

**FER** 

drugi ciklus predavanja ver. 0.1.7 nadn.zadnje.rev.: 17. travnja 2009.





# Ponavljanje

- ciklus razvoja programa i formalna metode

2/32



# Ponavljanje

- verifikacija, provjera modela

$$I \models S \text{ ili } M \models \varphi$$

2/32



# Ponavljanje

- ciklus razvoja programa i formalna metode
- verifikacija, provjera modela
- 3 komunicirajući automati (CFSM)

$$I \models S \text{ ili } M \models \varphi$$

- provjera modela za programe
- provjera modela za sklopovlje



# Ponavljanje

- verifikacija, provjera modela
- 3 komunicirajući automati (CFSM)

```
I \models S \text{ ili } M \models \varphi
```

- provjera modela za programe

2/32



# Ponavljanje

- ciklus razvoja programa i formalna metode
- verifikacija, provjera modela
- 3 komunicirajući automati (CFSM)

$$I \models S \text{ ili } M \models \varphi$$

- provjera modela za programe
- 2 provjera modela za sklopovlje



- formalna verifikacija komunikacijskih protokola
- ciljani sustav: komunikacijski protokoli u raspodijeljenim sustavima (eng. distributed systems)
- 3 modeliranje implementacije: Promela (Procces meta language)
- sustav za verifikaciju: SPIN (Simple Protocol INterpreter)

#### U nastavku:

Cilj je analiza: modeliranje i verifikacija ponašanja raspodjeljenih sustava (konkurentnih reaktivnih sustava) pomoću provjere modela (eng. model checking)

Formalne Metode u oblikovanju sustava



3/32



- formalna verifikacija komunikacijskih protokola
- ciljani sustav: komunikacijski protokoli u raspodijeljenim sustavima (eng. distributed systems)
- modeliranje implementacije: Promela (Procces meta language)
- sustav za verifikaciju: SPIN (Simple Protocol INterpreter)

### U nastavku:

Cilj je analiza: modeliranje i verifikacija ponašanja raspodjeljenih sustava (konkurentnih reaktivnih sustava) pomoću provjere modela (eng. model checking)
Što je konkurentni reaktivni sustav? U kakvoj je vezi s protokolima distribujranjim sustavima?





- formalna verifikacija komunikacijskih protokola
- ciljani sustav: komunikacijski protokoli u raspodijeljenim sustavima (eng. distributed systems)
- 3 modeliranje implementacije: Promela (Procces meta language)
- sustav za verifikaciju: SPIN (Simple Protocol INterpreter)

### U nastavku:

Cilj je analiza: modeliranje i verifikacija ponašanja raspodjeljenih sustava (konkurentnih reaktivnih sustava) pomoću provjere modela (eng. model checking)
Što je konkurentni reaktivni sustav? U kakvoj je vezi s protokolima distribujranjim sustavima?





- formalna verifikacija komunikacijskih protokola
- ciljani sustav: komunikacijski protokoli u raspodijeljenim sustavima (eng. distributed systems)
- 3 modeliranje implementacije: Promela (Procces meta language)
- sustav za verifikaciju: SPIN (Simple Protocol INterpreter)

### U nastavku:

Cilj je analiza: modeliranje i verifikacija ponašanja **raspodjeljenih sustava** (**konkurentnih reaktivnih sustava**) pomoću provjere modela (*eng. model checking*)

Što je konkurentni reaktivni sustav? U kakvoj je vezi s protokolima i distribuiranim sustavima? ...





Sustav promatramo kao skup komunicirajućih procesa. Procesi komuniciraju pomoću:

- 1 izmjene poruka (eng. message pasing)
- preko repova-dijeljenje resursa (eng. resource sharing)

- na \*WIN platformi pokrenuti TASK MANAGER ili na \*nux iz konzole npr. naredbu ps -ax
- Skicirajte međusobno povezane procese! Uočite procese karakteristične za operativni sustav odnosno pojedinu aplika





Sustav promatramo kao skup komunicirajućih procesa. Procesi komuniciraju pomoću:

- izmjene poruka (eng. message pasing)
- preko repova–dijeljenje resursa (eng. resource sharing)

- na \*WIN platformi pokrenuti TASK MANAGER ili na \*nux iz konzole npr. naredbu ps -ax
- Skicirajte međusobno povezane procese! Uočite procese karakteristične za operativni sustav odnosno pojedinu aplikaciji





Sustav promatramo kao skup komunicirajućih procesa. Procesi komuniciraju pomoću:

- izmjene poruka (eng. message pasing)
- 2 preko repova-dijeljenje resursa (eng. resource sharing)

- na \*WIN platformi pokrenuti TASK MANAGER ili
   na \*nux iz konzole npr. naredbu ps -ax
- Skicirajte međusobno povezane procese! Uočite procese karakteristične za operativni sustav odnosno pojedinu aplikaciju!





Sustav promatramo kao skup komunicirajućih procesa. Procesi komuniciraju pomoću:

- 1 izmjene poruka (eng. message pasing)
- preko repova-dijeljenje resursa (eng. resource sharing)

- na \*WIN platformi pokrenuti TASK MANAGER ili
   na \*nux iz konzole npr. naredbu ps -ax
- Skicirajte međusobno povezane procese! Uočite procese karakteristične za operativni sustav odnosno pojedinu aplikaciju!





#### Distribuirani sustav

Distribuirani sustav procesi su raspoređeni u prostoru. (od više procesa na jednom procesoru preko *multi–core procesora* do mreže procesora)

### Konkurentni sustav

Procesi se izvode sa različitim varijantama paralelnosti (istovremenosti)

### Reaktivni sustav

Reaktivni sustav mora odmah reagirati na signale, poruke ... okoline

Formalne Metode u oblikovanju sustava



#### Distribuirani sustav

Distribuirani sustav procesi su raspoređeni u prostoru. (od više procesa na jednom procesoru preko *multi*–*core procesora* do mreže procesora)

### Konkurentni sustav

Procesi se izvode sa različitim varijantama paralelnosti (istovremenosti)

Reaktivni sustav

Reaktivni sustav mora odmah reagirati na signale, poruke ... okoline



### Distribuirani sustav

Distribuirani sustav procesi su raspoređeni u prostoru. (od više procesa na jednom procesoru preko *multi–core procesora* do mreže procesora)

### Konkurentni sustav

Procesi se izvode sa različitim varijantama paralelnosti (istovremenosti)

### Reaktivni sustav

Reaktivni sustav mora odmah reagirati na signale, poruke ... okoline





- komunukacijski protokol u raspodjeljenom, konkuretnom reaktivnom sustavu je podrška za izmjenu informacija/podataka među procesima.
- kritičnost: protokol mora biti kvalitetan i robustan: analiza, modeliranje i verifikacija
- 3 kod distribuiranih aplikacija (web, klijent-server, dretve ...) nestaje precizne granice između protokola i korisničke aplikacije



# Kako naučiti verificirati protokol/raspodjeljenu aplikaciju ?

- ...ili kako primjeniti provjeru modela na zadani problem?
  - Modeliranje: definirati model u Promela jeziku
  - ② Analiza-provjera modela: pozvati SPIN sa datotekom-modelom opisanim jezikom Promela i provjeririti valjanost uvjeta formulama LTL logike
  - naučiti teorijsku podlogu radi efikasnog i optimalnog korištenja SPIN programa





# Kako naučiti verificirati protokol/raspodjeljenu aplikaciju ?

- ...ili kako primjeniti provjeru modela na zadani problem?
  - Modeliranje: definirati model u Promela jeziku
  - Analiza-provjera modela: pozvati SPIN sa datotekom-modelom opisanim jezikom Promela i provjeririti valjanost uvjeta formulama LTL logike
  - naučiti teorijsku podlogu radi efikasnog i optimalnog korištenja SPIN programa





# Za one koji hoće više ...

## Komunikacijski protokol → aplikacija

Poželjno je svaku aplikaciju koju oblikujete–razvijate verificirati (model-checking).

