

## Raspoznavanje uzoraka – 1.MI 2010/2011

**Q:** jel netko možda rješavao onaj ispit iz 2008. koji je na materijalima? muči me drugi zadatak, 2 razreda, a treba koristiti algoritam perceptrona za više od 2 razreda? jel zna netko kako to ispravno napraviti jer imam 2 uzorka u jednom razredu i neznam kaj s tim napraviti.

**A:** (krezubica)

Evo algoritma perceptrona za više od 2 razreda: (to je moj algoritam iz bilježnice iz URU prošla godina, meni je moj zapis citljiv, nadam se da će i vama ... :) )  
istodobno ugađamo sve težinske koeficijente  
uzorak se razvrstava u razred ako je  $d_i(x(k)) > d_j(x(k))$  za sve  $i \neq j$   
uzorke samo numeriras redom... uzorci prvog razreda su  $x_1, x_2 \dots x_{n_1}$ , gdje je  $n_1$  broj uzoraka prvog razreda, pa su uzorci drugog  $x(n_1 + 1), x(n_1 + 2), \dots x(n_1 + n_2)$ , gdje je  $n_2$  broj uzoraka drugog razreda i tako ... nadam se da se kuži kaj mislim :)

k-ti korak postupka:

radimo sa:

$x(k)$  element  $w_i$ , uzorak iz skupa za učenje (uzimaju se svi uzorci redom, kružno)

$d_i$  - decizijskom funkcijom za  $w_i$

$d_i(x(k))$  - vrijednost decizijske funkcije za  $w_i$  za k-ti korak/uzorak

za svaki  $d_j(x)$  element  $\{d_1(x), d_2(x) \dots d_M(x)\}$  gdje je  $M$  broj razreda (i decizijskih f-ji takodjer)

racunamo: {

$d_j(x(k)) = W_j^T(k) * x(k)$ , gdje oznaka  $(T)$  oznacava transponirano

ako je  $d_i(x(k)) > d_j(x(k))$

- težinski vektor se ne popravlja,

$W_j(k+1) = W_j(k)$

ako je  $d_i(x(k)) \leq d_j(x(k))$

- popravljaju se vrijednosti

$W_j(k+1) = W_j(k) - c x(k)$

}

ako smo popravili bilo koji  $W_j(k)$ :

- korekcija težinskog faktora  $W_i$

$W_i(k+1) = W_i(k) + c x(k)$

inace:

-nema korekcije

$W_i(k+1) = W_i(k)$

**Q:** U tom drugom zadatku, drugi dio pitanja je da usporedimo da li bi dobili isti rezultat postupkom učenja za slučaj 2 razreda, i zašto je tako. Pa kako da usporedimo kad u prvom slučaju imamo 2 decizijske fje a u drugom samo jednu? Ili je to možda dovoljno odgovorit, da je razlika u broju decizijskih fja?

EDIT: evo sadm sa riješio, ispada da se ova 2 decizijska pravca koja se dobiju općenitim postupkom poklapaju, a i njih dva zajedno se poklapaju s ovim koji se dobiju postupkom za 2 klase. Zna netko kako bi to onda točno trebalo objasniti na ispitu?

**A:** (krezubica)

pa eto, upravo to što si napisao. samo još dodas zašto se poklapaju -- a to se vidi iz postupka. kad god radiš korekciju na jednom, radiš (suprotnu) korekciju na drugom, dakle jasno da se moraju poklapati. i onda usput komentiras da se na isti način mi u svakom koraku običnog algoritma radila korekcija (tj. isto kad i ovdje), pa dakle, vidite, isto je :)

**Q:** Kod perceptrona s djelomičnom korekcijom da li se također uzima najmanje cijelo veće od  $|wT * x| / (xT * x)$  kao i kod onog s apsolutnom korekcijom? I ako ne zašto vrijedi pri dnu 15. slajda 3. prezentacije: za  $\lambda > 1$  uzorak se ispravno klasificira nakon svakog ugađanja? Jer ako je  $wT * x = 0$ , onda se bez obzira na  $\lambda$  ništa ne događa.

**A:** (krezubica)

tu se, isto kao i u 2) slučaju, zahtjeva da  $w(0) \neq 0$ , tj. da početna vrijednost pa tako ni umnožak nisu 0. e, sad, kaže  $0 < \lambda < 2$  općenito, s tim da za  $1 < \lambda < 2$  dobivamo slučaj 2) tj. apsolutnu korekciju. to je zato što funkcija najveće cijelo u NAJGOREM slučaju (kad "najmanje povećava") vraća upravo svoj argument:

ciel (1.0) = 1.0

ciel (2.0) = 2.0

a u najboljem, (skoro) argument +1:

ciel (1.1) = 2.0

ciel (1.0000001) = 2.0

ciel (3.00001) = 4.0

tj. ciel se može napisati kao:  $f(x) = \lambda * x$ ;  $x < \lambda * x < x + 1$

sad, posto ovo u zagradi (pretpostavljam) u najgorem slučaju može biti 1, tj. najmanji argument funkcije ciel (u ovoj primjeni) je upravo 1, dobivamo:

$x=1$ :

$1 < \lambda * 1 < 2$ , dakle, zato se za  $\lambda > 1$  svodi na drugi slučaj, a za  $0 < \lambda < 1$  samo konvergira

(smiley)

Cini mi se da u 2. slučaju može biti  $w(0) = 0$ . Bar nigdje nisam vidio da piše da ne može. Zar ne može umnožak biti 0 i ako je  $w(0) \neq 0$ ?

