Sve izmjene e biti pisane ovim fontom i bojom (oldgateLANEoutline ili sl.), neki dio teksta e biti highlightan(žuto), strelice, pokušaj slika itd.:) ali nijedan originalan dio ne e biti brisan! (samo strelice i sl. ne e biti zelene nego crvene)

Diskretna modulacija sinusnog signala

(temeljni pojmovi)

Sve primjedbe, greške, možda dodatne komentare koje imate vi u bilj. pa da ih dodam i sve što može pomo i poboljšanju ovoga javite na PM!

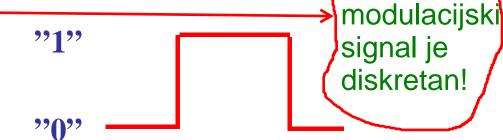






Diskretni signal i diskretne modulacije

- Digitalna informacija opisana je konačnim brojem binarnih znakova.
- Digitalna informacija predočuje se diskretnim električnim signalom → linijski kodovi.
- Modulacijski signal poprima konačno mnogo diskretnih razina.
- Modulacijom se diskretno mijenja parametar sinusnoga prijenosnog signala.

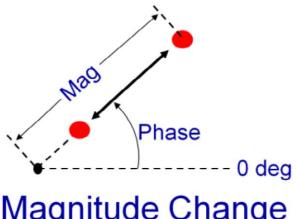


- Temeljni modulacijski postupci osnivaju se na <u>diskretnoj</u> promjeni amplitude, frekvencije ili faze prijenosnog signala,
 - diskretna modulacija amplitude (ASK, Amplitude–Shift Keying),
 - diskretna modulacija frekvencije (FSK, Frequency–Shift Keying),
 - diskretna modulacija faze (PSK, Phase–Shift Keying).

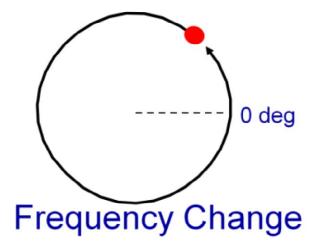


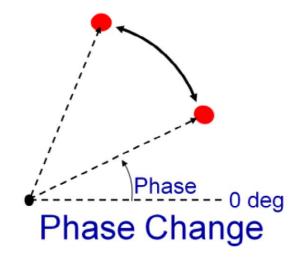


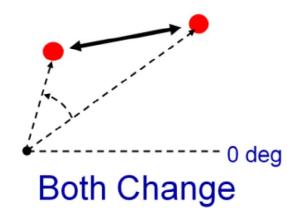
Temeljni modulacijski postupci







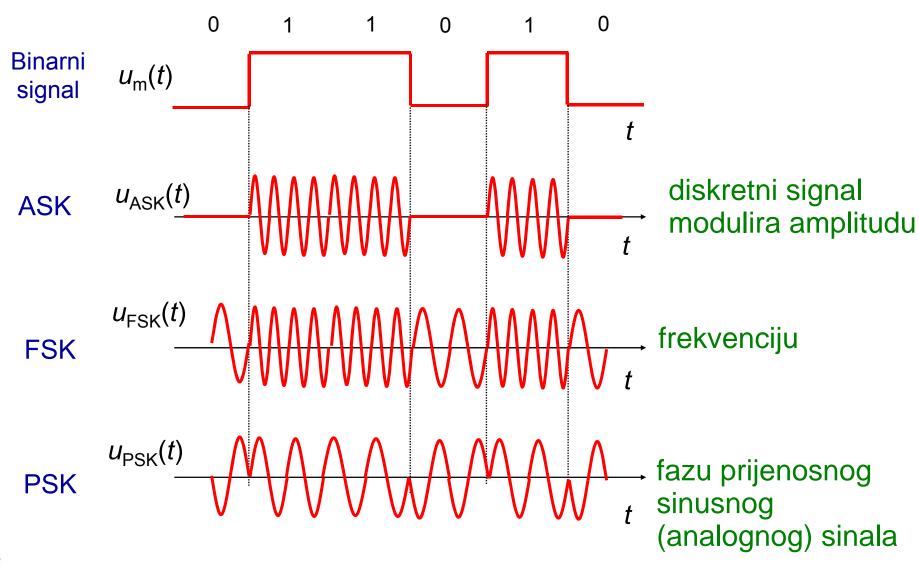








Temeljni modulacijski postupci







Simbol moduliranog signala

- Hibridni modulacijski postupak → modulacijski postupak kojim se mijenja dva parametra sinusnoga prijenosnog signala,
 - kvadraturna diskretna modulacija amplitude (QAM, Quadrature Amplitude Modulation) mijenjaju se amplituda i faza prijenosnog signala.
- Svakoj diskretnoj razini modulacijskog signala odgovara jedno diskretno stanje amplitude, frekvencije ili faze moduliranog signala ili pak neka njihova kombinacija.
- Dio moduliranog signala s jednim stanjem moduliranog parametra naziva se elementarnim signalom ili simbolom.







Brzine i djelotvornost prijenosa

- Binarni postupci rabe samo dva simbola $s_0(t)$ i $s_1(t)$. Svakom od njih pridružuje se jedan bit. (1 ili 0)
- Modulirani je signal predočen slijedom elementarnih signala odnosno simbola.
- Djelotvornost prijenosa raste kad ima više simbola (njihov broj je neka potencija broja 2). Tad se svakom od njih pridružuje više od jednog bita.
- Brzina prijenosa simbola ili brzina signaliziranja jednaka je:

$$R_{\rm S} = 1/T_{\rm S}$$
 [Bd], $T_{\rm S}$ – trajanje simbola.

• Brzina prijenosa bita jednaka je:

$$R_{\rm b} = R_{\rm S} \log_2 M$$
 [bit/s], $M-$ broj simbola.

• U binarnim je sustavima M=2, što daje $R_{\rm S}=R_{\rm b}$.





Odabir modulacijskog postupka

- Kriteriji za odabir modulacijskog postupka:
 - učinkovitost snage,
 - spektralna učinkovitost,
 - stupanj kompleksnosti odgovarajućeg sustava.
- Učinkovitost snage modulacijskog postupka → potrebni omjer energije bita i gustoće snage bijelog šuma (E_b/N₀) kojim se ostvaruje tražena kvaliteta prijenosa izražena vjerojatnošću pogreške prijenosa bita (BER).
- Spektralna učinkovitost modulacijskog postupka R_b/B → broj
 prenesenih bita u sekundi po jedinici širine pojasa, tj. po Hz. Mjeri se u
 jedinicama bit/s/Hz.
- Pod kompleksnosti sustava podrazumijeva se količina i složenost sklopovlja uključujući tehničku složenost sustava kao i njegovu cijenu.





Utjecaj šuma i vjerojatnost pogreške

- Rezultat demodulacije diskretno moduliranog signala je odluka da li je odaslan znak «0» ili znak «1».
- Ovaj, najčešće korišteni postupak, naziva se Hard-decision.
- U alternativnom <u>Soft-decision</u> postupku demodulator osim binarnog znaka daje i vjerojatnost ispravnosti donesene odluke.
- U analognim sustavima utjecaj šuma na ispravnost prijenosa određuje se u ovisnosti od omjera snage korisnog signala i snage šuma (S/N, Signal/Noise).
- U digitalnim sustavima utjecaj šuma na ispravnost prijenosa određuje se u ovisnosti od omjera snage nemoduliranoga prijenosnog signala i srednje snage šuma u pojasu frekvencija što ga utvrđuju Nyquistovi filtri s kosinusno zaobljenom karakteristikom (C/N, Carrier/Noise).
- Za sustave koji koriste modulacijske postupke s nekonstantnom ovojnicom valja nadopuniti izvornu definiciju omjera C/N.

uglavnom: C/N je isto što i S/N samo što se koristi kod digitalnih





Utjecaj šuma i vjerojatnost pogreške

- Kad se koristi modulacijski postupak nebinarne vrste (M > 2) valja
 razlikovati vjerojatnost pogreške simbola moduliranog signala p_{Es} ili SER
 (Symbol Error Rate) od vjerojatnosti pogreške bita p_{Eb} ili p_E odnosno BER.
- BER osim o SER ovisi i o zakonu pridruživanja skupine binarnih znakova simbolima moduliranog signala.
- Krivulje ovisnosti SER o omjeru C/N neprikladne su za usporedbu različitih sustava, jer ovise o obilježjima korištenih filtara.
- Sustavi s različitim modulacijskim postupcima rade u sasvim različitim uvjetima:
 - različite su širine zauzetoga pojasa frekvencija,
 - različit je broj simbola moduliranog signala,
 - različit je broj bitova pridruženih svakom simbolu.
- Takvi se sustavi uspoređuju na temelju energije moduliranog signala, potrebne za prijenos jednog bita $E_{\rm b}$, i snage šuma po jedinici širine pojasa tj. u pojasu širine 1 Hz koja se naziva gustoćom snage šuma N_0 .





Utjecaj šuma i vjerojatnost pogreške

- Omjer E_b/N₀ predstavlja onda sposobnost sustava za prijenos informacija u danome šumnom okolišu.
- Ako je jednom bitu pridružen interval trajanja $T_{\rm b}$ ($T_{\rm b} = T_{\rm S}/\log_2 M$) onda je, $E_{\rm b} = C \cdot T_{\rm b} = \frac{C}{R_{\rm b}}$. (snaga prijenosnog/brzina prijenosa bita)
- Spektralna gustoća snage šuma iznosi,

$$N_0 = \frac{N}{R}$$
, pa je onda, (snaga šuma/širina frekv. pojasa)

$$\frac{E_{\rm b}}{N_{\rm 0}} = \frac{\frac{C}{R_{\rm b}}}{\frac{N}{R}} = \underbrace{\frac{C}{N} \cdot \frac{B}{R_{\rm b}}}_{N}.$$

• Izravno praktično mjerenje omjera $E_{\rm b}/N_{\rm 0}$ dosta je veliki tehnički problem. Zato se obično mjeri C/N, a izmjerena veličina korigira se za omjer $B/R_{\rm b}$.





Diskretna modulacija amplitude ASK



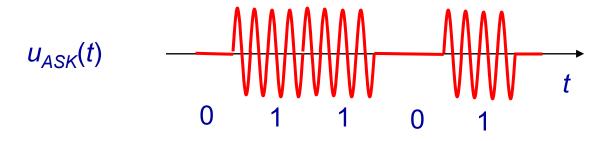


Simboli ASK-signala

- ASK je najstariji diskretni modulacijski postupak.
- U intervalu znaka «1» u_{ASK} je nazivne amplitude U_{pm} , dok je u intervalu znaka «0» razina moduliranog signala jednaka nuli.
- Simboli ASK-signala su oblika,

$$s_0(t) = 0$$
,
$$s_1(t) = U_{pm} \cos 2\pi f_p t$$
, za $0 \le t < T_b$,
$$s_1(t) = 0$$
, izvan intervala binarnog znaka.

ASK se još označuje i kao OOK (On–Off Keying).