Trenutačni trendovi u razvoju programa uključuju *skrivene formalne metode* u kojima "model-checking" postaje dio modela razvoja programa . . .





# A sada formalno: teorijska podloga

## Teorijska podloga sadržana je u slijedećoj formuli

$$M \models \varphi$$

## sa slijedećim značenjem

(da li Vam je nešto slično poznato od ranije ?)

M je model odnosno Promela program

 $\varphi$  su LTL formule (LTL - Linear Temporal Logic) kojima provjeravamo uvjete





## Sve zajedno ...

- Promela program (model) se sastoji od mreže komunicirajućih automata. Sintaksa je slična jeziku C, Dijkstrine "guarded" komande i CSP algebra čine teorijske temelje (detalji kasnije)
- Spin pronalazi sve moguće interakcije (Kripké struktura) kao sinkroni ili asinhroni produkt automata, efikasno ih kodira (bit–state–hashing)
- sastavni dio Spina je i konverzija LTL logičke formule u Büchi automat





# Sve zajedno ...

- Promela program (model) se sastoji od mreže komunicirajućih automata. Sintaksa je slična jeziku C, Dijkstrine "guarded" komande i CSP algebra čine teorijske temelje (detalji kasnije)
- Spin pronalazi sve moguće interakcije (Kripké struktura) kao sinkroni ili asinhroni produkt automata, efikasno ih kodira (bit–state–hashing)
- sastavni dio Spina je i konverzija LTL logičke formule u Büchi automat





# Sve zajedno ...

- Promela program (model) se sastoji od mreže komunicirajućih automata. Sintaksa je slična jeziku C, Dijkstrine "guarded" komande i CSP algebra čine teorijske temelje (detalji kasnije)
- Spin pronalazi sve moguće interakcije (Kripké struktura) kao sinkroni ili asinhroni produkt automata, efikasno ih kodira (bit–state–hashing)
- sastavni dio Spina je i konverzija LTL logičke formule u Büchi automat





- SPIN/Promela sustav sa uvodnim primjerom "Hello world" (tzv. snake preview ...)
- 2 konačni automat (FSM), sinkroni ili asinkroni produkt komunicirajućih automata (CFSM), LTL logika, pretvorba LTL u Büchi automat, Dijkstra "guarded" komande ili što sve SPIN uključuje . . .

- 1 Instalacija se svodi na kopiranje već pripremljenih izvršnih verzija sa http://spinroot.com/spin/Man/README.html.
- Potreban je i C prevodioc (preporuka: gcc
- 3 Za one koje hoće više: pogledati SPIN newsletter i SPIN simpozije



- SPIN/Promela sustav sa uvodnim primjerom "Hello world" (tzv. snake preview ...)
- konačni automat (FSM), sinkroni ili asinkroni produkt komunicirajućih automata (CFSM), LTL logika, pretvorba LTL u Büchi automat, Dijkstra "guarded" komande ili što sve SPIN uključuje . . .

- 1 Instalacija se svodi na kopiranje već pripremljenih izvršnih verzija sa http://spinroot.com/spin/Man/README.html.
- 2 Potreban je i C prevodioc (preporuka: gcc)
- 3 Za one koje hoće više: pogledati SPIN newsletter i SPIN simpozije



- SPIN/Promela sustav sa uvodnim primjerom "Hello world" (tzv. snake preview ...)
- konačni automat (FSM), sinkroni ili asinkroni produkt komunicirajućih automata (CFSM), LTL logika, pretvorba LTL u Büchi automat, Dijkstra "guarded" komande ili što sve SPIN uključuje . . .

- 1 Instalacija se svodi na kopiranje već pripremljenih izvršnih verzija sa http://spinroot.com/spin/Man/README.html.
- 2 Potreban je i C prevodioc (preporuka: gcc
- 3 Za one koje hoće više: pogledati SPIN newsletter i SPIN simpozije



- SPIN/Promela sustav sa uvodnim primjerom "Hello world" (tzv. snake preview ...)
- konačni automat (FSM), sinkroni ili asinkroni produkt komunicirajućih automata (CFSM), LTL logika, pretvorba LTL u Büchi automat, Dijkstra "guarded" komande ili što sve SPIN uključuje . . .

- 1 Instalacija se svodi na kopiranje već pripremljenih izvršnih verzija sa http://spinroot.com/spin/Man/README.html.
- 2 Potreban je i C prevodioc (preporuka: gcc)
- 3 Za one koje hoće više: pogledati SPIN newsletter i SPIN simpozije



- SPIN/Promela sustav sa uvodnim primjerom "Hello world" (tzv. snake preview ...)
- konačni automat (FSM), sinkroni ili asinkroni produkt komunicirajućih automata (CFSM), LTL logika, pretvorba LTL u Büchi automat, Dijkstra "guarded" komande ili što sve SPIN uključuje . . .

- 1 Instalacija se svodi na kopiranje već pripremljenih izvršnih verzija sa http://spinroot.com/spin/Man/README.html.
- Potreban je i C prevodioc (preporuka: gcc)
- 3 Za one koje hoće više: pogledati SPIN newsletter i SPIN simpozije



# Primjer: "Hello world" ili kao opisujemo CFSM

```
/* A "Hello World" Promela model for SPIN. */
active proctype Hello() {
printf("Hello process, my pid is: %d\n", _pid);
```



# Primjer: "Hello world" ili kao opisujemo *CFSM*

```
/* A "Hello World" Promela model for SPIN. */
active proctype Hello() {
printf("Hello process, my pid is: %d\n", _pid);
init {
int lastpid;
printf("init process, my pid is: %d\n", pid);
lastpid = run Hello();
printf("last pid was: %d\n", lastpid);
```



## Promela ima uvijek barem jedan init{} proces

svaki *Promela* proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

\_pid "broj" procesa

predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "\_"

run pokreće druge procese

Promela proces ≠ ranije spomenutim procesima

slično sintaksi jezika CC ali oprez, **semantika** je drukčija





Promela ima uvijek barem jedan init{} proces svaki Promela proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

```
_pid "broj" procesa
predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "_"
run pokreće druge procese
Promela proces ≠ ranije spomenutim procesima
slično sintaksi jezika CC ali oprez, semantika je druki
```





Promela ima uvijek barem jedan init{} proces svaki Promela proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

Formalne Metode u oblikovanju sustava

\_pid "broj" procesa

predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "\_" run pokreće druge procese

