

# Energetski procesi s idealnim plinom

---

Procesi u zatvorenim i otvorenim sustavima, kružni procesi  
Energijske tehnologije  
FER 2008.



1. Organizacija i sadržaj predmeta
2. Uvodna razmatranja
3. O energiji
- 4. Energetske pretvorbe i procesi u termoelektranama**
5. Energetske pretvorbe i procesi u hidroelektranama
6. Energetske pretvorbe i procesi u nuklearnim el.
7. Energija Sunca
8. Energija vjetra
9. Geotermalna energija
10. Biomasa
11. Gorivne ćelije i ostale neposredne pretvorbe
12. Potrošnja električne energije
13. Prijenos i distribucija električne energije
14. Skladištenje energije
15. Energija, okoliš i održivi razvoj

# Sadržaj

---

- Izohorni proces
- Izobarni proces
- Izotermni proces
- Adijabatski proces
- Politropski proces
- Kružni procesi
- Kružni procesi zatvorenih sustava
- Kružni procesi otvorenih sustava
- Termički (energetski) stupanj djelovanja
- Carnotov kružni proces
- Jouleov kružni proces
- Ljevokretni kružni procesi

# Analiza energetskih procesa

---

- analiza energetskih procesa s idealnim plinom koji su, u prvom približenju, odgovarajući procesima s realnim fluidom (plinom i vodenom parom) u termoelektranama
  - mehanički rad promjene volumena
  - tehnički rad
  - toplinska energija
  - tlakovi, temperature i specifični volumeni

$$pv = RT \text{ i } pv^n = \text{konst.}$$

---

$$pv = RT \text{ [J/kg]}$$

$$pv^n = \text{konst. [J/kg]}$$

$$0 \leq n \leq \infty$$

# $p v = R T$ i $p v^n = \text{konst.}$

---

$$p v^n = \text{konst. [J/kg]} \quad 0 \leq n \leq \infty$$

- kad  $n$  poprimi vrijednost nula ( $n = 0 \Rightarrow p = \text{konst.}$ ), radi se o **izobarnom procesu** odnosno o promjeni stanja idealnog plina uz konstantni tlak,
- kad  $n$  poprimi vrijednost jedan ( $n = 1 \Rightarrow p v = \text{konst.}$ ) radi se o **izotermnom procesu** ( $p v = R T = \text{konst.} \Rightarrow T = \text{konst.}$ ) odnosno o promjeni stanja idealnog plina uz konstantnu temperaturu,
- kad  $n$  poprimi vrijednost  $\kappa$  ( $n = \kappa = \frac{c_p}{c_v} \Rightarrow q_{12} = 0$ ), radi se o **adijabatskom procesu** odnosno o promjeni stanja idealnog plina bez dovođenja i odvođenja toplinske energije,
- kad  $n$  poprimi vrijednost beskonačno ( $n = \infty \Rightarrow v = \text{konst.}$ ) radi se o **izohornom procesu** odnosno o promjeni stanja idealnog plina uz konstantni volumen, i, konačno,
- kad  $n$  poprimi vrijednost  $n$  (bilo koju vrijednost između nule i beskonačnog a da to nije ni nula ni beskonačna vrijednost, odnosno ni jedinica ni kapa:  $n = n \neq 0, 1, \kappa, \infty \Rightarrow p v^n = \text{konst.}$ ) radi se o **politropskom procesu** odnosno o promjeni stanja idealnog plina po politropama.

# Jednadžbe analize

---

$$m = \text{konst.} = 1\text{kg i } \dot{m} = \text{konst.} = 1\text{kg/s,}$$

$$q_{12} = u_2 - u_1 + w_{12} = u_2 - u_1 + \int_{v_1}^{v_2} p dv \text{ odnosno } dq = du + p dv \text{ i}$$

$$q_{12} + u_1 + p_1 v_1 + \frac{1}{2} c_1^2 + g z_1 = w_{t12} + u_2 + p_2 v_2 + \frac{1}{2} c_2^2 + g z_2 \text{ odnosno}$$

$$dq = dw_t + d(u + pv) + de_k + de_p = du + p dv = dh - v dp,$$

$$pv = RT \text{ [J/kg] odnosno } pv_\mu = R_\mu T \text{ [J/kmol]}$$

$$w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv \text{ odnosno } dw = p dv$$

$$w_{t12} = - \int_{p_1}^{p_2} v dp - \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1) \text{ odnosno } dw_t = -v dp - de_k - de_p,$$

$$\int_{v_1}^{v_2} p dv - (p_2 v_2 - p_1 v_1) = - \int_{p_1}^{p_2} v dp$$

# Jednadžbe analize

---

$$dq = c dT \text{ odnosno } c = \frac{dq}{dT} = \frac{du}{dT} + \frac{p dv}{dT} = \frac{dh}{dT} - \frac{v dp}{dT}$$

$$du = c_v dT \text{ i } dh = c_p dT$$

$$c_p = c_v + R, \kappa = \frac{c_p}{c_v}, c_v = \frac{R}{\kappa - 1} \text{ i } c_p = \frac{\kappa R}{\kappa - 1}$$

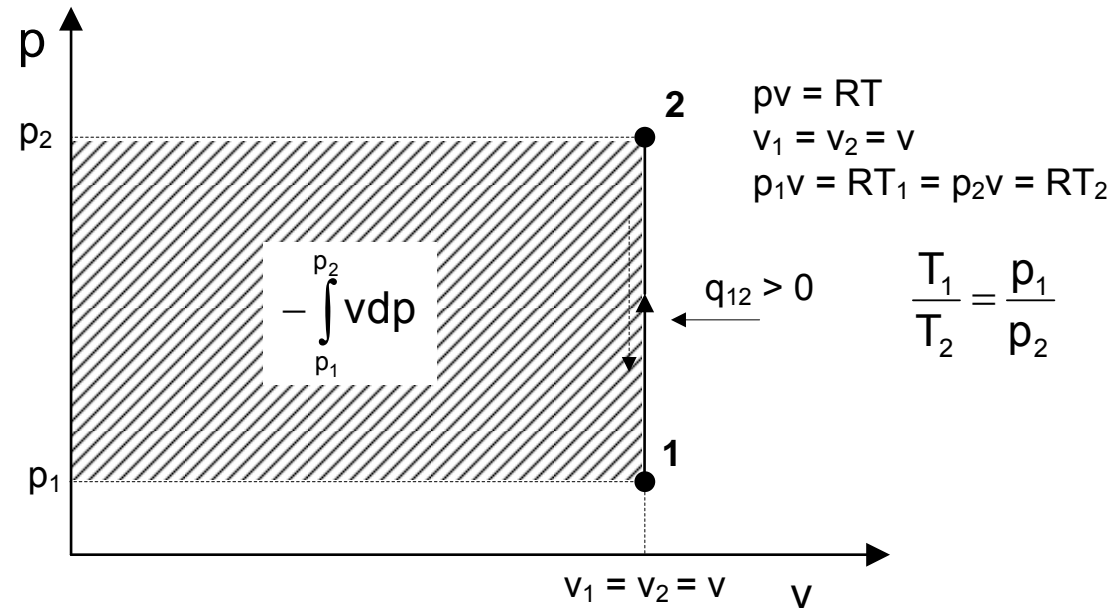


# Izohorni proces, $n = \infty$

$$pV^n = p_1V_1^n = p_2V_2^n = \text{konst.}$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{1}{n}} = 1$$

$$n \rightarrow \infty \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{1}{n}} \rightarrow 1 \Rightarrow v_1 = v_2 = v$$



$$dw = p dv = 0 \quad (dv = 0) \quad w_{t12} = - \int_{p_1}^{p_2} v dp - \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1) = -v(p_2 - p_1) - \delta e_k - \delta e_p$$

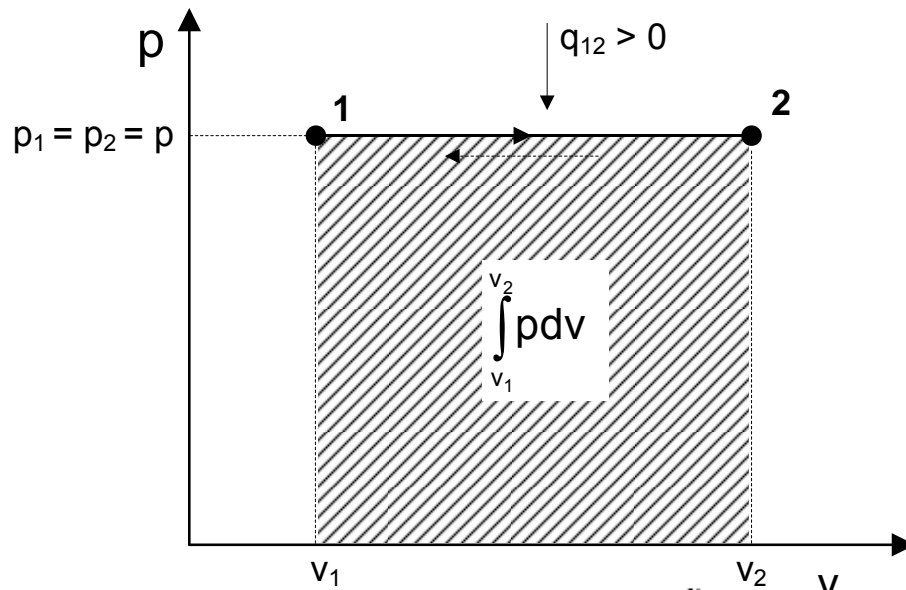
$$dq = du + p dv \text{ ili } dq = dh - v dp \quad dq = c_v dT, \text{ dakle } q_{12} = c_v(T_2 - T_1) \quad T_2 > T_1, q_{12} > 0$$

$$dq = c_p dT - v dp \quad p v = R T \quad p dv + v dp = R dT$$

Jer je  $v = \text{konst}$ , to je  $p dv = 0$ , pa je  $v dp$  jednako  $R dT$  ( $v dp = R dT$ ). Vrijedi dakle,

$$dq = c_p dT - v dp = c_p dT - R dT = (c_p - R) dT = c_v dT.$$

# Izobarni proces, $n = 0$



$$pv = RT, T \uparrow \Rightarrow v \uparrow / p = \text{konst.}$$

$$dq = c_p dT, q_{12} = c_p(T_2 - T_1)$$

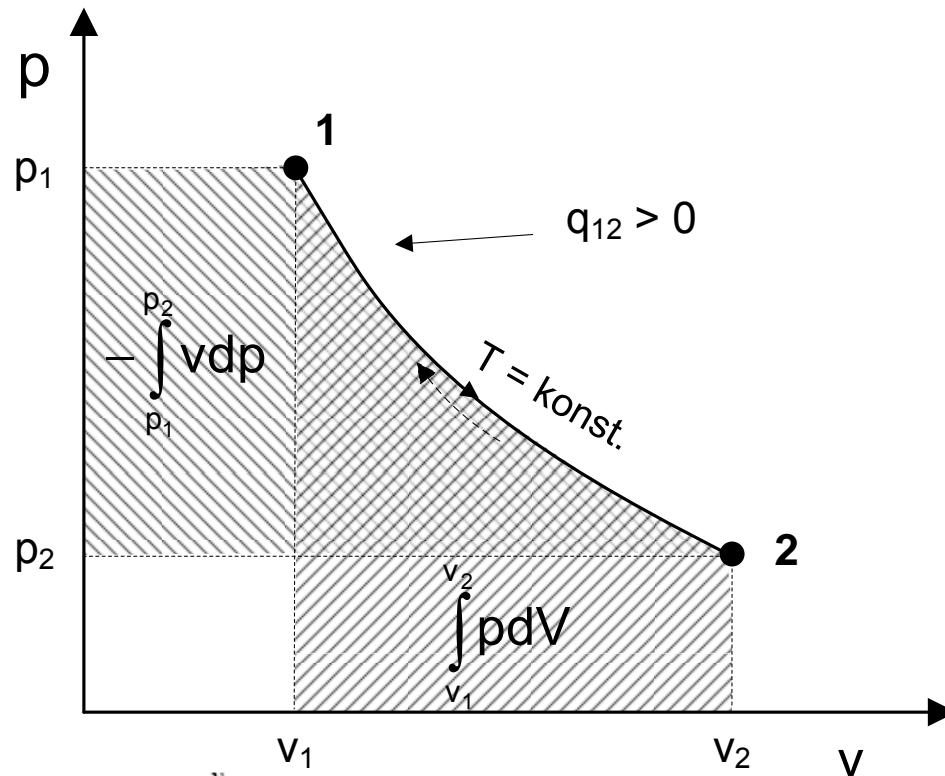
$$dw = p dv \text{ odnosno } w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv = p(v_2 - v_1) = R(T_2 - T_1)$$

$$dw_t = -v dp - de_k - de_p = -de_k - de_p \quad (dp = 0)$$

$$w_{t12} = - \int_{p_1}^{p_2} v dp - \frac{1}{2}(c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1) = - \frac{1}{2}(c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1)$$

$$T_1 = \frac{pv_1}{R} \text{ i } T_2 = \frac{pv_2}{R} \quad \frac{T_1}{T_2} = \frac{v_1}{v_2}$$

# Izotermni proces, $n = 1$



$$pv = RT = \text{konst. (jer je } T = \text{konst.)}$$

$$pv = p_1v_1 = p_2v_2 \text{ odnosno } \frac{p_1}{p_2} = \frac{v_2}{v_1}$$

$$p = \frac{p_1v_1}{v} = \frac{p_2v_2}{v} = \frac{RT}{v}$$

$$w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv = p_1v_1 \int_{v_1}^{v_2} \frac{dv}{v} = p_1v_1 \ln \frac{v_2}{v_1} = p_1v_1 \ln \frac{p_1}{p_2} = RT \ln \frac{v_2}{v_1} = RT \ln \frac{p_1}{p_2}$$

$$(p_1v_1 = p_2v_2 = RT)$$

$$w_{t12} = - \int_{p_1}^{p_2} v dp - \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1) = p_1v_1 \ln \frac{v_2}{v_1} - \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1)$$

