Međuispit iz Baza podataka

26. travnja 2014.

Zadaci **1 - 8** odnose se na bazu podataka **Glazbeni_repertoar** prikazanu na **slici 1**. Na slici **nisu** prikazane sve n-torke sadržane u relacijama.

siflzvodjac	nazlzvodjac		sifPjesma	nazPjesma	siflzvodjac	sifZanr	duljinaSek
1001	The Beatles		211	Let it be	1001	55	230
1002	The Police		212	Roxanne	1002	55	194
1003	The Ramones		213	Blitzkrieg bop	1003	60	132
1004	Nirvana		214	Hey Jude	1001	55	431
strument		ara	215 anzman	Layla	1005	55	422
	nazinstrument	ara	anzman	Layla	1005	55	_
siflnstrument		ara	anzman sifPjesma	sifInstrument			422
sifInstrument	bubnjevi	ara	anzman		zanr sifZan 55		422
siflnstrument	bubnjevi solo gitara	ara	sifPjesma 211	sifInstrument 601	zanr sifZan 55 56	r nazz	422
sifinstrument 601 602	bubnjevi	ara	sifPjesma 211 211	sifInstrument 601 602	zanr sifZan 55	r nazz	422 Zanr

Baza podataka **Glazbeni_repertoar** predstavlja repertoar pjesama jednog benda (koji svira isključivo pjesme drugih izvođača). Relacija *pjesma* pohranjuje podatke o pjesmama koje bend svira - šifru i naziv pjesme, šifru originalnog izvođača (iz relacije *izvodjac*), šifru glavnog žanra pjesme (iz relacije *zanr*) te duljinu pjesme u sekundama. Relacija *instrument* popisuje instrumente kojima bend raspolaže, dok relacija *aranzman* opisuje koji instrumenti su potrebni za izvođenje pojedine pjesme. Bend ima samo jedan aranžman po pjesmi. Niti jedan atribut bilo koje relacije ne smije poprimiti nul-vrijednost.

U zadacima 1-4 napisati po jednu SQL naredbu kojom će se obaviti sljedeće:

- 1. Za svakog originalnog izvođača za kojeg na repertoaru benda postoje bar tri pjesme ispisati njegovu šifru i naziv te broj različitih žanrova kojima pjesme pripadaju. Ispis poredati po broju žanrova počevši od izvođača s većim brojem žanrova (izvođače s istim brojem žanrova poredati abecedno). Zadatak riješiti bez podupita.
 (2.5 boda)
- 2. Za <u>sve</u> instrumente koji u sebi sadrže riječ 'gitara' ispisati šifru, naziv i broj pjesama kraćih od 4 minute u čijem izvođenju (aranžmanu) sudjeluju. Ako takav instrument ne sudjeluje ni u jednoj pjesmi kraćoj od 4 minute za broj pjesama navesti nulu. Zadatak riješiti bez podupita.

(2.5 boda)

- 3. Ispisati različite nazive originalnih izvođača pjesama u čijem aranžmanu postoje i "bas gitara" i "ritam gitara". (2.5 boda)
- **4.** Za sve pjesme koje originalno izvodi izvođač "David Bowie" iz aranžmana izbrisati instrument *"harmonika"*. **(2.5 boda)**
- **5.** Napisati <u>izraz relacijske algebre</u> (ne SQL upit) koji odgovara sljedećem: za pjesme u čijem aranžmanu su barem 4 instrumenta, a koje ne izvodi 'U2' kao originalni izvođač ispisati njihovu šifru.