(krezubica)

ta cjela razrada / podjela ti je izvedena gradijentnim postupkom na stranicama 12.-13. treceg predavanja (ko sto primjecujes forumla je ista) i sva rasprava koja tu vrijedi za lambda vrijedi i kod ona 3 slucaja

(Senkyen)

→ !!

asistent je na auditornima za slučaj apsolutne korekcije rekao da ne uzmemo baš funkciju ceil već da gledamo baš prvi cijeli broj strogo veći od onog izraza, tj. ako izraz ispadne npr. 0 mi ćemo uzeti vrijednost 1 za C, ako ispadne izraz 1 mi ćemo uzeti 2 itd. tako da  $w(1)$  može biti nul vektor i sve će raditi ok.

za djelomične korekcije asistent nije ništa zaokruživao, pa mi je to malo čudno jer je onda često korekcija nula (iako nije uzorak dobro klasificiran) i tu si ne možemo pomoći da maknemo decizijsku funkciju koja nam baš prolazi kroz taj uzorak, ali algoritam doslovno tako piše, pa ko sam ja da se bunim ;)

## 1.MI 2008.

(DeathClaw)

→može netko provjeriti rez iz 1.mi 2008 ()

dobio sam

$\{0 \text{ za } w^T x \geq 0$

$w(k+1) = w(k) + c \{ -2 * x * |w^T * x|^3 / (x^T * x) \text{ za } w^T * x < 0$

(PAZI:

-- jel tu uvrštavamo u  $w(k+1)=w(k)+c\{\dots\}$  ili  $w(k+1)=w(k)-c\{\dots\}$ ?

-- da...mislim da minus treba biti...)

2. zad sam dobio  $w1 = [2 \ -1 \ 2]$  ;  $w2 = [-2 \ 1 \ -2]$

→ !!

2. zad:

$\omega_1 = \{x_1, x_2\}$

$\omega_2 = \{x_3\}$

$x_1 = [0 \ 0 \ 1]$ ;  $x_2 = [1 \ 1 \ 1]$ ;  $x_3 = [-1 \ 2 \ 1]$

$w1(1) = w2(1) = w(3) = 1$ ;  $c = 1$

1) uzemo uzorak  $x_1$

$d1 = w1^T * x_1 = 0$

$d2 = w2^T * x_1 = 0$

$d1 \leq d2 \rightarrow$  korekcija,  $w1$  povećaj,  $w2$  smanji

$w1(2) = w1(1) + c * x_1 = [0 \ 0 \ 1]^T$

$w2(2) = w2(1) - c * x_1 = [0 \ 0 \ -1]^T$

2) uzmemo uzorak  $x_2$

$d1 = 1$ ;  $d2 = -1$   $d1 > d2 \rightarrow$  nema korekcije

$$w1(3) = w1(2)$$

$$w2(3) = w2(2)$$

3) uzmemo uzorak  $x_3$  (pazi  $x_3 \in \omega_2$ )

$$d1 = 1$$

$d2 = -1$   $d2 < d1 \rightarrow$  korekcija  $\rightarrow w2$  povećaj  $w1$  smanji

$$w1(4) = w1(3) - 1 * x_3 = [1 \ -2 \ 0]^T$$

$$w2(4) = w2(3) + 1 * x_3 = [-1 \ 2 \ 0]^T$$

-----  
prošli smo sve uzorke, bilo je korekcija, nastavljamo

$x_4 = x_1$ ;  $x_5 = x_2$ ;  $x_6 = x_3$ ;  $x_4, x_5 \in \omega_1$ ,  $x_6 \in \omega_2$

4) uzmemo  $x_4$

$d1 = 0$ ;  $d2 = 0 \rightarrow d1 \leq d2 \rightarrow$  korekcija  $\rightarrow$  povećaj  $w1$ , smanji  $w2$

$$w1(5) = w1(4) + x_4 = [1 \ -2 \ 1]^T$$

$$w2(5) = w2(4) - x_4 = [-1 \ 2 \ 1]^T$$

5) uzmemo  $x_5$

$d1 = 0$ ;  $d2 = 0$ ;  $d1 \leq d2 \rightarrow$  korekcija;  $w1$  povećaj,  $w2$  smanji

$$w1(6) = [2 \ -1 \ 2]$$

$$w2(6) = [-2 \ 1 \ -2]$$

6) uzmemo  $x_6$  (pazi  $x_6 \in \omega_2$ )

$d1 = -2$ ;  $d2 = 2 \rightarrow d2 > d1 \rightarrow$  nema korekcije

$$w1(7) = w1(6)$$

$$w2(7) = w2(6)$$

-----  
 $x_7 = x_1$ ;  $x_8 = x_2$ ;  $x_9 = x_3$

7)  $x_7$

$d1 = 2$ ;  $d2 = -2 \rightarrow d1 > d2 \rightarrow$  nema korekcije

8)  $x_8$

$d1 = 3$ ;  $d2 = -3 \rightarrow d1 > d2 \rightarrow$  nema korekcije

-----  
prošli smo kroz sve primjere bez korekcije: KRAJ

uzimamo zadnje izračunate  $w1$  i  $w2$  a to su  $w1 = [2 \ -1 \ 2]$  ;  $w2 = [-2 \ 1 \ -2]$