

BUTTERWORTH i BILINEARNA $\left[s = \frac{2}{T} \frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}} \right] \Rightarrow$ IZRAZ ZA BILINEARNU TRANSF. ①

$\Omega_g = \frac{2}{T} \lg\left(\frac{\omega_g}{2}\right)$ \Rightarrow IZRAZ ZA VEZU ANALOGNE I DIGITALNE FREKVENCije

analogna

* hint:

1) Prijenosna fja Butterworthovog filtra $H(j\Omega)H^*(j\Omega) = H(s)H(-s)$

samo zamijeni $\Omega \rightarrow s$ i ostavi Ω_g jer se to konstanta

$H(s)/H(-s) = \left\{ \begin{array}{l} \text{zadano je njen oblik u zadatku} \end{array} \right.$

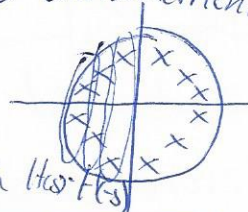
\Rightarrow izračunati do kraja (ne ostavljati nazivnik u obliku umnoška) - da ima takav oblik da smogu polovi izračunati

polovi su uvijek oblika $s_k = \Omega_g \exp\left(j \frac{\pi + 2k\pi}{2n}\right)$

2) \rightarrow izračunati polove (oni uvijek ispada antisimetrični) red filtra

\rightarrow odabrati polove lijeve poloravnine

(pri odabiru koristimo samo ono što je u exp tj. ovaj minus ne igra ulogu)



3) Napisati prienosnu fju oblika $H(s) = \frac{\text{brojnik } H(s)}{(s-s_1)(s-s_2)\dots(s-s_n)}$

$H(s)$ rastaviti na $H(s) = H_1(s) \cdot H_2(s) \rightarrow$ u brojniku je obično s^n pa uzmemo za svaki brojnik $s^{n/2}$

u nazivnik staviti odabrane polove

u nazivnik staviti preostale polove

4) $H_1(s) \Rightarrow$ sredimo oblike

! Korisno je polove ostaviti u obliku s i $i\Omega_g$ (ne uvrstavati)

5) koristimo izraz za bilinearnu transformaciju $s = \frac{2}{T} \frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}}$ i dobijemo $H(z)$

6) Sredimo $H(z)$

* hint za računanje polova ... s obzirom da su parovi antisimetrični, možemo se sprijeti napraviti kvadrat razlike npr...

