1. Masovne instrukcije – Matematika 3

Zadatak 1.

- 1. verzija: Funkciju $f(x) = 1 |\cos x|$ razvij u Fourierov red na intervalu $(-\pi, \pi)$.
- 2. verzija: Funkciju $f(x) = 1 |\cos x|$ razvij u Fourierov red po kosinus funkcijama na intervalu $(0, \pi)$.

Zadatak 2.

Ako je poznato da je razvoj funkcije f(x) = x u Fourierov red na intervalu $\langle -\pi, \pi \rangle$ jednak

$$x = \sum_{n=1}^{\infty} -\frac{2}{n} (-1)^n \sin(nx),$$

pomoću Parsevalove jednakosti odredi

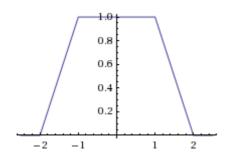
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}.$$

Zadatak 3.

Funkciju $f(x) = 2e^{-x}$ razvij u Fourierov red na intervalu (0,1).

Zadatak 4.

Funkciju prikazanu slikom prikaži pomoću Fourierovog integrala:



Zadatak 5.

Funkcija je zadana na sljedeći način:

$$f(t) = \begin{cases} -be^{at}, & t < 0 \\ be^{-at}, & t > 0 \end{cases}$$

Odredi a>0 za b=1 i $\lambda=\frac{1}{\pi}$, tako da je amplitudni spektar jednak 1.

Zadatak 6.

Odredi slike sljedećih funkcija:

a)
$$e^{-5t}$$
,

b)
$$e^{2t}$$
,

c)
$$5t^2$$
,

d)
$$\sin(\sqrt{5}t)$$
,

e)
$$cos(3t)$$
,

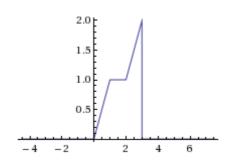
f)
$$t^4 e^{-t}$$
,

g)
$$e^{-2t}t^2u(t-1)$$
,

h)
$$\frac{\cos t}{t}$$

i)
$$\operatorname{sgn}(\sin(2t))$$
, $T = \pi$,

j) Vidi sliku.



Zadatak 7.

Izračunaj vrijednost integrala

$$3\int\limits_{0}^{\infty}e^{-2x}x\cos x\,dx.$$

Zadatak 8.

Preslikaj u vremensku domenu:

a)
$$\frac{1}{(s+1)(s+2)'}$$

b) $\frac{3}{s^2(s-1)(s+1)}$

b)
$$\frac{3}{s^2(s-1)(s+1)}$$
.

Zadatak 9.

Riješi diferencijalnu jednadžbu:

$$y''(t) - 2y'(t) + y(t) = u(t)$$

$$y'(0) = y(0) = 0$$

Zadatak 10.

Riješi diferencijalnu jednadžbu:

$$y''(t) - y'(t) = 2\delta(t-1)$$

$$y'(0) = y(0) = 0$$

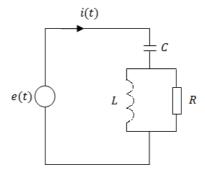
Zadatak 11.

Riješi diferencijalno-integralnu jednadžbu:

$$y'(t)e^{-t} = 1 + \int_0^t e^{-\tau}y(\tau)d\tau$$
$$y(0) = 0$$

Zadatak 12.

Odredi struju u strujnom krugu zadanom slikom



ako je $e(t)=(1-e^{-t})u(t)$ i ako su zadane normirane vrijednosti elemenata $R=L=\mathcal{C}=1$.