(2.5 boda)

U zadacima 6 i 7, uz pretpostavku da slika 1 prikazuje sve podatke pohranjene u bazi podataka, **prikazati rezultate** <u>u obliku tablice</u> obavljanja sljedećih operacija:

- 6. [π nazlzvodjac (σ nazlnstrument='solo gitara' (izvodjac ▷⊲ pjesma ▷⊲ aranzman ▷⊲ instrument))]
 ∪ [πnazlzvodjac (σnazlnstrument ='bas gitara' (izvodjac ▷⊲ pjesma ▷⊲ aranzman ▷⊲ instrument))]
 (1 bod)
- 7. πnazPjesma, nazlzvodjac(σduljinaSek > 230(pjesma * ⊳⊲ izvodjac)) (1 bod)

- **8.** Napisati SQL naredbe koje će kreirati najmanji mogući broj indeksa za učinkovito obavljanje (pomoću B+ stabla) svih dolje navedenih upita.
 - 1) SELECT * FROM pjesma WHERE nazPjesma = 'The Passenger' AND siflzvodjac = 1023;
 - 2) SELECT * FROM pjesma WHERE duljinaSek>500;
 - 3) SELECT * FROM pjesma WHERE siflzvodjac BETWEEN 1100 AND 1200;
 - 4) SELECT * FROM pjesma ORDER BY duljinaSek ASC, siflzvodjac DESC;
 - 5) SELECT * FROM pjesma ORDER BY siflzvodjac, nazPjesma;
 - 6) SELECT * FROM pjesma ORDER BY nazPjesma DESC, siflzvodjac DESC;

(2 boda)

- **9.** Zavod za zaštitu glazbenih autorskih prava vodi evidenciju o autorskim pravima objavljenih glazbenih djela (pjesama). Shema AUTORSKO_PRAVO sadrži sljedeće elemente:
 - sifPjesma jedinstvena šifra pjesme
 - nazPjesma naziv pjesme
 - **sifAlbum** jedinstvena šifra albuma <u>prve</u> <u>objave</u> pjesme
 - **nazAlbum** naziv albuma prve objave
 - godinaNast godina nastanka pjesme
 - trajanjeSek trajanje pjesme u sekundama
 - clBrOsoba- jedinstveni članski broj člana udruge glazbenika (ako je član, inače NULL)

- OlBosoba jedinstveni identif. br. osobe
- prezOsoba prezime osobe
- imeOsoba ime osobe
- **sifUloga** šifra uloge na temelju koje se polaže autorsko pravo
- nazUloga naziv uloge (glazba, tekst ili aranžman)

Vrijede sljedeća pravila:

- na jednoj pjesmi jedna osoba može temeljiti autorsko pravo na osnovu više uloga
- više osoba može obavljati istu ulogu na istoj pjesmi
- osoba ne mora biti član udruge glazbenika da bi polagala autorsko pravo na pjesmu

Odrediti ključ relacijske sheme AUTORSKO_PRAVO tako da ona bude u 1NF, a zatim postupno normalizirati relacijsku shemu na 2NF i 3NF. (5 bodova)

10. Zadano je B+ stablo reda 40 u koje je zapisano 50 000 zapisa. Koliko će biti potrebno obaviti UI operacija prilikom traženja jednog zapisa u najboljem, a koliko u najgorem slučaju (uračunati i jednu UI operaciju koja je potrebna za dohvat bloka s podacima)? Objasniti kako ste došli do rezultata.

(2.5 boda)

11. Uspješno su izvršene naredbe CREATE TABLE za stvaranje relacija *el_gitara* i *gitarist*, a potom se pokuša izvesti niz naredbi INSERT (slijedno od a) do h)):

```
CREATE TABLE el_gitara (
tvornica NCHAR(100),
model NCHAR(100),
tip NCHAR(6) CHECK (tip IN ('gitara', 'bas')),
PRIMARY KEY (tvornica, model)
);

CREATE TABLE gitarist (
mbr INTEGER PRIMARY KEY,
ime NCHAR(50) NOT NULL,
prezime NCHAR(50) NOT NULL,
nadimak NCHAR(50) NOT NULL UNIQUE,
tvornica NCHAR(100),
model NCHAR(100),
FOREIGN KEY (tvornica, model) REFERENCES
el_gitara (tvornica, model)
);
```