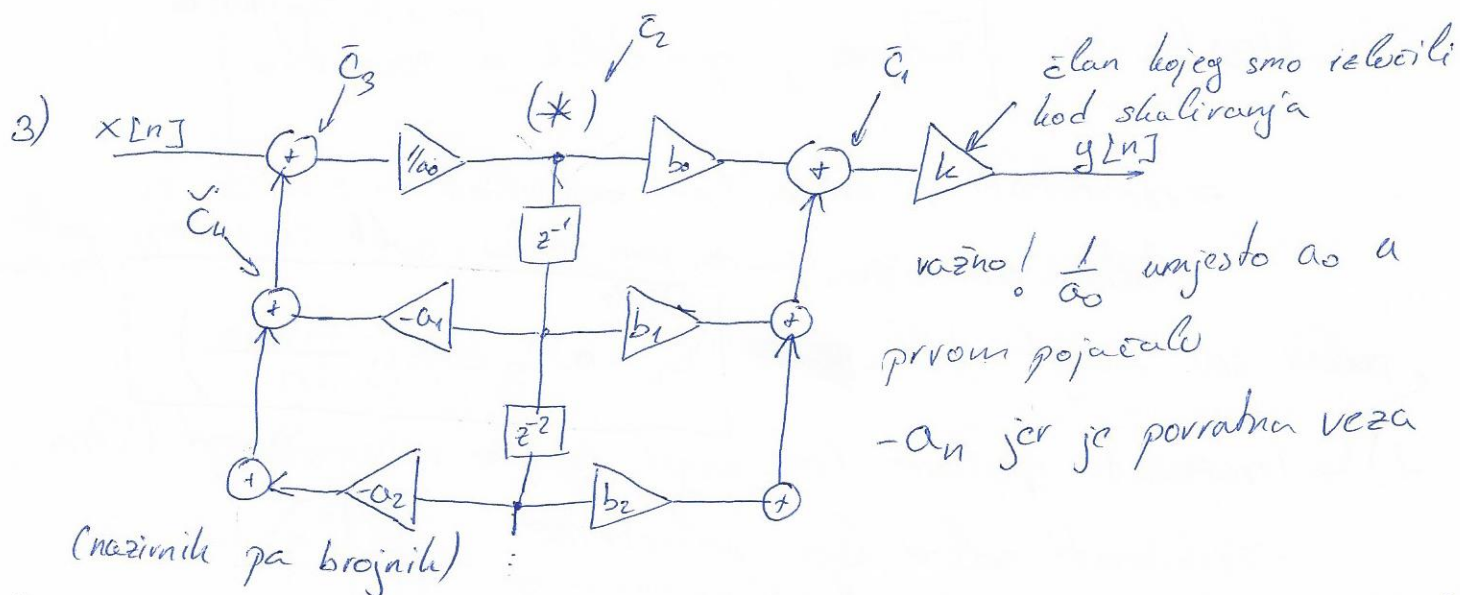


$$H(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2} + \dots}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} + \dots}$$

1) Skaliranje \Rightarrow svi članovi moraju biti manji ili jednako 1

$\Rightarrow a_0$ mora biti potencija od 2 (zbog shifta)

2) Frakciona aritmetika



4) Kritični čvorovi \Rightarrow sva mjesta iza zbrajala i središnja račun (*)

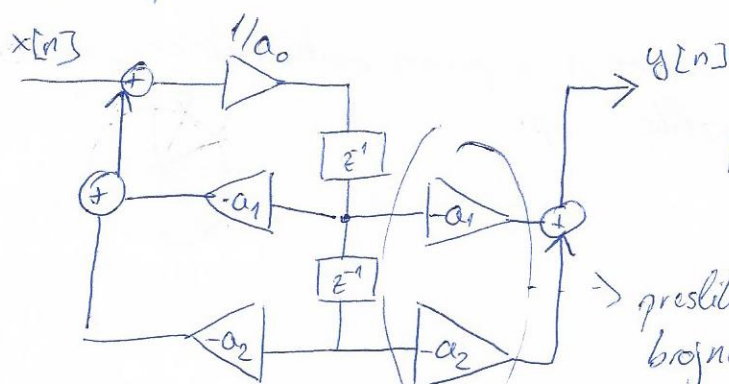
5) Prijenosna funkcija kritičnih čvorova

\bar{C}_1 - cijeli cijeli $H(z)$, ALI bez faktora skaliranja

$$\bar{C}_2 \dots H_2(z) = \frac{1}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} \dots} \text{ cijeli nazivnik}$$

$$\bar{C}_3 \dots H_3(z) = a_0 \cdot H_2(z)$$

$\bar{C}_4 \dots$ precrtao si shemu (recimo da sad imamo do z^{-2})



$$H_4 = \frac{-a_1 + (-a_2) z^{-2}}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2}}$$

\Rightarrow preostalo s lijeve strane i postaje brojnik!