Spektar ASK-signala

Kad modulaciju obavlja periodični pravokutni signal, koji odgovara alternirajućim znakovima «0» i «1», tj. za slijed «... 01010101 ...», onda izlazi,

$$u_{\text{ASK}}(t) = U_{\text{pm}} \cos 2\pi f_{\text{p}} t \cdot \left[\frac{1}{2} + \frac{2}{\pi} \cos 2\pi f_{\text{m}} t - \frac{2}{3\pi} \cos 3 \cdot 2\pi f_{\text{m}} t + \dots \right],$$

$$f_{\rm m} = \frac{1}{2T_{\rm b}}$$

$$u_{\text{ASK}}(t) = \frac{U_{\text{pm}}}{2} \cos 2\pi f_{\text{p}} t +$$

nije važan izvod, uo iti da je frekv. pojas beskona an

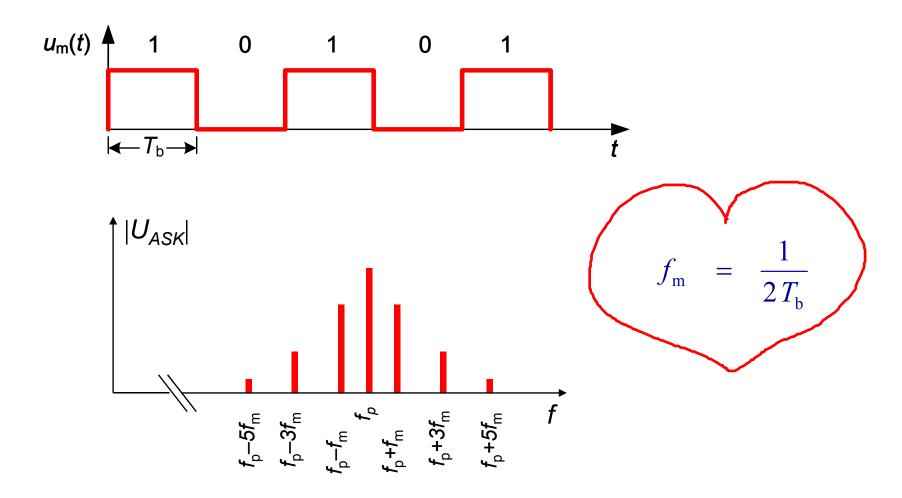
$$+ \frac{U_{\text{pm}}}{\pi} \left[\cos 2\pi (f_{\text{p}} + f_{\text{m}})t + \cos 2\pi (f_{\text{p}} - f_{\text{m}})t\right] - \frac{U_{\text{pm}}}{3\pi} \left[\cos 2\pi (f_{\text{p}} + 3f_{\text{m}})t + \cos 2\pi (f_{\text{p}} - 3f_{\text{m}})t\right] + ...,$$

$$-\frac{U_{\rm pm}}{3\pi} \left[\cos 2\pi (f_{\rm p} + 3f_{\rm m})t + \cos 2\pi (f_{\rm p} - 3f_{\rm m})t\right] + .$$





Spektar ASK-signala

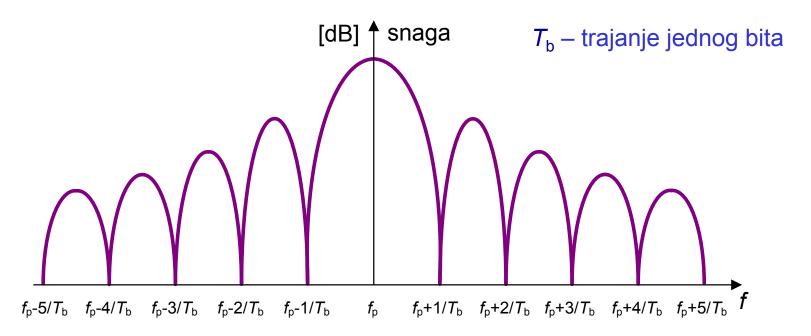






Spektar ASK-signala

Ovojnica spektra snage ASK-signala



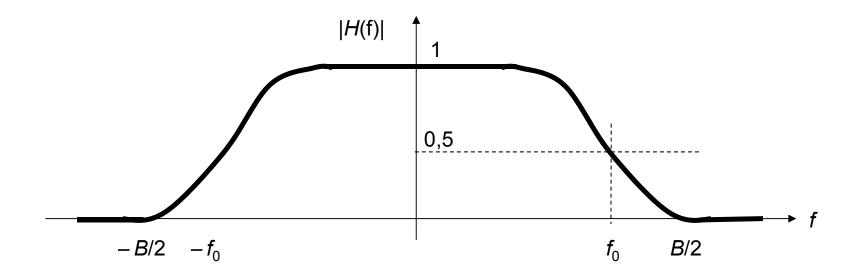
• U realnim situacijama prijenosa podataka diskretni modulacijski signal je neperiodičan. Ovojnica spektra snage ASK-signala sastoji se od dva zrcalno simetrična dijela, svaki u obliku funkcije $[(\sin x)/x]^2$, s osi simetrije na f_p .





Širina pojasa, spektralna učinkovitost

- Idealni ASK-signal zauzima beskonačno širok pojas frekvencija.
- Radi smanjenja širine zauzetog pojasa frekvencija filtriranjem se oblikuju impulsi digitalnoga modulacijskog signala. Koriste se pojasnopropusni filtri:
 - filtri s kosinusno zaobljenom frekvencijskom karakteristikom.







Širina pojasa, spektralna učinkovitost

- Kad je modulacijski signal konačne širine pojasa (oblikovani impulsi) onda je i B_{ASK} konačan.
- U tehničkoj se primjeni za ASK uzima obično,

$$B_{\rm ASK} = 2.1,6 f_{\rm m} = 1,6/T_{\rm b}$$
.

- Spektralna učinkovitost ASK iznosi 1/1,6 = 0,6 bit/s/Hz. Kad bi se koristila koherentna demodulacija moglo bi se raditi i s manjom širinom pojasa što bi povećalo spektralnu učinkovitost na oko 0,8 bit/s/Hz. (ovo ne pamtit!)
- Srednja snaga ASK-signala približno je jednaka polovici snage prijenosnog signala,

$$P_{\text{ASK}} \approx \frac{P_{\text{p0}}}{2} = \frac{U_{\text{pm}}^2}{4R}.$$

Pretpostavljena je jednaka vjerojatnost pojavljivanja svakog od dva simbola.





Demodulacija ASK-signala

- Demodulacija ASK-signala obavlja se postupkom detekcije ovojnice kao i kod kontinuirane modulacije amplitude AM. Nakon detektora ovojnice koristi se sklop za donošenje odluke radi li se o znaku «0» ili o znaku «1».
- Moguća je i primjena koherentnog postupka demodulacije.
- •2. Koherentni (sinkroni) postupak demodulacije osniva se na množenju ASK-signala s pomoćnim signalom nosioca. Ako je $u_{\rm m}(t)$ digitalni signal unipolarne vrste,

$$u_{ASK}(t) = u_{m}(t) \cos(\omega_{p}t + \varphi),$$

$$u_{p}(t) = U_{pm} \cos(\omega_{p}t + \psi).$$

• Ako se pretpostavi jednakost frekvencija, tj. $\omega_{\rm p}=\omega_{\rm p}$, onda množenjem nastaje ($k_{\rm ASK}$ — osjetljivost demodulatora),

$$u_{1}(t) = k_{ASK} u_{m}(t) \cos (\omega_{p}t + \varphi) \cdot \cos (\omega_{p}t + \psi),$$

$$= \frac{1}{2} k_{ASK} u_{m}(t) \left[\cos (2\omega_{p}t + \varphi + \psi) + \cos (\varphi - \psi) \right].$$





Demodulacija ASK-signala

 Niskopropusnim filtrom prigušuje se komponenta frekvencije 2ω_p pa ostaje signal,

$$u_2(t) = \frac{1}{2} k_{ASK} u_m(t) \cos(\varphi - \psi),$$

koji je razmjeran modulacijskom signalu $u_{\rm m}(t)$ odnosno izvornome digitalnom signalu podataka.

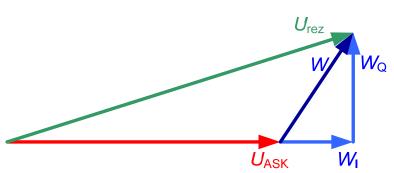
 Važno je donekle ispravno regenerirati i fazu lokalnog signala za sinkronu odnosno koherentnu demodulaciju.





Utjecaj šuma na ASK-signal

- Na ASK-signal superponirani šum w(t) rastavlja se na dvije ortogonalne komponente:
 - komponentu koja je u fazi s moduliranim signalom kofaznu komponentu $w_l(t)$ (I ln-phase),
 - komponentu koja je u kvadraturnom odnosu (ortogonalna) s moduliranim signalom – kvadraturnu komponentu w_Q(t) (Q – Quadrature).



- Svaku od ortogonalnih komponenti šuma obilježava Gaussova razdioba gustoće vjerojatnosti i među njima nema korelacije.
- Na koherentnu demodulaciju ASK-signala utječe samo kofazna komponenta šuma.
- Pogreška nastaje ako je u intervalu znaka «1» w_I(t) protufazan moduliranom signalu ili ako je on u fazi s moduliranim signalom tijekom znaka «0».





Utjecaj šuma na ASK-signal

 Postupkom, koji je istovjetan postupku provedenom za digitalne signale u osnovnom pojasu frekvencija, dobiva se vjerojatnost pogreške binarnog znaka,

$$p_{\rm E} = \frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\sqrt{\frac{E_{\rm b}}{2N_{\rm o}}}\right).$$

- Pri nekoherentnoj demodulaciji ASK-signala detekcijom ovojnice valja odrediti raspodjelu gustoće vjerojatnosti ovojnice oba simbola moduliranog signala sa superponiranim šumom.
- Ovojnica je tad u intervalu znaka «0» jednaka ovojnici šuma, tj. $O_0 = W$, dok je u intervalu znaka «1»,

$$O_1 = \sqrt{[U_{ASK} + W_I]^2 + W_Q^2}$$
.

 Određivanje ove raspodjele gustoće vjerojatnosti ovojnice ASK-signala sa superponiranim šumom dosta je složeni postupak.





Utjecaj šuma na ASK-signal

 Može se pokazati da je vjerojatnost pogreške bita pri nekoherentnoj demodulaciji ASK-signala jednaka,

$$p_{\rm E} = \frac{1}{2} e^{-E_{\rm b}/2N_0}$$
.





Primjena modulacijskog postupka ASK

- Sustavi za prijenos digitalnih signala male brzine,
 - prijenos u području govornih frekvencija:

• frekvencijske područje rada: 0,3 – 3,4 kHz (govorni pojas),

brzina prijenosa:
 50 Bd,

• broj kanala: 24

• širina pojasa moduliranog signala: 80 Hz (= 2 × 1,6 · 25 Hz),

frekvencije prijenosnih signala u kanalima:
 420 – 3180 Hz,

na razmaku od 120 Hz,

- prijenos u području UHF i SHF:
 - prijenos jednostavnim uređajima malih zahtjeva.





Diskretna modulacija frekvencije FSK





- Simboli FSK-signala odgovaraju sinusnim titrajima različitih diskretnih frekvencija.
- Modulirani signal → FSK-signal je u idealnim uvjetima stalne amplitude.
- Binarna diskretna modulacija frekvencije (BFSK, *Binary Frequency Shift Keying*) rabi dva simbola odnosno dvije frekvencije.(dok M-FSK koristi M frekv.)

$$(0) \rightarrow f_0 = f_p - \Delta f$$

$$\text{«1»} \rightarrow f_1 = f_p + \Delta f.$$

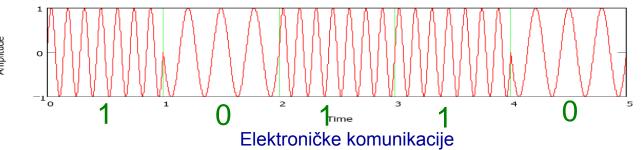
Simboli moduliranog signala su onda,

$$s_0(t) = \begin{cases} U_{\text{pm}} \cos 2\pi f_0 t, & \text{za } 0 \le t < T_b, \\ 0, & \text{izvan intervala binarnog znaka.} \end{cases}$$

$$fp=(f1+f0)/2$$

deltaf=(f1-f0)/2

$$s_1(t) = \begin{cases} U_{\rm pm} \cos 2\pi f_1 t, & \text{za } 0 \le t < T_{\rm b}, \\ 0, & \text{izvan intervala binarnog znaka.} \end{cases}$$





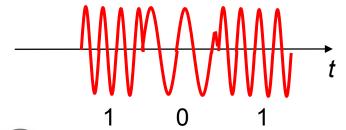


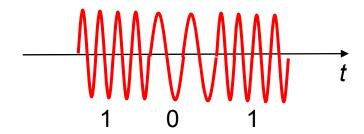
• Indeks modulacije jednak je omjeru devijacije frekvencije Δf i najveće frekvencije (repeticije) digitalnoga modulacijskog signala $f_{\rm m}$,

$$m_{\rm F} = \frac{\Delta f}{f_{\rm m}} = \Delta f \cdot T_{\rm m} = \underbrace{2 \cdot \Delta f}_{\rm razmak} \cdot T_{\rm b} .$$

Indeks modulacije nije jednak najvećoj promjeni faze moduliranog signala.

- Diskontinuiteti faze u prijelaznim stanjima jako proširuju zauzeti pojas frekvencija., pa se koristi postupak s kontinuiranom promjenom faze-CPFSK
- FSK s kontinuiranom fazom → CPFSK (Continuous Phase FSK).









