

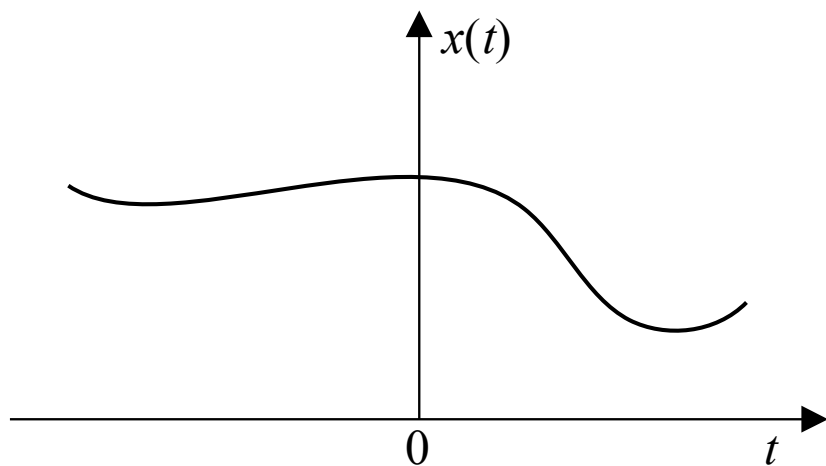
# **Komunikacijski kanali i signali**

*Teorija informacije*

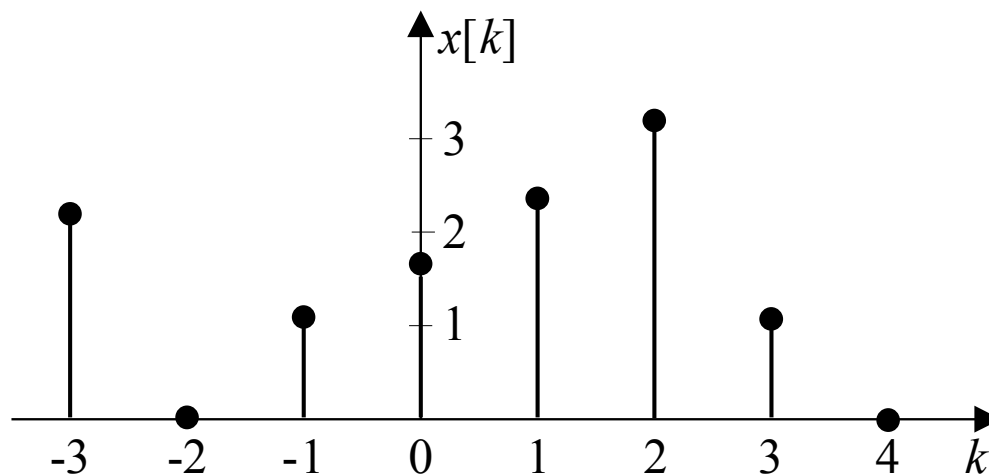
- signal – pojava koja opisuje neku fizikalnu veličinu
  - u električkim sustavima ta veličina je napon ili struja
- signal se matematički prikazuje (modelira) funkcijom neovisne varijable  $t$ ,  $t \in \mathbb{R}$ 
  - $t$  najčešće predstavlja vrijeme
  - funkcija  $x(t)$ ,  $x: t \rightarrow x(t)$
  - promatramo isključivo realne signale:  $x: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
- poseban naglasak bit će stavljen na
  - signale u kontinuiranom vremenu
  - na snagu i energiju signala

- signal u kontinuiranom vremenu
  - ako je  $t$  kontinuirana varijabla
  - kraći naziv: kontinuirani signal
  - primjer:  $x(t) = A \cdot \sin(2\pi ft)$ 
    - $f$  – frekvencija signala  $x(t)$ ,  $A$  – amplituda signala
- signal u diskretnom vremenu
  - ako varijabla  $t$  poprima vrijednosti isključivo u  $t = kT$ 
    - $T \geq 0, T \geq 0, k \in \mathbb{Z}$
  - označava se kao  $\{x_k\}$  ili  $x[k] = x[kT]$
  - kraći naziv: diskretni signal