# Izotermni proces, $n = 1$

---

$$\int p dv = - \int v dp$$

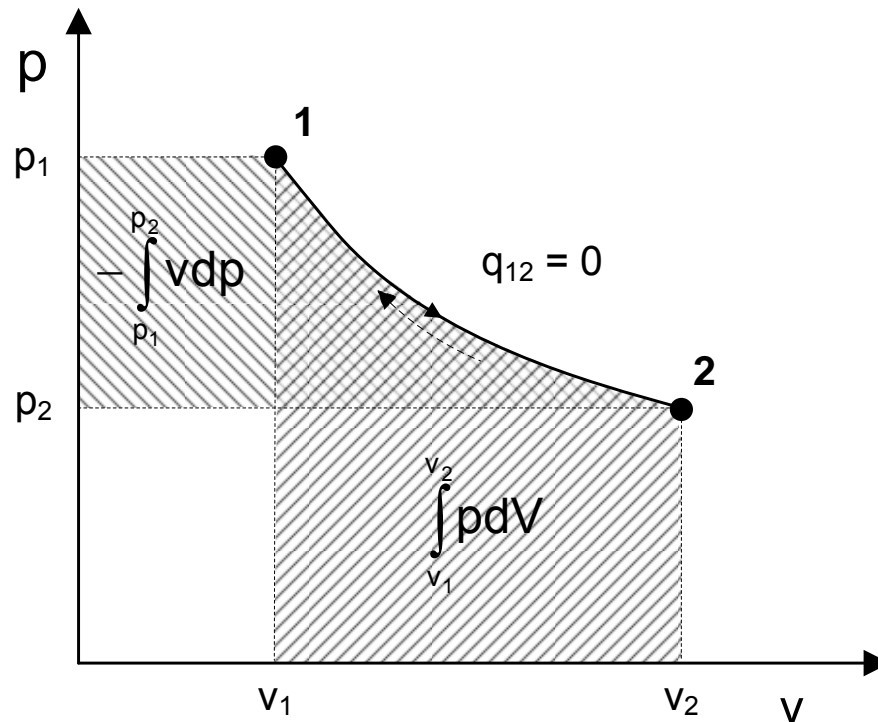
$$p dv + v dp = R dT = 0 \text{ (} dT = 0, \text{ jer je } T = \text{konst.)}$$

$$p dv = -v dp$$

$$dq = du + p dv = p dv = dw \text{ (} du = c_v dT = 0, T = \text{konst.)}$$

$$q_{12} = w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv = p_1 v_1 \int_{v_1}^{v_2} \frac{dv}{v} = p_1 v_1 \ln \frac{v_2}{v_1} = p_1 v_1 \ln \frac{p_1}{p_2} = RT \ln \frac{v_2}{v_1} = RT \ln \frac{p_1}{p_2}$$

# Adijabatski proces, $n = \kappa = \frac{c_p}{c_v}$



$$pv^\kappa = \text{konst.}$$

$$dq = du + pdv = dh - vdp$$

$$0 = du + pdv = dh - vdp$$

$$du + pdv = 0, \text{ odnosno } c_v dT = -pdv \text{ (I)}$$

$$dh - vdp = 0, \text{ odnosno } c_p dT = vdp \text{ (II)}$$

Dijeljenjem (II) s (I) dobivamo:

$$\frac{c_p}{c_v} = \kappa = -\frac{vdp}{pdv} \text{ (III).} \quad \kappa \frac{dv}{v} = -\frac{dp}{p} \quad \int \kappa \frac{dv}{v} = -\int \frac{dp}{p} + C$$

$$\kappa \ln v = -\ln p + \ln \text{konst. (C = ln konst.)}$$

$$\ln v^\kappa + \ln p = \ln \text{konst, odnosno, } \ln(pv^\kappa) = \ln \text{konst.} \quad pv^\kappa = \text{konst.}$$

# Adijabatski proces, $n = \kappa = \frac{c_p}{c_v}$

$$w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv \text{ i } w_{t12} = - \int_{p_1}^{p_2} v dp - \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1)$$

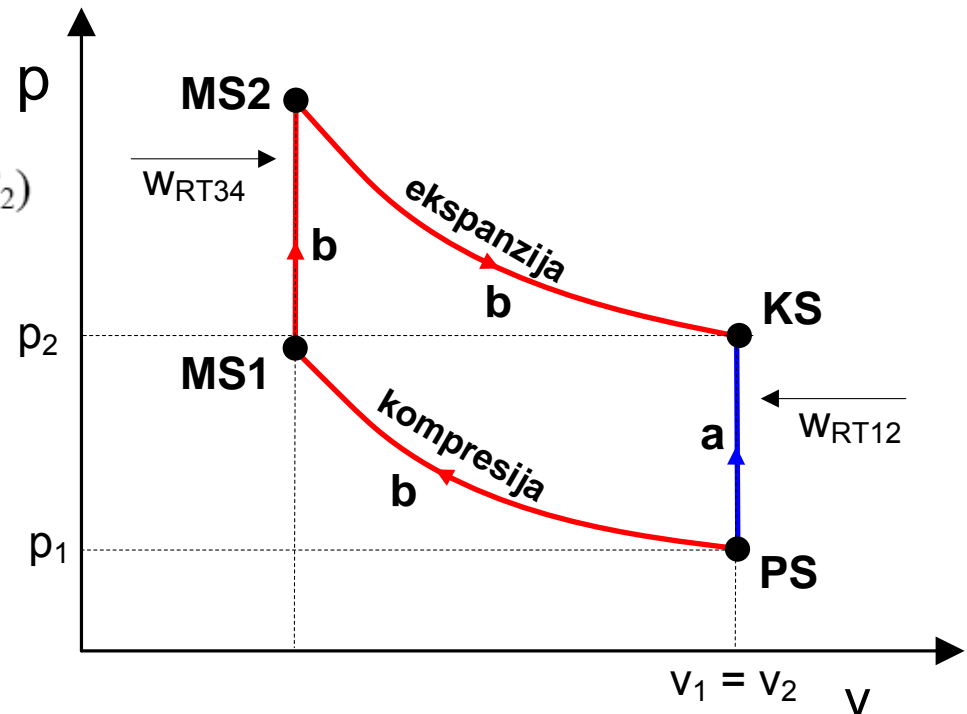
$$p = \frac{p_1 v_1^\kappa}{v^\kappa} \quad (p_1 v_1^\kappa = \text{konst.}) \quad w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv = p_1 v_1^\kappa \int_{v_1}^{v_2} \frac{dv}{v^\kappa} = \frac{p_1 v_1^\kappa}{\kappa - 1} \left( \frac{1}{v_1^{\kappa-1}} - \frac{1}{v_2^{\kappa-1}} \right)$$

$$dq = du + pdv = dh - vdp = 0 \quad pdv = -du, \text{ a } vdp = dh.$$

$$w_{12} = \int_{v_1}^{v_2} p dv = - \int_{u_1}^{u_2} du = - \int_{T_1}^{T_2} c_v dT = c_v (T_1 - T_2)$$

$$- \int_{p_1}^{p_2} v dp = - \int_{h_1}^{h_2} dh = - \int_{T_1}^{T_2} c_p dT = c_p (T_1 - T_2)$$

$$w_{t12} = c_p (T_1 - T_2) - \frac{1}{2} (c_2^2 - c_1^2) - g(z_2 - z_1)$$



# Adijabatski proces - odnosi između tlakova, volumena i temperatura

---

$$p_1 v_1 = RT_1 / \bullet \quad v_1^{\kappa-1} \Rightarrow p_1 v_1^{\kappa} = RT_1 v_1^{\kappa-1} \quad (\text{A})$$

$$p_2 v_2 = RT_2 / \bullet \quad v_2^{\kappa-1} \Rightarrow p_2 v_2^{\kappa} = RT_2 v_2^{\kappa-1} \quad (\text{B})$$

$$p_1 v_1^{\kappa} = p_2 v_2^{\kappa} = p v^{\kappa}$$

$$RT_1 v_1^{\kappa-1} = RT_2 v_2^{\kappa-1} \quad T_1 v_1^{\kappa-1} = T_2 v_2^{\kappa-1} \quad \text{ili} \quad \frac{T_1}{T_2} = \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^{\kappa-1}$$

$$\frac{v_2}{v_1} = \left( \frac{p_1}{p_2} \right)^{\frac{1}{\kappa}}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^{\kappa-1} = \left( \frac{p_1}{p_2} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}$$

# Politropski proces, $n = n \neq 0, 1, \kappa, \infty$

---

$$pv^n = \text{konst.}$$

$$dq = du + pdv \text{ ili } dq = dh - vdp$$

$$dq = du + pdv = c_v dT + pdv \quad p = \frac{\text{konst.}}{v^n}$$

$$pv^n = \text{konst.} / \text{dif.} \Rightarrow v^n dp + npv^{n-1} dv = 0$$

$$vdp + npdv = 0$$

$$pv = RT / \text{dif.} \Rightarrow vdp + pdv = RdT$$

$$vdp + npdv = 0$$

$$-vdp - pdv = -RdT$$

$$npdv - pdv = -RdT$$

$$pdv = - \frac{RdT}{n-1}$$

$$dq = du + pdv = c_v dT + pdv = c_v dT - \frac{RdT}{n-1} = \left( c_v - \frac{c_p - c_v}{n-1} \right) dT = c_v \left( \frac{n-1}{n-1} - \frac{\kappa-1}{n-1} \right) dT =$$

$$(R = c_p - c_v, \kappa = c_p/c_v)$$



## Politropski proces – izmijenjena toplinska energija

---

$$dq = c_v \frac{n - \kappa}{n - 1} dT$$

$$dq = c_v dT \text{ i } dq = c_p dT$$

Nameće se zaključak da relacija  $c_v \frac{n - \kappa}{n - 1}$  mora biti „politropska

specifična toplina“. Označit ćemo je s indeksom **n**:  $c_n = c_v \frac{n - \kappa}{n - 1}$

**n** upućuje da postoji beskonačno mnogo specifičnih toplina budući da **n** poprima sve vrijednosti između nule (uključivo) i beskonačnog (uključivo):  $0 \leq n \leq \infty$ .

I, doista, poprimi li **n** vrijednosti  $0 \leq n \leq \infty$  dobivamo:

# Specifične topline

---

- $n = 0 \Rightarrow c_n = c_v \cdot \kappa = c_p$  (izobarni proces, specifična toplota uz konstantni tlak),
- $n = 1 \Rightarrow c_n = \infty = c_{\text{izotermna}}$  (izotermni proces, specifična toplota uz konstantnu temperaturu beskonačno je velika: toplotinska se energija dovodi (odvodi) a da se pritom temperatura sustava ne mijenja),
- $n = \kappa \Rightarrow c_n = 0 = c_{\text{adijabatska}}$  (adijabatski proces: adijabatska je specifična toplota jednaka nuli budući da se toplotinska energija ne dovodi niti odvodi),
- $n = \infty \Rightarrow c_n = c_v$  (izohorni proces, specifična toplota uz konstantni volumen), i, konačno
- $0 < n < \infty$  ( $n \neq 0, 1, \kappa, \infty$ )  $\Rightarrow c_n = c_v \frac{n - \kappa}{n - 1}$  (politropska specifična toplota).

# Politropski proces – izmijenjena toplinska energija

---

Integrirajući diferencijalnu jednačbu

$$dq = c_v \frac{n - \kappa}{n - 1} dT$$

dobivamo toplinsku energiju koja se izmjenjuje za vrijeme politropskog procesa:

$$q_{12} = c_v \frac{n - \kappa}{n - 1} (T_2 - T_1)$$

$$1 < n < \kappa \Rightarrow c_n < 0 \quad (q_{12} > 0)$$

Naime, dovodi li se toplinska energija i pritom dobiva mehanički rad (plin ekspandira), temperatura će  $T_2$  biti manja od temperature  $T_1$ ,  $T_2 < T_1$ , pa će zbog toga biti  $q_{12} > 0$ .

$$\frac{T_1}{T_2} = \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^{n-1} = \left( \frac{p_1}{p_2} \right)^{\frac{n-1}{n}}$$

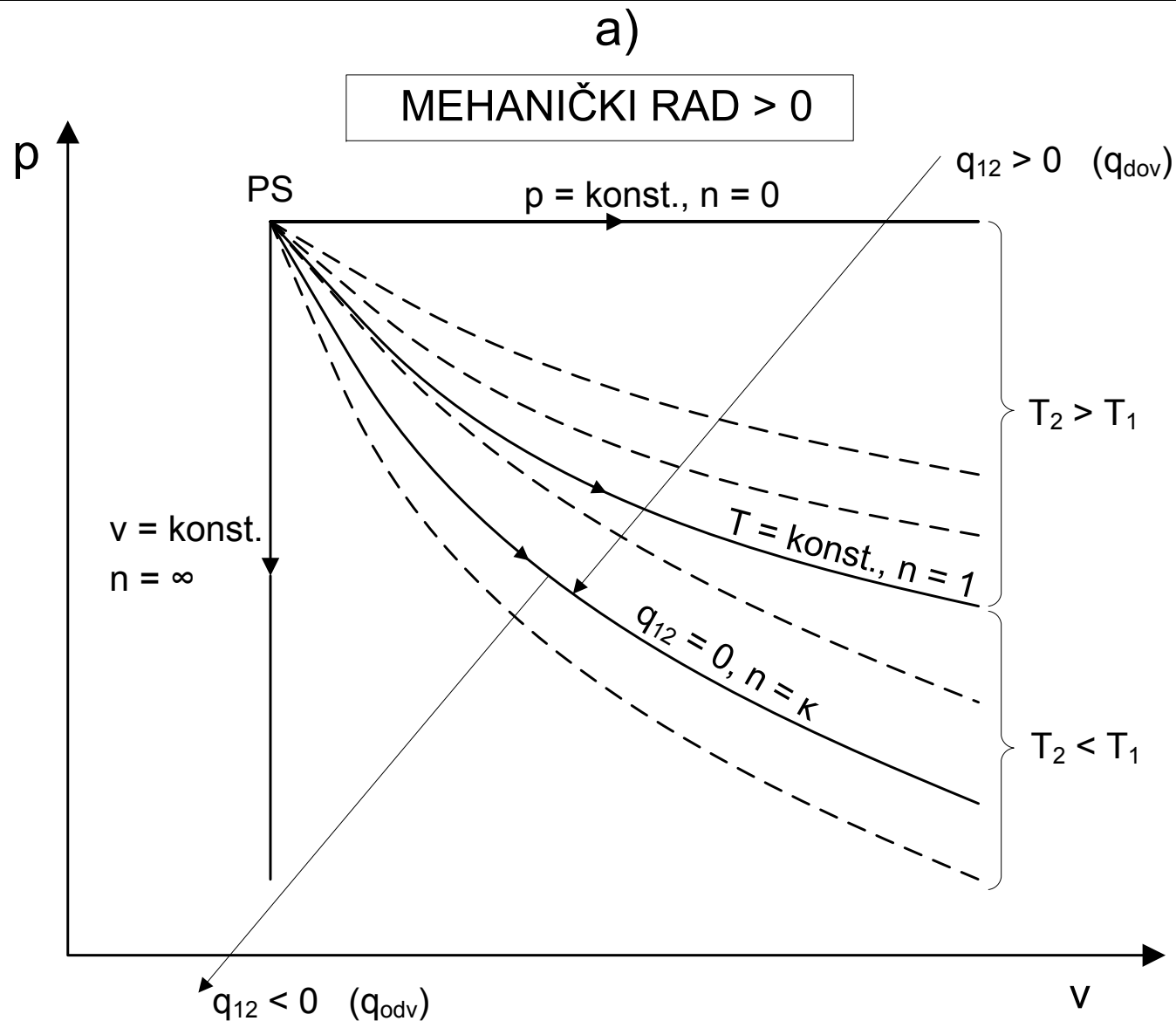
Očito se dakle za vrijeme promatrane politropske ekspanzije ( $1 < n < \kappa$ ) temperatura snizuje,  
 $T_2 < T_1$ , jer je  $n > 1$ , a  $v_2 > v_1$ .

