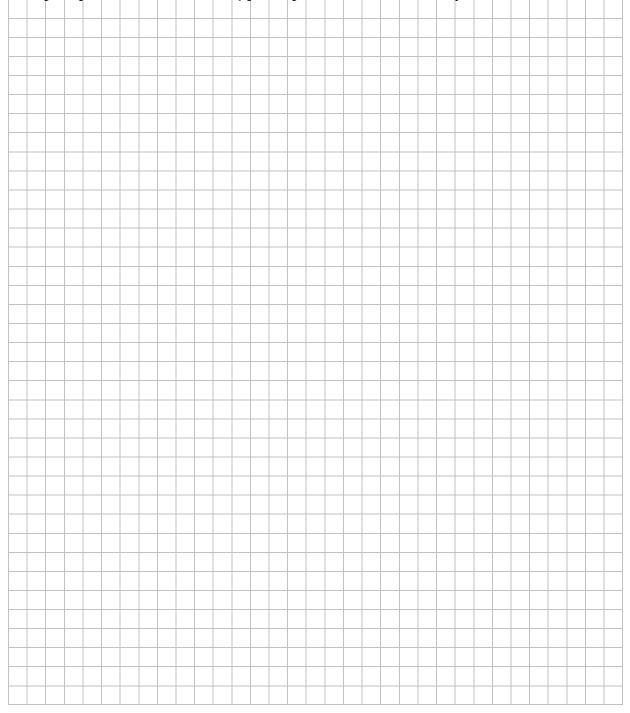


#### ZADANIE 18 (2 PKT)

Na rysunku przedstawiono dwie różne ściany prostopadłościanu. Jedna jest prostokątem o bokach 6 cm i 9 cm, a druga – prostokątem o bokach 9 cm i 12 cm.

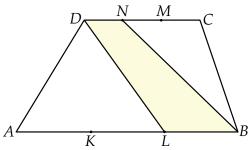


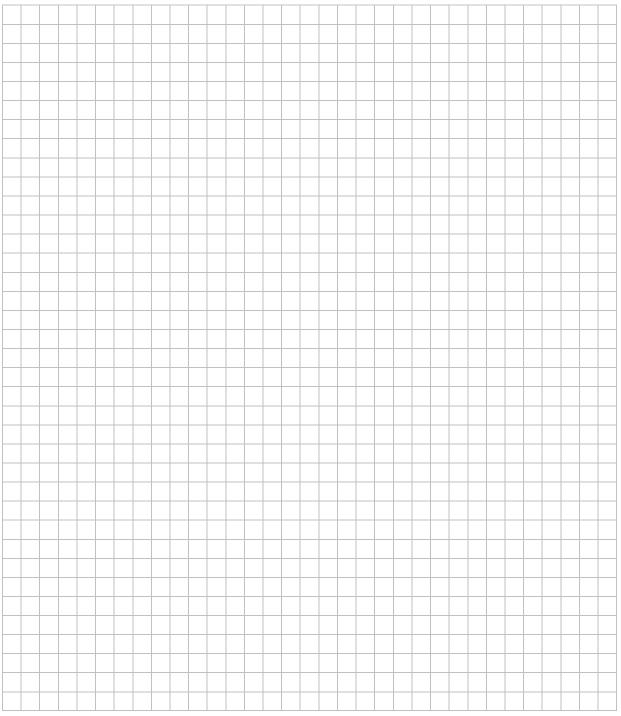
Oblicz pole powierzchni całkowitej prostopadłościanu o takich wymiarach.



### ZADANIE 19 (2 PKT)

Punkty K i L dzielą podstawę AB trapezu ABCD na trzy równe części, a punkty M i N dzielą podstawę CD tego trapezu na trzy równe części. Pole czworokąta LBND jest równe 12 cm². Oblicz pole trapezu ABCD.