- Kontinuiranost faze osigurana je za cjelobrojne indekse modulacije, tj. kad je razmak frekvencija,onda se u jednom intervalu znaka (0 ili 1) faza promijeni za cjelobrojnu vrijednost pi-a $2 \cdot \Delta f = k \cdot \frac{1}{T_{\rm h}}, \qquad k = 1, 2, \dots$
- Razina bipolarnoga digitalnog signala u intervalu k-tog bita iznosi $u_{m,k}$,

$$u_{m,k} = -1,$$
 $u_{m,k} = +1.$

• U tom je intervalu frekvencija FSK-signala $f_p + u_{m,k} \cdot \Delta f$ ili,

$$\omega_{p} + u_{m,k} \cdot \Delta \omega = \omega_{p} + u_{m,k} \cdot \frac{\pi m_{F}}{T_{b}} = 2\pi f_{p} + u_{m,k} \cdot \frac{\pi m_{F}}{T_{b}}.$$

• Trenutna je faza CPFSK-signala u intervalu k-tog bita, tj. za $(k-1)T_b < t \le kT_b$,

$$\Phi(t) = 2\pi f_{p}t + u_{m,k}\frac{\pi m_{F}}{T_{b}}\left[t - (k-1)T_{b}\right] + \pi m_{F}\sum_{j=1}^{k-1}u_{m,j} + \varphi_{0}.$$

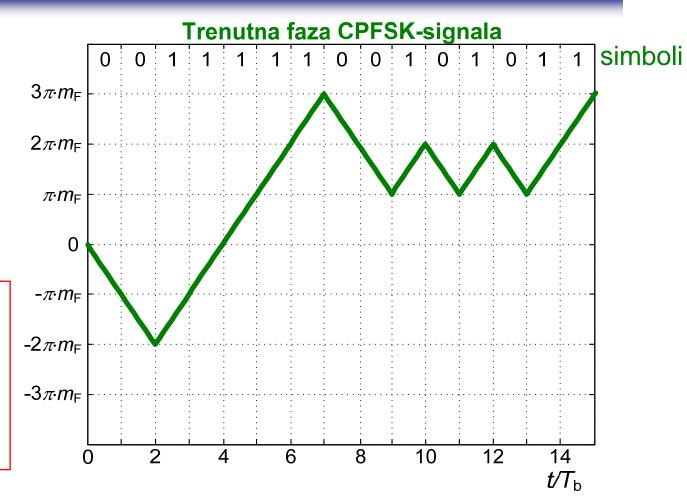




Binarni FSK — BFSK važno!

 Unutar intervala jednog bita trenutna se faza mijenja linearno i tijekom tog intervala promijeni se za iznos ±πm_F.

pa onda ako je mf cjelobrojni, faza e se mijenjati za pi, tj. kad sljede i simbol nai e, ne e do i do skoka u fazi, nego do kontinuirane promjene faze (glatke promjene)



$$\Phi(t) = 2\pi f_{p}t + u_{m,k}\frac{\pi m_{F}}{T_{b}}\left[t - (k-1)T_{b}\right] + \pi m_{F}\sum_{j=1}^{k-1}u_{m,j} + \varphi_{0}.$$



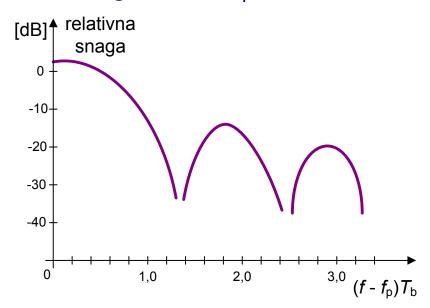


• FSK-signal u intervalu $(k-1)T_b < t \le kT_b$, k = 1, 2, ... je oblika,

$$u_{\text{FSK}}(t) = U_{\text{pm}} \cos \left\{ 2\pi f_{\text{p}} t + u_{\text{m},k} \frac{\pi m_{\text{F}}}{T_{\text{b}}} [t - (k-1)T_{\text{b}}] + \pi m_{\text{F}} \sum_{j=1}^{k-1} u_{\text{m},j} + \varphi_{0} \right\}.$$
 ne pamtit!

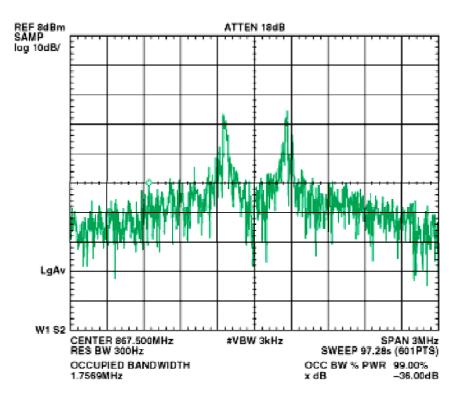
 Diskretna modulacija frekvencije je nelinearni modulacijski postupak → spektar FSK-signala sastoji se od velikog broja komponenata. Analitički postupak spektralne analize jako je kompliciran.

Ovojnica spektra snage BFSKsignala za $m_F = 0.25$









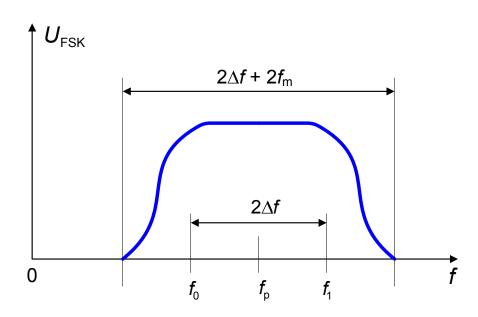
 Za određivanje približne širine pojasa može poslužiti Carsonovo pravilo iz FM-postupka,

$$B_{\text{FSK}} \approx 2(\Delta f + f_{\text{m}}) = 2\Delta f + \frac{1}{T_{\text{b}}}$$





- Minimalno FSK-signal zauzima dvostruko širi pojas od pojasa digitalnoga modulacijskog signala.
- Radi smanjenja širine zauzetog pojasa frekvencija filtriranjem se oblikuju impulsi diskretnoga modulacijskog signala.



- Koriste se niskopropusni filtri:
 - filtri s kosinusno zaobljenom frekvencijskom karakteristikom,
 - Gaussovi filtri u kojih impulsni odziv filtra odgovara Gaussovoj funkciji.





Gaussova FSK — GFSK

- Gaussova diskretna modulacija frekvencije (GFSK, Gaussian FSK) primjenjuje Gaussov niskopropusni filtar za oblikovanje impulsa modulacijskog signala.
- Nakon filtriranja modulacijski signal gubi svoja diskretna obilježja i on postaje kontinuirana funkcija vremena pa je stoga kontinuirana i promjena frekvencije moduliranog signala. (što zna i uži pojas frekvencija)
- Kod jedne vrste WLAN a i u Bluetooth sustavima za GFSK koriste se filtri s B·T_S = 0,5.





FSK s više frekvencija — *M*-FSK

- Modulacijski postupci M-FSK (M-ary FSK) koriste M simbola, odnosno M frekvencija.
- Svakom simbolu pridružuje se (log₂ M) bita.
- U svakom intervalu signaliziranja trajanja T_S ($T_S = T_b \cdot \log_2 M$) trenutna frekvencija M-FSK-signala poprima jednu od M mogućih vrijednosti.
- Ako su diskretne frekvencije jednoliko razmaknute za 2·Δf, onda je indeks modulacije,

$$m_{\rm F} = 2 \cdot \Delta f \cdot T_{\rm S} \cdot \mathbf{P}$$

 Modulirani signal s kontinuiranom fazom u k-tom intervalu signaliziranja jednak je,

$$u_{\text{MFSK}}(t) = U_{\text{pm}} \cos \left\{ 2\pi f_{\text{p}} t + u_{\text{m,k}} \frac{\pi m_{\text{F}}}{T_{\text{S}}} [t - (k - 1)T_{\text{S}}] + \pi m_{\text{F}} \sum_{j=1}^{k-1} u_{\text{m,j}} + \varphi_{0} \right\},$$

$$(k-1)T_{\text{S}} < t \le kT_{\text{S}},$$

gdje je
$$u_{m,k} = \pm 1, \pm 3, \pm 5, \dots \pm (M-1).$$





FSK s više frekvencija — *M*-FSK

• Ako su diskretna stanja frekvencije M-FSK-signala višekratnici od $1/T_{\rm S}$, odnosno diskretne frekvencije su na razmaku $1/T_{\rm S}$, tj.

$$f_i = \frac{k_i}{T_S}, \qquad \Rightarrow \qquad 2 \cdot \Delta f = \frac{1}{T_S},$$

tad su simboli M-FSK-signala ortogonalni.(jer opet ispada da je indeks modulacije cjelobrojan)

• Ako se funkcije tih simbola označe sa $s_i(t)$, i = 1, 2, 3, ... M onda se svojstvo ortogonalnosti tih funkcija na vremenskom intervalu trajanja \mathcal{T}_S nože izraziti kao

$$\int_{0}^{T_{S}} s_{i}(t) \cdot s_{j}(t) dt = \begin{cases} c, & \text{za } i = j, \\ 0, & \text{za } i \neq j. \end{cases}$$

- -Kad simboli s_i(t) odgovaraju kosinusnim titrajima jedinične amplitude onda
 je konstanta c jednaka T_S.
- *Primjer*: *Kvaternarna FSK* (4-FSK) sadrži četiri simbola odnosno frekvencije. Svakom simbolu (frekvenciji) pridružuju se dva bita.





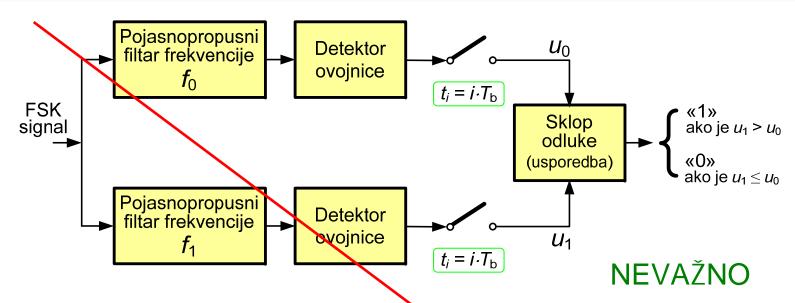
Demodulacija FSK-signala nije toliko važno, postoji nekoherentni i koherentni postupak...

- Nekoherentni postupak
 demodulacije BFSK-signala
 osniva se na povezanosti FSK i
 ASK postupaka. FSK-signal
 može se prikazati kao zbroj dva
 ASK-signala prijenosnih
 frekvencija f₀ i f₁.
- ASK-signal frekvencije f_1 dobiva "0" "0" se izravnom modulacijom digitalnim slijedom podataka, a ASK-signal frekvencije f_0 nastaje kad modulaciju obavlja invertirani digitalni slijed istih podataka.
- Nekoherentna se demodulacija osniva na detekciji ovojnice ovih dvaju ASK-signala i usporedbom dobivenih rezultata.





Demodulacija FSK-signala



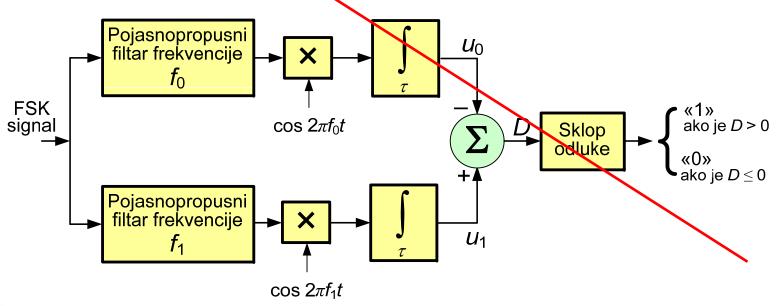
- Pojasnopropusni filtri usklađeni su na diskretne frekvencije FSK-signala f_0 i f_1 i uske su širine pojasa propuštanja tako da se mogu zanemariti smetnje među simbolima. Na izlazu svakog filtra javlja se ASK-signal odgovarajuće frekvencije.
- Signali u_0 i u_1 odgovaraju uzorcima signala nastalih detekcijom ovojnice odnosno nekoherentnom demodulacijom odgovarajućeg ASK-signala na kraju intervala svakog bita.





Demodulacija FSK-signala samo znat da postoji i koherentni postupak

- Keherentni postupak demoduliranja FSK-signala vrlo se rijetko koristi.
 Blok shema postupka demodulacije dobiva se ako se jedinica za
 detekciju amplitude nadomjesti jedinicom za množenje (sinkrona
 demodulacija) i jedinicom za integriranje (prijenosna karakteristika niskog
 propusta).
- Kad su simboli FSK-signala ortogonalni mogu se izostaviti ulazni filtri u svakoj od grana sinkronog demodulatora.







Demodulacija FSK-signala

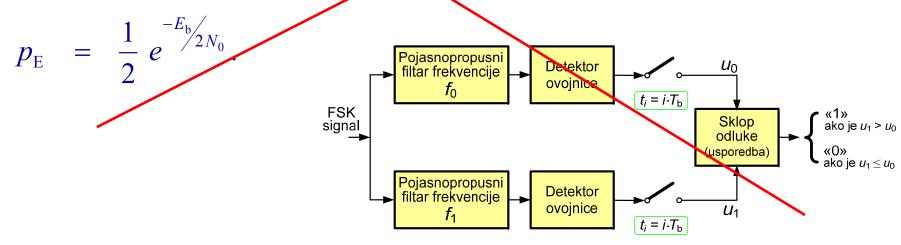
 Množenje primljenog signala s referentnim signalima ekvivalentno je filtriranju signala filtrom koji ima inverzni impulsni odziv — prilagođeni filtar u postupku optimalnog prijama.