# Negativna specifična toplina ?

---

- što znači negativna politropska specifična toplina?
- negativna specifična toplina znači da je eksergija toplinske energije, koja se dovodi u sustav (plinu), manja od dobivenog mehaničkog rada, a jer je energija (eksergija) nestvoriva, manjak eksergije nadoknađuje se eksergijom unutrašnje kaloričke energije plina kome se zbog toga snizuje temperatura
- očito, s energetske su stajališta zbog toga prihvatljivi samo politropski procesi s vrijednosti eksponenta  $n$  između  $1$  i  $\kappa$ :  $1 < n < \kappa$ , slika a). Proces izvan tog područja energetski su neprihvatljivi; npr. politropski proces ekspanzije (dobivanje mehaničkog rada) kojeg, da bi se mogao odvijati, treba hladiti (odvoditi toplinsku energiju)

# Usporedba procesa – dobivanje mehaničkog rada, dovođenje i odvođenje toplinske energije



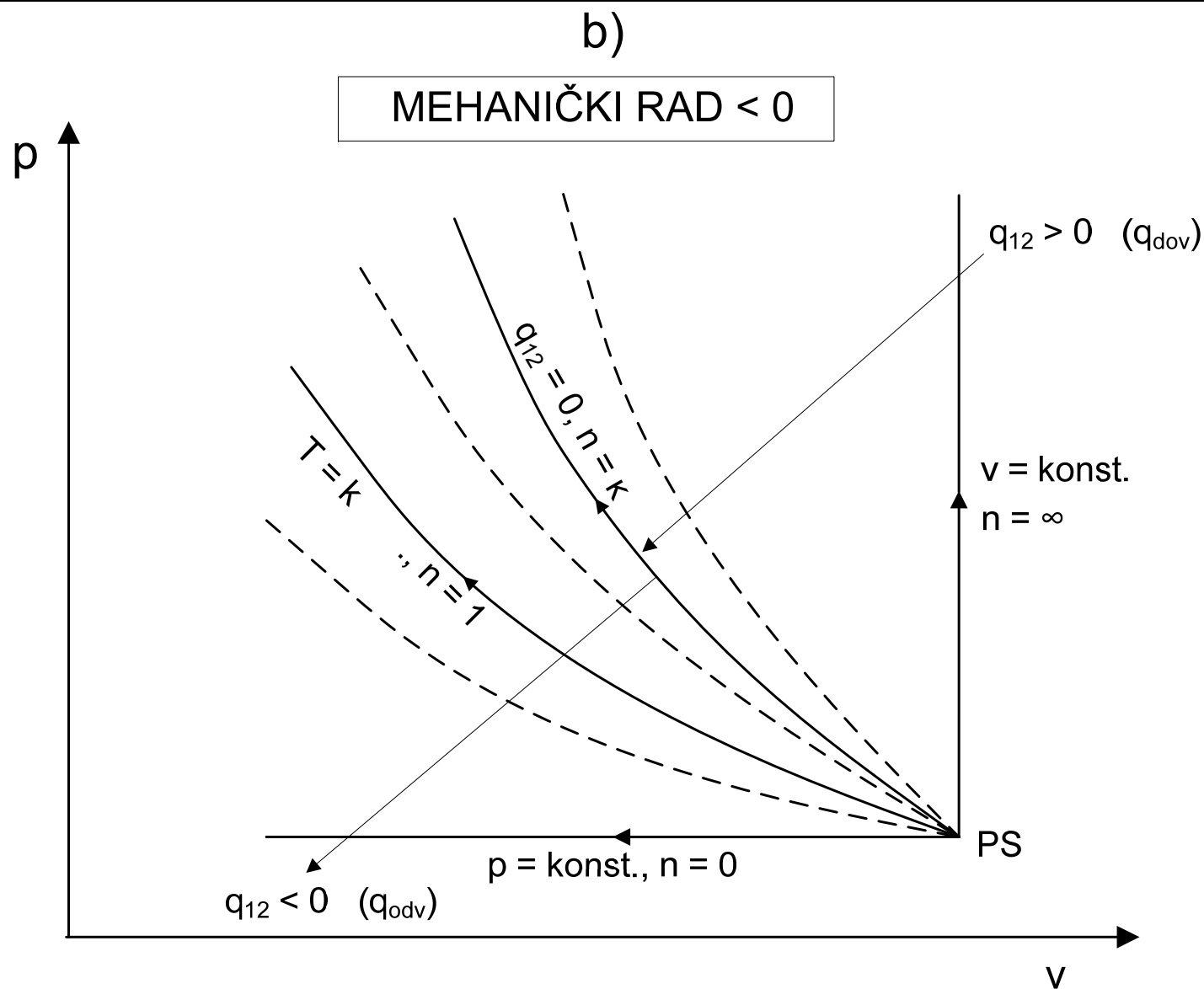
# Usporedba procesa – dobivanje mehaničkog rada, dovođenje i odvođenje toplinske energije

---

U slučaju ekspanzije (dobivanje mehaničkog rada), ukoliko su vrijednosti eksponenta  $n$ :

- $0 \leq n < \kappa$  toplinska se energija mora dovoditi u proces ( $q_{12} = q_{\text{dov}} > 0$ ),
- jedino kad je  $n = \kappa$  toplinska se energija niti dovodi niti odvodi ( $q_{12} = 0$ , adijabatski proces), a ako je
- $\kappa < n \leq \infty$  toplinska se energija mora odvoditi u proces ( $q_{12} = q_{\text{odv}} < 0$ ).

# Usporedba procesa – ulaganje mehaničkog rada, dovođenje i odvođenje toplinske energije



# Usporedba procesa – ulaganje mehaničkog rada, dovođenje i odvođenje toplinske energije

---

Suprotno vrijedi u slučaju kompresije (obavljanje mehaničkog rada), slika b).

Ako su vrijednosti eksponenta  $n$ :

- $\kappa < n \leq \infty$  toplinska se energija mora dovoditi u proces ( $q_{12} = q_{\text{dov}} > 0$ ).
- $n = \kappa$  toplinska se energija niti dovodi niti odvodi ( $q_{12} = 0$ , adijabatski proces),
- $0 \leq n < \kappa$  toplinska se energija mora odvoditi iz procesa ( $q_{12} = q_{\text{odv}} < 0$ ).



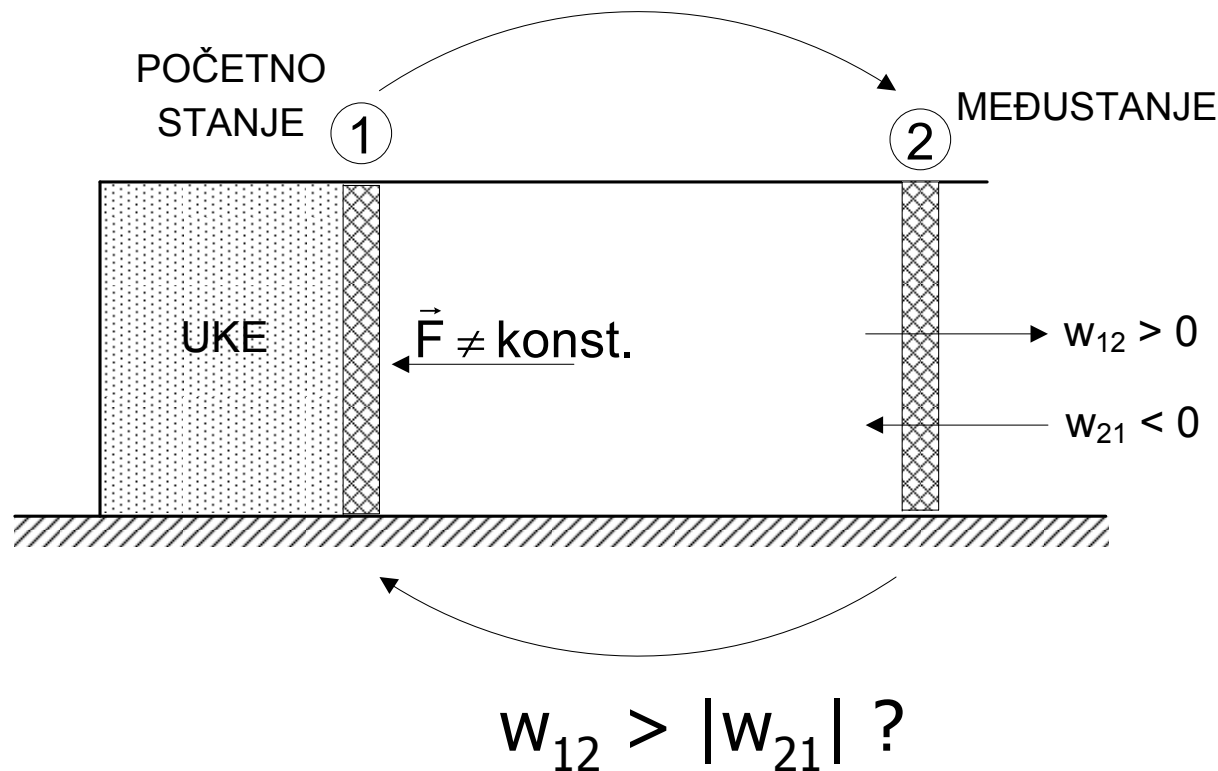
# Kružni procesi

---

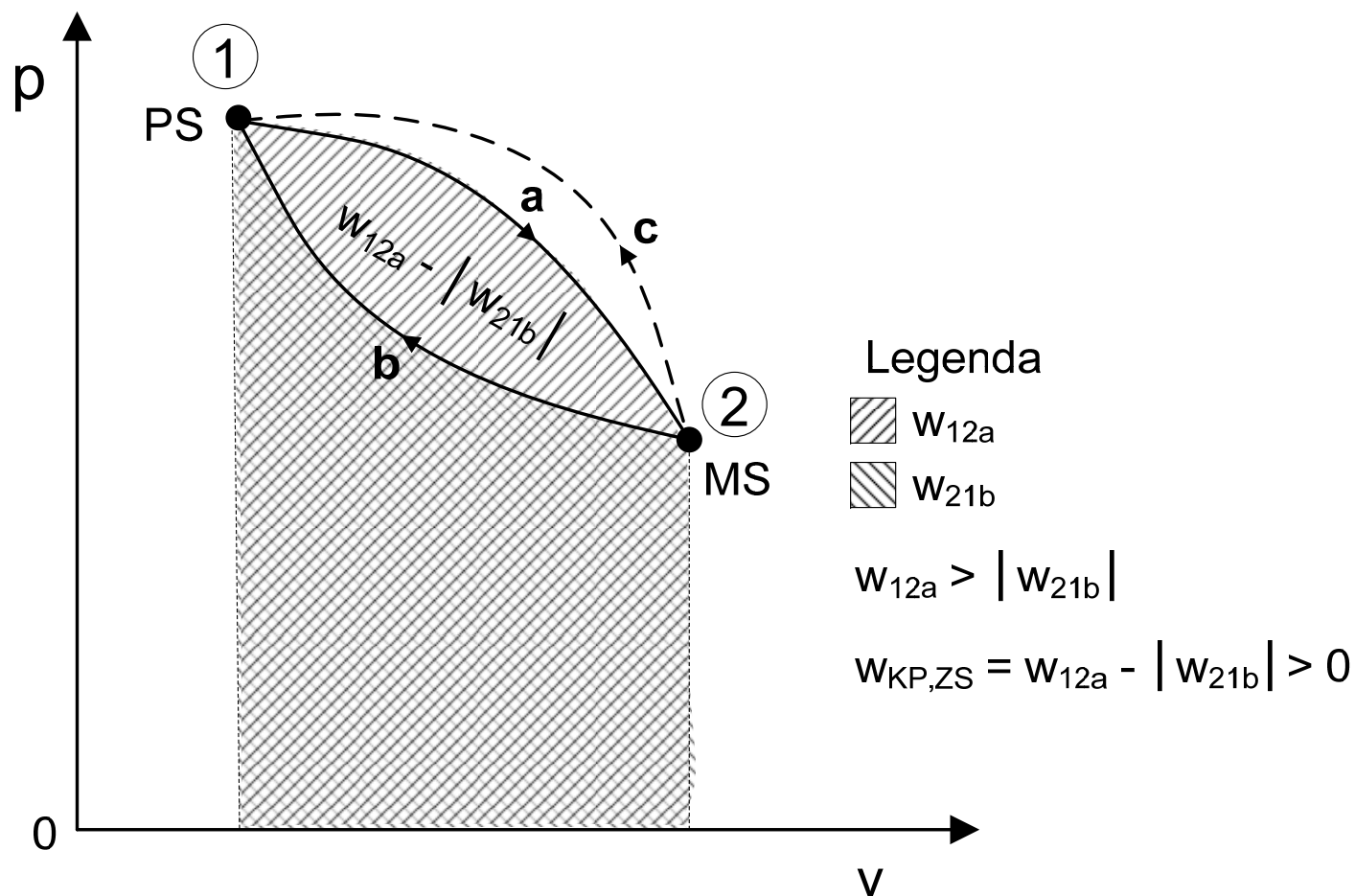
- kružni proces: proces s procesima
- vraća sustav u početno stanje
- sve veličine stanja (tlak, temperatura, volumen, unutrašnja kalorička energija, entalpija, itd.) postižu početne vrijednosti i to vrijedi bez obzira je li je kružni proces sastavljen od povratljivih ili nepovratljivih procesa, odnosno radi li se o zatvorenom, otvorenom itd. sustavu