Promela proces ≠ ranije spomenutim procesima

slično sintaksi jezika CC ali oprez, semantika je drukčija



Promela ima uvijek barem jedan init{} proces svaki Promela proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

\_pid "broj" procesa

predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "\_"

run pokreće druge procese

Promela proces ≠ ranije spomenutim procesima

slično sintaksi jezika CC ali oprez, **semantika** je drukčija





### Napomena:

Promela ima uvijek barem jedan init{} proces svaki Promela proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

\_pid "broj" procesa predefinirane ili "unut:

predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "\_"

run pokreće druge procese

 $Promela \, { t proces} 
eq { t ranije spomenutim procesima} 
onumber sintaksi jezika C<math>C$  ali oprez,  ${ t semantika} \, { t je} \, dru$ 



### Napomena:

Promela ima uvijek barem jedan init{} proces svaki Promela proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

\_pid "broj" procesa

predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "\_"

run pokreće druge procese

Promela proces ≠ ranije spomenutim procesima

slično sintaksi jezika CC ali oprez, **semantika** je drukčija





### Napomena:

Promela ima uvijek barem jedan init { } proces svaki Promela proces je jedan automat (FSM) iz CFSM (mreže komunicirajućih automata)

\_pid "broj" procesa

predefinirane ili "unutarnje" varijable počinju s "\_"

run pokreće druge procese

 $\textit{Promela}\ \mathtt{proces} \neq \mathsf{ranije}\ \mathsf{spomenutim}\ \mathsf{procesima}$ 

slično sintaksi jezika CC ali oprez, **semantika** je drukčija



### SPIN: prema Kripke strukturi

```
spin -n2 hello.prm
init process, my pid is: 1
last pid was: 2
Hello process, my pid is: 0
Hello process, my pid is: 2
3 processes created
running SPIN in
random simulation mode
random seed
```

### Za vježbu:

Pokušajmo zajedno skicirati automate FSM za "Hello world"!

Što određuje broj Promela procesa?



### SPIN: prema Kripke strukturi

```
spin -n2 hello.prm
init process, my pid is: 1
last pid was: 2
Hello process, my pid is: 0
Hello process, my pid is: 2
3 processes created
running SPIN in
random simulation mode
random seed
```

### Za vježbu:

Pokušajmo zajedno skicirati automate FSM za "Hello world"! Što određuje broj Promela procesa?



### Hello world je izveden u tzv. simulacijskom modu

slijede preporučeni koraci primjene *Promela/SPIN...* ili

Kako iz CFSM dobiti Kripke strukturu ? Kako provesti analizu primjenom *LTL* logike nad *Kripke* strukturom ?

Za one koji hoće više: Kripke struktura i *dostupnost* Kolika je *kompleksnost*?



Hello world je izveden u tzv. simulacijskom modu slijede preporučeni koraci primjene Promela/SPIN... ili

15 / 32



Hello world je izveden u tzv. simulacijskom modu slijede preporučeni koraci primjene *Promela/SPIN...* ili

### Kako iz CFSM dobiti Kripke strukturu?

Formalne Metode u oblikovanju sustava



15/32



Hello world je izveden u tzv. simulacijskom modu slijede preporučeni koraci primjene *Promela/SPIN...* ili

Kako iz CFSM dobiti Kripke strukturu? Kako provesti analizu primjenom LTL logike nad Kripke strukturom?





Hello world je izveden u tzv. simulacijskom modu slijede preporučeni koraci primjene *Promela/SPIN*... ili

Kako iz CFSM dobiti Kripke strukturu?

Kako provesti analizu primjenom LTL logike nad Kripke strukturom?

Za one koji hoće više: Kripke struktura i *dostupnost* Kolika je *kompleksnost*?





- (1) definirati prototip ili model za verifikaciju (Promela program≡ CFSM)
- (2) prekontrolirati sintaksu modela: spin -A, spin -c ili spin -p prevesti model/Promela program: spin -a hello.prm
- (3) početi sa serijom *random* simulacija: spin hello.prm ili npr. spin -p -u10 hello.prm
- (4) kreirati verifikator: spin -a hello.prm načiniti izvršnu verziju gcc ili cc -o hello pan.c izvesti hello tj. verificirati
- (5) po "tragu" (*eng.trail*) do grešaka: spin -t -p hello.prm
- (6) redefinirati (ako treba) model tj. hello.prm i ponoviti sve korake do željene kvalitete





- definirati prototip ili model za verifikaciju (Promela program≡ CFSM)
- (2) prekontrolirati sintaksu modela: spin -A, spin -c ili spin -p prevesti model/Promela program: spin -a hello.prm
- (3) početi sa serijom *random* simulacija: spin hello.prm ili npr. spin -p -u10 hello.prm
- (4) kreirati verifikator: spin -a hello.prm načiniti izvršnu verziju gcc ili cc -o hello pan.c izvesti hello tj. verificirati
- (5) po "tragu" (eng.trail) do grešaka: spin -t -p hello.prm
- (6) redefinirati (ako treba) model tj. hello.prm i ponoviti sve korake do željene kvalitete





- definirati prototip ili model za verifikaciju (Promela program≡ CFSM)
- (2) prekontrolirati sintaksu modela: spin -A, spin -c ili spin -p prevesti model/Promela program: spin -a hello.prm
- (3) početi sa serijom *random* simulacija: spin hello.prm ili npr. spin -p -u10 hello.prm
- (4) kreirati verifikator: spin -a hello.prm načiniti izvršnu verziju gcc ili cc -o hello pan.c izvesti hello tj. verificirati
- (5) po "tragu" (*eng.trail*) do grešaka: spin -t -p hello.prm
- (6) redefinirati (ako treba) model tj. hello.prm i ponoviti sve korake do željene kvalitete





- definirati prototip ili model za verifikaciju (Promela program≡ CFSM)
- (2) prekontrolirati sintaksu modela: spin -A, spin -c ili spin -p prevesti model/Promela program: spin -a hello.prm
- (3) početi sa serijom *random* simulacija: spin hello.prm ili npr. spin -p -u10 hello.prm
- (4) kreirati verifikator: spin -a hello.prm načiniti izvršnu verziju gcc ili cc -o hello pan.c izvesti hello tj. verificirati
- (5) po "tragu" (*eng.trail*) do grešaka: spin -t -p hello.prm
- (6) redefinirati (ako treba) model tj. hello.prm i ponoviti sve korake do željene kvalitete





- (1) definirati prototip ili model za verifikaciju (Promela program≡ CFSM)
- (2) prekontrolirati sintaksu modela: spin -A, spin -c ili spin -p prevesti model/Promela program: spin -a hello.prm
- (3) početi sa serijom *random* simulacija: spin hello.prm ili npr. spin -p -u10 hello.prm
- (4) kreirati verifikator: spin -a hello.prm načiniti izvršnu verziju gcc ili cc -o hello pan.c izvesti hello tj. verificirati
- (5) po "tragu" (eng.trail) do grešaka: spin -t -p hello.prm
- (6) redefinirati (ako treba) model tj. hello.prm i ponoviti sve korake do željene kvalitete