SKALIRANJE UZ OGRADU L_∞

- 1) Odabrani $H(z)$ zapisemo kao $H(e^{j\omega})$
- 2) Računamo $B(\omega) = H(e^{j\omega}) \cdot H^*(e^{j\omega}) = |H(e^{j\omega})|^2$
- 3) Deriviramo $\frac{dB(\omega)}{d\omega}$

- 4) Derivaciju izjednačimo s 0 i tražimo za koji ω je ona 0 (ω_0)
(ako se pojavi neki $\sin(\omega)$ koji množi sve, tada je $\omega = k\pi$)

- 5) Amplituda

$$A(\omega_0) = |H(e^{j\omega_0})| \Rightarrow \text{uzmemo max od toga} = k$$

SKALIRANJE UZ ~~SKALIRANJE~~ APSOLUTNU OGRADU

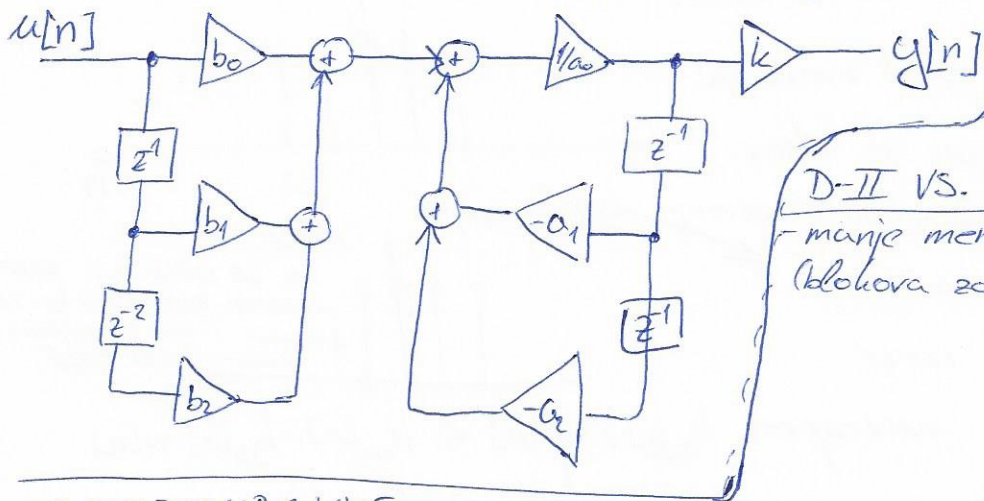
AKO TRAŽIŠ Sliku s PRAVILNO SKALIRANIM KCEF.
onda pomnožimo s k odmah na ulazu i s $\frac{1}{k}$ prije izlaza

- 1) $H(z)$ pretvorimo u $h[n]$ (po potrebi rastaviti na parcijalne razlomke)
- 2) $k = \sum_{n=0}^{\infty} |h[n]|$... najčešće je to nekakva geometrijska suma

$$\sum_{n=0}^{\infty} x^n = \frac{1}{1-x}$$

KASKADA \rightarrow više DIREKTVIH-II za redom

DIREKTNA-I $H(z) = k \cdot \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2}}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2}}$



KASKADA VS. D-II

- kvantizacija utječe samo na nule unutar pojedine sekcije
- lakše kontroliramo dinamičke pojedine sekcije

D-II VS. D-I

- manje memorijskih lokacija (blokova za kašnjenje)

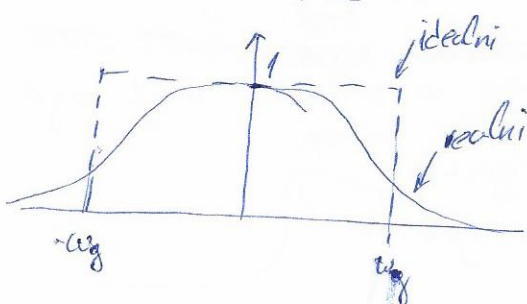
TRANSFORMIRANJE

- ① zamijeni ulaz i izlaz \rightarrow ② okreni sve smjerove signala \rightarrow ③ zamijeni računanja i zbrojke

METODA VREMENSKIH OTVORA - PROJEKTIRANJE FIR FILTERA

1) Zapišemo red filtra (N) i graničnu frekvenciju (ω_g)

