Drugi međuispit

26. svibnja 2010.

Ime i Prezime: Matični broj:

Napomena: Zadatke obvezno predati s rješenjima nakon završetka testa.

1. zadatak (6 bodova)

- a) (2 boda) Objasnite pojam djelotvornosti procjene te objasnite kako se određuje relativna djelotvornost.
- b) (2 boda) Kako se definira kriterij kakvoće kod metode pomoćnih varijabli? Na koji način se dobivaju najbolji procijenjeni parametri?
- c) (2 bod) Kako se u metodi maksimalne vjerojatnosti definira funkcija vjerojatnosti?

2. zadatak (4 boda)

- a) (2 boda) Objasnite i matematički opišite kako se provodi test funkcije pogreške.
- b) (2 boda)Postupkom identifikacije ARMAX modela dobiveni su polinomi:

$$\begin{split} A(z^{-1}) &= 1 - 4z^{-1} + 4z^{-2} \\ B(z^{-1}) &= z^{-2} - 10^{-5}z^{-3} \\ C(z^{-1}) &= z^{-1} - 2.998z^{-2} \\ D(z^{-1}) &= 1 - 4z^{-1} + 3z^{-2} \end{split}$$

Koristeći polinomski test procijenite red dobivenog modela.

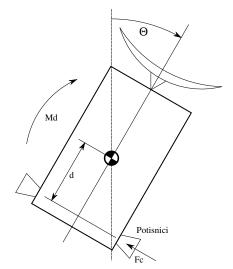
3. zadatak (9 bodova)

Satelit prikazan na slici desno opisan je sljedećim matematičkim modelom:

$$J\ddot{\Theta} = F_c d + M_d$$
,

gdje je J moment inercije satelita, F_c sila potiska, d udaljenost potisnika od centra mase satelita i M_d moment prenesen sa fotovoltaičnih panela (smetnja).

- a) (2 boda) Zadani sustav prikažite u prostoru stanja. U sustavu se mjeri kut Θ . Koristite oznake $a=\frac{d}{J}$ i $u=F_c$. Diskretizirajte sustav uz vrijeme diskretizacije T=0.1s, koje je dovoljno malo za razmatrani sustav (a=0.05).
- b) (1 bod) Nacrtajte strukturnu shemu diskretnog prediktivnog estimatora stanja.
- c) (2 boda) Projektirajte diskretni prediktivni estimator stanja tako da u prvom slučaju svi polovi dinamike pogreške estimacije budu u $0.4~(z_p=0.4)$.
- d) (1 bod) Koliko pojačanje (naspram dobivenog u prethodnom zadatku) očekujete u slučaju da su polovi postavljeni u nulu $(z_p = 0)$.
- e) $(1 \ bod)$ Moment fotovoltaičnih panela modelirajte procesnim šumom jedinične varijance i očekivane vrijednosti nula (odredite Q).
- f) (2 boda) U početnom trenutku imamo točno mjerenje kuta otklona, a iznos kutne brzine možemo opisati slučajnom varijablom normalne razdiobe s varijancom 2. Kalmanovim filtrom estimiramo varijable stanja. Koliko iznosi varijanca kutne brzine nakon 2 perioda uzorkovanja, ako mjerni instrument unosi šum jedinične varijance i nulte očekivane vrijednosti?



Slika 1: Shematski prikaz satelita