- definirati prototip ili model za verifikaciju (Promela program≡ CFSM)
- (2) prekontrolirati sintaksu modela: spin -A, spin -c ili spin -p prevesti model/Promela program: spin -a hello.prm
- (3) početi sa serijom *random* simulacija: spin hello.prm ili npr. spin -p -u10 hello.prm
- (4) kreirati verifikator: spin -a hello.prm načiniti izvršnu verziju gcc ili cc -o hello pan.c izvesti hello tj. verificirati
- (5) po "tragu" (eng.trail) do grešaka: spin -t -p hello.prm
- (6) redefinirati (ako treba) model tj. hello.prm i ponoviti sve korake do željene kvalitete





### Teorijska podloga Promela modela-jezika

### Teorijska podloga Promela modela-jezika su:

- Dijkstrine "guarded" komande

Formalne Metode u oblikovanju sustava





### Teorijska podloga Promela modela-jezika

Teorijska podloga Promela modela-jezika su:

- (i) Dijkstrine "guarded" komande
- (ii) CSP Hoare algebra (Communicating Sequential Processes) komunikacijska algebra kao posebna vrsta procesnih algebri





"guarded" komande su oblika  $G \rightarrow S$ , gdje je:

- G je propozicija, koju nazivamo guard
- S je izvršna naredba naredba koju "guard" može blokirati

### Semantika:

- → u trenutku kada G postane istinit ...
- → …izvodi se naredba S,
  - ako G nije istinit nastupa "blokada'
- nije greška u Promela jeziku kada "guard" privremeno blokira! (npr. kada modeliramo čekanje prijema signala ili poruke!)
- kod Dijkstre kod neistinite propozicije G kontekst odlučuje o dalinjoj akciji (nije od značaja za nas)



"guarded" komande su oblika  $G \rightarrow S$ , gdje je:

- G je propozicija, koju nazivamo guard
- S je izvršna naredba naredba koju "guard" može blokirati.

### Semantika:

- → u trenutku kada *G* postane istinit . . .
- → ...izvodi se naredba S, ako G nije istinit nastupa "blokada"
- nije greška u Promela jeziku kada "guard" privremeno blokira! (npr. kada modeliramo čekanje prijema signala ili poruke!)
- kod Dijkstre kod neistinite propozicije G kontekst odlučuje o daljnjoj akciji (nije od značaja za nas)



"guarded" komande su oblika  $G \rightarrow S$ , gdje je:

- G je propozicija, koju nazivamo guard
- S je izvršna naredba naredba koju "guard" može blokirati.

### Semantika:

- → u trenutku kada G postane istinit . . .
- → ... izvodi se naredba S, ako G nije istinit nastupa "blokada'
- → nije greška u Promela jeziku kada "guard" privremeno blokira! (npr. kada modeliramo čekanje prijema signala ili poruke!)
- kod Dijkstre kod neistinite propozicije G kontekst odlučuje o daljnjoj akciji (nije od značaja za nas)



"guarded" komande su oblika  $G \rightarrow S$ , gdje je:

- G je propozicija, koju nazivamo guard
- S je izvršna naredba naredba koju "guard" može blokirati.

#### Semantika:

- → u trenutku kada G postane istinit . . .
- ...izvodi se naredba S, ako G nije istinit nastupa "blokada"
- nije greška u Promela jeziku kada "guard" privremeno blokira! (npr. kada modeliramo čekanje prijema signala ili poruke!)
- kod Dijkstre kod neistinite propozicije G kontekst odlučuje o daljnjoj akciji (nije od značaja za nas)



"guarded" komande su oblika  $G \rightarrow S$ , gdje je:

- G je propozicija, koju nazivamo guard
- S je izvršna naredba naredba koju "guard" može blokirati.

### Semantika:

- → u trenutku kada G postane istinit . . .
- ...izvodi se naredba S, ako G nije istinit nastupa "blokada"
- nije greška u Promela jeziku kada "guard" privremeno blokira! (npr. kada modeliramo čekanje prijema signala ili poruke!)
- kod Dijkstre kod neistinite propozicije G kontekst odlučuje o daljnjoj akciji (nije od značaja za nas)



"guarded" komande su oblika  $G \rightarrow S$ , gdje je:

- G je propozicija, koju nazivamo guard
- S je izvršna naredba naredba koju "guard" može blokirati.

#### Semantika:

- → u trenutku kada G postane istinit . . .
- ... izvodi se naredba S, ako G nije istinit nastupa "blokada"
- nije greška u Promela jeziku kada "guard" privremeno blokira! (npr. kada modeliramo čekanje prijema signala ili poruke!)
- kod Dijkstre kod neistinite propozicije G kontekst odlučuje o daljnjoj akciji (nije od značaja za nas)



### Primjer (u Promela sintaksi):

```
. . . . . .
```

```
(A == msgOK) \longrightarrow G maredbe iza \longrightarrow S
```

naredbe S iza "guarded" komande G mogu biti izveden samo ako varijabla A poprimi vrijednost msgOK.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.Pl





### Primjer (u Promela sintaksi):

```
. . . . . .
```

```
(A == msgOK) \longrightarrow G naredbe iza \longrightarrow S
```

. . . . . .

naredbe S iza "guarded" komande G mogu biti izvedene samo ako varijabla A poprimi vrijednost msgOK.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.PI





### Primjer (u Promela sintaksi):

. . . . . .

$$(A == msgOK) \longrightarrow G$$

naredbe iza  $\longrightarrow S$ 

. . . . .

naredbe S iza "*guarded*" komande *G* mogu biti izvedene samo ako variiabla *A* poprimi vrijednost *msqOK*.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.Pl





### Primjer (u Promela sintaksi):

. . . . .

$$(A == msgOK) \longrightarrow G$$

naredbe iza $\longrightarrow S$ 

. . . . .

naredbe *S* iza "*guarded*" komande *G* mogu biti izvedene samo ako varijabla *A* poprimi vrijednost *msqOK*.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.PI





### Primjer (u Promela sintaksi):

. . . . .

$$(\texttt{A} == \texttt{msgOK}) \longrightarrow \pmb{G}$$

naredbe iza $\longrightarrow S$ 

. . . . . .

naredbe *S* iza "*guarded*" komande *G* mogu biti izvedene samo ako varijabla *A* poprimi vrijednost *msqOK*.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.Pl





```
Primjer (u Promela sintaksi):

.....

(A == msgOK) \longrightarrow G

naredbe iza \longrightarrow S
```

naredbe S iza "*guarded*" komande *G* mogu biti izveden samo ako varijabla *A* poprimi vrijednost *msaOK*.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)





```
Primjer (u Promela sintaksi):
.....

(A == msgOK) \longrightarrow G

naredbe iza \longrightarrow S
.....

naredbe S iza "guarded" komande G mogu biti izvedene
```

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)





```
Primjer (u Promela sintaksi):
.....

(A == msgOK) \longrightarrow G
naredbe iza \longrightarrow S
.....

naredbe S iza "guarded" komande G mogu biti izvedene
```

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.PI





```
Primjer (u Promela sintaksi):
(A == msgOK) \longrightarrow G
naredbe iza \longrightarrow S
```

Formalne Metode u oblikovanju sustava



19/32



```
Primjer (u Promela sintaksi):
.....

(A == msgOK) \longrightarrow G
naredbe iza \longrightarrow S
.....

naredbe S iza "guarded" komande G mogu biti izvedene samo ako varijabla A poprimi vrijednost msgOK.
```

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)





```
Primjer (u Promela sintaksi):
.....

(A == msgOK) \longrightarrow G
naredbe iza \longrightarrow S
.....
```

naredbe *S* iza "*guarded*" komande *G* mogu biti izvedene samo ako varijabla *A* poprimi vrijednost *msgOK*.