2) Računamo impulsni odziv - granice integrala ovisne su o tipu
 * ako pita da li je filter ostvariv...
 ako je imp. odziv ograničen onda je filter
 ali ako nije ograničen onda je svestremski, što se losi s FIR!
 NISKOPROPUŠNI



$$h_{ID} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\omega_g}^{\omega_g} 1 \cdot e^{j\omega n} d\omega$$

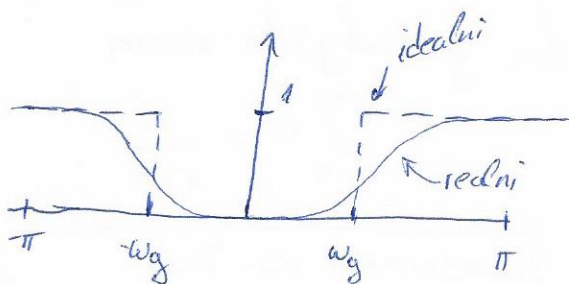
idealno

VREMENSKI OTVOR
- utječe na gusenje

RED FILTERA
- utječe na širinu prijelaznog područja - veći red manje prijelazno područje

(VP/NT)

VISOKO PROPUŠNI



$$h_{ID} = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{-\pi}^{-\omega_g} 1 \cdot e^{j\omega n} d\omega + \int_{\omega_g}^{\pi} 1 \cdot e^{j\omega n} d\omega \right]$$

* ZA SVAKI FILTER POSEBNO
 RAČUNAMO $h_{ID}[0]$ JER SE TO
 GRANIČNI SLUČAJ!! (uvrstimo
 umjesto ω u integral)

* ZA PODASNU BRANU I PODASNI TROPUST SAMO
 INTEGRIRAMO PO PODRUČJU DEZOVANJA

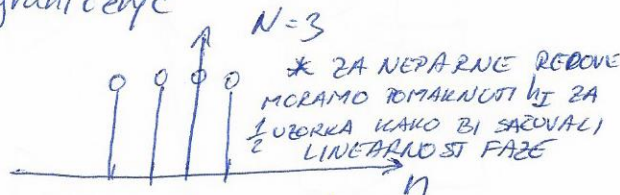
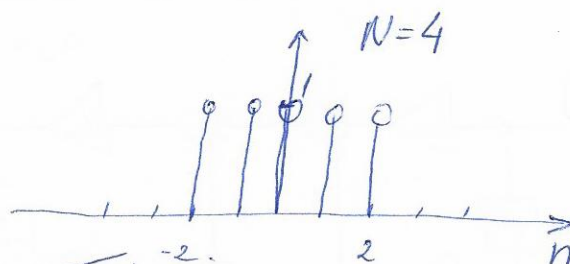
3) Definiramo vremenski otvor ($w[n]$)

filter reda N ima $N+1$ uzoraka

VP i NT filtri su simetrični pa filter

mora imati paran red, PP i TB nemaju ograničenja

definicija: $w[n] = \begin{cases} 1, & -2 \leq n \leq 2 \\ 0, & \text{inače} \end{cases}$



* ZA NEPARNE REDOVE
 MORAMO ODMAKNUTI 1/2
 UZORKA KAKO BI SAČUVALI
 LINEARNOST FAZE

4) Tražimo odziv filtra - množenjem $h_{ID}[n]$ i $w[n] \Rightarrow h_{FIR}[n] = h_{ID}[n] \cdot w[n]$

$$h_{FIR}[n] \xrightarrow{O} H(z)$$

5) Skiciramo amplitudnu i faznu karakteristiku

* paziti na premotavanje faze!

$$|H(z)|$$

zamijenimo s $e^{j\omega}$

6) POSAĆANJE - uvrstimo traženu frekvenciju a $|H(e^{j\omega})| \Rightarrow 20 \log_{10} A(\omega \text{ traženo})$

METODA JEDNAKIH IMPULSNIH ODZIVA (IIR)

