Teorija informacije

Akademska godina: 2008./2009.

2. međuispit

1. prosinca 2008.

Napomena:

- Točno riješen zadatak: 2,5 bodova
- Netočno rješenje: -0,5 bodova
- Zadatak nije rješavan: O bodova
- Ukoliko zadatak NIJE rješavan, molim, na obrascu za test NE precrtavati polja!
- Trajanje ispita: 90 minuta
- Ukupni broj zadataka: 10

GRUPA A

Zadatak-1: Sliku entropije $H(X) = 0.75 \cdot 10^6$ bita potrebno je prenijeti AWGN kanalom u kojem djeluje šum spektralne gustoće snage 4·10⁻¹⁸ W/kHz. Kolika je srednja snaga signala potrebna za prijenos zadane količine informacije u vremenu T= 375 s uz uvjet da kanal bude optimalno iskorišten, ako širina prijenosnog pojasa kanala iznosi B = 1 kHz?

Rješenje:

- a) 12·10⁻¹⁸ W
- b) 24-10⁻¹⁸ W
- c) 1,2-10⁻¹⁸ W
- d) 2.4·10⁻¹⁸ W

Zadatak-2: Ako se u AWGN kanalu srednja snaga signala S [W] poveća x puta, odredite za koliko se promijeni kapacitet kanala, uz pretpostavku da u kanalu djeluje bijeli Gaussov šum srednje snage šuma N [W], a kanal ima karakteristiku idealnog niskog propusta širine prijenosnog pojasa B [Hz]. Uzmite u obzir i pretpostavku da je S/N puno veći od 1.

Rješenje:

- a) poveća se za (x 1)·B [bit/s]
- b) smanji se $(x-1) \cdot B$ [bit/s]
- c) poveća se za B·log2(x) [bit/s]
- d) smanji se za B·log₂(x) [bit/s]

Zadatak-3: Na signal s Gaussovom funkcijom gustoće vjerojatnosti i srednje snage 1,9 W djeluje u AWGN kanalu bijeli Gaussov šum spektralne gustoće snage 7,5·10⁻⁹ W/Hz. Koliko iznosi maksimalni iznos kapaciteta ostvariv u takvom kanalu?

Rješenje:

- a) 182,74 Mbit/s
- b) 365,48 Mbit/s
- c) on bit/s
- d) 253,33 Mbit/s

Zadatak-4: Dan je linearni binarni blok kôd K s matricom provjere pariteta H:

$$\mathbf{H} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Ako je primljena kodna riječ e' = [111110], odredite kodnu riječ koja je poslana.

Rješenje:

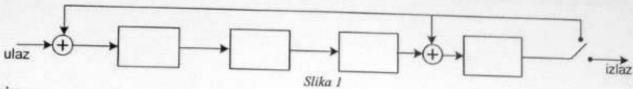
- a) 1111111
- b) 011110
- c) 1011110
- d) 110110

Zadatak-5: Dan je Hammingov [6, 3] binarni blok kôd s generirajućom matricom G u standardnom obliku. Odredite kodnu riječ koja počinje s 101, kao i vjerojatnost pogrešnog dekodiranja (p_{pd}) ako je vjerojatnost pogrešnog prijenosa bita u kanalu p_e =0,002.

Rješenje:

- a) 101101; $p_{pd} \approx 5.968 \times 10^{-5}$ b) 101101; $p_{pd} \approx 0.9999$
- c) 101110; $p_{pd} \approx 4,129 \times 10^{-4}$
- d) 101110; Ppd ≈0,996

Zadatak-6: Na slici 1 dan je koder za ciklični kôd [15, k]. Odredite cikličnu provjeru zalihosti (engl. Cyclic Redundancy Check, CRC) za prvu kodnu riječ koja se pojavljuje na izlazu iz kodera ako se na ulazu kodera pojavljuje slijed bitova:



Rješenje:

- a) 1011
- b) 1110
- c) 1101
- d) 0001

Zadatak-7: Izvorište generira 4 poruke, iz skupa od 4 jednako vjerojatna simbola $X = \{x_0,...,x_3\}$, koje se kodiraju ravnomjernim binarnim kodom. Poruke se prije odašiljanja u kanal uvode u ciklični koder [n, k] čiji je generirajući polinom $g(x)=x^4+x^2+1$. Komunikacijski kanal ima širinu pojasa prijenosa 4 kHz dok omjer srednje snage signala prema srednoj snazi šuma u kanalu iznosi 30 dB. Odredite koliko se poruka u sekundi može prenositi danim komunikacijskim kanalom

Rješenje:

- a) ≈39869 poruka/s
- b) ≈26633 poruka/s
- c) ≈6644 poruka/s
- d) ≈3804 poruka/s

Zadatak-8: Generirajući polinom $g(x)=x^3+x^2+1$ koristi se u cikličnom kodu [7, k]. Odredite sindrom za <u>prvu</u> primljenu kodnu riječ ako se na ulazu dekodera cikličnog koda pojavljuje sljedeći slijed bitova: 1010001000110110...

Rješenje:

- a) $x^2 + x + 1$
- b) 000
- c) x + 1
- $d)x^2 + x$

Zadatak-9: Slijed bita x = [10101010101] ulazi u Hammingov koder [n, k] = [15, 11] i nakon toga se prenosi prijenosnim kanalom u kojem je vjerojatnost pogrešnog prijenosa bita 0,15. Odredite za koliko se smanji vjerojatnost ispravnog dekodiranja slijeda x ako se umjesto Hammingovog kodera kao zaštita uporabi paritet (parni!).

Rješenje:

- a) 0,0564
- b) 0,9436
- c) 0,1763
- d) 0,8264

Zadatak-10: Binarni blok kôd K (n = 6) definiran je na sljedeći način: $K = \{abcdef \mid d \equiv a + b, e \equiv b + c, f \equiv a + c \pmod{2}\}$. Odredite koliko pogrešaka kôd K može otkriti.

Rješenje:

- a) 2
- b) 1
- c) 0
- d) 3