#### Tko hoće više:

Dijkstra, Edsger W. "EWD472: Guarded commands, non-determinacy and formal. derivation of programs." (PDF)

http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ewd04xx/EWD472.PDF





### FSM-konačni automat

### Definicija FSM

Konačni automat  $A_i$  je 5 – torka (S,  $s_0$ , L, T, F), gdje je:

- → S konačni skup stanja (S) (eng. states),
- $\rightarrow$  **s**<sub>0</sub> *inicijalno* (početno) stanje,  $s_0 \in S$ ,
- → L konačni skup labela,
- $\rightarrow$  **T** skup *prijelaza*,  $T \subseteq (S \times L \times S)$ ,
  - $ilde{\mathsf{F}}$   $\mathsf{F}$   $\mathsf{skup}$  konačnih (finalnih-završnih) stanja, $F\subseteq \mathsf{S}$

### Za vježbu:

Nacrtajte FSM (automat) prema primjeru na ploči i označite svaku od sastavnica u  $(S, S_0, L, T, F)$ .

Koja je veza prema UML ili SDL (MSC) i *Promela* procesu? Kako ga možete programski realizirati?



#### Definicija FSM

Konačni automat  $A_i$  je 5 – torka ( $S, s_0, L, T, F$ ), gdje je:

- → S konačni skup stanja (S) (eng. states),
- $\rightarrow$  **s**<sub>0</sub> *inicijalno* (početno) stanje,  $s_0 \in S$ ,
- → L konačni skup labela,
- $\rightarrow$  **T** skup *prijelaza*,  $T \subseteq (S \times L \times S)$ ,
  - ightarrow  $oldsymbol{\mathsf{F}}$  Skup konačnih (finalnih-završnih) stanja, $F\subseteq S$

#### Za vježbu:

Nacrtajte FSM (automat) prema primjeru na ploči i označite svaku od sastavnica u  $(S, s_0, L, T, F)$ .



#### Definicija FSM

Konačni automat  $A_i$  je 5 – torka (S,  $s_0$ , L, T, F), gdje je:

- → S konačni skup stanja (S) (eng. states),
- $\rightarrow$  **s**<sub>0</sub> *inicijalno* (početno) stanje,  $s_0 \in S$ ,
- → L konačni skup labela,
- $\rightarrow$  **T** skup *prijelaza*,  $T \subseteq (S \times L \times S)$ 
  - o  ${\sf F}$   ${\sf S}$ ku ${\sf p}$   ${\sf konačnih}$  (finalnih-zavr ${\sf s}$ nih) stanja, ${\sf F}\subseteq {\sf S}$ .

#### Za vježbu:

Nacrtajte FSM (automat) prema primjeru na ploči i označite svaku od sastavnica u  $(S, S_0, L, T, F)$ .



#### Definicija FSM

Konačni automat  $A_i$  je 5 – torka (S,  $s_0$ , L, T, F), gdje je:

- → S konačni skup stanja (S) (eng. states),
- $\rightarrow$  **s**<sub>0</sub> *inicijalno* (početno) stanje,  $s_0 \in S$ ,
- → L konačni skup labela,
- $\rightarrow$  **T** skup *prijelaza*,  $T \subseteq (S \times L \times S)$ ,
  - **F** skup konačnih (finalnih-završnih) stanja,  $F \subseteq S$ .

#### Za vježbu:

Nacrtajte FSM (automat) prema primjeru na ploči i označite svaku od sastavnica u  $(S, S_0, L, T, F)$ .



#### Definicija FSM

Konačni automat  $A_i$  je 5 – torka (S,  $s_0$ , L, T, F), gdje je:

- → S konačni skup stanja (S) (eng. states),
- $\rightarrow$  **s**<sub>0</sub> *inicijalno* (početno) stanje,  $s_0 \in S$ ,
- → L konačni skup labela,
- $\rightarrow$  **T** skup *prijelaza*,  $T \subseteq (S \times L \times S)$ ,
- ightarrow **F** skup konačnih (finalnih-završnih) stanja,  $F\subseteq S$ .

#### Za vježbu:

Nacrtajte FSM (automat) prema primjeru na ploči i označite svaku od sastavnica u  $(S, S_0, L, T, F)$ .



- logičku formula kojom verificiramo (provjeravamo) zadana svojstva SPIN pretvara u posebnu vrstu automata – Büchi automat
- Büchi automat je posebna vrsta FSM koja prihvaća beskonačne sekvence labela L. Büchi automat interpretiramo nad Kripke strukturom
- kažemo: Büchi automat ima konačan broj stanja i svojstvo  $\omega$  prihvaćanja:
  - $\alpha_0, \alpha_1, \ldots, \alpha_i, \alpha_{i+1}, \ldots \alpha_n$  gdje  $n \longrightarrow \infty$  i  $\alpha_i \in L$
- u praktičnoj realizaciji Büchi automat je pridodan CFSM mrež automata
- oprez s LTL formulama: preporuča se uputreba do maksimalno tri temporalna LTL operatora zbog memorijskih ograničenja
- SPIN pridodaje u Promela model dodatne instrukcije za LTL formulu (never claim no o tome više kasnije...)



- logičku formula kojom verificiramo (provjeravamo) zadana svojstva SPIN pretvara u posebnu vrstu automata – Büchi automat
- Büchi automat je posebna vrsta FSM koja prihvaća beskonačne sekvence labela L. Büchi automat interpretiramo nad Kripke strukturom
- kažemo: Büchi automat ima konačan broj stanja i svojstvo α prihvaćanja:
  - $\alpha_0, \alpha_1, \ldots, \alpha_i, \alpha_{i+1}, \ldots \alpha_n$  gdje  $n \longrightarrow \infty$  i  $\alpha_i \in L$
- u praktičnoj realizaciji Büchi automat je pridodan CFSM mreži automata
- oprez s LTL formulama: preporuča se uputreba do maksimalno tri temporalna LTL operatora zbog memorijskih ograničenja
- SPIN pridodaje u Promela model dodatne instrukcije za LTL formulu (never claim no o tome više kasnije ...)



- logičku formula kojom verificiramo (provjeravamo) zadana svojstva SPIN pretvara u posebnu vrstu automata – Büchi automat
- Büchi automat je posebna vrsta FSM koja prihvaća beskonačne sekvence labela L. Büchi automat interpretiramo nad Kripke strukturom
- kažemo: Büchi automat ima konačan broj stanja i svojstvo  $\omega$  prihvaćanja:

$$\alpha_0, \alpha_1, \ldots, \alpha_i, \alpha_{i+1}, \ldots \alpha_n$$
 gdje  $n \longrightarrow \infty$  i  $\alpha_i \in L$ 

- u praktičnoj realizaciji Büchi automat je pridodan CFSM mrež automata
- oprez s LTL formulama: preporuča se uputreba do maksimalno tri temporalna LTL operatora zbog memorijskih ograničenja
- SPIN pridodaje u Promela model dodatne instrukcije za LTL formulu (never claim no o tome više kasnije ...)