(5)

- dobijemo zadan period (T) i impulsni odziv analognog filtra ($h(t)$)

1) Laplace-om pretvorimo $h(t) \rightarrow H(s)$

* hint: Laplace je isti kao CTFT, samo zamjeni $j\omega \rightarrow s$

2) Tip filtra prijenosnu fju $H(s)$ pretvorimo u $H(\Omega)$ (zamjenim $s \rightarrow j\Omega$)

Izračunamo $|H(\Omega)|$ pa tražimo $\lim_{\Omega \rightarrow 0} |H(\Omega)|$ i $\lim_{\Omega \rightarrow \infty} |H(\Omega)|$

1) NP $\lim_{\Omega \rightarrow 0} |H(\Omega)| = \text{konst}$

2) ^{VP} $\lim_{\Omega \rightarrow 0} |H(\Omega)| = 0$

$\lim_{\Omega \rightarrow \infty} |H(\Omega)| = 0$

$\lim_{\Omega \rightarrow \infty} |H(\Omega)| = \text{konst}$

3) METODA ČUVA STABILNOST - sustav je stabilan za uvjete za koje je stabilan i analogni sustav ($H(s)$)

POLOVI MORAJU BITI U LJEVOJ POLUPRANINI DA BI FILTAR BIO STABILAN

~~3.3~~ 4) IMPULSNI ODZIV DIGITALNOG FILTRA

~~3.3~~ ~~3.3~~ u impulsni odziv analognog filtra ($h(t)$) uvrstimo

$$t = n \cdot T$$

$$h[n] = h(t = nT)$$

REALIZACIJE S REALNIM KOEFICIJENTIMA

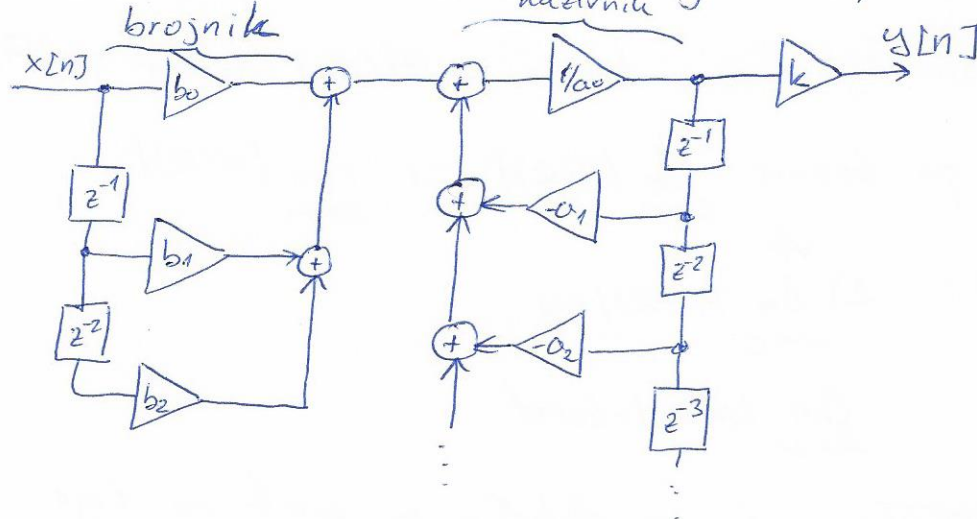
(6)

- zadana je ^{često} neka ogromna prijenosna fja $H(z)$ koja ^{može} imati umnožak u nazivniku

DIREKTVNA - I

$$H(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2}}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} + a_3 z^{-3} + a_4 z^{-4}} \cdot k$$

- skaliramo tako da svi budu manji od 1, a a_0 potencija od 2



KLASIKADNA

- 1) $H(z)$ rastavimo na umnožak dvije prijenosne fje

$$H(z) = H_1(z) \cdot H_2(z)$$

- 2) Izračunamo polove za H_1 i H_2

- 3) Odredimo absolutne vrijednosti dobivenih polova (Q faktor)