# Primjeri kontinuiranih i diskretnih signala



a)



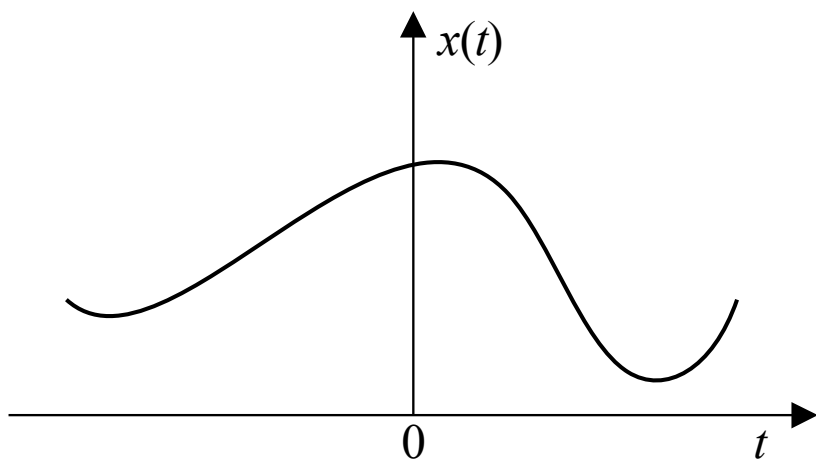
b)

□ a – kontinuirani signal, b – diskretni signal

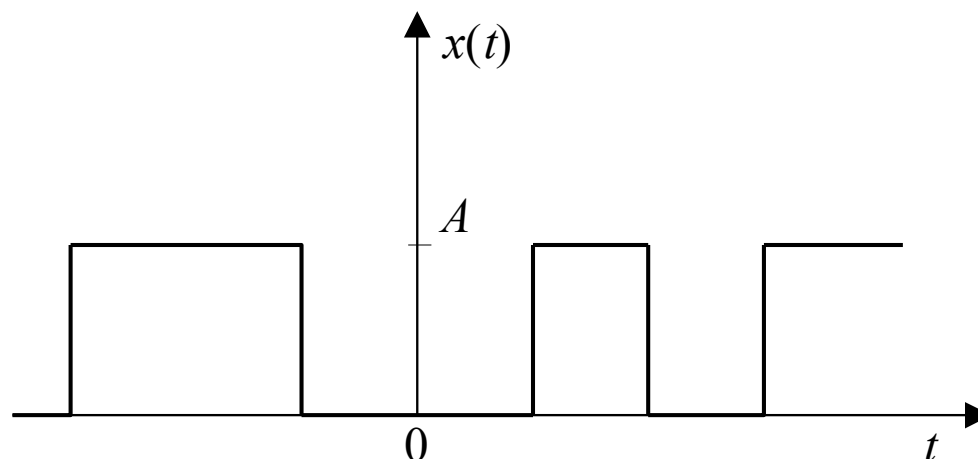
- promatramo vrijednosti koje signal poprima
- ako neki signal u kontinuiranom vremenu,  $x(t)$ , može poprimiti bilo koju vrijednost unutar kontinuiranog intervala  $(a, b)$ ,  $a, b \in \mathbb{R}$ 
  - tada se takav signal naziva **analogni signal**
  - primjer analognog signala:  $x(t) = A \cdot \sin(2\pi ft)$
  - poprima bilo koju vrijednost na intervalu  $[-A, A]$ :
    - $x(t) \in [-A, A]$

- ▮ neka je  $\{a_1, a_2, \dots, a_N\}$  konačan skup od  $N$  realnih brojeva
- ▮ **digitalni signal** može u bilo kojem trenutku poprimiti samo jednu od  $N$  mogućih vrijednosti iz tog skupa:  $x(t) \in \{a_1, a_2, \dots, a_N\}$
- ▮ ako neki signal u diskretnom vremenu,  $x[n]$ , može poprimiti samo konačan broj različitih vrijednosti, tada se takav signal naziva **digitalni signal**
- ▮ primjer: binarni signal

# Primjeri analognog i digitalnog signala



a)



b)