Utjecaj šuma na FSK-signal

- U postupku *nekoherentne demodulacije* FSK-signala na izlazu filtra za frekvenciju koja se upravo prima javlja se sinusni signal sa superponiranim šumom, dok se na izlazu drugog filtra javlja samo šum.
- Pogreška nastaje kad je ovojnica izlaznog signala filtra, koji propušta sinusni signal i šum, niže razine od ovojnice izlaznog signala filtra koji propušta samo šum odnosno kad je negativna razlika tih signala.
- Vjerojatnost da je razina ovojnica tih signala negativna jednaka je vjerojatnosti pogrešne demodulacije binarnog znaka,







Utjecaj šuma na FSK-signal

- Tkod koherentne demodulacije pogreška nastaje kad je negativna razlika razina odgovarajućih izlaznih signala sinkronih demodulatora.
- Vjerojatnost da je ta razlika negativna daje vjerojatnost pogreške bita,

$$p_{\rm E} = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\sqrt{\frac{E_{\rm b}}{2N_0}} \right).$$

Ona odgovara vjerojatnosti pogreške bita kod ASK na temelju uočene povezanosti FSK i ASK-postupaka.





Primjena modulacijskog postupka FSK

- Sustavi za prijenos digitalnih signala male i srednje brzine,
 - prijenos u području govornih frekvencija (modem po normi V.23):

 frekvencijsl 	ko područje rada:	0,3 – 3,4 kHz (govorni poj	jas)
----------------------------------	-------------------	----------------------------	------

- brzina prijenosa: do 1200 Bd,
- broj kanala:
- frekvencija za znak "0": 1300 Hz,
- frekvencija za znak "1":
 2100 Hz,
- nadomjesna prijenosna frekvencija $\frac{1}{2}(f_0 + f_1)$: 1700 Hz,
- širina pojasa 2.(400 + 1200/2): 2000 Hz,
- zauzeti pojas frekvencija:
 Z00 2700 Hz,
- prijenos u području HF (kratki val):
 - razmak diskretnih frekvencija $(f_1 f_0)$: 125; 200; 250; 300; 400; 500; 800; 1000 Hz npr.





Primjena modulacijskog postupka FSK

Gaussova FSK (GFSK) koristi se u,

radijskoj tehnologiji DECT (Digital Enhanced Cordless Telephone):

frekvencijsko područje rada: 1880 – 1900 MHz,

brzina prijenosa:
 32 kbit/s po kanalu,

• broj kanala: 10,

– radijskoj tehnologiji Bluetooth:

frekvencijsko područje rada: 2402 - 2480 MHz,

brzina prijenosa: do 720 kbit/s,

- broj kanala: 79,

tehnologiji radijskih lokalnih mreža WLAN po normi IEEE 802.11 FHSS:

frekvencijsko područje rada: 2400 – 2483,5 MHz,

inačica modulacijskog postupka: 2-GFSK za brzinu 1 Mbit/s,

4-GFSK za brzinu 2 Mbit/s.





Diskretna modulacija faze PSK





Simboli PSK-signala

- Simboli PSK-signala odgovaraju sinusnim titrajima jednake frekvencije, a različitih relativnih faza. Referentna je faza prijenosnog signala.
- Skup mogućih diskretnih vrijednosti faze $\varphi_{\rm m}$ od M elemenata dobiva se kako slijedi,

$$\varphi_{\rm m} = \left\{\pi \frac{2n+c}{M}, \quad n = 0; 1; 2; \dots M-1\right\}, \quad c = 0; 1.$$

- Za svaku vrijednost M mogu se formirati dva skupa mogućih diskretnih stanja faze moduliranog signala.
- Kad je c = 0 onda taj skup uključuje stanje faze 0, a kad je c = 1 onda skup ne sadrži element sa stanjem faze 0.(kad je c=1, dodaje se c*pi/M)
- Modulirani signal → PSK-signal je u <u>idealnim uvjetima</u> stalne amplitude.





Simboli PSK-signala

• Simbol moduliranog signala odgovara segmentu sinusnog signala s jednom od M mogućih diskretnih stanja relativne faze φ_k .

 $s_k(t) = U_{\rm pm}\cos(2\pi\!f_{\rm p}t + \varphi_k)\,,\quad k=0;1;2;\;...\;M-1\,,\quad (k-1)T_{\rm S} < t \le kT_{\rm S}\,.$ (u svakom periodu simbola prijenosni s. ima odre enu relativnu fazu, ovisno o modulacijskom s.) • Modulirani signal predočen je slijedom ovakvih simbola pa se

 Modulirani signal predočen je slijedom ovakvih simbola pa se rastavljanjem ovog izraza može prikazati u obliku,

$$u_{\text{PSK}}(t) = U_{\text{pm}} \left[\cos \varphi_k \cdot \cos 2\pi f_{\text{p}} t - \sin \varphi_k \cdot \sin 2\pi f_{\text{p}} t \right].$$

- Ovaj izraz pokazuje da PSK-signal nastaje zbrajanjem dvaju ASK-signala prijenosni signali kojih su u kvadraturnom odnosu (zakrenuti u fazi za $\pi/2$).
- Za razliku od kontinuirane modulacije faze PM, koja je nelinearni postupak, njezina diskretna inačica PSK linearni je modulacijski postupak zbog veze s ASK.



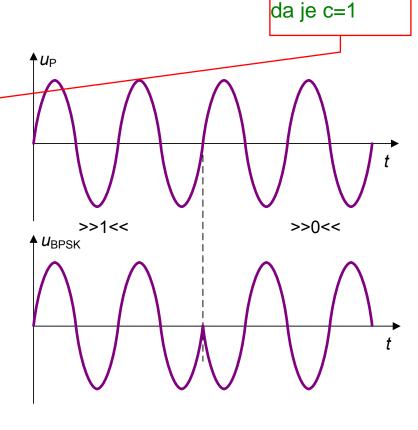


- Kod binarne diskretne modulacije faze (BPSK, Binary Phase Shift Keying) dva su moguća stanja relativne faze moduliranog signala.
- Alternativni naziv → dvofazna PSK ili 2-PSK.
- Diskretna stanja faze BPSK-signala,

$$\varphi_{\rm m} = \{0, \pi\}.$$

- Druga varijanta skupa φ_m , koja sadrži elemente { $\pi/2$, $3\pi/2$ }, se ne koristi.
- Svakom stanju faze pridružuje se jedan binarni znak, a uobičajeno je pravilo pridruživanja:

$$(1)$$
 \leftrightarrow 0° i (0) \leftrightarrow 180°.







kada stavimo

Binarna PSK — BPSK^{ovo nije toliko važno, vrijedi samo za BPSK}

Simboli moduliranog signala su onda,

$$s_0(t) = U_{pm} \cos(2\pi f_p t + \pi) = -U_{pm} \cos 2\pi f_p t,$$

 $s_1(t) = U_{pm} \cos(2\pi f_p t + 0) = U_{pm} \cos 2\pi f_p t.$

Kad je digitalni signal podataka predočen bipolarnim signalom, npr. NRZ vrste, onda se modulirani signal može predočiti produktom,

$$u_{\text{BPSK}}(t) = u_{\text{m}}(t) \cdot \cos 2\pi f_{\text{p}} t$$

što je istovjetno prikazu ASK-signala koji bi nastao modulacijom bipolarnim impulsima.

Ovaj se rezultat dobiva i ako se u općeniti prikaz PSK-signala,

$$u_{\text{PSK}}(t) = U_{\text{pm}} \left[\cos \varphi_k \cdot \cos 2\pi f_{\text{p}} t - \sin \varphi_k \cdot \sin 2\pi f_{\text{p}} t \right].$$

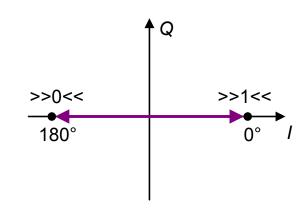
stavi $\varphi_k = 0$ ili π .

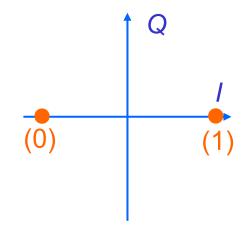


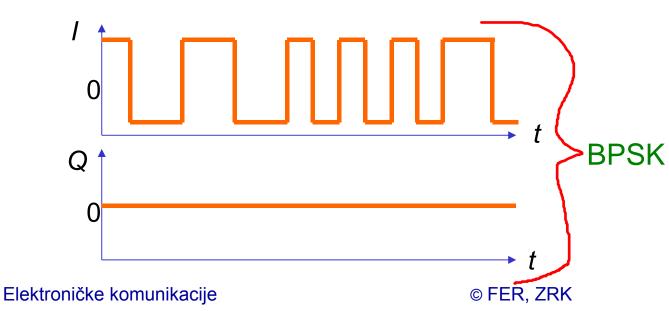


Binarna PSK — BPSK Važno!

- Simboli BPSK-signala prikazuju se u kompleksnoj ravnini s dva moguća diskretna stanja verzora moduliranog signala.
- Osi kompleksne ravnine preimenovane su u *I*-os, odnosno u kofaznu (*In-phase*), i u *Q*-os odnosno kvadraturnu (*Quadrature*) os.
- Takav prikaz naziva se dijagramom stanja (constellation diagram) moduliranog signala.











- Spektralna obilježja BPSK-signala jednaka su obilježjima ASK-signala.
- Ovojnica spektra snage bipolarnih NRZ-impulsa jednaka je,

$$S_{\rm m}(f) = 2A^2T_{\rm b} \left[\frac{\sin \pi f T_{\rm b}}{\pi f T_{\rm b}}\right]^2,$$
 oblika (sinx/x)^2

što daje ovojnicu spektra snage BPSK-signala u obliku,

$$S_{\rm BPSK}(f) = k_{\rm B}T_{\rm b} \left[\frac{\sin \pi (f - f_{\rm p})T_{\rm b}}{\pi (f - f_{\rm p})T_{\rm b}} \right]^2$$
, $k_{\rm B}$ – osjetljivost modulatora.

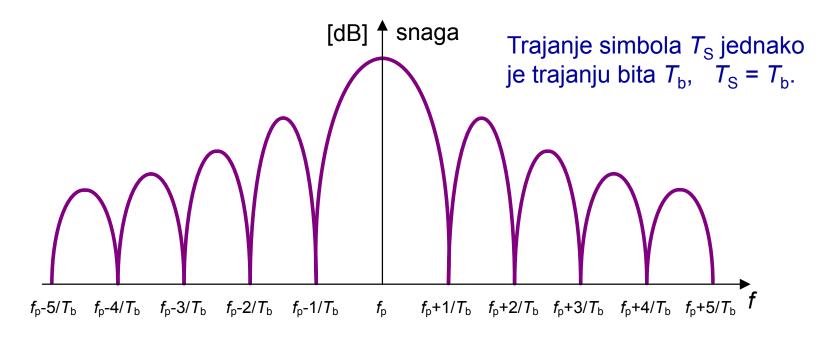


isti oblik:)





Ovojnica spektra snage BPSK-signala



Isti oblik kao i ASK! Jer se PSK može prikazati kao zbroj dvaju ASK signala...





• Teorijski najviša moguća spektralna učinkovitost R_b/B ostvarila bi se uporabom idealna Nyquistova pojasnopropusnoga filtra pravokutne frekvencijske karakteristike i širine pojasa propuštanja jednake $1/T_b$. Ona bi tad iznosila 1 bit/s/Hz.

Adjacent Nyquist Minimum Relative Magnitude (dB) Channel Bandwidth Frequency





- Uporabom filtra sa kosinusno zaobljenom karakteristikom uz α = 0,3 npr. izlazi spektralna učinkovitost od oko 1/1,3 = 0,77 bit/s/Hz.
- U digitalnim radiovezama koristi se α = 0,5 što daje spektralnu učinkovitost u iznosu od 0,67 bit/s/Hz.
- BPSK je skromne spektralne učinkovitosti, ali je jako otporan na smetnje što će se pokazati kasnije.





