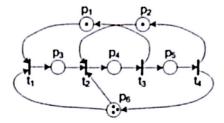
Završni ispit

1. Zadatak (6 bodova)

Za Petrijevu mrežu na slici potrebno je odrediti:

- (a) Da li su skupovi $\{p_1, p_3, p_4\}$ i $\{p_4, p_5, p_6\}$ P-invarijante?
- (b) Da li je skup $\{p_4, p_5, p_6\}$ sifon?



- 2. Zadatak (14 bodova) U proizvodnoj radnoj stanici obrađuju se dvije vrste predmeta, A i B. Predmet A prolazi kroz stanicu slijedom: Robot $1 \to \text{Stroj } 1 \to \text{Robot } 2$, dok je slijed predmeta B: Robot $2 \to \text{Robot } 1$. Između resursa nema spremnika, roboti su kapaciteta jedan, a stroj 1 je kapaciteta 2. U početnom stanju stroj 1 obrađuje jedan predmet, roboti su slobodni. Na ulazu u liniju A nalazi se 10 predmeta, kao i na ulazu u liniju B. Potrebno je:
- a) Odrediti graf Petrijeve mreže koja opisuje radnu stanicu
- b) Odrediti kružno čekanje i kritični podsustav
- c) odrediti matricu \mathbf{W}_c i vektor $\mathbf{m}_c(0)$ p-invarijantnog upravljanja tako da se ograniči broj predmata u liniji A na 2 i u liniji B na 1. Nacrtati tako dobiveno upravljanje na Petrijevoj mreži.
- d) Obrazložiti da li je u sustavu iz c) moguće zaglavljenje?
- e) Uz upravljanje dobiveno u c) dodati i razrješavanje konflikata kojim će se osigurati siguran rad sustava
- 3. Zadatak (6 bodova)
- a) Koja je osnovna razlika u upravljanju poslovima višeradnog resursa pomoću Petrijevih mreža u odnosu na max-plus algebru? Obrazložiti.
- b) Odrediti paralelu automata sa slike.



4. Zadatak (9 bodova) Razmatra se sustav s 4 resursa A, B, C i D i 4 procesa P, Q, R, S. Zadano je:

Maximalna moguća potreba procesa za resursima zadana je matricom \mathbf{Max} , a alokacija u trenutnom stanju matricom \mathbf{A} :

$$\mathbf{Max} = \begin{pmatrix} A & B & C & D \\ P & 1 & 2 & 1 & 2 \\ Q & 1 & 7 & 5 & 0 \\ R & 2 & 3 & 5 & 6 \\ S & 3 & 6 & 5 & 2 \end{pmatrix} \qquad \mathbf{A} = \begin{pmatrix} A & B & C & D \\ P & 1 & 0 & 1 & 2 \\ Q & 1 & 0 & 3 & 0 \\ R & 0 & 2 & 5 & 4 \\ S & 0 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

- a) Da li je stanje sustava sigurno po Bankarevom algoritmu?
- b) Neka je proizvoljan sustav, upravljan po Bankarevom algoritmu, u sigurnom stanju. Da li uklanjanje procesa iz sustava mijenja sigurnost stanja po Bankaru? Pretpostavite da proces koji se uklanja oslobađa svoje alocirane resurse. Obrazložiti prema Bankarevom algoritmu.