□ a – analogni signal, b – digitalni signal

- ▮ deterministički signal
  - vrijednosti  $x(t)$  su u potpunosti specificirane u svakom vremenskom trenutku
  - deterministički signal može biti modeliran poznatom funkcijom vremena  $t$
- ▮ slučajni signal
  - u bilo kojem vremenskom trenutku signal poprima neku slučajnu vrijednost i stoga se karakteriziraju statistički
  - modelira se pomoću slučajnog procesa
- ▮ signale u kontinuiranom vremenu dijelimo na **periodične** i **neperiodične** signale



- napon  $u(t)$ , odnosno struja  $i(t)$  na otporniku od  $R$  oma [ ] proizvodi energiju  $E$ , odnosno srednju snagu  $P$

$$E = \int_{T_1}^{T_2} Ri^2(t)dt = \int_{T_1}^{T_2} \frac{u^2(t)}{R} dt \text{ [Ws]},$$

$$P = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} Ri^2(t)dt \text{ [W]}.$$

- u nastavku napon, odnosno struja -  $x(t)$
- $R = 1$  om

▮ **periodični signal:**  $x(t) = x(t + T), \forall t \in \mathbb{R}$

- $T$  je realna konstanta
- neka je  $T_0$  najmanji  $T$  za kojeg vrijedi gornja jednakost
- $T_0$  se naziva osnovni (fundamentalni) period signala  $x(t)$

▮ **neperiodični signal** – ne zadovoljava gornje svojstvo

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k e^{jk\omega_0 t}, \omega_0 = 2\pi f_0$$

▮ razvoj u Fourierov red

$$c_k = \frac{1}{T_0} \int_{-T_0/2}^{T_0/2} x(t) e^{-jk\omega_0 t} dt \quad x(t) \approx \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k \delta(f - kf_0) = X(f)$$

# Diracova delta funkcija



□ definicija  $\delta(t) \neq 0$  za  $t=0$   
 $i$ ,  $t \neq 0$ ,  
 $\delta(t) = 0$  za  $t \neq 0$

□ svojstva  
 $\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) dt = 1$

■ neka  $x: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t - t_0) x(t) dt = x(t_0)$$

- spektar periodičnog signala  $x(t)$  je diskretan
  - poprima vrijednosti samo za diskretne vrijednosti frekvencije:  $f_k = k/T_0$ ,  $k \in \mathbb{Z}$
  - u općenitom slučaju  $c_k$  su kompleksne veličine i vrijedi

$$c_{-k} = c_k^*$$

$$c_k = |c_k| e^{-j\theta_k}$$

- apsolutne vrijednosti koeficijenata  $c_k$  čine tzv. amplitudni spektar signala  $x(t)$
- $\theta_k$  su vrijednosti tzv. faznog spektra signala  $x(t)$

# Srednja snaga periodičnog signala



- srednja snaga periodičnog signala u kontinuiranom vremenu

$$P = \lim_{k \rightarrow \infty} \frac{1}{kT_0} \int_0^{kT_0} x^2(t) dt = \frac{1}{T_0} \int_0^{T_0} x^2(t) dt = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k^2$$

$$c_{-k} = c_k^* \quad P = c_0^2 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} c_k^2$$

- srednja snaga periodičkog signala jednaka je zbroju srednjih snaga svih harmoničkih komponenti od kojih je signal sastavljen

# Primjer 1: spektar i srednja snaga trigonometrijskih signala



□ signal  $x(t) = A \sin(\omega_0 t)$ ,  $\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi / T_0$