# Kružni procesi zatvorenih sustava

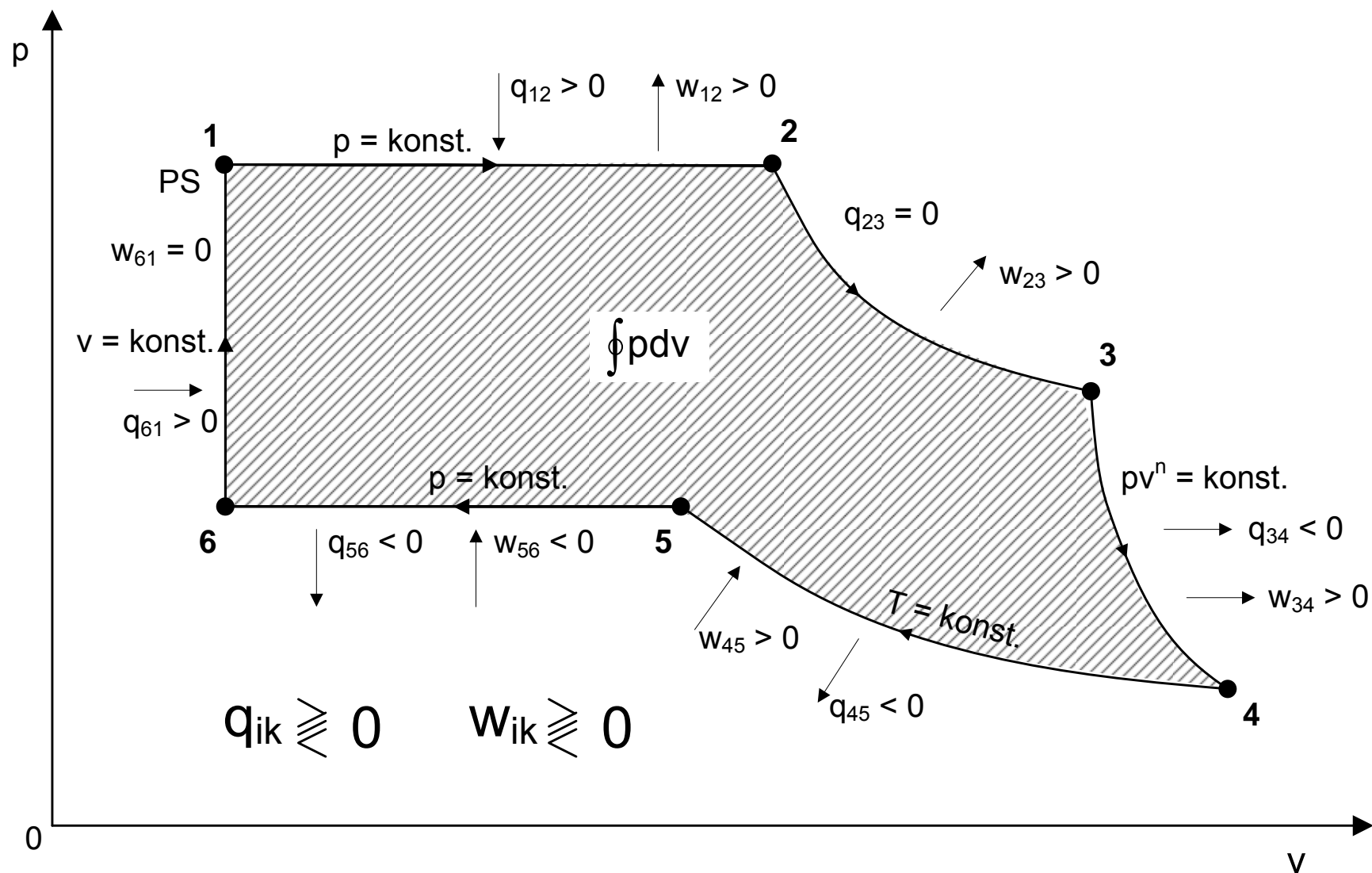
- zašto provoditi kružni proces?
- je li je moguće iz zatvorenog sustava trajno dobivati mehanički rad a da ga ne „pretvorimo“ u otvoreni sustav?



# Kružni procesi zatvorenih sustava



# Kružni procesi zatvorenih sustava



# Kružni procesi zatvorenih sustava

---

$$q_{12} = w_{12} + u_2 - u_1$$

$$q_{23} = w_{23} + u_3 - u_2$$

$$q_{34} = w_{34} + u_4 - u_3$$

...

$$q_{61} = w_{61} + u_1 - u_6$$

$q_{ik}$

$$w_{ik} = \int_{v_i}^{v_k} p dv - |w_{RTik}|$$

$$q_{12} + q_{23} + q_{34} + \dots + q_{61} = w_{12} + w_{23} + w_{34} + \dots + w_{61}$$

$$w_{KP_{zs}} = \sum w_{ik} = \sum q_{ik} \text{ [J/kg]}$$

Koliki je  $w_{KP_{zs}}$  ?

# Mehanički rad kružnog procesa zatvorenog sustava

---

$$w_{ik} = \int_{v_i}^{v_k} p dv \text{ (zanemarujemo trenje)}$$

$$w_{KP_{zs}} = \sum w_{ik} = \int_{v_1}^{v_2} p dv + \int_{v_2}^{v_3} p dv + \dots + \int_{v_n}^{v_1} p dv = \oint p dv$$

$$\oint p dv = w_{KP_{zs}} + \sum |w_{RTik}|$$

$$w_{povKP_{zs}} = \oint p dv \text{ mehanički povratljivi proces (ne postoji trenje)}$$

# Mehanički rad kružnog procesa zatvorenog sustava

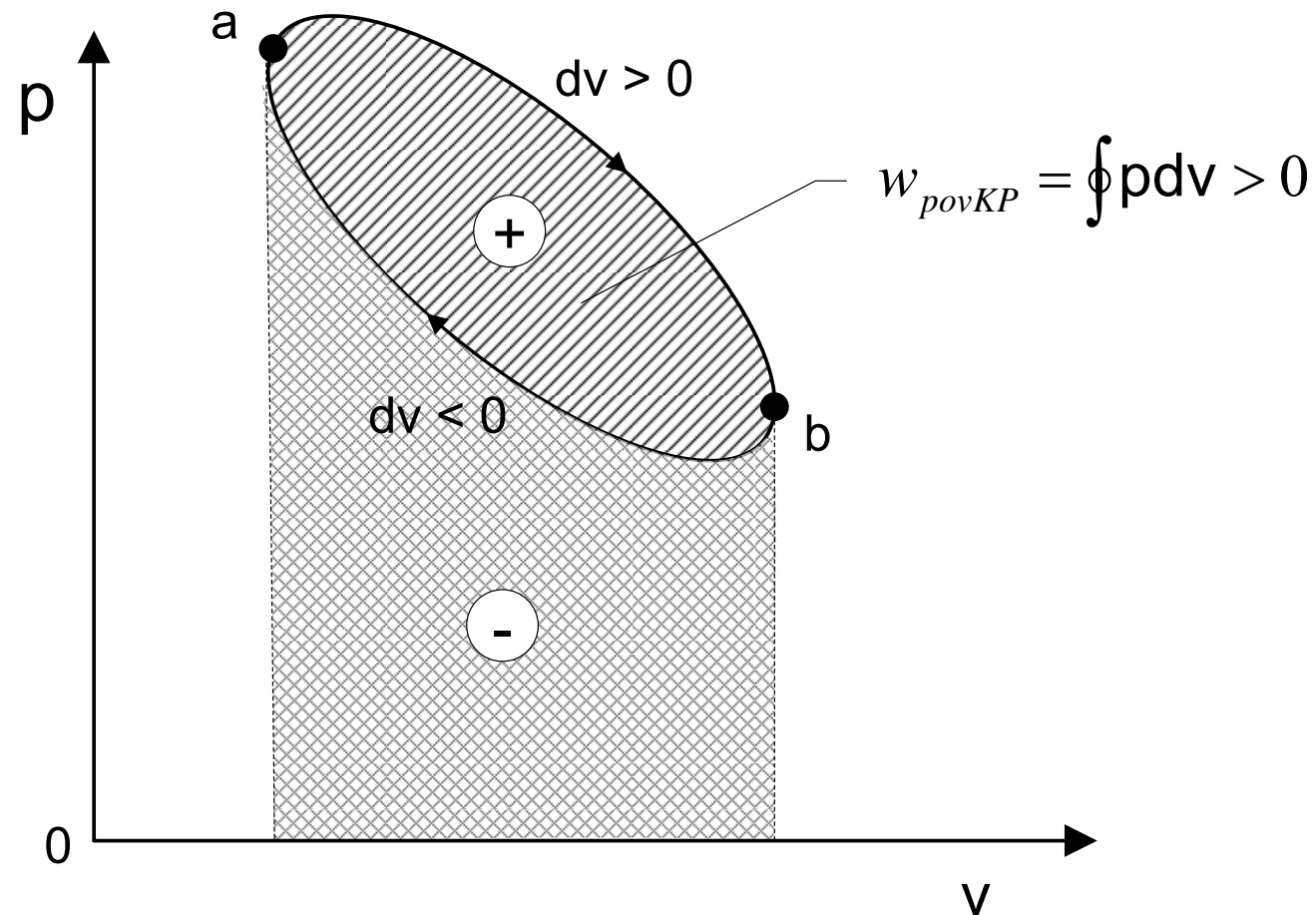
---

$$\sum q_{ik} = \sum q_{ik_{dov}} + \sum q_{ik_{odv}} = q_{dov} + q_{odv} = q_{dov} - |q_{odv}|$$

$$w_{povKP_{zs}} = \oint p dv = q_{dov} - |q_{odv}|$$

Uočimo sada još nešto. Realizirajući kružni proces kretali smo se u desnu stranu; u smjeru gibanja kazaljke na satu, slika. Takav se kružni proces naziva **desnokretnim**.

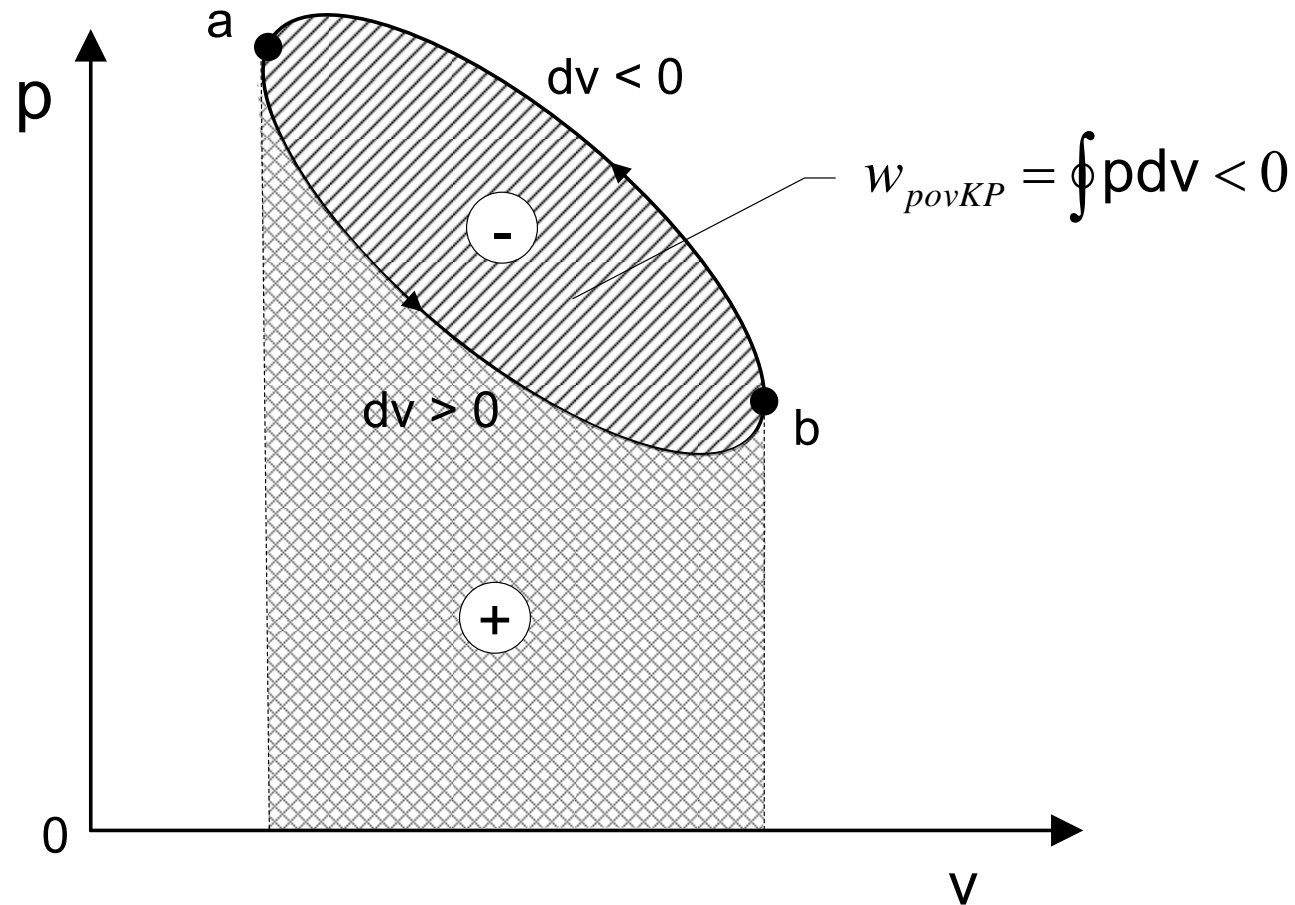
# Desnokretni kružni proces



$$w_{DKP} = \int_a^b p dv - \left| \int_b^a p dv \right| > 0 \text{ jer je } \int_a^b p dv > \left| \int_b^a p dv \right|$$



# Ljevokretni kružni proces



$$w_{LJK} = \int_a^b p dv + \int_b^a p dv = \int_a^b p dv - \left| \int_b^a p dv \right| < 0 \text{ jer je } \int_a^b p dv < \left| \int_b^a p dv \right|$$

