Diskretna matematika 2. MI – ak. god. 2009/10

pitanja i rješenja prepisao: Tomislav

1. Nađite sve Pitagorine trokute kojima je jedna stranica jednaka 203.

Rješenje:

$$d = 1, 7, 29$$

$$\begin{array}{ll} d=1 & m=102 \\ n=101 \\ (203,\, 20604,\, 20605) \end{array}$$

$$m = 18$$

 $n = 11$
(203, 396, 445)

m = 5

$$\begin{array}{ll} d=7 & m=15 \\ n=14 \\ (203,\, 2940,\, 2947) \end{array}$$

$$d = 29 \qquad \qquad m = 4 \\ n = 3 \\ (203, 696, 725)$$

- 2. zadatak:
 - a) odredite razvoj u jednostavni verižni razlomak broja $\sqrt{220}$.

Rješenje:
$$\sqrt{220} = [14; \overline{1,4,1,28}]$$

b) nađite sva rješenja Pellove jednadžbe $x^2 - 220y^2 = 1$ za koja vrijedi 1 < x < 100000.

Rješenje:
$$(p_3, q_3) = (89, 6)$$

 $(p_7, q_7) = (15841, 1068)$

- 3. Odredite red:
 - a) elemenata $\frac{1+i}{\sqrt{2}}$ u (\mathbb{C}^*,\cdot) Rješenje: 8
 - b) elemenata 10 u $(\mathbb{Z}_{15}, +_{15})$ Rješenje: 3
 - c) elemenata 10 u $\left(\mathbb{Z}_{17}, +_{17}\right)$ Rješenje: 17
 - d) elemenata 10 u $\left(\mathbb{Z}_{13}^*, \cdot_{13}\right)$ Rješenje: 6
 - e) elemenata 10 u $\left(\mathbb{Z}_{17}^*, \cdot_{17}\right)$ Rješenje: 16
- 4. zadatak: sličan 4. zadatku s prošlogodišnjeg ispita.
- 5. zadatak: sličan 5. zadatku s prošlogodišnjeg ispita.