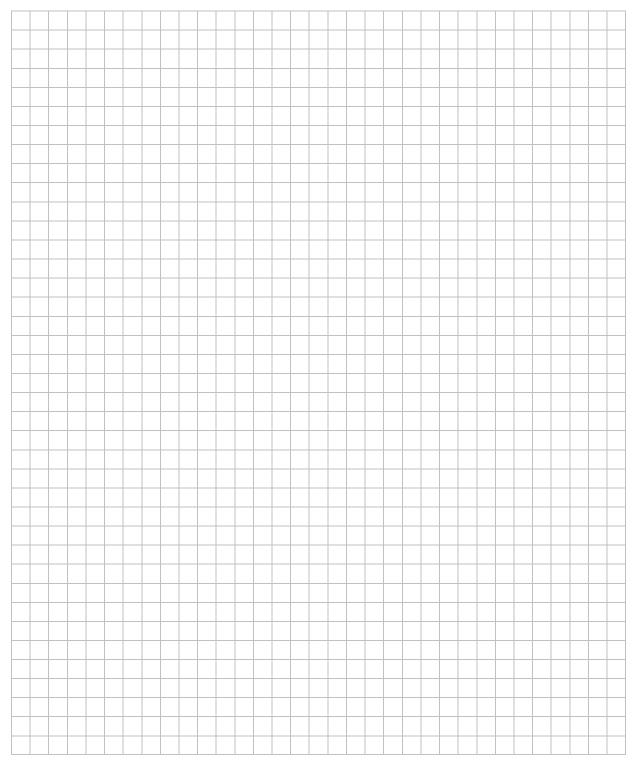


#### ZADANIE 20 (2 PKT)

Pani Katarzyna planuje wymienić waluty w kantorze. W poniższej tabeli przedstawiono ceny skupu i sprzedaży jednego dolara (USD) i jednego euro (EUR).

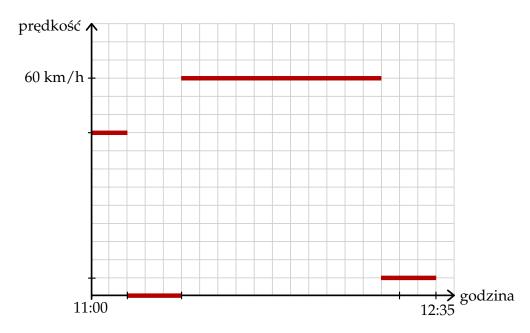
	Cena skupu	Cena sprzedaży
USD	3,6 zł	3,8 zł
EUR	4,2 zł	4,5 zł

Pani Katarzyna chce sprzedać 650 dolarów i kupić za otrzymane pieniądze euro. Ile euro kupi Pani Katarzyna?

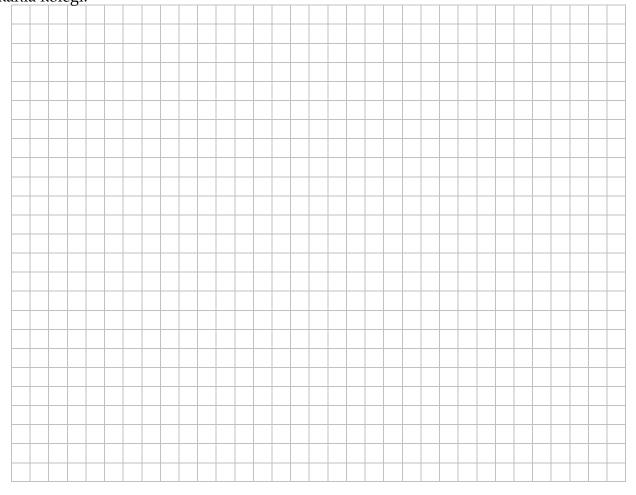


#### ZADANIE 21 (3 PKT)

Hugo wybrał się do kolegi mieszkającego w Tczewie. Tata podwiózł go na przystanek pociągu, potem Hugo czekał na przyjazd pociągu. Po przyjeździe do Tczewa, Hugo doszedł pieszo do mieszkania kolegi. Na wykresie w sposób uproszczony przedstawiono zależność prędkości, z jaką poruszał się Hugo, od czasu.



Oblicz długość trasy pokonanej przez Huga od wyjścia z domu do chwili dotarcia do mieszkania kolegi.



#### ZADANIE 22 (4 PKT)

Wśród uczestników obozu sportowego było o 28 chłopców więcej niż dziewcząt. W trakcie gry terenowej wszystkich chłopców podzielono na grupy siedmioosobowe, a wszystkie dziewczynki na grupy pięcioosobowe. W ten sposób powstały o 2 więcej grupy składających się z dziewcząt, niż jest grup składających się z chłopców. Ilu chłopców i ile dziewcząt brało udział w tym obozie?