- a) INSERT INTO el_gitara VALUES ('Fender', 'Stratocaster', 'ritam');
- b) INSERT INTO el gitara VALUES ('Fender', 'Precision Bass', 'bas');
- c) INSERT INTO el_gitara VALUES ('Gibson', 'Les Paul', 'gitara');
- d) INSERT INTO gitarist VALUES (264, 'Ivo', 'Ivić', 'Dugi', 'Gibson', 'Les Paul');
- e) INSERT INTO gitarist VALUES (NULL, 'Jozo', 'Jozić', 'Faca', 'Fender', 'Precision Bass');
- f) INSERT INTO gitarist VALUES (124, 'Ivo', 'Ivić', 'Štanga', 'Yamaha', NULL);
- g) INSERT INTO gitarist VALUES (324, 'Pero', 'Perić', 'Mrva', 'Epiphone', 'Les Paul');
- h) INSERT INTO gitarist VALUES (424, 'Mario', 'Marić', 'Dugi', 'Gibson', 'Les Paul');

Za svaku INSERT naredbu odrediti može li se izvršiti i ako ne, navesti integritetsko ograničenje čije je narušavanje razlog nemogućnosti izvršavanja naredbe. (4 boda)

12. Zadana je relacijska shema R = { A, B, C, D, E, F, G, H } i skup funkcijskih zavisnosti { A → CG, D → EF, CF → B, G → AFH }. Provjeriti vrijedi li funkcijska zavisnost FG → AB. Za svaki korak dokaza napisati pravilo koje se koristi. **(2 boda)**

Rješenja:

1. Za svakog originalnog izvođača za kojeg na repertoaru benda postoje bar tri pjesme ispisati njegovu šifru i naziv te broj različitih žanrova kojima pjesme pripadaju. Ispis poredati po broju žanrova počevši od izvođača s većim brojem žanrova (izvođače s istim brojem žanrova poredati abecedno). **Zadatak riješiti bez podupita**. (2.5 boda)

```
SELECT izvodjac.sifIzvodjac, nazIzvodjac, COUNT(DISTINCT sifZanr) AS brojZanrova FROM izvodjac JOIN pjesma ON izvodjac.sifizvodjac=pjesma.sifIzvodjac GROUP BY izvodjac.sifIzvodjac, nazIzvodjac HAVING COUNT(*)>=3

ORDER BY brojZanrova DESC, nazIzvodjac;
```

Za <u>sve</u> instrumente koji u sebi sadrže riječ 'gitara' ispisati šifru, naziv i broj pjesama kraćih od 4 minute u čijem izvođenju (aranžmanu) sudjeluju. Ako takav instrument ne sudjeluje ni u jednoj pjesmi kraćoj od 4 minute za broj pjesama navesti nulu. Zadatak riješiti bez podupita. (2.5 boda)

```
SELECT instrument.sifInstrument, nazInstrument, COUNT(aranzman.sifInstrument)

FROM pjesma JOIN aranzman ON pjesma.sifPjesma=aranzman.sifPjesma

RIGHT JOIN instrument ON

aranzman.sifInstrument=instrument.sifInstrument

AND duljinaSek<240

WHERE nazInstrument LIKE '%gitara%'

GROUP BY instrument.sifInstrument, nazInstrument;

iii

SELECT instrument.sifInstrument, nazInstrument, COUNT(pjesma.sifPjesma)

FROM instrument LEFT JOIN aranzman ON instrument.sifInstrument=aranzman.sifInstrument

LEFT JOIN pjesma ON aranzman.sifPjesma=pjesma.sifPjesma AND duljinaSek<240

WHERE nazInstrument LIKE '%gitara%'

GROUP BY instrument.sifInstrument, nazInstrument;
```