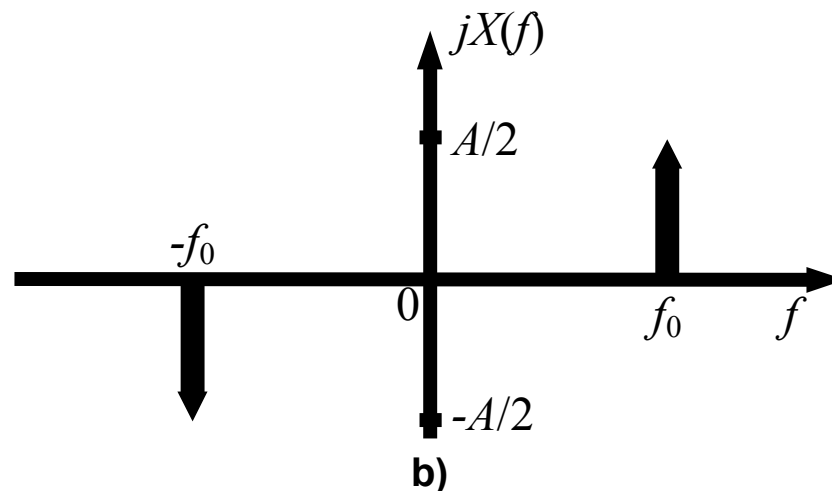
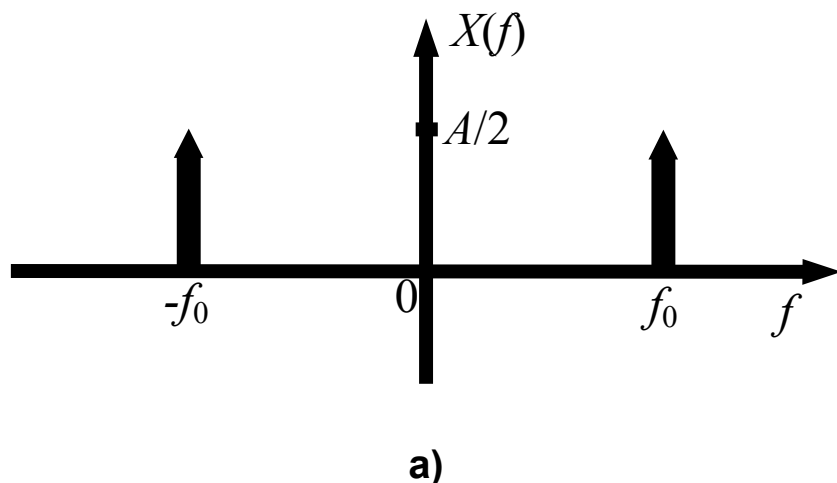
■ spektar  $X(f)$   $X(f) = -j \frac{A}{2} [\delta(f - f_0) - \delta(f + f_0)]$

□ signal  $x(t) = A \cos(\omega_0 t)$

■ spektar  $X(f)$   $X(f) = \frac{A}{2} [\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0)]$

■  $-j$  u izrazu za spektar sinusnog signala potječe od faznog kašnjenja funkcije sinus u odnosu na funkciju kosinus:  $\sin(x) = \cos(x - \pi/2)$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ .