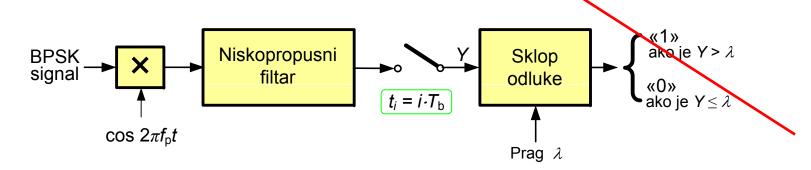
Koherentna demodulacija BPSK-signala

 Koherentna demodulacija BPSK-signala u potpunosti je jednaka odgovarajućem postupku za demodulaciju ASK-signala na temelju pokazane sličnosti ova dva postupka.

$$u_{\text{BPSK}}(t) = u_{\text{m}}(t) \cdot \cos 2\pi f_{\text{p}} t$$

nevažnojski

- Primljeni BPSK-signal množi se s tokalno regeneriranim nosiocem.
- Niskopropusni filtar uklanja komponente oko dvostruke prijenosne frekvencije $2f_p$ i propušta samo komponente u osnovnom pojasu frekvencija.







Koherentna demodulacija BPSK-signala

 Za prepoznavanje valnog oblika izlaznog signala filtra nužno je da širina pojasa propuštanja filtra B bude,

$$B \geq \frac{1}{T_b}$$
.

- U intervalu svakog znaka uzima se uzorak izlaznog signala filtra i njegova se razina uspoređuje s nekim pragom λ . Ovisno o rezultatu te usporedbe donosi se odluka u korist znaka «0» ili u korist znaka «1».
- BPSK se ne može demodulirati nekoherentnim postupkom.





- Diskretna modulacija faze s četiri diskretna stanja faze naziva se kvaternarnom diskretnom modulacijom faze i ona se označuje s QPSK (Quaternary Phase Shift Keying ili Quadriphase PSK). Susreće se i naziv četverofazna PSK i oznaka 4-PSK.
- Četiri su simbola QPSK-signala i oni odgovaraju sinusnim titrajima s fazama,

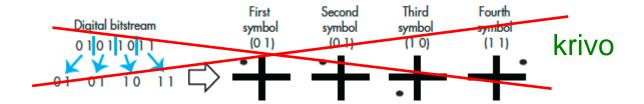
$$\varphi_{\rm m} = \left\{0, \frac{\pi}{2}, \pi, \frac{3\pi}{2}\right\}, \text{ u jednoj inačici (za } c = 0) i,$$

$$\varphi_{\rm m} = \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, \frac{7\pi}{4} \right\} = \left\{ \pm \frac{\pi}{4}, \pm \frac{3\pi}{4} \right\}, \text{ u drugoj inačici (za } c = 1).$$

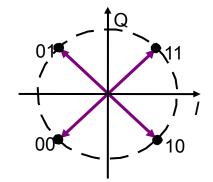
Ova dva skupa rezultiraju dvjema inačicama QPSK-signala.

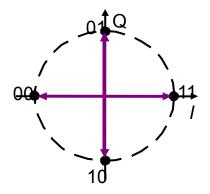






- Broj simbola iznosi M = 4. Svakom simbolu (stanju faze) pridružuju se dva bita odnosno dibit.
- Zakon pridruživanja slijedi pravilo Grayeva koda. <u>Susjednim stanjima faze u I–Q</u> ravnini pridružuju se tada parovi koji se razlikuju u samo jednome binarnom znaku.
- Ovakvim pridruživanjem smanjuje se vjerojatnost pogreške binarnog znaka (pokazat će se kasnije).



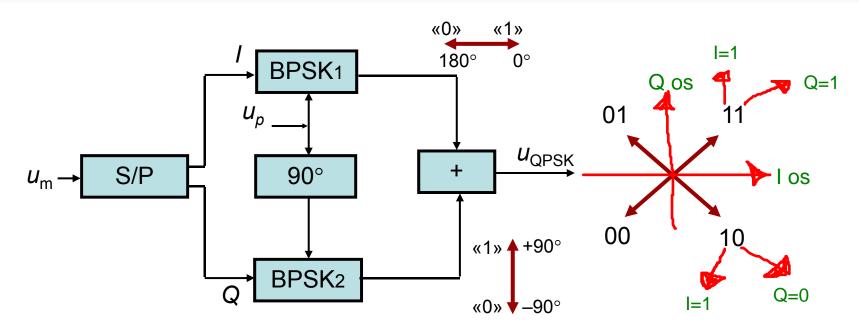






Kvaternarna PSK — QPSK ode na I-granu, 2. bit na Q-granu i tako se svaki simbol dijeli pri modulaciji

uglavnom, QPSK simbol se sastoji od 2 bita, 1. bit



- Dva binarna znaka, koji određuju relativnu fazu QPSK-signala, istodobno valja privesti modulatoru.
- Serijski slijed binarnih znakova, predočenih digitalnim signalom $u_{\rm m}(t)$, pretvara se u dva paralelna slijeda koji odgovaraju binarnima digitalnim signalima I(t) i Q(t). Svakome binarnom znaku u I(t) i u Q(t) pridružuje se dvostruko duži vremenski interval $T_{\rm S} = 2T_{\rm b}$.





Valni oblik modulacijskih signala za BPSK modulatore,







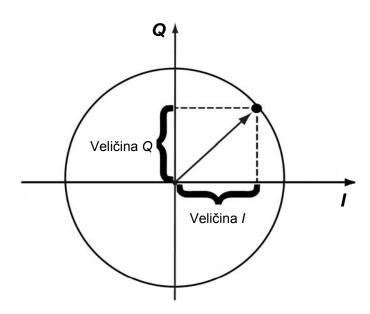
Pomoću ranije dobivenog izraza,

$$u_{\text{PSK}}(t) = U_{\text{pm}} \left[\cos \varphi_k \cdot \cos 2\pi f_{\text{p}} t - \sin \varphi_k \cdot \sin 2\pi f_{\text{p}} t \right],$$

dobiva se onda,

$$u_{\text{QPSK}}(t) = I(t)\cos 2\pi f_{\text{p}}t - Q(t)\sin 2\pi f_{\text{p}}t$$
.

• QPSK-signal, sa stanjima faze $\{\pm \pi/4, \pm 3\pi/4\}$, nastaje, dakle, zbrajanjem dvaju BPSK-signala. Jedan od njih nastaje modulacijom signalom I(t) i ima stanja faze 0° i 180° , dok drugi nastaje modulacijom signalom Q(t) i ima stanja faze $+90^{\circ}$ i -90° .



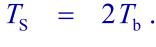


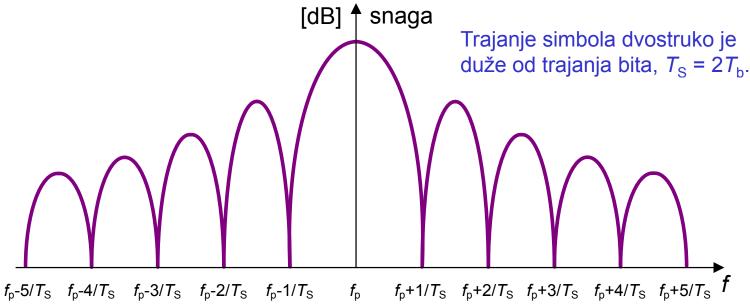


- Spektar QPSK-signala dobiva se kao zbroj spektara dvaju neovisnih BPSK-signala koji ga sastavljaju.
- Ovojnica spektra snage QPSK-signala je onda,

$$S_{\text{QPSK}}(f) = k_{\text{Q}} T_{\text{S}} \left[\frac{\sin \pi (f - f_{\text{p}}) T_{\text{S}}}{\pi (f - f_{\text{p}}) T_{\text{S}}} \right]^{2},$$

isti oblik kao i BPSK, samo duplo uži



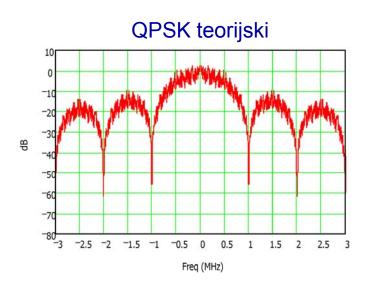


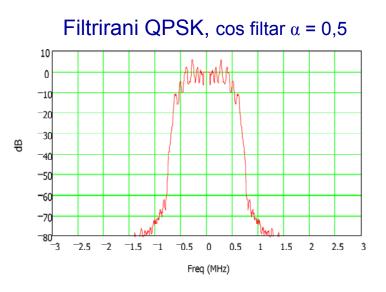




Kvaternarna PSK — QPSK ve a spektralna u inkovitost od BPSK

- Teorijski najviša moguća spektralna učinkovitost iznosi 2 bit/s/Hz. U praksi se može računati s učinkovitosti do oko 1,9 bit/s/Hz.
- QPSK je još uvijek dovoljno otporan na smetnje, iako nešto manje nego BPSK, ali se odlikuje višom spektralnom učinkovitosti.





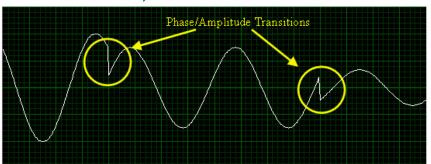
 Teorijski gledano, QPSK-signal je konstantne amplitude, no on zahtijeva beskonačnu širinu pojasa frekvencija. U realnim situacijama širina spektra je konačna zbog filtriranja signala podataka i moduliranog signala.



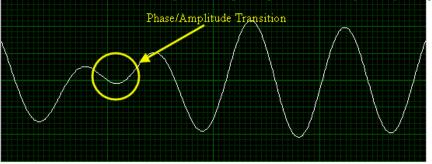


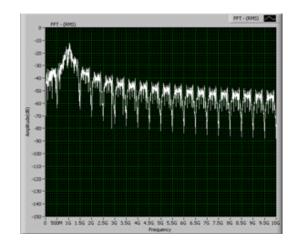
 Ograničavanjem širine pojasa moduliranog signala na konačnu vrijednost nastaju promjene amplitude QPSK-signala. One su naročito izražene u intervalima promjene stanja faze. Promjena faze tad se ne obavlja trenutno, već se faza mijenja kontinuirano u vremenskom intervalu konačnog trajanja.

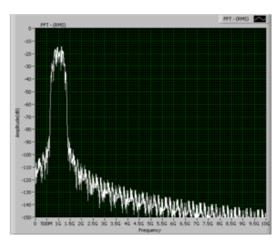
nefiltrirani, ima skokove u fazi



filtrirani, ima promjenjivu ampl. (nepoželjno)



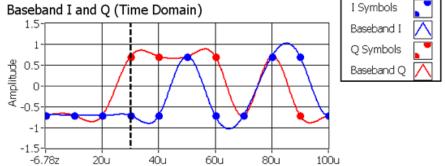






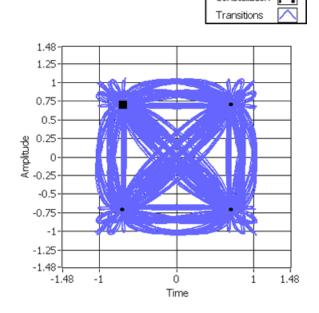


Promjene amplitude su male kad modulirani signal prelazi u neko od susjednih stanja faze, tj. kad se mijenja samo jedan binarni znak u pridruženim dibitima. Promjena oba binarna znaka u paru koji određuje novu fazu moduliranog signala («00» u «11» ili obratno ili pak «01» u «10» ili obratno) zahtijeva prijelaz verzora moduliranog signala u dijametralno (180°) suprotno stanje. Tad nastaju znatne promjene amplitude, čak može doći do pojave nulte točke ovojnice moduliranog signala.



Constellation Graph
Cursor

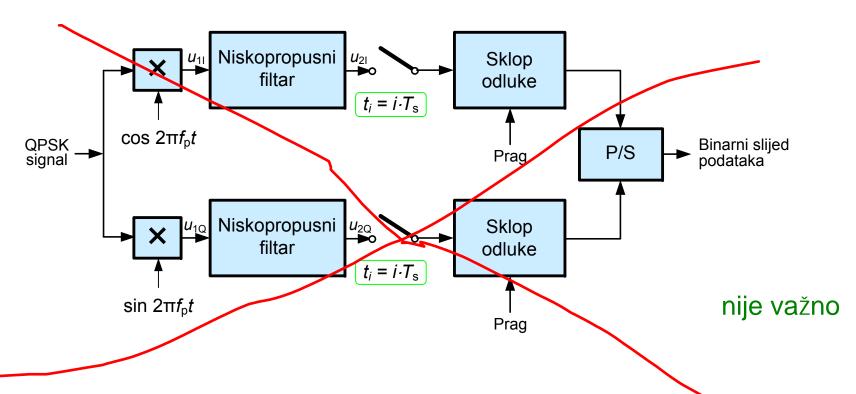
Constellation







Koherentna demodulacija QPSK-signala



 Koherentna demodulacija QPSK-signala sastoji se od zasebne demodulacije kofazne komponente i zasebne demodulacije kvadraturne komponente.