3. Ispisati različite nazive originalnih izvođača pjesama u čijem aranžmanu postoje i "bas gitara" i "ritam gitara". (2.5 boda)

```
SELECT DISTINCT nazizvodjac
  FROM pjesma JOIN izvodjac ON pjesma.sifIzvodjac=izvodjac.sifIzvodjac
 WHERE sifPjesma IN (SELECT sifPjesma
                       FROM aranzman JOIN instrument ON
                               aranzman.sifInstrument=instrument.sifInstrument
                      WHERE nazInstrument='bas gitara')
   AND sifPjesma IN (SELECT sifPjesma
                       FROM aranzman JOIN instrument ON
                               aranzman.sifInstrument=instrument.sifInstrument
                      WHERE nazInstrument='ritam gitara');
SELECT DISTINCT nazizvodjac
  FROM pjesma JOIN izvodjac ON pjesma.sifIzvodjac=izvodjac.sifIzvodjac
              JOIN aranzman ON pjesma.sifpjesma=aranzman.sifpjesma
              JOIN instrument ON aranzman.sifInstrument=instrument.sifInstrument
 WHERE nazInstrument='bas gitara'
  AND pjesma.sifPjesma IN (SELECT sifPjesma
                              FROM aranzman JOIN instrument ON
                                     aranzman.sifInstrument=instrument.sifInstrument
                             WHERE nazInstrument='ritam gitara');
```

Zadatak se može riješiti i na druge načine (npr. koristeći operator EXISTS umjesto IN).

4. Za sve pjesme koje originalno izvodi izvođač "David Bowie" iz aranžmana izbrisati instrument "harmonika".

(2.5 boda)

```
DELETE FROM aranzman

WHERE sifPjesma IN (SELECT sifPjesma

FROM pjesma JOIN izvodjac

ON pjesma.sifIzvodjac=izvodjac.sifIzvodjac

WHERE nazIzvodjac='David Bowie')

AND sifInstrument IN (SELECT sifInstrument FROM instrument

WHERE nazInstrument='harmonika');
```

5. (2,5 boda)

```
\pi_{\text{sifPjesma}} \left( \sigma_{\text{brojInstr}} \geq 4 \right. \\ \left. \left\{ \rho_{\text{pjesma}(\text{sifPjesma, brojInstr})} \left( \text{sifPjesma} G_{\text{COUNT}(\text{sifInstrument})} \left( \text{aranzman} \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \pi_{\text{sifPjesma}} \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} = \text{`U2'} \left( \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{izvodjac} \right) \right) \\ \text{ili} \\ \pi_{\text{sifPjesma}} \left( \sigma_{\text{brojInstr}} \geq 4 \right. \\ \left. \left\{ \rho_{\text{pjesma}(\text{sifPjesma, brojInstr})} \left( \text{sifPjesma} G_{\text{COUNT}(\text{sifInstrument})} \right) \right. \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \rhd \triangleleft \text{aranzman} \right) \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \right) \right) \right\} \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \right) \right) \right\} \right) \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \rhd \triangleleft \text{pjesma} \right) \right) \right\} \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \right) \right) \right\} \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \right) \right) \right] \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \right) \right] \right) \right\} \\ \left. \left( \sigma_{\text{nazIzvodjac}} <> \text{`U2'} \left( \text{izvodjac} \right) \right) \right]
```

(spajanje sa aranžmanom / pjesmom može biti i nakon selekcije)

6. (1 bod)

nazlzvodjac
The Beatles
The Police

7. (1 bod)

nazPjesma	nazlzvodjac		
Hey Jude	The Beatles		
Layla	NULL		

- **8.** Napisati SQL naredbe koje će kreirati najmanji mogući broj indeksa za učinkovito obavljanje (pomoću B+ stabla) svih dolje navedenih upita.
 - 1) SELECT * FROM pjesma WHERE nazPjesma = 'The Passenger' AND siflzvodjac = 123;
 - 2) SELECT * FROM pjesma WHERE duljinaSek>500;
 - 3) SELECT * FROM piesma WHERE siflzvodiac BETWEEN 100 AND 200:
 - 4) SELECT * FROM pjesma ORDER BY duljinaSek ASC, siflzvodjac DESC;
 - 5) SELECT * FROM pjesma ORDER BY siflzvodjac, nazPjesma;
 - 6) SELECT * FROM pjesma ORDER BY nazPjesma DESC, siflzvodjac DESC;