# Kružni procesi otvorenih sustava

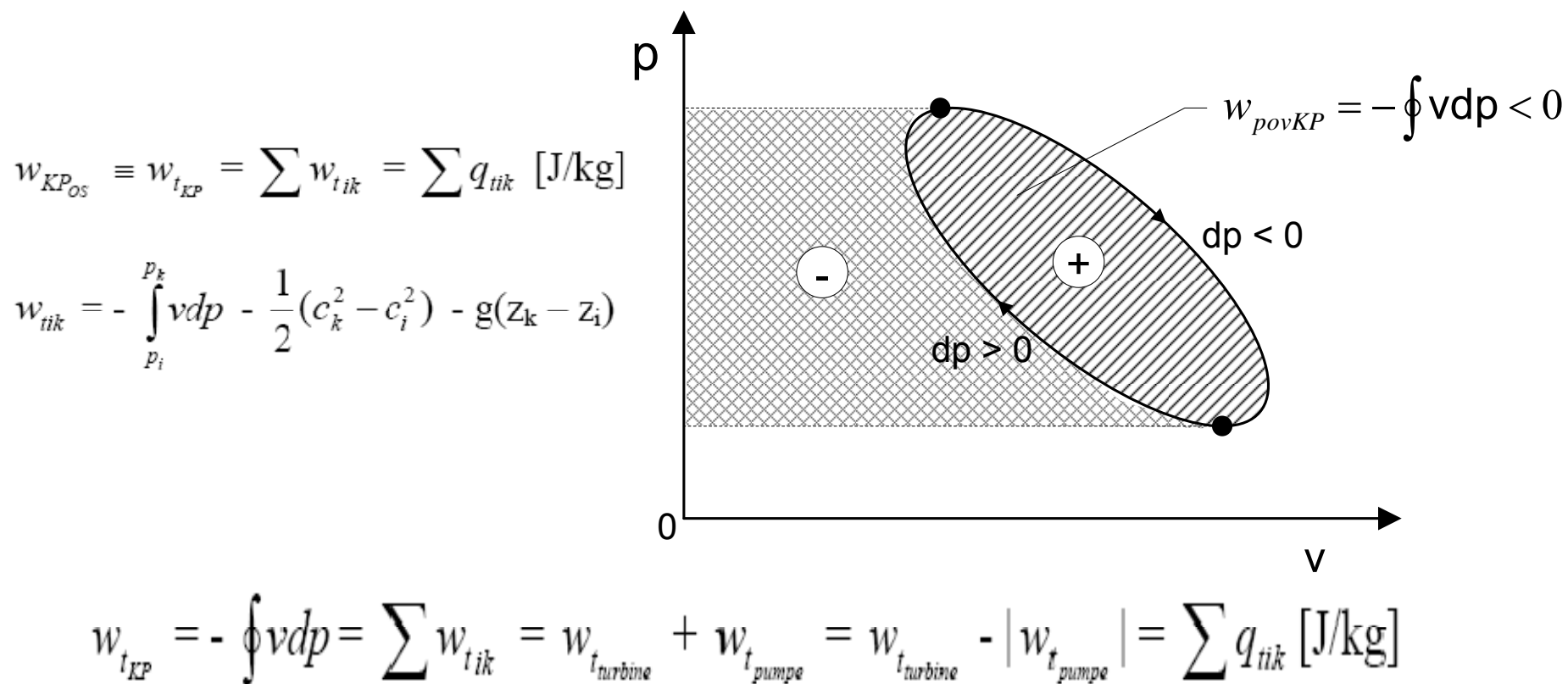
---

- u termoelektranama fluid je sustav podvrgnut kružnom procesu koji je realiziran pomoću različitih procesa u otvorenim sustavima
- u takvom kružnom procesu fluid „kruži“, tj. ran razlikom tlakova (pumpom), kroz parni kotao (izmjenjivač topline), turbinu, kondenzator (izmjenjivač topline) i pumpu vraćajući se ponovno u kotao
- koliki je ukupno dobiveni mehanički rad iz takvog desnokretnog kružnog procesa:

$$w_{KP_{OS}} \equiv w_{t_{KP}} ?$$

# Mehanički rad desnokretnog kružnog procesa otvorenih sustava

- princip očuvanja energije (1. glavni stavak termodinamike za otvoreni sustav)



# Mehanički rad kružnih procesa

---

- kolika je ukupno izmijenjena toplinska energija  $\sum q_{tik}$  ?
- toplinska je energija oblik energije što prelazi granice sustava nevezano uz masu, što znači da je neovisna o tome odvija li se (isti) proces u zatvorenom ili otvorenom sustavu, pa mora stoga vrijediti:

$$\sum q_{tik} \equiv \sum q_{ik} = \sum q_{ik_{dev}} + \sum q_{ik_{odv}} = q_{dov} + q_{odv} = q_{dov} - |q_{odv}|$$

# Mehanički rad kružnih procesa

---

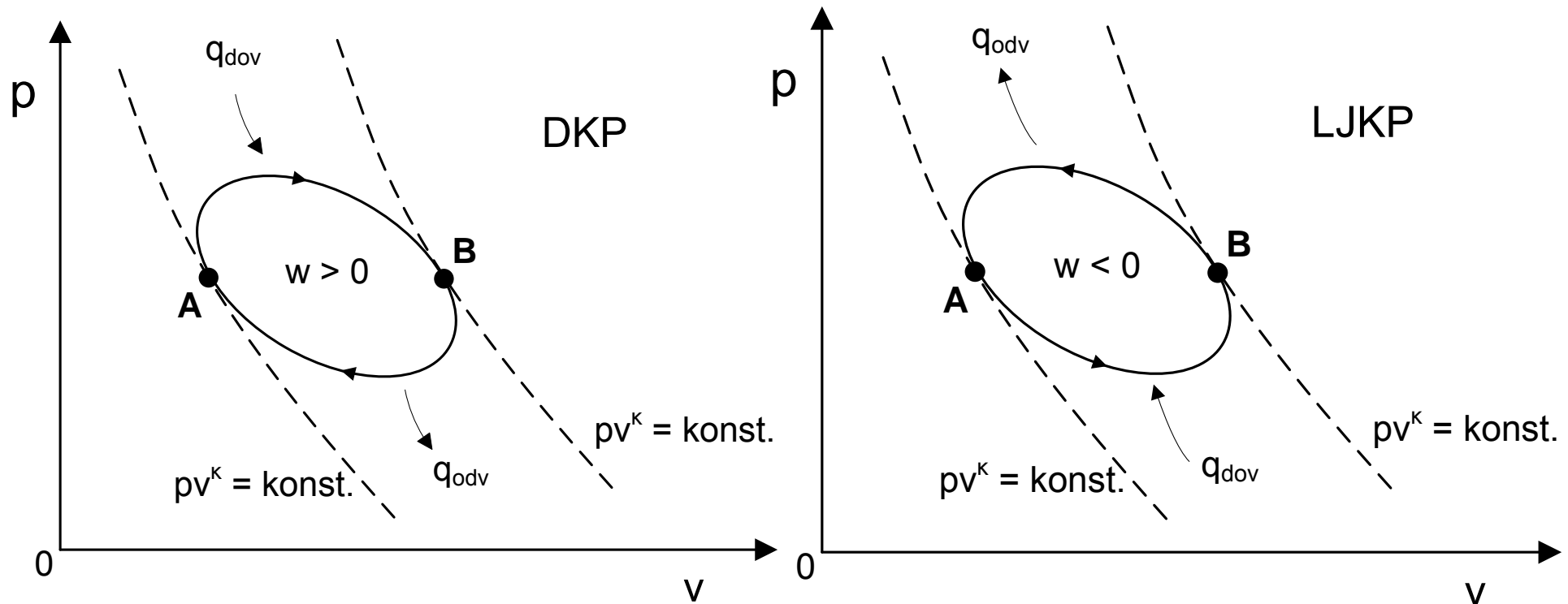
- jer vrijedi i da je

$$w_{t_{KP}} = \sum q_{tik} = \sum q_{ik} , \text{ a } w_{KP_{zs}} = \sum q_{ik}$$

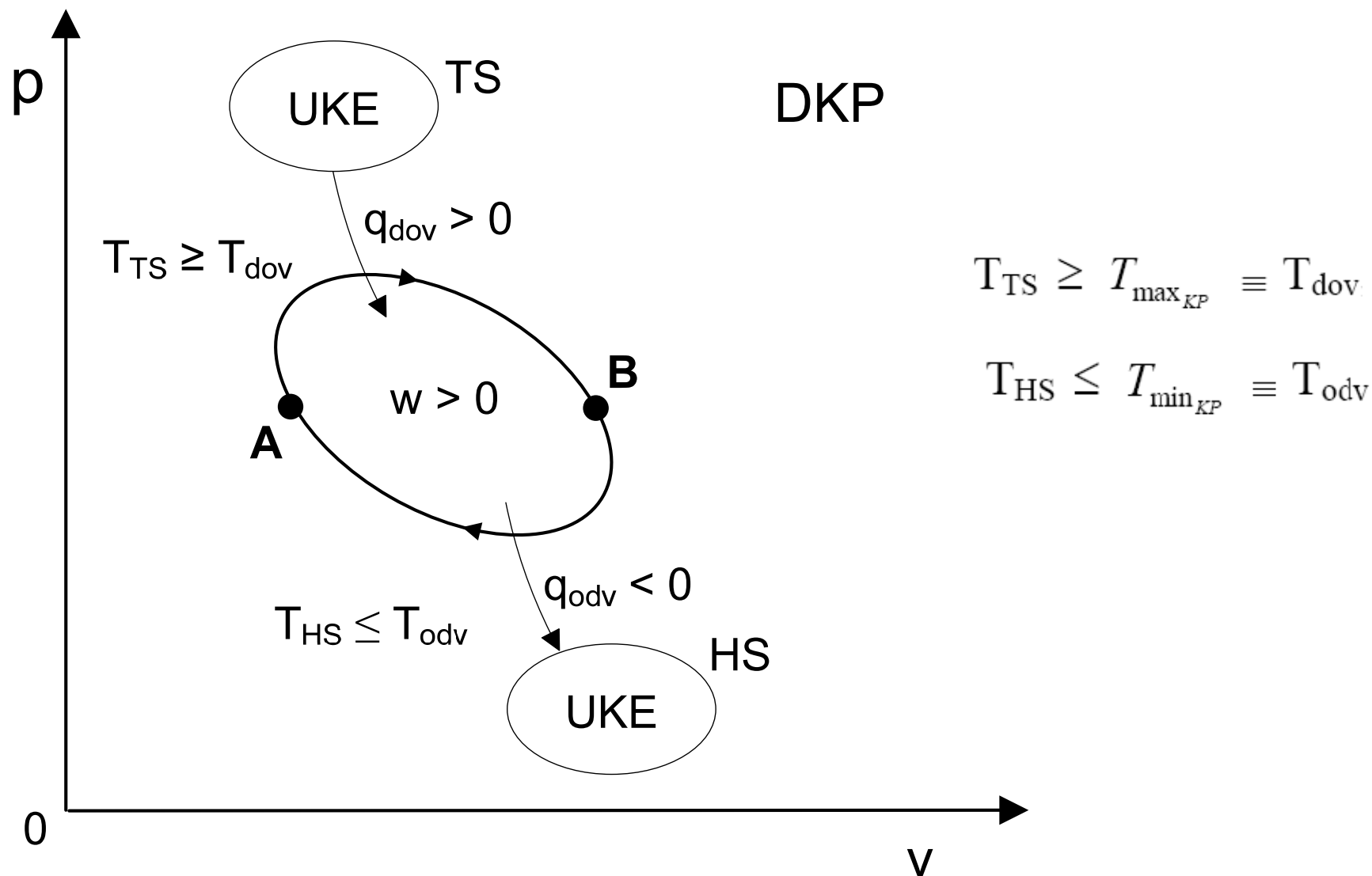
- zaključujemo da je ukupni iznos izmijenjenog mehanički rada za vrijeme odvijanja kružnog procesa neovisan o tome provodi li se kružni proces sa zatvorenim sustavom ili otvorenim sustavima:

$$w_{KP_{zs}} = w_{t_{KP}} = w_{KP} = w = \oint p dv = - \oint v dp = q_{dov} + q_{odv} = q_{dov} - |q_{odv}|$$

# Kružni proces bez dovođenja, odvođenja toplinske energije?



# Toplinski spremniki i prijelaz toplinske energije u i iz kružnog procesa



# Termički (energetski) stupanj djelovanja

---

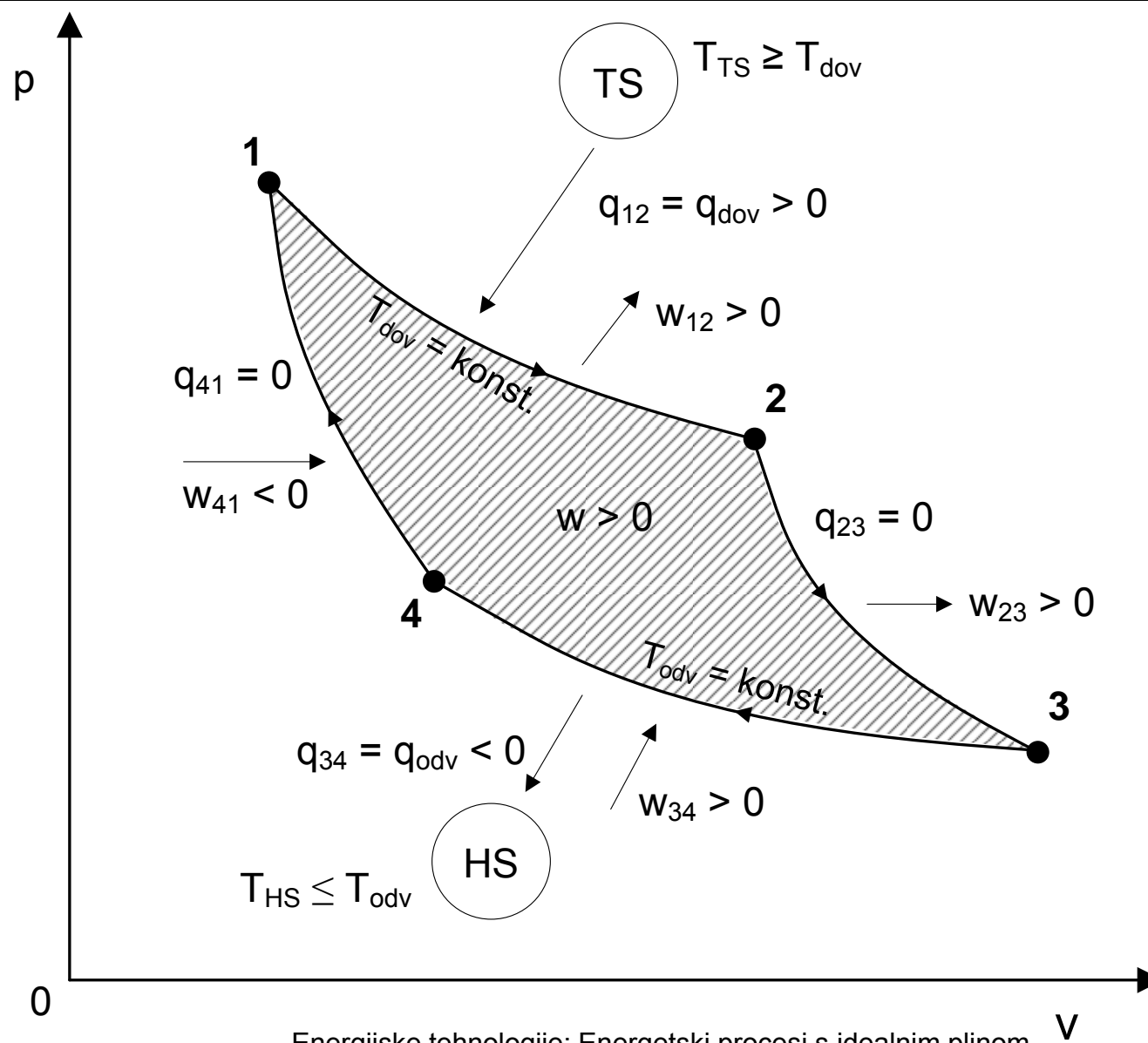
$$w = q_{dov} - |q_{odv}| \text{ [J/kg]}$$

$$\eta_t = \frac{w}{q_{dov}} = \frac{q_{dov} - |q_{odv}|}{q_{dov}} = 1 - \frac{|q_{odv}|}{q_{dov}}$$

$$\eta_{tmax} \qquad q_{odv} \qquad q_{odv_{min}} ?$$



# Carnotov desnokretni kružni proces



# Mehanički rad DCKP

---

$$w = \oint p dv = - \oint v dp = q_{dov} + q_{odv} = q_{dov} - |q_{odv}| \text{ [J/kg]}$$

$$q_{12} = RT_{dov} \ln \frac{v_2}{v_1} = q_{dov} > 0, \quad q_{34} = RT_{odv} \ln \frac{v_4}{v_3} = - RT_{odv} \ln \frac{v_3}{v_4} = q_{odv} < 0.$$

$$\frac{T_{dov}}{T_{odv}} = \left( \frac{v_3}{v_2} \right)^{\kappa-1} = \left( \frac{v_4}{v_1} \right)^{\kappa-1} \quad \frac{v_3}{v_2} = \frac{v_4}{v_1} \text{ ili } v_1 v_3 = v_2 v_4$$

$$W = q_{dov} - |q_{odv}| = RT_{dov} \ln \frac{v_2}{v_1} - RT_{odv} \ln \frac{v_3}{v_4} = R(T_{dov} - T_{odv}) \ln \frac{v_2}{v_1} \text{ [J/kg]} > 0$$