Koherentna demodulacija QPSK-signala

QPSK-signal je oblika,

$$u_{\text{QPSK}}(t) = I(t)\cos 2\pi f_{\text{p}}t - Q(t)\sin 2\pi f_{\text{p}}t,$$

$$= I(t)\cos 2\pi f_{\text{p}}t - Q(t)\cos (2\pi f_{\text{p}}t - \pi/2),$$

 Nakon množenja primljenog signala s lokalno generiranim nosiocem za kofaznu se komponentu dobiva,

$$\begin{split} u_{\mathrm{II}}(t) &= k_{\mathrm{QPSK}} I(t) \cos(2\pi f_{\mathrm{p}} t + \varphi) \cdot \cos(2\pi f_{\mathrm{p}} t + \psi) - \\ &- k_{\mathrm{QPSK}} \mathcal{Q}(t) \cos(2\pi f_{\mathrm{p}} t + \varphi - \pi/2) \cdot \cos(2\pi f_{\mathrm{p}} t + \psi) \,, \\ u_{\mathrm{II}}(t) &= \frac{1}{2} k_{\mathrm{QPSK}} I(t) \left[\cos(\varphi - \psi) + \cos(2\varpi_{\mathrm{p}} t + \varphi + \psi) \right] - \\ &- \frac{1}{2} k_{\mathrm{QPSK}} \mathcal{Q}(t) \left[\cos(\varphi - \psi - \pi/2) + \cos(2\omega_{\mathrm{p}} t + \varphi + \psi - \pi/2) \right], \end{split}$$

 k_{QPSK} — osjetljivost demodulatora.





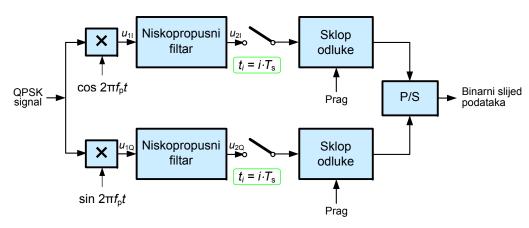
Koherentna demodulacija QPSK-signala

• Niskopropusnim filtrom uklanja se komponenta frekvencije $2\omega_p$ i u slučaju ispravno regenerirane faze lokalnog signala ($\psi = \varphi$) na izlazu niskopropusnog filtra nastaje signal,

$$u_{2I}(t) = \frac{1}{2} k_{QPSK} I(t),$$

na temelju kojeg se određuju neparni bitovi konačnoga serijskog slijeda podataka.

- Na jednaki se način demodulira Q(t) koji daje parne bitove konačnoga serijskog slijeda podataka.
- Multiplekserom, koji je u ovom slučaju izveden kao paralelno/serijski pretvornik, obnavlja se izvorni slijed digitalnih podataka.







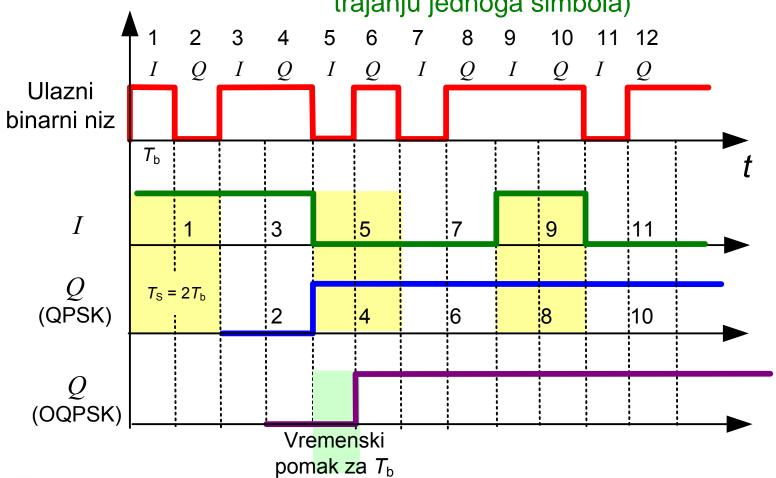
- Modulacijski postupak QPSK preinačuje se tako da se izbjegne pojava istodobne promjene razina signala *I(t)* i *Q(t)*, a koja nastaje kad se mijenjaju oba binarna znaka u paru.
- Postupak prijelaza u dijametralno suprotno stanje u dijagramu stanja (promjena faze za 180°) realizira se u dva koraka:
 - 1. korak: u prvoj polovici intervala signaliziranja $T_{\rm S}$ modulirani signal prelazi u jedno od susjednih stanja faze (faza se promijeni za +90° ili za -90°),
 - 2. korak: u drugoj polovici intervala signaliziranja signal prelazi u konačno stanje faze, dijametralno suprotno početnom stanju u dijagramu stanja (faza se promijeni za daljnjih +90° ili za -90°).
- Takva se procedura ostvaruje pomicanjem signala Q(t) na vremenskoj osi za iznos polovice intervala jednog simbola.
- U liniju prijenosa signala Q(t) unosi se kašnjenje u iznosu $T_{\rm S}/2 = T_{\rm b}$.





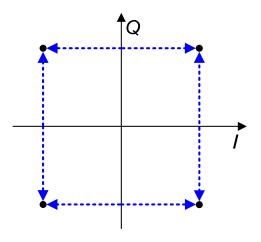
Modulacijski signali *I*(*t*) i *Q*(*t*)

postupna promjena se ostvaruje kašnjenjem Q-dijela za Tb, ime se prvo promijeni I-dio pa tek onda Q (u trajanju jednoga simbola)

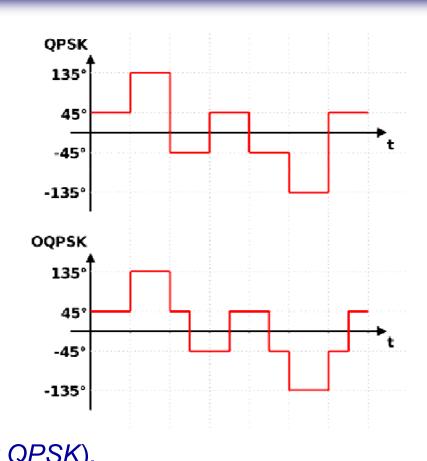








• Ovako preinačeni QPSK-postupak naziva se diskretna modulacija faze s vremenskim pomakom jednog znaka i označuje s OK-QPSK (Offset Keyed QPSK) ili samo OQPSK (Offset QPSK).



 Postupkom mijenjanja faze u dva koraka smanjene su promjene amplitude realnih moduliranih signala. (pri promjeni oba bita, promjena amplitude nije toliko skokovita, ublažena je kroz duže vrijeme)





- Spektralna obilježja OQPSK-signala odgovaraju obilježjima standardnog QPSK-signala.
- OQPSK-signal može se demodulirati samo koherentnim postupkom koji se osniva na odgovarajućem postupku za QPSK.
- Demodulirani signal u_{2l} pomiče se na vremenskoj osi za iznos $T_{\rm b}$ čime se on vremenski izjednačuje s demoduliranim signalom u_{20} , a što je potrebno zbog odgovarajućega vremenskog pomaka modulacijskog signala Q(t) u modulatoru.

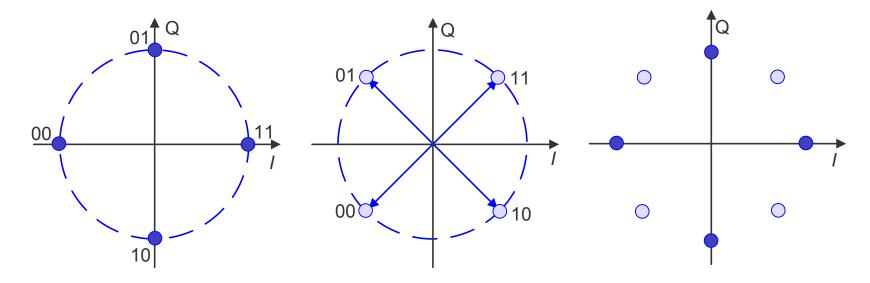




ukratko:pojedini simbol je u sustavu sa "svijetlim" ili "tamnim" to kama na slici. Sljede i simbol je u suprotnom sistemu (ako je bio u tamnom, onda je sljede i u svijetlom i obrnuto), ime se pri promjeni oba bita u simbolu (najgori slu aj), faza nikad ne mijenja za 180°nego za 3pi/4. To zna i da e se amplituda manje mijenjati, ne e biti prolaska kroz ishodište.

180°nego za 3pi/4. To zna i da e se amplituda manje mijenjati, ne e biti prolaska kroz ishodište. **Modulacijski postupak** $\pi/4$ -QPSK

• Drugo rješenje je tzv. modulacijski postupak $\pi/4$ -QPSK koji nastaje kad se preklope dvije inačice stanja kod QPSK odnosno kad se dijagram stanja QPSK-signala zakrene za $\pi/4$ nakon svakog simbola moduliranog signala odnosno nakon svakog para binarnih znakova.



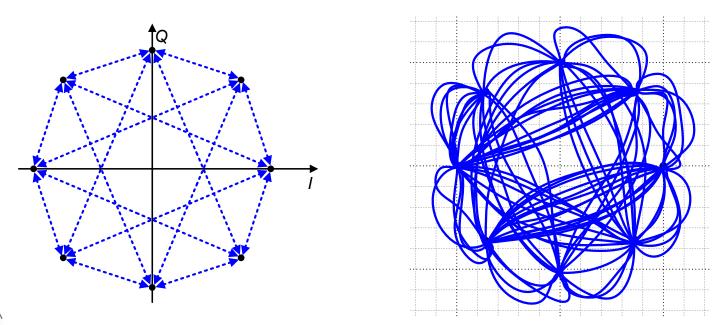
• Faza moduliranog signala tad se mijenja nakon svakog simbola, ali su veličine promjena faze ograničene na iznose: $\pm \pi/4$ i $\pm 3\pi/4$.





Modulacijski postupak $\pi/4$ -QPSK

- Osam je mogućih stanja moduliranog signala (simbola) i oni svi leže na jednoj kružnici ⇒ teorijski je konstantna amplituda moduliranog signala.
- Zbog konačne širine pojasa mijenja se amplituda moduliranog signala u tranzijentnim intervalima.
- Dijagrami trajektorija verzora moduliranog signala u dinamičkim uvjetima upućuju na smanjenu dinamiku promjena amplitude π/4-QPSK-signala u odnosu na QPSK-signal Ona je, međutim, veća nego kod OQPSK-signala.







Modulacijski postupak $\pi/4$ -QPSK

- Modulacijski postupak $\pi/4$ -QPSK pripada skupini koherentnih postupaka i on se ne koristi kao takav.
- Primjenu nalazi isključivo odgovarajući modulacijski postupak u zajednici s diferencijalnim kodiranjem. Zato nema smisla razmatrati postupak demodulacije koji bi morao biti koherentne vrste.





PSK s osam stanja faze — 8-PSK

- Modulacijski postupak s osam diskretnih stanja faze označuje se s 8-PSK.
- Svakom stanju faze pridružuje se po tri bita, tribit.
- 8-PSK- signal ima osam simbola (M = 8) koji odgovaraju sinusnim titrajima s fazama:

$$\varphi_{\rm m} = \left\{0, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{4}, \pi, \frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{2}, \frac{7\pi}{4}\right\},
= \left\{0, \pm \frac{\pi}{4}, \pm \frac{\pi}{2}, \pm \frac{3\pi}{4}, \pi\right\}, \text{ u jednoj inačici (za } c = 0) \text{ i,}$$

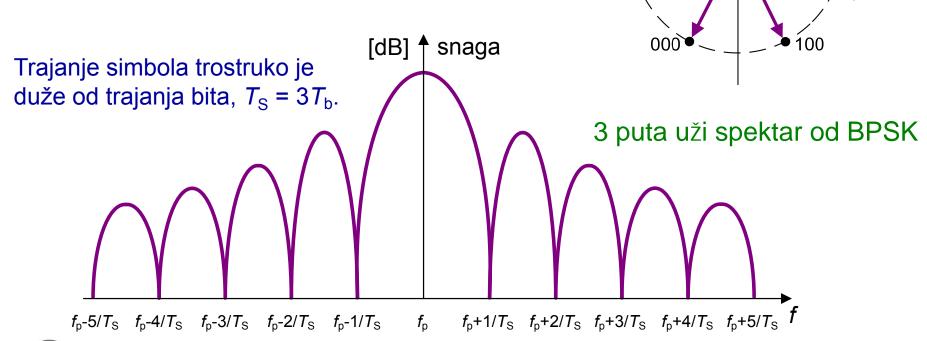
$$\varphi_{\rm m} = \left\{ \frac{\pi}{8}, \frac{3\pi}{8}, \frac{5\pi}{8}, \frac{7\pi}{8}, \frac{9\pi}{8}, \frac{11\pi}{8}, \frac{13\pi}{8}, \frac{15\pi}{8} \right\},
= \left\{ \pm \frac{\pi}{8}, \pm \frac{3\pi}{8}, \pm \frac{5\pi}{8}, \pm \frac{7\pi}{8} \right\}, \text{ u drugoj inačici (za } c = 1).$$





PSK s osam stanja faze — 8-PSK

- Dva skupa mogućih faza rezultiraju dvjema inačicama 8-PSK-signala.
- Susjednim se stanjima faze pridružuju tribiti koji se razlikuju u samo jednome binarnom znaku (Grayev kod).