(2 boda)

CREATE INDEX i1 ON pjesma (siflzvodjac, nazPjesma) 1, 3, 5 CREATE INDEX i2 ON pjesma (duljinaSek, siflzvodjac DESC) 2, 4 CREATE INDEX i3 ON pjesma (nazPjesma, siflzvodjac) 1, 6

- **9.** Zavod za zaštitu glazbenih autorskih prava vodi evidenciju o autorskim pravima objavljenih glazbenih djela (pjesama). Shema AUTORSKA_PRAVA sadrži sljedeće elemente:
 - **sifPjesma** jedinstvena šifra pjesme
 - nazPjesma naziv pjesme
 - **sifAlbum** jedinstvena šifra albuma <u>prve</u> <u>objave</u> pjesme
 - nazAlbum naziv albuma prve objave
 - godinaNast godina nastanka pjesme
 - **trajanjeSek** trajanje pjesme u sekundama
 - **clBrOsoba** jedinstveni članski broj člana udruge glazbenika (ako je član, inače NULL)

- OlBosoba jedinstveni identif. br. osobe
- prezOsoba prezime osobe
- imeOsoba ime osobe
- **sifUloga** jedinstvena šifra uloge osobe na temelju koje se polaže autorsko pravo
- **nazUloga** naziv uloge (glazba, tekst ili aranžman)

Vrijede sljedeća pravila:

- na jednoj pjesmi jedna osoba može temeljiti autorsko pravo na osnovu više uloga
- više osoba može obavljati istu ulogu na više pjesama
- osoba ne mora biti član udruge glazbenika da bi polagala autorsko pravo na pjesmu

Odrediti ključ relacijske sheme AUTORSKA_PRAVA tako da ona bude u 1NF, a zatim postupno normalizirati relacijsku shemu na 2NF i 3NF. (5 bodova)

1NF

K={sifPjesma, OIBosoba, sifUloga}

2NF

PJESMA (sifPjesma, nazPjesma, sifAlbum, nazAlbum, godinaNast, trajanjeSek) K={sifPjesma} OSOBA (OIBosoba, prezOsoba, imeOsoba, clBrOsoba), K={OIBOsoba} ULOGA (sifUloga, nazUloga) K={sifUloga} AUT PRAVO(sifPjesma, OIBosoba, sifUloga), K={sifPjesma, OIBosoba, sifUloga}

3NF

PJESMA2 (sifPjesma, nazPjesma, sifAlbum, godinaNast, trajanjeSek), K={sifPjesma} ALBUM (sifAlbum, nazAlbum), K={sifAlbum} OSOBA (OIBosoba, prezOsoba, imeOsoba, clBrOsoba), K={OIBOsoba} ULOGA (sifUloga, nazUloga) K={sifUloga} AUT PRAVO(sifPjesma, OIBosoba, sifUloga), K={sifPjesma, OIBosoba, sifUloga}

10. Zadano je B+ stablo reda 40 u koje je zapisano 50 000 zapisa. Koliko će biti potrebno obaviti UI operacija prilikom traženja jednog zapisa u najboljem i najgorem slučaju (uračunati i jednu UI operaciju koja je potrebna za dohvat bloka s podacima)? Objasniti kako ste došli do rezultata.