# Mehanički rad DCKP

---

Zaključujemo da rad dobiven za vrijeme adijabatske ekspanzije (između stanja 2 i 3) mora biti jednak radu uloženom za odvijanje adijabatske kompresije (između stanja 4 i 1). Provjerimo to određujući rad kružnog procesa sumirajući radove pojedinih dijelova procesa. Dobivamo:

$$\begin{aligned} w &= \oint p dv = \int_{v_1}^{v_2} p dv + \int_{v_2}^{v_3} p dv + \int_{v_3}^{v_4} p dv + \int_{v_4}^{v_1} p dv = \\ &= RT_{\text{dov}} \ln \frac{v_2}{v_1} + c_v(T_{\text{dov}} - T_{\text{odv}}) + RT_{\text{odv}} \ln \frac{v_4}{v_3} + c_v(T_{\text{odv}} - T_{\text{dov}}) = R(T_{\text{dov}} - T_{\text{odv}}) \ln \frac{v_2}{v_1} \end{aligned}$$

Dakako, isti bismo rezultat dobili računamo li rad kružnog procesa i prema izrazu  $w = - \oint v dp$ .

# Termički stupanj djelovanja DCKP

---

$$\eta_{\text{tCKP}} = \frac{w}{q_{\text{dov}}} = \frac{q_{\text{dov}} + q_{\text{odv}}}{q_{\text{dov}}} = \frac{q_{\text{dov}} - |q_{\text{odv}}|}{q_{\text{dov}}} = 1 - \frac{|q_{\text{odv}}|}{q_{\text{dov}}} = 1 - \frac{T_{\text{odv}}}{T_{\text{dov}}}$$

Dakle je količina toplinske energije koja se u Carnotovom desnokretnom kružnom procesu pretvara u mehanički rad jednaka:

$$W = \eta_{\text{tCKP}} q_{\text{dov}} = \left(1 - \frac{T_{\text{odv}}}{T_{\text{dov}}}\right) q_{\text{dov}} \text{ [J/kg]}$$

$\eta_{\text{tCKP}} = f(T)$  Je li je to iznenađujući rezultat? Ne.

$$T_{\text{TS}} \geq T_{\text{max}_{\text{KP}}} \equiv T_{\text{dov}} \text{ i } T_{\text{HS}} \leq T_{\text{min}_{\text{KP}}} \equiv T_{\text{odv}}$$

## Carnotov kružni proces – najbolji kružni proces

---

- pokazat ćemo, Carnotov je desnokretni kružni proces najbolji mogući kružni proces, proces s najvećim termičkim stupnjem djelovanja, pa je dakle mjera za sve kružne procese. Drugim riječima,  $q_{\text{odv}}$  Carnotovog kružnog procesa je  $q_{\text{odvmin}}$ , minimalna toplinska energija koju se **mora** iz kružnog procesa (Carnotovog kružnog procesa) odvesti u okolicu, pa jer je  $|q_{\text{odvmin}}| > 0$ , termički stupanj djelovanja Carnotovog kružnog procesa ne može biti jednak jedan.

- to slijedi i iz ovakve analize ...

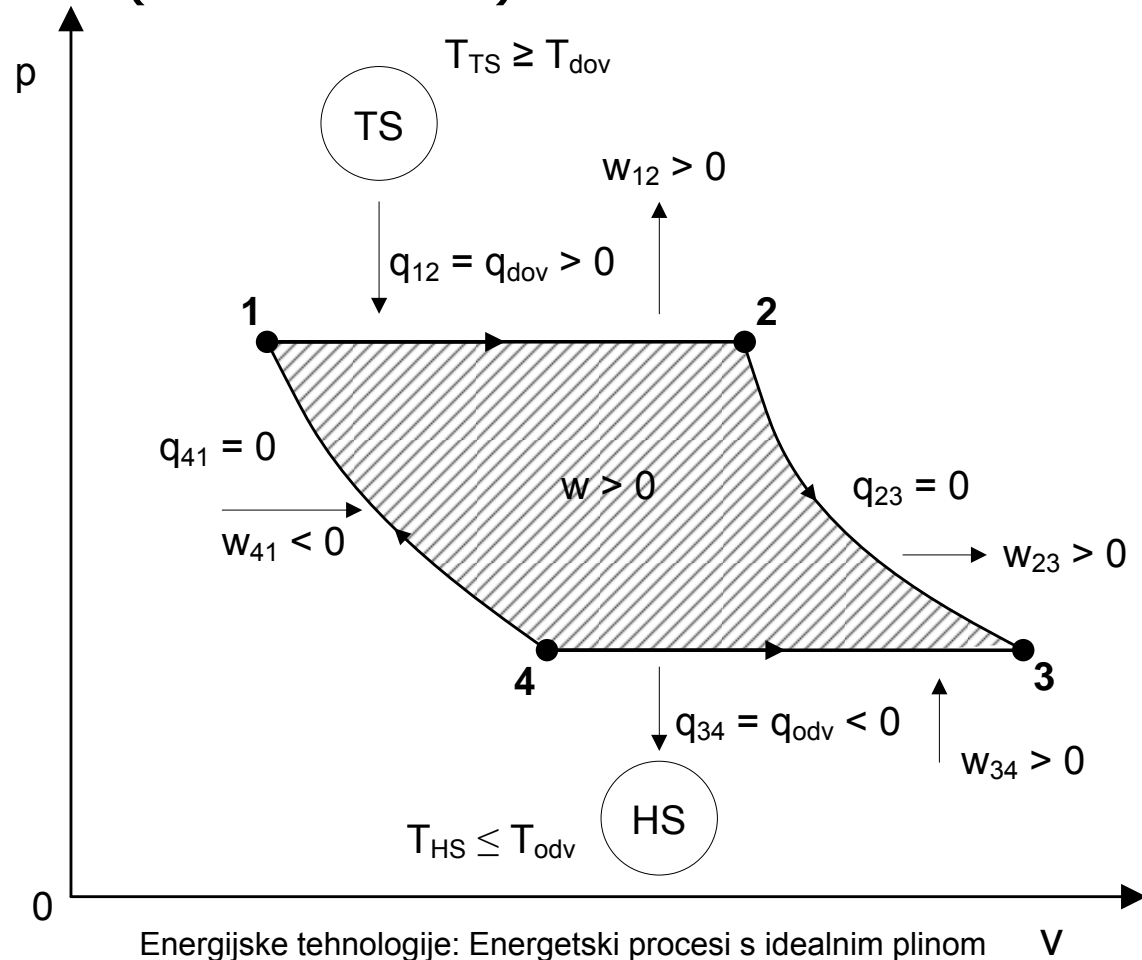
$$T_{\text{odv}} \gg 0 \text{ K} \quad T_{\text{odv}} \gg 0 \text{ K?} \quad T_{\text{ok}}$$

$$\eta_{\text{tCKP}} = 1? \quad T_{\text{dov}} = \infty?$$

Zašto se Carnotov kružni proces ne provodi u tehničkoj praksi?

# Jouleov (*Braytonov*) desnokretni kružni proces

- Za tehničku je praksu primjenjiv kružni proces sastavljen od dviju izobara i dviju adijabata (slika). To je proces među stalnim (konstantnim) tlakovima ili Jouleov kružni proces.



# Mehanički rad i termički stupanj djelovanja DJKP

---

$$W = q_{\text{dov}} - |q_{\text{odv}}| = c_p (T_2 - T_1) - c_p (T_3 - T_4) \text{ [J/kg]}$$

$$\eta_{\text{tJKP}} = \frac{w}{q_{\text{dov}}} = 1 - \frac{|q_{\text{odv}}|}{q_{\text{dov}}} = 1 - \frac{T_3 - T_4}{T_2 - T_1} = 1 - \frac{T_4}{T_1} \frac{\left(\frac{T_3}{T_4} - 1\right)}{\left(\frac{T_2}{T_1} - 1\right)} = 1 - \frac{T_4}{T_1}$$

Za Jouelov kružni proces vrijedi ovaj odnos između temperatura procesa:

$$T_1 T_3 = T_2 T_4$$

pa je razlomak  $\frac{\left(\frac{T_3}{T_4} - 1\right)}{\left(\frac{T_2}{T_1} - 1\right)}$  jednak 1.

$$\frac{T_1}{T_4} = \left(\frac{p_v}{p_n}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = \frac{T_2}{T_3} = \left(\frac{p_v}{p_n}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_4} = \frac{T_2}{T_3} \Rightarrow T_1 T_3 = T_2 T_4$$

# Usporedba termičkih stupnjeva djelovanja CKP i JKP

---

$$T_{\max\text{CKP}} = T_{\max\text{JKP}} = T_{\max} \quad T_{\min\text{CKP}} = T_{\min\text{JKP}} = T_{\min}$$

$$T_{\max\text{CKP}} = T_{\text{dov}} \quad T_{\max\text{JKP}} = T_2$$

$$T_{\min\text{CKP}} = T_{\text{odv}} \quad T_{\min\text{JKP}} = T_4$$

$$\eta_{\text{tCKP}} = 1 - \frac{T_{\text{odv}}}{T_{\text{dov}}} = 1 - \frac{T_{\min}}{T_{\max}} \quad \eta_{\text{tJKP}} = \frac{w}{q_{\text{dov}}} = 1 - \frac{T_4}{T_1} = 1 - \frac{T_{\min}}{T_1}$$

$$T_1 < T_{\max\text{JKP}} = T_2$$

$$\eta_{\text{tJKP}} < \eta_{\text{tCKP}}$$



# Primjene desnokretnog Jouleovog kružnog procesa

---

- u termoelektranama s plinskim turbinama, odnosno u termoelektranama sa spojnim procesima
- pogon reaktivnih (mlaznih) motora velikih zrakoplova

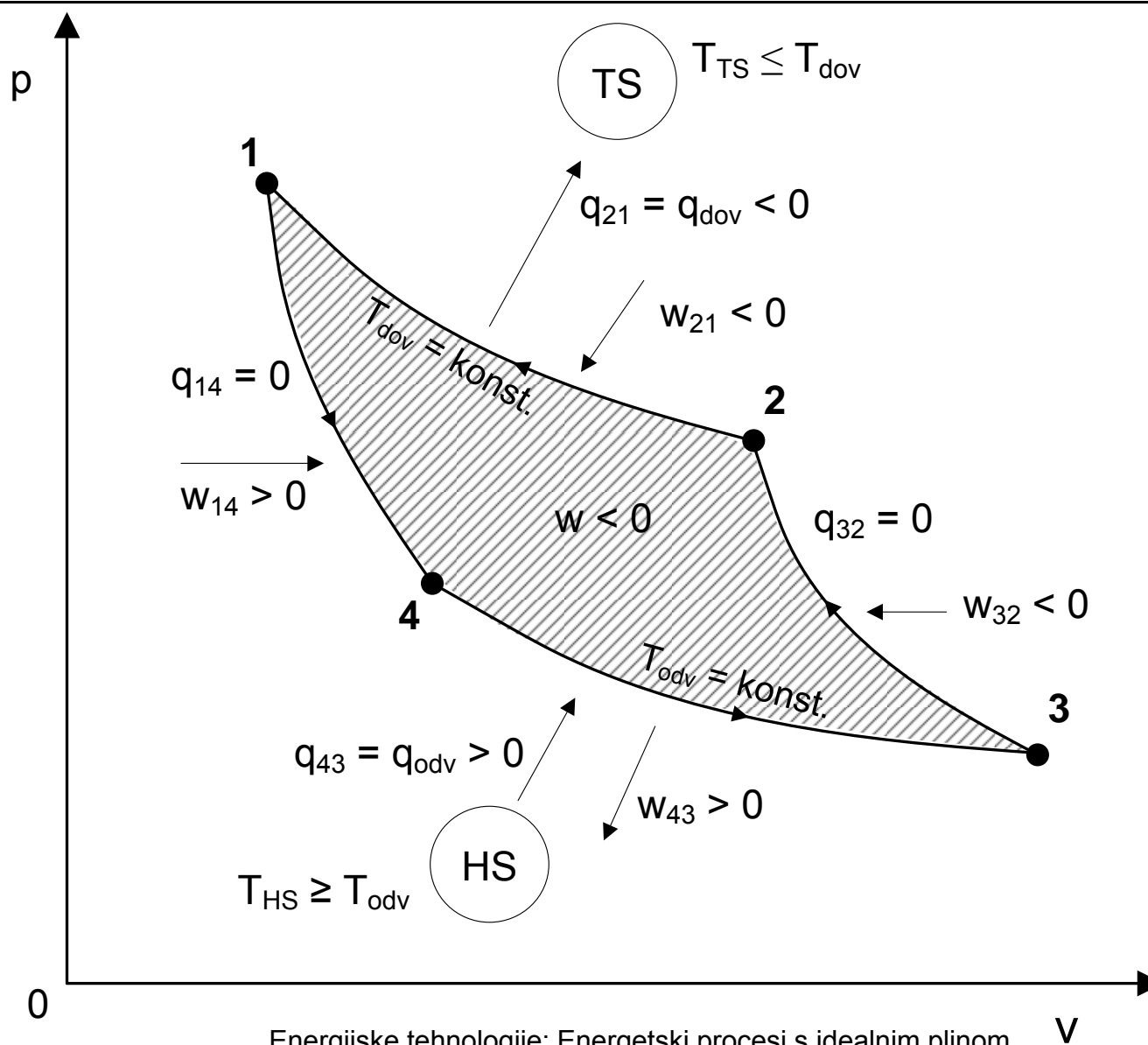
$$\vec{F} \approx -\dot{m}(\vec{c}_{izlplinova} + \vec{c}_{zrakoplova}) \text{ [N]}$$

# Ljevokretni kružni procesi

---

- svaki se desnokretni kružni proces može odvijati i kao ljevokretni
- nužan će uvjet i sada biti postojanje dvaju toplinskih spremnika
- promatrajmo realizaciju ljevokretnog Carnotovog kružnog procesa
- zadržat ćemo (namjerno) oznake i parametre tog kružnog procesa jednake onima DCKP; bit će kasnije jasno zašto

# Ljevokretni Carnotov kružni proces



# Mehanički je rad ljevokretnog kružnog procesa negativan

---

$$\begin{aligned} w &= \oint p dv = - \oint v dp = q_{dov} + q_{odv} = q_{odv} - |q_{dov}| = \\ &= RT_{odv} \ln \frac{v_3}{v_4} - RT_{dov} \ln \frac{v_2}{v_1} = R(T_{odv} - T_{dov}) \ln \frac{v_2}{v_1} \text{ [J/kg]} \end{aligned}$$

Jer je  $T_{dov} > T_{odv}$ , to je  $w < 0$ , ali je i sada mehanički rad mehanički rad utrošen na odvijanje ljevokretnog kružnog procesa (proporcionalan) ploštini površine kružnog procesa u p,v-dijagramu.

$$T_{HS} \geq T_{odv} \quad T_{TS} \leq T_{dov}$$

# Dizalice topline (toplinske pumpe)

---

- ne razlikuje se od rada nekog rashladnog stroja samo što je smještaj temperatura viši, a toplinska se energija ne predaje okolini nego se oduzima od nje
- primjer: zimski dan s niskom temperaturom, - 20 °C, temperatura vode (jezera) 2 °C
- temperaturu prostorija kuće održavati na 20 °C
- $T_{\text{odv}} = 275,15 \text{ K}$ , a  $T_{\text{dov}} = 293,15 \text{ K}$
- utrošak mehaničkog rada (električne energije) i količina toplinske energije kojom grijemo kuću u idealnom slučaju (Carnotov ljevokretni kružni proces) ?