- logičku formula kojom verificiramo (provjeravamo) zadana svojstva SPIN pretvara u posebnu vrstu automata – Büchi automat
- Büchi automat je posebna vrsta FSM koja prihvaća beskonačne sekvence labela L. Büchi automat interpretiramo nad Kripke strukturom
- kažemo: Büchi automat ima konačan broj stanja i svojstvo  $\omega$  prihvaćanja:

$$\alpha_0, \alpha_1, \ldots, \alpha_i, \alpha_{i+1}, \ldots \alpha_n$$
 gdje  $n \longrightarrow \infty$  i  $\alpha_i \in L$ 

- u praktičnoj realizaciji Büchi automat je pridodan CFSM mreži automata
- oprez s LTL formulama: preporuča se uputreba do maksimalno tri temporalna LTL operatora zbog memorijskih ograničenja
- SPIN pridodaje u Promela model dodatne instrukcije za LTL formulu (never claim no o tome više kasnije ...)



- logičku formula kojom verificiramo (provjeravamo) zadana svojstva SPIN pretvara u posebnu vrstu automata – Büchi automat
- Büchi automat je posebna vrsta FSM koja prihvaća beskonačne sekvence labela L. Büchi automat interpretiramo nad Kripke strukturom
- kažemo: Büchi automat ima konačan broj stanja i svojstvo  $\omega$  prihvaćanja:
  - $\alpha_0, \alpha_1, \ldots, \alpha_i, \alpha_{i+1}, \ldots \alpha_n$  gdje  $n \longrightarrow \infty$  i  $\alpha_i \in L$
- u praktičnoj realizaciji Büchi automat je pridodan CFSM mreži automata
- oprez s LTL formulama: preporuča se uputreba do maksimalno tri temporalna LTL operatora zbog memorijskih ograničenja
- SPIN pridodaje u *Promela* model dodatne instrukcije za *LTL* formulu (never claim no o tome više kasnije ...)



- logičku formula kojom verificiramo (provjeravamo) zadana svojstva SPIN pretvara u posebnu vrstu automata – Büchi automat
- Büchi automat je posebna vrsta FSM koja prihvaća beskonačne sekvence labela L. Büchi automat interpretiramo nad Kripke strukturom
- kažemo: Büchi automat ima konačan broj stanja i svojstvo  $\omega$  prihvaćanja:
  - $\alpha_0, \alpha_1, \dots, \alpha_i, \alpha_{i+1}, \dots \alpha_n$  gdje  $n \longrightarrow \infty$  i  $\alpha_i \in L$
- u praktičnoj realizaciji Büchi automat je pridodan CFSM mreži automata
- oprez s LTL formulama: preporuča se uputreba do maksimalno tri temporalna LTL operatora zbog memorijskih ograničenja
- SPIN pridodaje u Promela model dodatne instrukcije za LTL formulu (never claim no o tome više kasnije...)



#### LTL - Linearna Temporalna Logika

#### Sintaksa:

*LTL* sadrži propozicijske varijable  $p_1, p_2, ...$ , uobičajene logičke konektore  $\neg$ ,  $\lor$ , $\land$ , $\rightarrow$  i slijedeće temporalne modalne operatore:

- \* (next) (X, N,  $\bigcirc$  )
- \* (always, globally) (G,  $\square$ ) npr.  $\square$ p
- \* (eventually, finally) (F,  $\Diamond$ ) npr.  $\Diamond$ p
- \* (until) (U,  $\mathcal{U}$ ) npr. pUq





#### LTL - Linearna Temporalna Logika

#### Sintaksa:

LTL sadrži propozicijske varijable  $p_1, p_2, ...$ , uobičajene logičke konektore  $\neg$ ,  $\lor$ , $\land$ , $\rightarrow$  i slijedeće temporalne modalne operatore:

- \* (next) (X, N, ())
- \* (always,globally) (G,  $\square$ ) npr.  $\square p$
- \* (eventually, finally) (F,  $\Diamond$  ) npr.  $\Diamond$ p
- \* (until) (U,  $\mathcal{U}$  ) npr. pUq



#### LTL - Linearna Temporalna Logika

#### Sintaksa:

LTL sadrži propozicijske varijable  $p_1, p_2, ...,$  uobičajene logičke konektore  $\neg$ ,  $\lor$ , $\land$ , $\rightarrow$  i slijedeće temporalne modalne operatore:

- (always, globally) (G,  $\square$ ) npr.  $\square$ p
- (eventually, finally) (F,  $\Diamond$ ) npr.  $\Diamond$ p



#### LTL - Linearna Temporalna Logika

#### Sintaksa:

LTL sadrži propozicijske varijable  $p_1, p_2, ...,$  uobičajene logičke konektore  $\neg$ ,  $\lor$ , $\land$ , $\rightarrow$  i slijedeće temporalne modalne operatore:

Formalne Metode u oblikovanju sustava

- (always, globally) (G,  $\square$ ) npr.  $\square$ p
- (eventually, finally) (F,  $\Diamond$ ) npr.  $\Diamond$ p
- (until) (U,  $\mathcal{U}$ ) npr. pUq

22 / 32



# LTL logika – nastavak

Semantiku donosimo za operatore koji se koriste u SPIN-u.

#### Semantika

- \*  $\Box \phi$ :  $\varphi$  je istinit na *cijelom* putu (u Kripke strukturi)
- $* \lozenge \phi$ :  $\varphi$  je *na kraju, u konačnici* istinit (istinit je negdje na putu)
- \*  $\psi \mathcal{U} \phi$ :  $\varphi$  je istinit u trenutnoj i budućim pozicijama, a  $\psi$  mora biti istinit do te pozicije

### Za vježbu:

Skicirati dijagram za svaki od operatora!





# LTL logika – nastavak

Semantiku donosimo za operatore koji se koriste u SPIN-u.

#### Semantika

- \*  $\Box \phi$ :  $\varphi$  je istinit na *cijelom* putu (u Kripke strukturi)
- \*  $\Diamond \phi$ :  $\varphi$  je *na kraju, u konačnici* istinit (istinit je negdje na putu)
- \*  $\psi \mathcal{U} \phi$ :  $\varphi$  je istinit u trenutnoj i budućim pozicijama, a  $\psi$  mora biti istinit do te pozicije

#### Za vježbu:

Skicirati dijagram za svaki od operatora!





# LTL logika – nastavak

Semantiku donosimo za operatore koji se koriste u SPIN-u.

#### Semantika

- \*  $\Box \phi$ :  $\varphi$  je istinit na *cijelom* putu (u Kripke strukturi)
- \*  $\Diamond \phi$ :  $\varphi$  je *na kraju, u konačnici* istinit (istinit je negdje na putu)
- \*  $\psi \mathcal{U} \phi$ :  $\varphi$  je istinit u trenutnoj i budućim pozicijama, a  $\psi$  mora biti istinit do te pozicije

#### Za vježbu:

Skicirati dijagram za svaki od operatora!