(2.5 boda)

Najbolji slučaj – maksimalno popunjeno stablo: broj kazaljki u internim čvorovima 40, u listovima 39 40*39 = 1 560 kazaljki ili manje 40*40*39 = 62 400 ili manje Dvije razine su premalo, tri razine su u redu. 3 razine + 1 operacija za čitanje bloka s podacima = 4 operacije

Najgori slučaj: broj kazaljki u internim čvorovima 20 (osim u korijenskom čvoru 2), u listovima 20 2*20*20*20 = 16 000 kazaljki ili više 2*20*20*20 = 320 000 ili više Četiri razine su u redu, pet razina je previše.

4 razine + 1 operacija za čitanje bloka s podacima = 5 operacija

11. Uspješno su izvršene naredbe CREATE TABLE za stvaranje relacija *el_gitara* i *gitarist*, a potom se pokuša izvesti niz naredbi INSERT (slijedno od a) do h)):

```
CREATE TABLE el gitara (
 tvornica NCHAR(100),
 model NCHAR(100),
 tip NCHAR(6) CHECK (tip IN ('gitara', 'bas')),
 PRIMARY KEY (tvornica, model)
);
CREATE TABLE gitarist (
 mbr INTEGER PRIMARY KEY,
 ime NCHAR(50) NOT NULL,
 prezime NCHAR(50) NOT NULL,
 nadimak NCHAR(50) NOT NULL UNIQUE,
 tvornica NCHAR(100),
 model NCHAR(100),
 FOREIGN KEY (tvornica, model) REFERENCES
el_gitara (tvornica, model)
);
```

- a) INSERT INTO el_gitara VALUES ('Fender', 'Stratocaster', 'ritam');
- b) INSERT INTO el_gitara VALUES ('Fender', 'Precision Bass', 'bas');
- c)INSERT INTO el_gitara VALUES ('Gibson', 'Les Paul', 'gitara');
- d) INSERT INTO gitarist VALUES (264, 'Ivo', 'Ivić', 'Dugi', 'Gibson', 'Les Paul');
- e) INSERT INTO gitarist VALUES (NULL, 'Jozo', 'Jozić', 'Faca', 'Fender', 'Precision Bass');
- f) INSERT INTO gitarist VALUES (124, 'Ivo', 'Ivić', 'Štanga', 'Yamaha', NULL);
- g) INSERT INTO gitarist VALUES (324, 'Pero', 'Perić', 'Mrva', 'Epiphone', 'Les Paul');
- h) INSERT INTO gitarist VALUES (424, 'Mario', 'Marić', 'Dugi', 'Gibson', 'Les Paul');

Za svaku INSERT naredbu odrediti može li se izvršiti i ako ne, navesti integritetsko ograničenje čije je narušavanje razlog nemogućnosti izvršavanja naredbe. (4 boda)

- a) NE, povreda domenskog integriteta
- b), c), d) OK
- e) NE, povreda entitetskog integriteta (da li prihvaćamo i "int.prim.ključa"?)
- f) OK
- g) NE, povreda referencijskog integriteta
- h) NE, povreda integriteta ključa [ili UNIQUE ogranićenja]
- 12. Zadana je relacijska shema R = { A, B, C, D, E, F, G, H } i skup funkcijskih zavisnosti { A → CG, D → EF, CF → B, G → AFH }. Provjeriti vrijedi li funkcijska zavisnost FG → AB. Za svaki korak dokaza napisati pravilo koje se koristi.
 (2 boda)
- 1. FG → FG (refleksivnost):
- 2. $FG \rightarrow FG \land G \rightarrow AFH \Rightarrow FG \rightarrow AFGH$ (akumulacija)
 - $FG \rightarrow AFGH \land A \rightarrow CG \Rightarrow FG \rightarrow ACFGH (akumulacija)$
 - $FG \rightarrow ACFGH \land CF \rightarrow B \Rightarrow FG \rightarrow ABCFGH (akumulacija)$
- 3. $FG \rightarrow ABCFGH \Rightarrow FG \rightarrow AB$ (dekompozicija)

Funkcijska zavisnost vrijedi.