# Učinak dizalice topline

---

$$\frac{w}{q_{dov}} = \frac{q_{dov} + q_{odv}}{q_{dov}} = \frac{T_{dov} - T_{odv}}{T_{dov}}$$

$$\frac{|q_{dov}|}{|w|} = \frac{T_{dov}}{T_{dov} - T_{odv}} = \frac{293,15}{293,15 - 275,15} \approx 16,29.$$

- utroškom 1 kWh električne energije (eksergije) za pogon dizalice topline kuću bismo grijali sa 16,29 kWh toplinske energije. (Jasno, neposrednim grijanjem električnim otpornikom (električnom peći), dobili bismo samo 1 kWh toplinske energije.) Omjer se  $\frac{|q_{dov}|}{|w|}$  (često) naziva faktorom preobrazbe.

## Zašto iste oznake u desnokretnom i ljevokretnom kružnom procesu

---

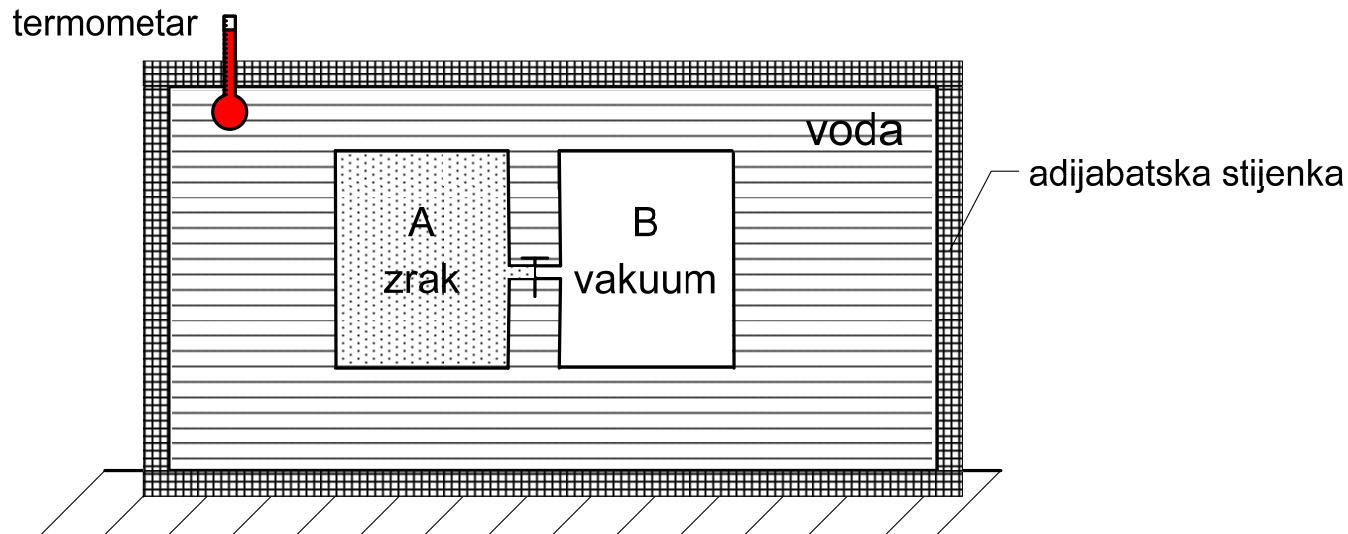
- ista relacija,  $w = q_{\text{dov}} + q_{\text{odv}}$ , vrijedi i za desnokretni i za ljevokretni kružni proces

*(U suprotnom morali bismo rabiti dva izraza, ovisno o tome koji kružni proces analiziramo.)*

- u slučaju desnokretnog kružnog procesa vrijedi:  $w = q_{\text{dov}} + q_{\text{odv}} > 0$  budući da je  $q_{\text{dov}} > 0$  pa je i  $w > 0$ , mada je  $q_{\text{odv}} < 0$ , jer je  $q_{\text{dov}} > |q_{\text{odv}}|$
- radi li se o ljevokretnom kružnom procesu, to je  $w = q_{\text{dov}} + q_{\text{odv}} < 0$  jer je sada  $q_{\text{dov}} < 0$  pa je i  $w < 0$ , mada je sada  $q_{\text{odv}} > 0$ , jer i u slučaju ljevokretnog kružnog procesa vrijedi relacija  $|q_{\text{dov}}| > q_{\text{odv}}$

# Pitanje

Promatramo Jouleov pokus, slika. U samom trenutku postizanja mehaničke ravnoteže, izjednačenja tlakova u spremnicima A i B, u kojem je spremniku temperatura plina viša?





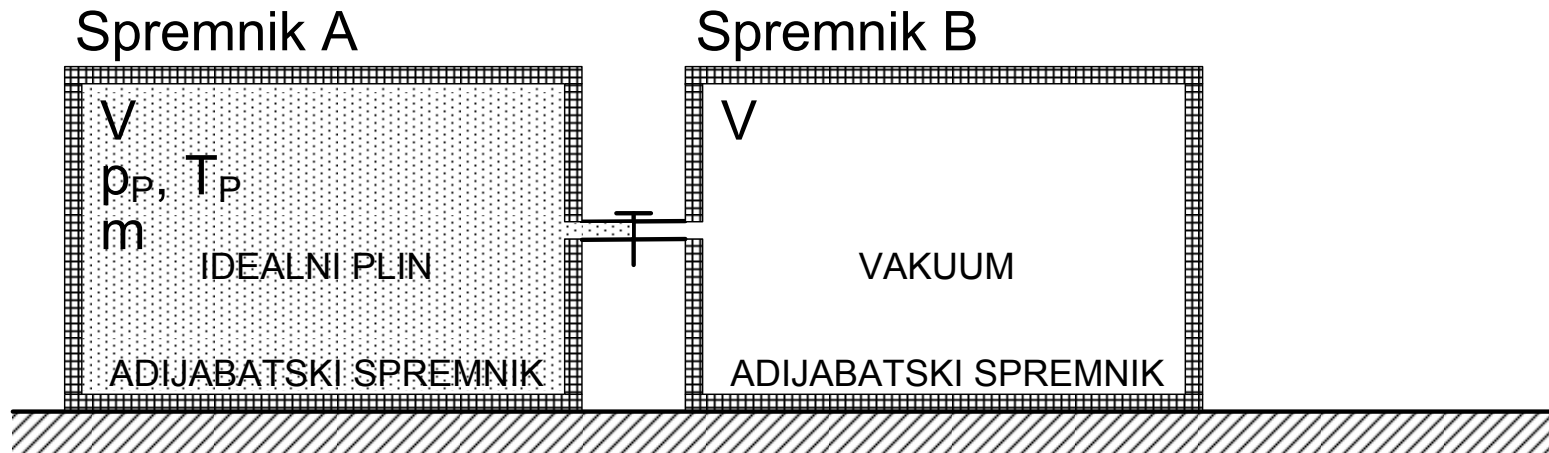
# Zadatak

---

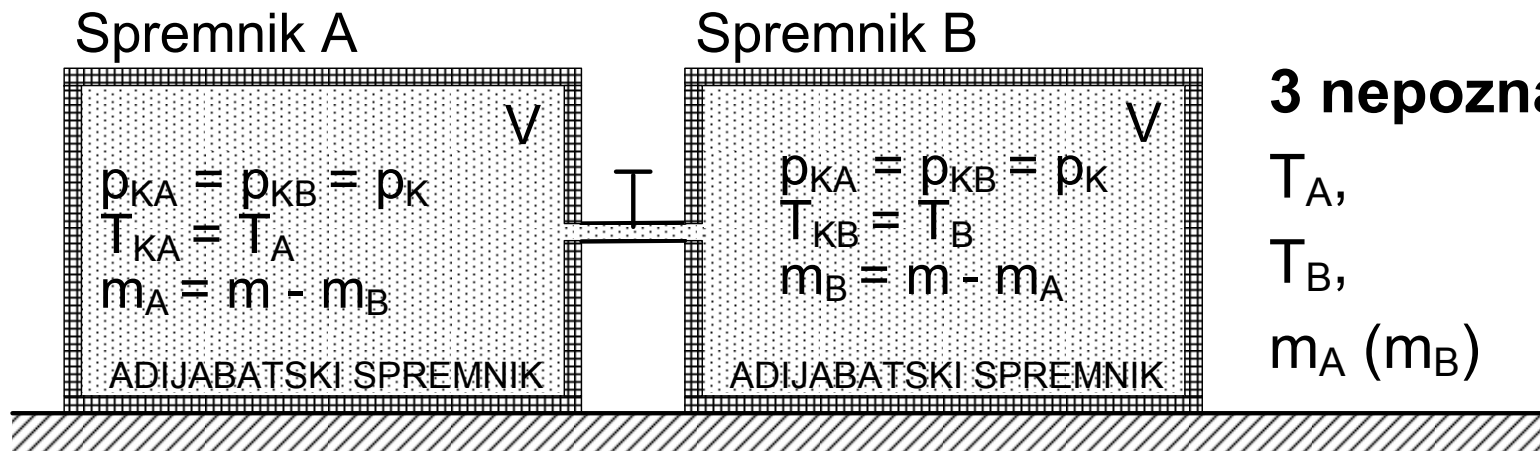
Dva kruta spremnika, A i B, svaki obujma  $0,5 \text{ m}^3$ , adijabatski su sustavi povezani sa cijevi zanemarivog obujma u kojoj se nalazi ventil. Početno se u spremniku A nalazi idealni plin ( $c_v = 472 \text{ J/kgK}$ ,  $\kappa = 1,4$ ) tlaka 10 bara i temperature  $21^\circ\text{C}$ , ventil je u spojnoj cijevi zatvoren, a spremnik je B zrakoprazan. Otvorimo li ventil samo do trenutka kada se tlakovi u oba spremnika izjednače, i zatim zatvorimo, kolike su konačne temperature, mase i tlakovi u spremnicima A i B? (Naglašavamo, prijelaz je toplinske energije između spremnika onemogućen.)

# Zadatak

Početno stanje (1)



Konačno stanje (2)



**3 nepoznanice:**

$T_A$ ,

$T_B$ ,

$m_A$  ( $m_B$ )

## Zadatak - rješenje

---

Zaključujemo, budući da su spremnici jednakih volumena, da će za postignutu mehaničku ravnotežu vrijediti:

$$p_{kA} = p_{kB} = p_k = p_p/2.$$

Dalje, budući da su spremnici konstantnog obujma, te da nema odvođenja ni dovođenja bilo mehaničkog rada bilo toplinske energije, mora vrijediti za svaki spremnik:

$$p_k = \frac{m_k RT_k}{V} = konst.$$

( $m_k = konst$ ,  $R = konst$ ,  $V = konst$ ,  $T_k = konst$ . /adijabatski sustav/) Dakle, nepoznanice su konačne temperature u spremnicima,  $T_A$  i  $T_B$ , i masa u jednom od spremnika:  
 $m_A = m - m_B$  ili  $m_B = m - m_A$ .

## Zadatak - rješenje

---

Postavljamo stoga tri jednačbe: princip očuvanja mase, 1. glavni stavak termodinamike (princip očuvanja energije) i jednačbu stanja idealnog plina.