Neka je zadan *FSM* automat  $A=(S, s_0, L, T, F)$ . Uvode se tri posebna tipa labela L:

- A.A je skup stanja označenih kao stanja prihvaćanja (eng. accept-state labels)
- A.E je skup stanja označenih kao konačna stanja (eng. end-state labels)
- 3 A.P je skup stanja označenih kao stanja napredovanja (eng. progress-state labels)

#### Zašto posebne labele A.A, A.P i A.E

Posebne labele su dio *Promele*.

Na osnovu njihovog položaja *SPIN* može utvrditi neizvedene prijelaze, nemogućnost završetka . . .

... mogu se usporediti sa *BREAK-points* i *WATCH-points* tijekom "debuggiranja" programa



Neka je zadan *FSM* automat  $A=(S, s_0, L, T, F)$ . Uvode se tri posebna tipa labela L:

- A.A je skup stanja označenih kao stanja prihvaćanja (eng. accept-state labels)
- A.E je skup stanja označenih kao konačna stanja (eng. end-state labels)
- 3 A.P je skup stanja označenih kao stanja napredovanja (eng. progress-state labels)

#### Zašto posebne labele A.A, A.P i A.E

Posebne labele su dio *Promele*.

Na osnovu njihovog položaja *SPIN* može utvrditi neizvedene prijelaze, nemogućnost završetka . . .

...mogu se usporediti sa *BREAK-points* i *WATCH-points* tijekom "debuggiranja" programa



Neka je zadan *FSM* automat  $A=(S, s_0, L, T, F)$ . Uvode se tri posebna tipa labela L:

- A.A je skup stanja označenih kao stanja prihvaćanja (eng. accept-state labels)
- A.E je skup stanja označenih kao konačna stanja (eng. end-state labels)
- 3 A.P je skup stanja označenih kao stanja napredovanja (eng. progress-state labels)

#### Zašto posebne labele A.A, A.P i A.E

Posebne labele su dio *Promele*.

Na osnovu njihovog položaja *SPIN* može utvrditi neizvedene prijelaze, nemogućnost završetka . . .

... mogu se usporediti sa *BREAK-points* i *WATCH-points* tijekom "debuggiranja" programa



Asinkroni produkt konačnog skupa automata  $A_1, A_2, ... A_n$  je također novi  $FSM(S, s_0, L, T, F)$ :

- $\rightarrow$  A.S je kartezijev produkt  $A_1.S \times ... \times A_n.S$ ,
- $\rightarrow A.s_0$  je n-torka  $(A_1.s_0,\ldots,A_n.s_0)$ ,
- $\rightarrow$  A.L je unija skupova  $A_1.L \cup ... \cup A_n.L$ ,
  - $\forall$  A. I je skup II-torki,  $((x_1,\ldots,x_n),|,(y_1,\ldots,y_n))$  takvi da  $\exists i. 1 \leq i \leq n. \ (x_i \mid x_i) \in A_i.T \ i \ \forall i. 1 \leq i \leq n. \ i \neq i \longrightarrow (x_i = x_i)$
- $\rightarrow A.F$  je podskup A.S takav da  $\forall (A_1.s, \ldots, A_n.s) \in A.F$ ,
- $\exists i, A_i.s \in A_i.F$





Asinkroni produkt konačnog skupa automata  $A_1, A_2, ... A_n$  je također novi FSM  $(S, s_0, L, T, F)$ :

- $\rightarrow$  A.S je kartezijev produkt  $A_1.S \times ... \times A_n.S$ ,
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je n-torka (A<sub>1</sub>.s<sub>0</sub>,..., A<sub>n</sub>.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  *A.L* je unija skupova  $A_1.L \cup ... \cup A_n.L$ ,
- $\rightarrow$  A. I je skup n-torki,  $((x_1,\ldots,x_n),|,(y_1,\ldots,y_n))$  takvi da  $\exists i,1\leq i\leq n, (x_i,|,y_i)\in A_i.T \ i\ \forall j,1\leq j\leq n, i\neq j\longrightarrow (x_i\equiv y_j)$
- $\rightarrow$  A.F je podskup A.S takav da  $\forall (A_1.s, ..., A_n.s) \in A.F$ ,
  - $\exists i, A_i.s \in A_i.F$





Asinkroni produkt konačnog skupa automata  $A_1, A_2, ... A_n$  je također novi FSM  $(S, s_0, L, T, F)$ :

- $\rightarrow$  A.S je kartezijev produkt  $A_1.S \times ... \times A_n.S$ ,
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je n-torka (A<sub>1</sub>.s<sub>0</sub>,..., A<sub>n</sub>.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je unija skupova  $A_1.L \cup ... \cup A_n.L$ ,
- $\rightarrow$  A.T je skup n-torki,  $((x_1, ..., x_n), |, (y_1, ..., y_n))$  takvi da  $\exists i, 1 \leq i \leq n, (x_i, |, y_i) \in A_i.T$  i  $\forall j, 1 \leq j \leq n, i \neq j \longrightarrow (x_i \equiv y_j)$
- $\rightarrow$  *A.F* je podskup *A.S* takav da  $\forall$ (*A*<sub>1</sub>.*s*, . . . , *A*<sub>n</sub>.*s*) ∈ *A.F*,  $\exists$  *i*, *A*<sub>i</sub>.*s* ∈ *A*<sub>i</sub>.*F*





Asinkroni produkt konačnog skupa automata  $A_1, A_2, ..., A_n$  je također novi  $FSM(S, s_0, L, T, F)$ :

- $\rightarrow$  A.S je kartezijev produkt  $A_1.S \times ... \times A_n.S$ ,
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je n-torka (A<sub>1</sub>.s<sub>0</sub>,..., A<sub>n</sub>.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je unija skupova  $A_1.L \cup ... \cup A_n.L$ ,
- $\rightarrow$  A.T je skup *n-torki*,  $((x_1, \dots, x_n), |, (y_1, \dots, y_n))$  takvi da  $\exists i, 1 \leq i \leq n, (x_i, |, y_i) \in A_i.T i \ \forall j, 1 \leq j \leq n, i \neq j \longrightarrow (x_i \equiv y_j)$
- $\rightarrow$  *A.F* je podskup *A.S* takav da  $\forall$ (*A*<sub>1</sub>.*s*, . . . , *A*<sub>n</sub>.*s*) ∈ *A.F*,  $\exists$ *i*, *A*<sub>i</sub>.*s* ∈ *A*<sub>i</sub>.*F*





Asinkroni produkt konačnog skupa automata  $A_1, A_2, ..., A_n$  je također novi  $FSM(S, s_0, L, T, F)$ :

- $\rightarrow$  A.S je kartezijev produkt  $A_1.S \times ... \times A_n.S$ ,
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je n-torka (A<sub>1</sub>.s<sub>0</sub>,..., A<sub>n</sub>.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je unija skupova  $A_1.L \cup ... \cup A_n.L$ ,
- $\rightarrow$  A. T je skup *n-torki*,  $((x_1, \ldots, x_n), |, (y_1, \ldots, y_n))$  takvi da  $\exists i, 1 \leq i \leq n, (x_i, |, y_i) \in A_i$ . T i  $\forall j, 1 \leq j \leq n, i \neq j \longrightarrow (x_i \equiv y_j)$
- $\rightarrow$  *A.F* je podskup *A.S* takav da  $\forall$ (*A*<sub>1</sub>.*s*,...,*A*<sub>n</sub>.*s*) ∈ *A.F*,  $\exists$  *i*, *A*<sub>i</sub>.*s* ∈ *A*<sub>i</sub>.*F*





#### Za vježbu:

- Precrtati FSM sa ploče i odrediti asinkroni produkt.