# Spektar kosinusnog i sinusnog signala

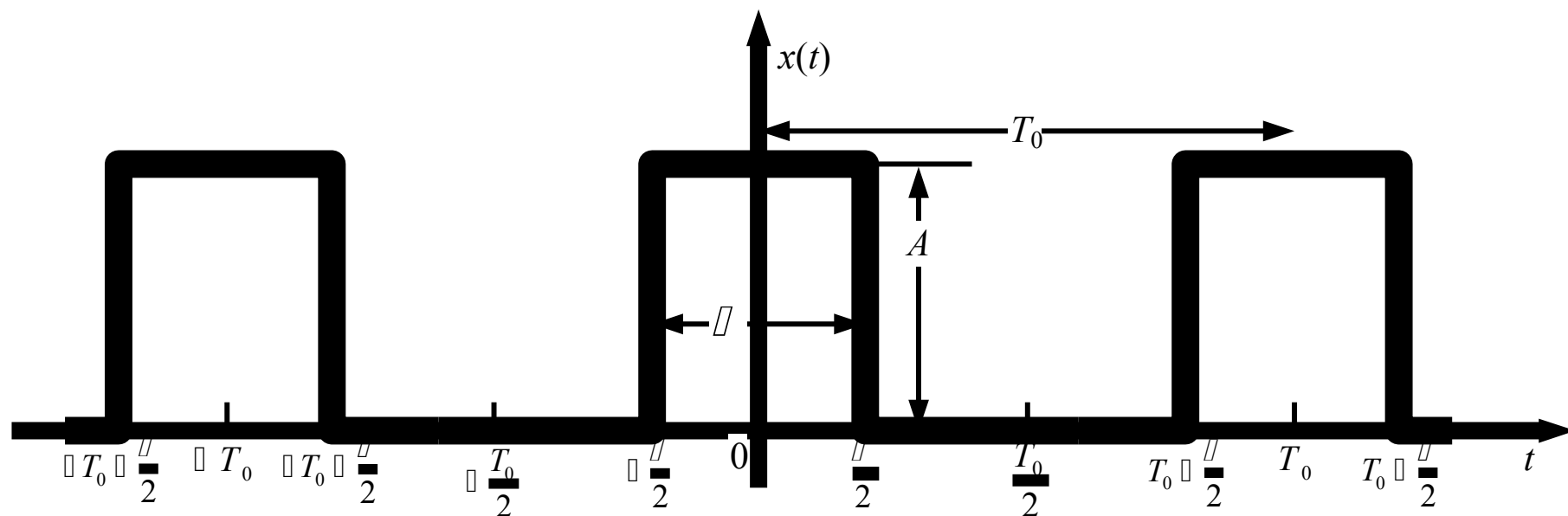


□ a – kosinusni signal, b – sinusni signal

# Primjer 2: periodičan slijed pravokutnih impulsa



$$x(t) = \begin{cases} A & \text{za } 0 \leq t < \tau \\ 0 & \text{za } \tau \leq t < T_0 \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$