1) princip očuvanja mase

$$m = \frac{p_p \cdot V}{RT_p} = m_A + m_B = \frac{p_p}{2} \frac{V}{RT_A} + \frac{p_p}{2} \frac{V}{RT_B} \quad (1)$$

## Zadatak - rješenje

---

2) 1. glavni stavak termodinamike

Promatramo li oba spremnika kao jedinstveni zatvoreni sustav vrijedi:

$$Q_{12} = U_2 - U_1 + W_{12}; \quad Q_{12} = 0, \quad W_{12} = 0, \quad U_2 = U_1$$

Ukupni se sadržaj unutrašnje kaloričke energije (UKE) stanja 1 i 2 sastoji od UKE spremnika A i B u oba stanja:

$$U_1 = U_{1A} + U_{1B} = U_{1A} \quad (U_{1B} = 0), \quad \text{a} \quad U_2 = U_{2A} + U_{2B}$$

## Zadatak - rješenje

---

S 1 označeno je početno stanje, stanje prije otvaranja ventila, a s 2 stanje nakon zatvaranja ventila, stanja kad su se tlakovi u spremnicima izjednačili:

$$U_1 = U_2 = mc_v T_p = m_A c_v T_A + m_B c_v T_B \quad /:c_v$$

$$mT_p = m_A T_A + m_B T_B \quad (2)$$

Jer je konačni tlak u oba spremnika jednak:

## Zadatak - rješenje

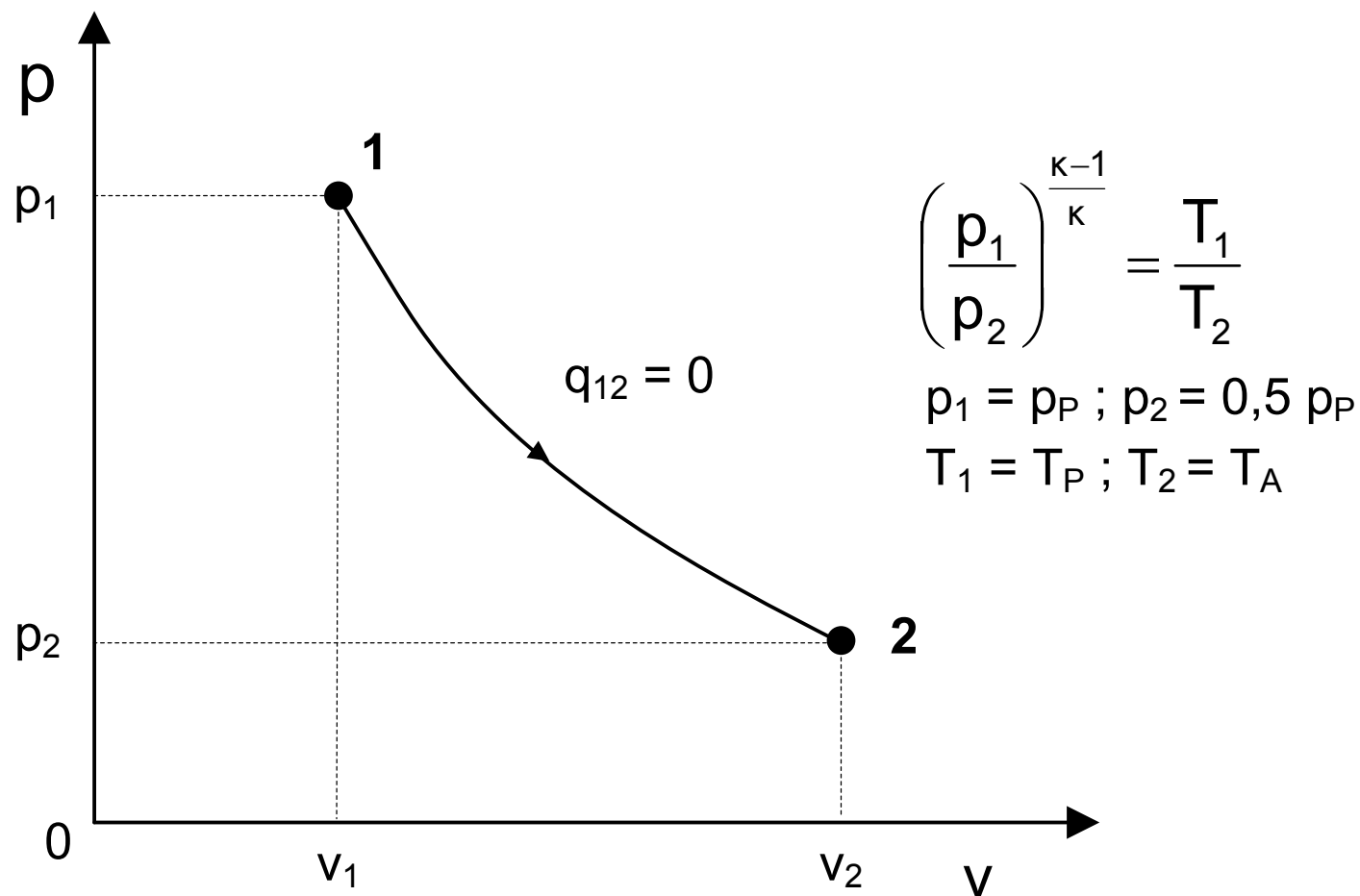
---

$$p_k = \frac{p_p}{2} = \frac{m_A RT_A}{V} = \frac{m_B RT_B}{V} \Rightarrow m_A T_A = m_B T_B \rightarrow (2) \Rightarrow m_A T_A = m_B T_B = \frac{m T_P}{2} (3)$$

### 3) Jednadžba stanja idealnog plina

Za sustav odabiremo količinu plina u spremniku A koja ne će preći u spremnik B. Taj je dio plina, za razliku od dijela što ustrujava u spremnik B, u ravnotežnom stanju pa ekspanziju tog dijela plina možemo opisati izentropskim procesom, slika.

# Zadatak - rješenje



$$T_A = \frac{T_P}{2^{\frac{1,4}{0,4}}} = 241,3 K \quad / T_P = (273,15 + 21) K$$



## Zadatak - rješenje

---

Dalje je (konačno stanje u spremniku A):

$$\frac{p_p}{2} \cdot V = m_A R T_A \Rightarrow m_A = \frac{500000 \cdot 0,5}{188,8 \cdot 241,3} = 5,51 \text{ kg}$$

$$(R = c_v(\kappa - 1) = 188,8 \text{ J/kgK})$$

Iz (1):

$$m_B = m - m_A = \frac{1000000 \cdot 0,5}{188,8 \cdot 294,15} - 5,51 = 3,49 \text{ kg}$$

Iz (3):

$$T_B = \frac{m_A T_A}{m_B} = 380,96 \text{ K}$$

## Zadatak - rješenje

---

Dakle je temperatura plina u početno zrakopraznom spremniku viša od temperature u spremniku A.

Fizikalno to je jasno budući da je u plinu koji istrujava iz spremnika A pohranjena entalpija ( $h = u + pv = c_p T$ ) i ona se u spremniku B pretvara u unutrašnju kaloričku energiju ( $u = c_v T$ ):

$$h = u, c_p T = c_v T'; \quad T' = \frac{c_p}{c_v} T \rightarrow \frac{c_p}{c_v} > 1 \Rightarrow T' > T.$$

## Primjeri

---

Idealni plin,  $R = 287 \text{ J/kgK}$ , temperature  $300 \text{ K}$ , nalazi se u cilindru sa stapom pomičnim bez trenja. Plinu se posredstvom okretanja lopatice, kod konstantnog tlaka,  $5 \text{ bara}$ , doveo rad trenja u iznosu od  $75 \text{ kJ/kg}$ . Temperatura se plina pritom nije promijenila, ali volumen se plina udvostružio. Odredite toplinsku energiju u  $\text{kJ/kg}$  koja je za vrijeme procesa odvedena u okolicu.

Rj.

$$q_{12} = \delta u + \int_{v_1}^{v_2} p dv - |w_{RT12}|$$

$$\delta u = c_v \delta T = 0 \Leftrightarrow T = \textit{konst.}$$

# Primjeri

---

Odvedena toplinska energija  $q_{12}$ :

$$\int_{v_1}^{v_2} p dv = RT \ln \frac{v_2}{v_1} = 0,287 \frac{kJ}{kgK} \cdot 300K \cdot \ln 2 =$$
$$= 59,69 \frac{kJ}{kg}$$

$$q_{12} = 59,69 \frac{kJ}{kg} - 75 \frac{kJ}{kg} = -15,31 \frac{kJ}{kg} = q_{odv}$$

## Primjeri

---

Odredite koliki se dio toplinske energije dovedene u proces izobarne ekspanzije idealnog plina ( $\kappa = 1,4$ ) pretvara u mehanički rad promjene volumena, a koliki u unutrašnju kaloričku energiju.

Rj.  $dq = du + pdv / : dq$

$$1 = \frac{du}{dq} + \frac{pdv}{dq}$$

$$\frac{pdv}{dq} = 1 - \frac{du}{dq} = 1 - \frac{c_v dT}{c_p dT} =$$

$$= 1 - \frac{1}{\kappa} = 1 - \frac{1}{1,4} = 0,285 \Rightarrow$$

## Primjeri

---

$$pdv = 0,285 \cdot dq;$$

$$du = (1 - 0,285) \cdot dq = 0,715 \cdot dq$$

Dakle se u ovom slučaju, dvoatomni idealni plin ( $\kappa = 1,4$ ), 28,5% dovedene toplinske energije u izobarnom procesu pretvara u mehanički rad promjene volumena, a ostalih, 71,5% u unutrašnju kaloričku energiju plina.

## Primjeri

---

Idealni plin,  $R = 287 \text{ J/kgK}$ ,  $\kappa = 1,4$ , pod tlakom 50 bara, temperature 300 K, volumena  $0,5 \text{ m}^3$ , nalazi se u cilindru sa stapom pomičnim bez trenja. Plinu se dovodi rad trenja iznosa 30 MJ za vrijeme adijabatskog procesa konstantnog tlaka. Odredite konačnu temperaturu plina.

Rj.

$$Q_{12} = \delta U + \int_{V_1}^{V_2} p dV - |W_{RT12}|; Q_{12} = 0$$

$$m = \frac{p_1 V_1}{RT_1} = \frac{50 \cdot 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \cdot 0,5 \text{ m}^3}{287 \frac{\text{J}}{\text{kgK}} \cdot 300 \text{ K}} = 29 \text{ kg}$$

# Primjeri

---

- konačna temperatura

$$\int_{V_1}^{V_2} p dV = p_1 (V_2 - V_1) = mR(T_2 - T_1)$$

$$-mR(T_2 - T_1) + W_{RT12} = \delta U = mc_v(T_2 - T_1) \Rightarrow T_2$$

$$T_2 = T_1 + \frac{W_{RT12}}{mc_p}$$

$$(c_v + R = c_p)$$

$$c_p = \frac{\kappa \cdot R}{\kappa - 1} = 1004,5 \frac{J}{kgK}$$

$$T_2 = 300K + \frac{30 \cdot 10^6 J}{29kg \cdot 1004,5 \frac{J}{kgK}} = 1329,85K.$$



## Primjeri

---

1kg idealnog plina ( $R = 287 \text{ J/kgK}$ ,  $\kappa = 1,4$ ) politropski se komprimira, od tlaka 1 bar i temperature 300 K, na tlak 10 bara i 450 K. Odredite uloženi mehanički rad promjene volumena, izmijenjenu toplinu, konačni volumen plina i eksponent politropskog procesa. Rj.

# Primjeri

---

- eksponent politropske kompresije

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} \Rightarrow \frac{n-1}{n} = \frac{\ln \frac{T_2}{T_1}}{\ln \frac{p_2}{p_1}} =$$

$$= \frac{\ln \frac{450K}{300K}}{\ln \frac{10bar}{1bar}} = 0,176 \Rightarrow n = 1,2$$

# Primjeri

---

- uloženi meh. rad i izmijenjena top. energija

$$v_2 = \frac{RT_2}{p_2} = \frac{287 \cdot 450}{10 \cdot 10^5} = 0,129 \frac{m^3}{kg}$$

$$\begin{aligned} w_{12} &= \frac{R}{n-1} (T_1 - T_2) = \\ &= \frac{287}{1,2-1} (300 - 450) = -215.250 \frac{J}{kg} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} q_{12} &= c_v \frac{n-\kappa}{n-1} (T_2 - T_1) = \frac{R}{\kappa-1} \cdot \frac{n-\kappa}{n-1} (T_2 - T_1) = \\ &= \frac{287}{1,4-1} \cdot \frac{1,2-1,4}{1,2-1} \cdot 150 = -107.625 \frac{J}{kg} \end{aligned}$$

# Primjeri

---

Kružni se proces motora odvija s idealnim plinom ( $R = 287 \text{ J/kgK}$ ,  $\kappa = 1,4$ ) ovako:

1. plin se adijabatski komprimira s tlaka 1 bar i temperature  $20^\circ\text{C}$  na tlak 30 bara;
2. izobarno ekspanrira na dvostruki volumen;
3. izotermno ekspanrira na početni volumen;
4. izohorno se hladi do početnog stanja.

Odredite rad kružnog procesa i izmijenjenu toplinsku energiju u  $\text{J/kg}$ , i termički stupanj djelovanja.

Koliki bi bio termički stupanj djelovanja Carnotovog kružnog procesa koji bi se odvijao između toplinskih spremnika iste temperaturne razlike?

# Primjeri

---

Rj.

$$v_1 = \frac{RT_1}{p_1} = \frac{287 \cdot 293,15}{10^5} = 0,84 \frac{m^3}{kg}$$

$$v_1 = v_4$$

$$v_2 = v_1 \left( \frac{p_1}{p_2} \right)^{\frac{1}{\kappa}} = 0,84 \left( \frac{1}{30} \right)^{0,7} = 0,078 \frac{m^3}{kg}$$

$$v_3 = 2v_2 = 0,156 \frac{m^3}{kg}$$

# Primjeri

---

Rj.

$$T_2 = T_1 \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = 293,15 \left( \frac{30}{1} \right)^{0,286} = 775,44 K$$

$$T_3 = T_2 \frac{v_3}{v_2} = 775,44 \cdot 2 = 1550,9 K$$

$$p_4 = \frac{p_3 v_3}{v_4} = 5,57 bar$$

# Primjeri

---

Rj.

$$\begin{aligned}w_{12} &= c_v(T_1 - T_2) = \frac{R}{\kappa - 1}(293,15 - 775,44) = \\&= \frac{287}{1,4 - 1}(293,15 - 775,44) = -346.043,1 \frac{J}{kg}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}w_{23} &= p_2(v_3 - v_2) = 30 \cdot 10^5(0,156 - 0,078) = \\&= 234.000 \frac{J}{kg}\end{aligned}$$

# Primjeri

---

Rj.

$$w_{34} = p_3 v_3 \ln \frac{p_3}{p_4} = 30 \cdot 10^5 \cdot 0,156 \ln \frac{30}{5,57} =$$

$$= 788.019,49 \frac{J}{kg}$$

$$w_{KP} = 788.019,49 + 234.000 - 364.043,1 =$$

$$= 657.976,39 \frac{J}{kg}$$



# Primjeri

---

Rj.

$$q_{dov} = q_{23} + q_{34}$$

$$q_{23} = c_p (T_3 - T_2) = \frac{\kappa R}{\kappa - 1} (T_3 - T_2) =$$
$$= \frac{1,4 \cdot 287}{1,4 - 1} (1550,9 - 775,44) = 778.949,57 \frac{J}{kg}$$

$$q_{34} = w_{34} = 788.019,49 \frac{J}{kg}$$

$$q_{dov} = 1.566.969,06 \frac{J}{kg}$$

$$\eta_t = \frac{w_{KP}}{q_{dov}} = \frac{657.976,39}{1.566.969,06} = 0,42$$

$$\eta_{tCKP} = 1 - \frac{293,15}{1550,9} = 0,81.$$

# Ukratko

---

Razmatrani su energetske procesi s idealnim plinom, procesi kojima se mogu opisivati i predvidjeti odvijanja energetskih procesa u termoelektranama: izohorni, izobarni, izotermni, adijabatski i politropski proces, te desno i ljevokretni kružni procesi zatvorenih i otvorenih sustava.