- 4) crtamo 1) po padajućoj vrijednosti Q faktora

→ prvo $H(z)$ s većim Q faktorom, a onda manji

- 2) po rastućim vrijednostima Q faktora

→ prvo $H(z)$ s manjim Q faktorom, a onda veća

⇒ crtamo 2 DIREKTNE-II realizacije jednu za drugom

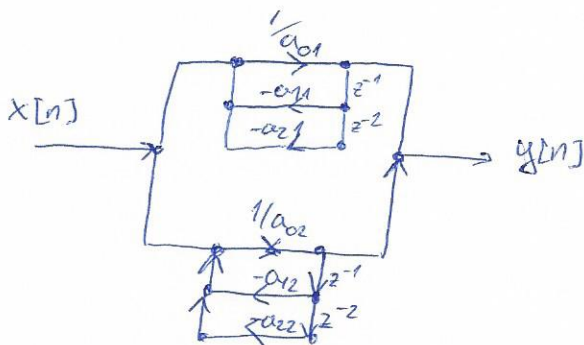
1) $H(z)$ rastavimo na zbroj dvije $H(z)$ $H(z) = H_1(z) + H_2(z)$

* pazi na parcijalne razlomke - ne zaboraviti dodati $\text{coef} \cdot z^{-1}$ ako je polinom 2. stepnja ... npr $\frac{Az^{-1} + B}{1 + 2z^{-1} + 3z^{-2}}$

2) Odrediti absolutne vrijednosti polova (Q faktor)

3) Nacrtati shemu ~~tijski~~ D-II ali tijski! ne blokovski

→ paralelno → najgornja ima najveći Q-faktor
* obavezno ucrtavati strelice



POLIFAZNA DEKOMPOZICIJA (super objasnjeno 11. prez slide 32-...)

Pobijemo jedan diskretni impulsni odziv ili prijenosnu čiji je red ~~N~~ N potencija broja 2 $\left| z^{-8} \rightarrow z^{-3} = z^{-k} \right|$!

$H(z)$ možemo rastaviti u 1 do k dijelova

$$H(z) = 1 + 2z^{-1} + 3z^{-2} + 4z^{-3} + 5z^{-4} + 6z^{-5} + 7z^{-6} + 8z^{-7} + 9z^{-8}$$

$a_0 \quad a_1 \quad a_2 \quad a_3 \quad a_4 \quad a_5 \quad a_6 \quad a_7 \quad a_8$

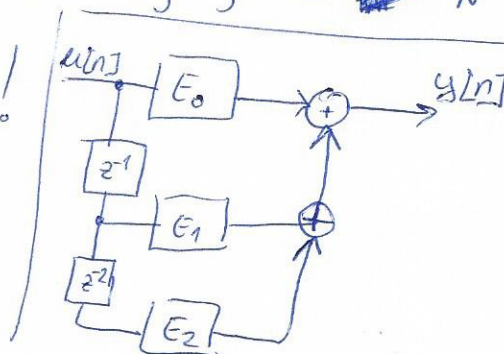
Rastav za dvije grane $N=2$

uzimamo

$$E_0(z) = 1 + 3z^{-2} + 5z^{-4} + 7z^{-6} + 9z^{-8} \text{ (svaki drugi)}$$

$$E_1(z) = 2z^{-1} + 4z^{-3} + 6z^{-5} + 8z^{-7} = z^{-1}(2 + 4z^{-2} + 6z^{-4} + 8z^{-6}) \rightarrow \text{(svaki drugi + 1)}$$

$$H(z) = E_0(z) + z^{-1}E_1(z)$$



rastav za tri grane

$$H(z) = E_0(z^3) + z^{-1}E_1(z^3) + z^{-2}E_2(z^3)$$

svaki treći svaki treći+1 svaki treći+2