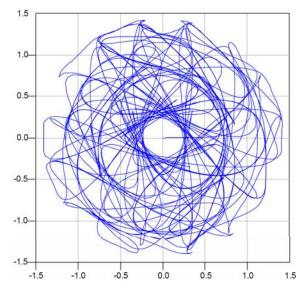
011





PSK s osam stanja faze — 8-PSK

- Teorijski najviša spektralna učinkovitost ovog postupka iznosi onda 3 bit/s/Hz.
- 8-PSK obilježava v<u>iša spektralna učinkovitost,</u> no <u>on je osjetljiviji na</u> s<u>metnj</u>e od dva ranije razmatrana modulacijska postupka.
- Demodulacija 8-PSK-signala u osnovi odgovara demodulaciji QPSKsignala s tim da su demodulirani signali u₂₁ i u_{2Q} diskretni signali kvaternarne vrste.
- Za obnovu digitalnog slijeda podataka koristi se sklop nešto složenije vrste od P/S-pretvornika, koji je bio dovoljan za obavljanje te zadaće u QPSK-sustavu. Tu je potrebna jedna vrsta procesora.







Koherentni i diferencijalni postupci PSK

- U PSK-signala informacija se nalazi u relativnoj fazi moduliranog signala.
 On se zato može demodulirati samo koherentnim postupkom, tj. izravnom usporedbom faza moduliranoga i referentnog signala koji pak mora odgovarati prijenosnom signalu u odašiljaču.
- Takvi se postupci onda nazivaju <u>koherentnim PSK-postupcima</u> i označuju s CBPSK, CQPSK (Coherent BPSK, Coherent QPSK) i sl. (mogu se demodulirati samo koherentno)
- Zahtjev za poznavanjem faze prijenosnog signala iz odašiljača do neke mjere komplicira tehničko rješenje sustava, a taj je zahtjev posebno teško ispuniti u uvjetima mobilnog odašiljača i/ili prijamnika.
- U tim se uvjetima pribjegava korištenju diferencijalnih postupaka koji se temelje na <u>diferencijalnom kodiranju</u> PSK-signala. Informacija se tad nalazi u promjeni faze moduliranog signala.(mogu se demodulirati diferencijalno-nekoherentno)
- Pri demodulaciji se faza simbola moduliranog signala može se usporediti s fazom prethodnog simbola, drugim riječima utvrđuje se diferencijalna faza. Odgovarajući se postupci onda nazivaju diferencijalnom diskretnom modulacijom faze (DPSK, Differential Phase Shift Keying).





Koherentni i diferencijalni postupci PSK

Pravilo pridruživanja promjena faze simbola binarnim znakovima

Modulacijski postupak	Binarni znakovi	Promjena faze
DBPSK	0	π
	1	0
DQPSK	00	π
	01	π /2
	11	0
	10	$3\pi/2$

- Kvantitativne promjene faze diferencijalnih postupaka uzimaju se jednakima apsolutnim vrijednostima faze kod koherentnih postupaka.
- Spektralna učinkovitost diferencijalnih postupaka približno je jednaka učinkovitosti odgovarajućega koherentnog postupka.





- Modulacija diferencijalne faze nastaje diferencijalnim kodiranjem digitalnoga modulacijskog signala. Ako se radi o binarnoj modulaciji onda se dobiva diferencijalno kodirani BPSK-signal (DE-BPSK, *Differentially Encoded BPSK*).
- Znaku «0» izvornoga slijeda treba onda pridružiti promjenu faze moduliranog signala za π radijana, dok kod znaka «1» faza ostaje nepromijenjena odnosno mijenja se za 0 radijana.

to je sve što treba znat :P

- Takva obilježja moduliranog signala dobivaju se diferencijalnim kodiranjem znaka «0» u slijedu znakova digitalnoga signala podataka.
- Pravilo kodiranja je kako slijedi:
 - Znak d_k diferencijalno kodiranoga binarnog slijeda u k-tom intervalu trajanja T_b jednak je prethodnome znaku diferencijalno kodiranog slijeda d_{k-1} kad u tome k-tom intervalu znak a_k izvornoga slijeda odgovara «1».
 - Kad a_k odgovara «0» onda se d_k razlikuje od d_{k-1} .





Tako definirano diferencijalno kodiranje opisuje izraz,

$$d_k = \overline{a_k \otimes d_{k-1}}.$$

- Slijed znakova d_k određuje modulacijski signal koji se privodi BPSKmodulatoru na izlazu kojeg nastaje DE-BPSK-signal opisanih osobina.
- U sljedećoj tablici nalaze se podaci o fazama simbola DE-BPSK-signala (φ_{Dk}) i koherentnog, tj. CBPSK-signala (φ_{Ck}) .

ä _k	$arphi_{C k}$	d _{k-1}	$arphi_{ extsf{D}k extsf{-}1}$	d_k	$\varphi_{_{DK}}$
0	π	0	The state of the s	1	0
0	π	1		0	π
1	0	0	π		π
	0	1	0	1	0

Ova tablica poslužit će za izračunavanje primjera koji slijedi.





Faze simbola koherentnoga i diferencijalno kodiranog BPSK-signala za jedan primjer niza binarnih znakova

Niz binarnih znakova		1	0	1	1	0	0	0	1	0	0
Faza CBPSK-signala		0	π	0	0	π	π	π	0	π	π
Faza DE-BPSK-signala	0	0	π	π	π	0	π	0	0	π	0

jednostavno: pri svakoj nuli u izvornom slijedu faza se mijenja za pi, ina e ostaje ista

$$\varphi_{\mathrm{D}k} = \varphi_{\mathrm{C}k} + \varphi_{\mathrm{D}k-1},$$

a to dokazuje ispunjavanje postavljenog zahtjeva o jednakosti kvantitativnih promjena faze diferencijalnog postupka s apsolutnim vrijednostima faze kod koherentnog postupka.

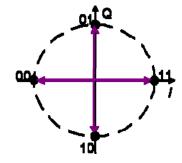
Odgovarajući primjer parametara DE-QPSK-signala je u sljedećoj tablici.





Faze simbola koherentnoga i diferencijalno kodiranog QPSK-signala za isti primjer niza binarnih znakova

Niz binarnih znakova		10	11	00	01	00
Faza CQPSK-signala		$3\pi/2$	0	π	<i>π</i> /2	π
Faza DE-QPSK-signala	0	$3\pi/2$	$3\pi/2$	<i>π</i> /2	π	0

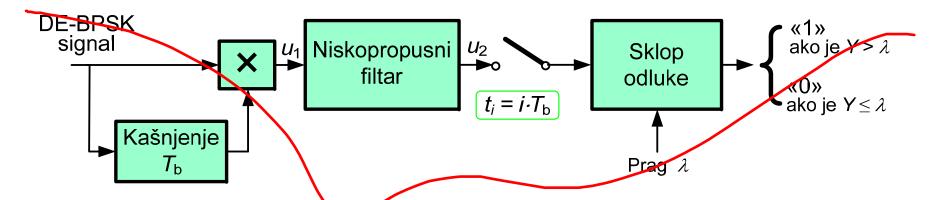


 Svrha diferencijalnog kodiranja PSK-signala je u stvaranju mogućnosti za korištenje nekoherentnog postupka demodulacije, a u ovom slučaju to je diferencijalna demodulacija.





Diferencijalna demodulacija PSK-signala



- DPSK postupak demodalacije osniva se na odgovarajućemu koherentnom postupku s tim da se koherentna osnova (nosilac identičan onome u modulatoru) nadomjesti osnovom koja odgovara simbolu moduliranog signala u prethodnom intervalu T_S.
- U primjeru DBPSK osnova s kojom se uspoređuje primljeni signal odgovara primljenom signalu koji kasni za $T_{\rm b}$.
- Ako je modulirani signal u k-tom intervalu signaliziranja faze φ , a u prethodnom ili (k-1)-vom intervalu signaliziranja je imao fazu ψ onda na izlazu sklopa za množenje nastaje signal,





Diferencijalna demodulacija PSK-signala

$$u_{\rm K} = k_{\rm BPSK} U_{\rm m} \cos (2\pi f_{\rm p} t + \varphi) \cdot \cos (2\pi f_{\rm p} t + \psi),$$

$$= \frac{1}{2} k_{\rm BPSK} U_{\rm m} \left[\cos (2 \cdot 2\pi f_{\rm p} t + \varphi + \psi) + \cos (\varphi - \psi) \right],$$

Niskopropusnim filtrom uklanja se komponenta frekvencije 2f_p,

$$u_2 = \frac{1}{2} k_{\text{BPSK}} U_{\text{m}} \cos(\varphi - \psi)$$

- Kad se radi o znaku «1» onda je diferencijalna faza jednaka 0, tj $\varphi \psi = 0$. Uzorak signala u_2 je tad pozitivne razine i sklop odluke prepeznaje znak «1».
- Kod znaka «0» diferencijalna je faza jednaka π , tj $\varphi \psi = \pi$ uzorak signala u_2 je tad negativne razine pa sklop odluke prepoznaje znak «0».





Modulacijski postupak $\pi/4$ -DQPSK

Promjene faze $\pi/4$ -DQPSK- simbola

Dibit	Promjena faze $\pi/4$ -DQPSK-signala						
00	$\pi/4$						
01	$7\pi/4 = -\pi/4$						
11	$5\pi/4 = -3\pi/4$						
10	$3\pi/4$						

zarotirani DQPSK... za pi/4

- U modulacijskom postupku $\pi/4$ -DQPSK pomiče faza RF nosioca za $\pm \pi/4$ ili $\pm 3\pi/4$ ovisno o prenošenim podacima.
- Nakon svake promjene faze prenosi se jedan simbol koji sadrži dva bita $(T_S = 2T_b)$.





Modulacijski postupak $\pi/4$ -DQPSK

Faza moduliranog signala za primjer niza podataka

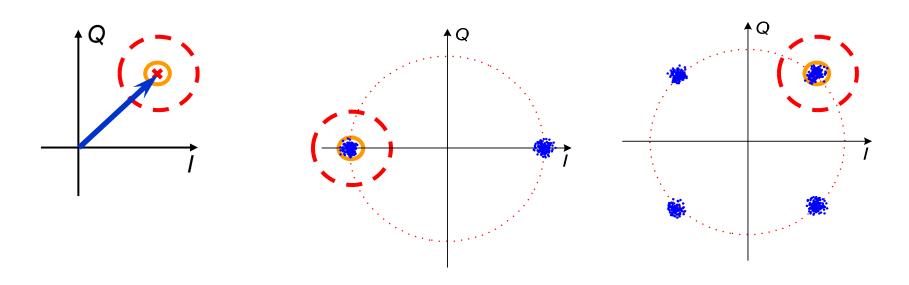
Niz binarnih znakova		10	11	00	00	01	00
Promjena faze π/4-DQPSK-signala		3π/4	5π/4	$\pi/4$	$\pi/4$	$7\pi/4$	$\pi/4$
Faza π/4-DQPSK-signala	0	3π/4	0	$\pi/4$	<i>π</i> /2	$\pi/4$	π/ 2

- Osam je mogućih stanja moduliranog signala (simbola) i oni svi leže na jednoj kružnici ⇒ teorijski je konstantna amplituda moduliranog signala.
- Zbog konačne širine pojasa mijenja se amplituda moduliranog signala u tranzijentnim intervalima.

sli no kao i obi ni pi/4-QPSK





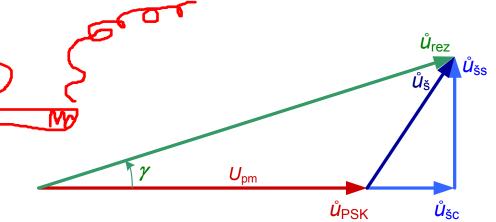


- Superponiranjem šuma na PSK-signal mijenja se položaj vrha odgovarajućeg verzora u ravnini I–Q. (amplituda i faza)
- Prijamnik će ispravno detektirati simbol BPSK-signala ako se vrh rezultante korisnoga signala i šuma nalazi u simbolu pridruženoj poluravnini.(za pojedini simbol)
- U primjeru QPSK-postupka svakom je simbolu pridružen jedan kvadrant ravnine I–Q. Za QPSK-signal koordinatne osi dijagrama stanja granice su tzv. područja odluke.





