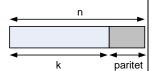
LINEARNO BINARNI BLOK KODOVI

$$K: (n, M, d) \leftrightarrow [n, k, d] \leftrightarrow [n, k]$$

$$R(K) = \frac{k}{n} \le 1$$

$$d(K) = \min_{x,y \in K} (d(x,y)|x \neq y)$$



$$d(x,y) = w(x-y)$$

k – broj informacijskih bitova u kodnoj riječi

n - duljina kodne riječi

M - broj kodnih riječi u kodu

d – distanca (udaljenost) koda

R – kodna brzina

w - težina kodne riječi

Uvjeti lineranosti binarnog blok koda

1)
$$x + y \in K$$
, $x,y \in K$

2)
$$a \cdot x \in K$$
, $a \in \{0,1\}$

HAMMINGOVA MEĐA

$$M \leq \frac{2^n}{\binom{n}{0} + \binom{n}{1} + \binom{n}{2} + \dots + \binom{n}{t}}$$

PERFEKTAN KÔD

$$M = \frac{2^n}{\binom{n}{0} + \binom{n}{1} + \binom{n}{2} + \dots + \binom{n}{t}}$$

VJEROJATNOST ISPRAVNOG DEKODIRANJA

$$p(K) = \sum_{i=0}^{t} {n \choose i} p_g^i (1 - p_g)^{n-i}$$

DEKODIRANJE LINEARNOG BINARNOG KODA:

1) Metoda najbližeg susjeda

$$d(K) \ge s + 1$$

$$s = d(K) - 1$$

$$t = \left\lfloor \frac{d(K)-1}{2} \right\rfloor$$
$$d(K) \ge 2t + 1$$

$$2^{n-k} \ge \sum_{i=0}^{t} {n \choose i}$$

s - najveći broj pogrešaka koje kôd može otkriti

t - najveći broj pogrešaka koje kôd K može ispraviti

2) Sindromsko dekodiranje

$$e = y - x$$

e - vektor pogreške

🗶 - poslana kodna riječ

y - primljena kodna riječ

$$G = [I_k \mid A]$$

$$H = [A^T \mid I_{n-k}]$$

$$S(y) = y \cdot H^T$$

G – generirajuća matrica koda dimenzija $k \times n$

H - matrica provjere pariteta

5 - sindrom

HAMMINGOV KÔD

H - matrica provjere pariteta dimenzija $r \times (2^r - 1)$

$$r = n - k$$

Generirajuću matricu G je iz matrice H moguće dobiti sljedećim postupkom:

- U matrici H izbrisati sve stupce koji se nalaze na pozicijama s indeksom jednakim potenciji broja 2 (pozicije 1,2,4, 8, 16, itd).
 - 2. Dobivenu matricu transponirati.
- 3. Stupce dobivene matrice smjestiti na pozicije generirajuće matrice G čiji indeksi odgovaraju potencijama broja 2.
 - 4. Ostale stupce popuniti redom stupcima jedinične matrice.

HAM [7,4]

$$G = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$H = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

CIKLIČKI KÔD

Uvjeti:

- 1. $\forall a(x), b(x) \in K$, $vrijedi a(x) + b(x) \in K$
- 2. $\forall a(x) \in K i \forall r(x) \in Rn, \text{ vrijedi}$ $r(x) \cdot a(x) \mod (xn-1) \in K.$

$$x^n - 1 = g(x) \cdot h(x)$$

r - stupanj generirajućeg polinoma

h(x) - polinom za provjeru pariteta cikličnog koda K.

$$d(x) \cdot x^r = g(x)q(x) + r(x) = c(x)$$

$$r(x) = d(x) \cdot x^r \bmod[g(x)]$$

$$S(c'(x)) = \frac{x^{n-k}c'(x)}{g(x)}$$

$$c = \lceil d | r \rceil$$

g(x) - generirajući polinom

q(x) - kvocijent

d(x) – polinom kodirane poruke

r(x) – ostatak nakon dijeljenja s g(x)

c(x) – kodna riječ

S(c'(x)) - sindrom primljene kodne riječi

FAKTORIZACIJE NEKIH POLINOMA OBLIKA x^n-1

N	Ari	Faktorizacija u aritmetici modulo 2
	t.	
1	x -	x + 1
2	x2 -	$(x+1)^2$
3		$(x+1)(x^2+x+1)$
5	x5 -	$(x+1)(x^4+x^3+x^2+x+1)$
7	7 –	$(x+1)(x^3+x+1)(x^3+x^2+1)$
9	x9 -	$(x+1)(x^2+x+1)(x^6+x^3+1)$
11	x11	$(x+1)(x^{10}+x^9+\cdots+x+1)$
13	x13	$(x+1)(x^{12}+x^{11}+\cdots+x+1)$
15	x15	$(x+1)(x^2+x+1)(x^4+x+1)(x^4+x^3+1)(x^4+x^3+x^2+x^4+x^4+x^4+x^4+x^4+x^4+x^4+x^4+x^4+x^4$
		1)
17	x17	$(x+1)(x^8+x^5+x^4+x^3+1)(x^8+x^7+x^6+x^4+x^2+x+$
		1)
19	x 19	$(x+1)(x^{18}+x^{17}+\cdots+x+1)$