Formalne Metode u oblikovanju sustava



#### Za vježbu:

- Precrtati FSM sa ploče i odrediti asinkroni produkt.
- U kakvoj su vezi asinkroni produkt i graf dostupnosti ?
- U kakvoj su vezi graf dostupnosti i Kripke struktura?
- U kakvoj su vezi asinkroni produkt Kripke struktura?



# Asinkroni produkt i konkurentnost

Asinkroni produkt opisuje ponašanje sustava opisanog kao CFSM

Formalne Metode u oblikovanju sustava



27 / 32



# Asinkroni produkt i konkurentnost

- \* Asinkroni produkt opisuje ponašanje sustava opisanog kao *CFSM*
- \* Važno: dozvoljen je samo jedan prijelaz po automatu
- na taj način asinkroni produkt opisuje "interleaving" semantiku konkurentnih procesa





# Asinkroni produkt i konkurentnost

- \* Asinkroni produkt opisuje ponašanje sustava opisanog kao *CFSM*
- \* Važno: dozvoljen je samo jedan prijelaz po automatu
- na taj način asinkroni produkt opisuje "interleaving" semantiku konkurentnih procesa





# Sinkroni produkt i LTL formule

Neka je sustav *Sys* opisan *Promela* modelom koji se sastoji od Büchi automata B i asinkronog produkta automata  $A_i$  iz CFSM:

$$Sys = B \oplus \prod_{i=1}^{n} A_{i}$$

Formalne Metode u oblikovanju sustava

Operator ⊕ predstavlja sinkroni produkt.





- → A.S je kartezijev produkt P'.S × B.S, gdje P' ima pridodane nil (prazne) prijelaze u svakom stanju u P koje nema napretka (progresa)
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je (P.s<sub>0</sub>, B.s<sub>0</sub>)
- $\rightarrow$  A.L je  $P'.L \times B.L$ ,
  - ightarrow A.T je skup parova  $(t_1,t_2)$  takvi da  $t_1 \in P'.T$  i  $t_2 \in B.T$ ,
    - $\rightarrow A.F$  je skup parova  $(s_1, s_2) \in A.S$  gdje  $s_1 \in P.F \lor s_2 \in B.F$



- → A.S je kartezijev produkt P'.S × B.S, gdje P' ima pridodane nil (prazne) prijelaze u svakom stanju u P koje nema napretka (progresa)
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je (P.s<sub>0</sub>, B.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je  $P'.L \times B.L_{p}$
- $\rightarrow$  A.T je skup parova  $(t_1, t_2)$  takvi da  $t_1 \in P'.T$  i  $t_2 \in B.T$ 
  - $\rightarrow A.F$  je skup parova  $(s_1, s_2) \in A.S$  gdje  $s_1 \in P.F \lor s_2 \in B.F$



- → A.S je kartezijev produkt P'.S × B.S, gdje P' ima pridodane nil (prazne) prijelaze u svakom stanju u P koje nema napretka (progresa)
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je (P.s<sub>0</sub>, B.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je P'.L  $\times$  B.L,
- $\rightarrow$  A.T je skup parova  $(t_1, t_2)$  takvi da  $t_1 \in P'.T$  i  $t_2 \in B.T$ ,
  - $\rightarrow A.F$  je skup parova  $(s_1, s_2) \in A.S$  gdje  $s_1 \in P.F \lor s_2 \in B.F$



- → A.S je kartezijev produkt P'.S × B.S, gdje P' ima pridodane nil (prazne) prijelaze u svakom stanju u P koje nema napretka (progresa)
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je (P.s<sub>0</sub>, B.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je P'.L  $\times$  B.L,
- $\rightarrow$  A. T je skup parova  $(t_1, t_2)$  takvi da  $t_1 \in P'$ . T i  $t_2 \in B$ . T,
- $\rightarrow$  A.F je skup parova  $(s_1, s_2) \in A.S$  gdje  $s_1 \in P.F \lor s_2 \in B.F$



- → A.S je kartezijev produkt P'.S × B.S, gdje P' ima pridodane nil (prazne) prijelaze u svakom stanju u P koje nema napretka (progresa)
- $\rightarrow$  A.s<sub>0</sub> je (P.s<sub>0</sub>, B.s<sub>0</sub>),
- $\rightarrow$  A.L je P'.L  $\times$  B.L,
- $\rightarrow$  A.T je skup parova  $(t_1, t_2)$  takvi da  $t_1 \in P'.T$  i  $t_2 \in B.T$ ,
- $\rightarrow$  A.F je skup parova  $(s_1, s_2) \in A.S$  gdje  $s_1 \in P.F \lor s_2 \in B.F$



# Procesne algebre: CSP i SPIN

Spomenimo najvažnije poveznice između *CSP* algebri (**C**ommunicating **S**equential **P**rocesses) i *SPIN*/Promele

- $\longrightarrow A = \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n \equiv A.L$  (alfabet A je predstavljen labelama u *FSM*)
- operatori CSP algebre (deterministički i nedeterministički izbor, kompozicija CSP procesa)
  - ⇒ realizirani kroz sinkronu i asinkronu kompoziciju automata





# Procesne algebre: CSP i SPIN

Spomenimo najvažnije poveznice između *CSP* algebri (**C**ommunicating **S**equential **P**rocesses) i *SPIN*/Promele

- $\longrightarrow A = \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n \equiv A.L$  (alfabet A je predstavljen labelama u *FSM*)
- operatori CSP algebre (deterministički i nedeterministički izbor, kompozicija CSP procesa)
  - ⇒ realizirani kroz sinkronu i asinkronu kompoziciju automata





# ...i na kraju teme

- kvaliteta SPIN programskog alata spada u klasu "industrial strength" odnosno koristi se kao stabilan, pouzdan i upotrebljiv "model–checker" sustav pogodan za industriju i istraživanje
- pravilna upotreba ovisi o poznavanju svih mogućnosti i opcija
- mnogi alati na ključnim mjestima koriste SPIN: (JavaPathFinder, Bandera...)
- ... slijedi praktična primjena





## Šira literatura:

- Gerard J. Holzmann: The SPIN Model Checker–Primer and Reference Manual, Addison-Wesley., 2004 (pokriva u tančine sve aspekte SPIN Promele – od teorijske podloge do praktične upotrebe)
- (2.) izvor "on-line" dokumentacije je:
   http://spinroot.com/spin/Man/index.html
- (3.) http://spinroot.com/spin/whatispin.html je službena stranica autora Spina koja sadržava mnogo članaka kao i sve do sada održane simpozije