Općenito, ispravno će se detektirati simbol *M*-PSK signala ako je zbog šuma nastala promjena faze moduliranog signala manja od |π/M|.



- Za potrebe kvantitativne analize signal šuma $u_{\check{s}}(t)$ rastavlja se na dvije ortogenalne komponente: $u_{\check{s}c}(t)$ koja je u fazi s moduliranim signalom i $u_{\check{s}s}(t)$ koja je u kvadraturnom odnosu.
- Signal šuma mijenja fazu moduliranog signala za iznos γ koji je jednak,

$$\gamma(t) = \tan^{-1} \frac{u_{ss}(t)}{U_{pm} + u_{sc}(t)}$$

• Pogreška neće nastati ako je $-\pi/M < \gamma < \pi/M$.





- Na temelju statističkih osobina signala šuma, odnosno njegovih ortogonalnih komponenata, potrebno je odrediti funkciju razdiobe vjerojatnosti odstupanja faze $p(\gamma)$.
- Pogreška nastaje kad je vrijednost γ izvan intervala (- πM , πM).
- Vjerojatnost nastanka pogreške u detektiranju simbola M-PSK-signala je onda,

$$p_{\rm Es} = 1 - \int_{-\pi/M}^{\pi/M} p(\gamma) \, \mathrm{d}\gamma.$$

 Za koherentni BPSK izlazi vjerojatnost pogreške simbola, a koja je jednaka vjerojatnosti pogreške bita, u iznosu,

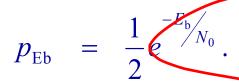
$$p_{\rm Es} = p_{\rm Eb} = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\sqrt{\frac{E_{\rm b}}{N_{\rm 0}}} \right).$$

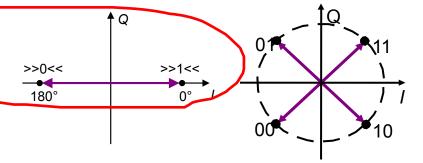
Do ovog se rezultata može doći kao i kod ASK koristeči se sličnošću BPSK i ASK. Diskretna stanja BPSK-signala nalaze se, međutim, na dvostruko većoj udaljenosti u dijagramu stanja u odnosu na stanja ASK-signala.





- Pri diferencijalnoj demodulaciji DE-PSK-signala referentna je faza također izložena djelovanju šuma. To se manifestira kao djelovanje udvostručene efektivne vrijednosti napona šuma.
- Vjerojatnost pogreške bita u DBPSK-sustavu je onda,





- Pri jednakim amplitudama moduliranih signala diskretna stanja BPSKsignala nalaze se na √2 puta većoj geometrijskoj udaljenosti u /–Q-ravnini u odnosu na odgovarajuća stanja QPSK-signala. To ukazuje na činjenicu da niža razina smetnje može uzrokovati pogrešku detekcije simbola u QPSK-sustavu.
- Iz ovoga izlazi zaključak da je QPSK osjetljiviji na smetnje od BPSK.





- QPSK-signal sastoji se od dva BPSK-signala u kvadraturnom odnosu. Vjerojatnost pogreške u prijamu tih BPSK-signala je $p_{\rm El}$ i $p_{\rm EQ}$.
- Simbol QPSK-signala ispravno će se detektirati samo ako se ispravno detektiraju simboli obaju BPSK-signala koji ga sastavljaju. Vjerojatnosti ispravne detekcije simbola tih BPSK-signala iznose $(1 p_{EQ})$.
- Vjerojatnost ispravne detekcije simbola QPSK-signala je onda,

$$1 - p_{\rm Es} = (1 - p_{\rm EI}) \cdot (1 - p_{\rm EQ}).$$

Vjerojatnost pogreške u detekciji simbola QPSK-signala dobiva se kao,

$$p_{\rm Es} = 1 - (1 - p_{\rm EI}) \cdot (1 - p_{\rm EQ}),$$

$$p_{\rm Es} = p_{\rm EI} + p_{\rm EQ} - p_{\rm EI} \cdot p_{\rm EQ}$$
.

Zbog malih vrijednosti vjerojatnosti pogreške zadnji se član gornjeg izraza može zanemariti.





• Kako su vjerojatnosti pogreške dvaju BPSK-signala međusebno jednake, tj. $p_{EI} = p_{EQ}$, izlazi,

$$p_{\rm Es} = 2\,p_{\rm EI} = 2\,p_{\rm EQ}\,,$$
 ili,
$$p_{\rm Es(QPSK)} = 2\,p_{\rm Es(BPSK)}\,.$$

Vjerojatnost pogreške simbola koherentnog QPSK iznosi onda,

$$p_{\rm Es} = erfc \left(\sqrt{\frac{E_{\rm b}}{N_{\rm o}}} \right).$$

 Kad nastane pogreška u prepoznavanju QPSK-simbola, velika je vjerojatnost da je detektiran simbol s jednim od susjednih stanja faze u dijagramu stanja.





- Ako se u pridruživanju parova binarnih znakova stanjima faze koristio Grayev kod onda pogrešna detekcija simbola QPSK-signala izaziva pogrešku samo jednog od simbolu pridruženih binarnih znakova.
- Vjerojatnost pogreške bita je tad,

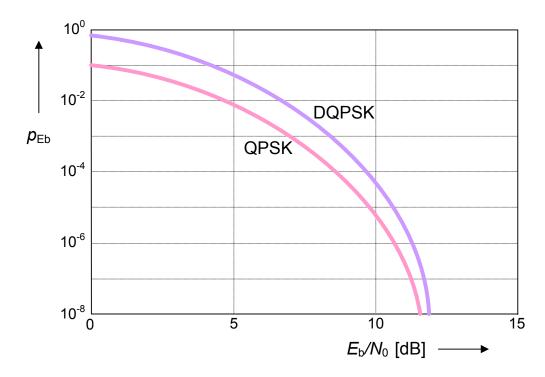
$$p_{\rm Eb} = \frac{1}{2} p_{\rm Es} = \frac{1}{2} erfc \left(\sqrt{\frac{E_{\rm b}}{N_0}} \right)$$

- To pokazuje jednakost vjerojatnosti pogreške bita u koherentnih BPSK i QPSK-sustava.
- Ovi rezultati mogu se primijeniti i na koherentne sustave vrste OQPSK i
 π/4-QPSK.





- Za sustave koji se koriste diferencijalnom demodulacijom (DQPSK-sustavi) potreban je viši omjer E_b/N_0 kako bi se postigla jednaka vjerojatnost pogreške kao u binarne modulacije. Jer se pogreškom na jednom simbolu, pogriješi i onaj poslije pjega
- Za π/4-DQPSK može se naći podatak da je potrebno povećanje tog omjera za oko 3 dB.







 Na slični se način dobiva približna vjerojatnost pogrešne detekcije simbola u koherentnom M-PSK-sustavu,

$$p_{\rm Es} \approx erfc \left(\sqrt{\frac{E_{\rm b}}{N_0} \log_2 M} \cdot \sin \frac{\pi}{M} \right).$$

 Kad je upotrijebljen Grayev kod, pretpostavljajući da smetnje nisu jako visokih razina tako da se u slučaju pogreške prepoznaje jedno od susjednih stanja, vjerojatnost pogreške bita u koherentnom M-PSK-sustavu može se procijeniti iz izraza,

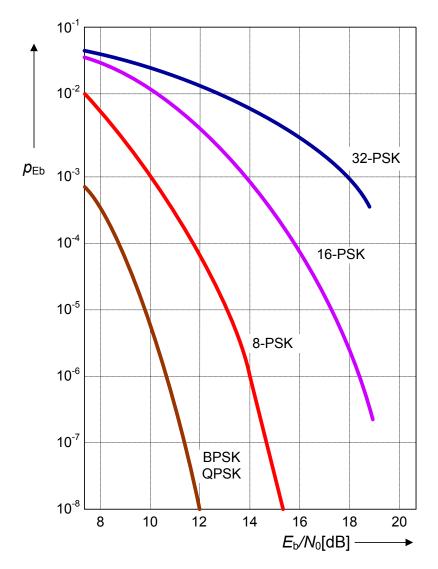
$$p_{\rm Eb} \approx \frac{p_{\rm Es}}{\log_2 M}$$
.





Vjerojatnost pogreške bita različitih PSK-signala

 Povećanjem broja diskretnih stanja faze smanjuje se geometrijska udaljenost tih stanja u dijagramu stanja što je uzrokom povećane osjetljivosti odgovarajućeg sustava na djelovanje smetnji i šuma.







Modemi u području govornih frekvencija 0,3 – 3,4 kHz,

Modem	R _b , bit/s	$R_{ m S}$, Bd	Modulacijski postupak	Frekvenc ij a nosioca, Hz
V.22	1200	600	DQPSK	1200/2400
V.27ter	2400 4800	1200 1 6 00	DQPSK 8-PSK	1800 1800
V.29	4800	2400	DQPSK	1700
V.32	4800	2400	DQPSK	1800





- Razne radijske tehnologije,
 - radijska lokalna mreža (WLAN) po normama IEEE 802.11a i HiperLAN:
 - koristi postupke BPSK, QPSK i druge u zajednici s tehnologijom OFDM,
 - frekvencijsko područje rada: 5150 5350 MHz,

5470 – 5725 MHz,

- najveća brzina prijenosa:
 54 Mbit/s,
- radijska lokalna mreža po normi IEEE 802.11b:
 - koristi postupke DBPSK, DQPSK i druge u zajednici s tehnologijom DSSS,
 - frekvencijsko područje rada: 2400 2483,5 MHz,
 - najveća brzina prijenosa:
 11 Mbit/s,





- Razne radijske tehnologije (nastavak),
 - radijska lokalna mreža po normi IEEE 802.11g:
 - koristi postupke DBPSK, DQPSK i druge u zajednici s tehnologijama DSSS i OFDM,
 - frekvencijsko područje rada: 2400 2483,5 MHz,
 - najveća brzina prijenosa:
 54 Mbit/s,
 - radijska lokalna mreža po normi IEEE 802.11n:
 - koristi postupke DBPSK, DQPSK i druge u zajednici s tehnologijama DSSS, OFDM i MIMO.
 - frekvencijsko područje rada:

najveća brzina prijenosa:

2400 – 2483,5 MHz, 5150 – 5350 MHz, 5470 – 5725 MHz,

130 Mbit/s (kanal 20 MHz), 300 Mbit/s (kanal 40 MHz),







- Razne radijske tehnologije (nastavak),
 - radijska mreža gradskih područja (WMAN, Wireless Metropolitan Area Network), tehnologija WiMAX (Worldwide Interoperability for Microwave Access), (IEEE 802.16):
 - koristi postupke BPSK, QPSK i druge u zajednici s tehnologijom OFDMA,

frekvencijsko područje rada: 3400 – 3600 MHz,

najveća brzina prijenosa:
 70 Mbit/s,

- tehnologija EDGE (Enhanced Data Rates for GSM Evolution), (2,75G):
 - ugrađuje se u GSM mrežu,

koristi postupak:
 8-PSK,

najveća brzina prijenosa:
 384 kbit/s.

- tehnologija HSDPA (High-Speed Downlink Packet Access), (3,5G):
 - ugrađuje se u UMTS mrežu,
 - koristi postupak:

 QPSK/OQPSK,
 - najveća brzina prijenosa:
 14 Mbit/s (HSDPA),
 21 Mbit/s (HSDPA+).





- Razne radijske tehnologije (nastavak),
 - tehnologija TETRA (*TErrestrial Trunked Radio*):



• koristi postupak: $\pi/4$ -DQPSK,

• frekvencijsko područje rada: 380 – 400; 410 – 430 MHz,

najveća brzina prijenosa:
 36 kbit/s,

tehnologije digitalne televizije DVB-T i DVB-H
 (Digital Video Broadcasting – Terrestrial, - Handheld):



- koristi postupak QPSK i druge u zajednici s tehnologijom OFDM,
- frekvencijsko područje rada: uglavnom samo UHF,

470 – (790) 862 MHz,

• brzine prijenosa: 5 – 9 Mbit/s,

- Usmjerene radijske veze srednjih brzina,
 - modulacijski postupak QPSK za brzine do 34 Mbit/s,
 - modulacijski postupak 8-PSK za brzine 68 Mbit/s i 140 Mbit/s.