$$c_k = A \frac{\tau}{T_0} \frac{\sin(k\omega_0 \tau/2)}{k\omega_0 \tau/2}$$



## Primjer 2: periodičan slijed pravokutnih impulsa (II)

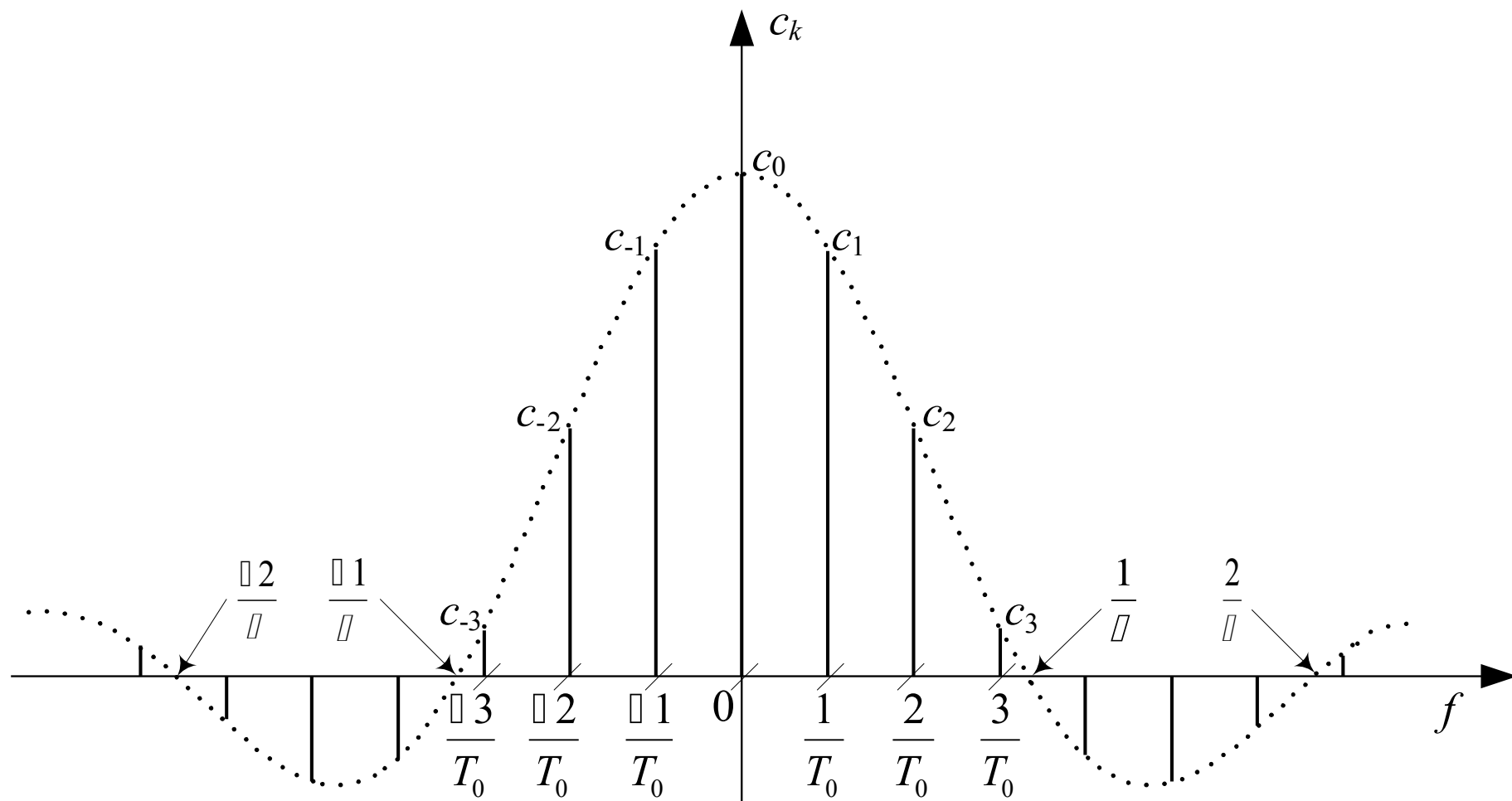


- spektar periodičkog slijeda pravokutnih impulsa) diskretan
  - komponente  $c_k$  pojavljuju samo na diskretnim frekvencijama  $k/T_0$  [Hz],  $k \in \mathbb{Z}$ .

$$x(t) = A \frac{\tau}{T} \sum_{k=-\infty}^{\infty} \frac{\sin(k\omega_0\tau/2)}{k\omega_0\tau/2} e^{jk\omega_0 t} = A \frac{\tau}{T} + 2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\sin(k\omega_0\tau/2)}{k\omega_0\tau/2} \cos(k\omega_0 t)$$

$$P = c_0^2 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} c_k^2 = \left( \frac{A\tau}{T} \right)^2 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} \left( \frac{\sin(k\omega_0\tau/2)}{k\omega_0\tau/2} \right)^2 A^2 \frac{\tau^2}{T^2} = A^2 \frac{\tau}{T}$$

# Spektar periodičnog slijeda pravokutnih impulsa



- snaga i energija signala  $x(t)$

$$E = \lim_{T \rightarrow \infty} \int_{-T}^T x(t)^2 dt = \int_{-\infty}^{\infty} x(t)^2 dt,$$

$$P = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^T x(t)^2 dt.$$

- spektar signala  $x(t)$ ,  $X(f)$  – Fourierova transformacija

$$X(f) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j2\pi ft} dt \text{ ili } X(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j\omega t} dt, \omega = 2\pi f$$

- Fourierov transformacijski par

$$x(t) \leftrightarrow X(f) \text{ ili } x(t) \leftrightarrow X(\omega)$$

- amplitudni i fazni spektar

$$X(f) = |X(f)| e^{j\theta(f)}$$

- prikaz signala pomoću poznatog spektra

$$x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} X(f) e^{j2\pi ft} df \text{ ili } x(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) e^{j\omega t} d\omega$$

- energija neperiodičnog signala (Parsevalov teorem)

$$E = \int_{-\infty}^{\infty} |x(t)|^2 dt = \int_{-\infty}^{\infty} |X(f)|^2 df = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} |X(\omega)|^2 d\omega$$

- signali koji imaju konačnu ukupnu energiju, tj.  $E < \infty$ 
  - takvi signali moraju imati srednju snagu jednaku nuli;
  - primjer: signal  $x(t)$  čija je vrijednost jednaka 1 u intervalu  $0 \leq t \leq 1$ , a 0 izvan tog intervala
  - za takav signal vrijedi  $E = 1, P = 0$ ;
- signali koji imaju konačnu srednju snagu veću od nule
  - ako je  $P > 0$ , tada je  $E = \infty$  ;
- signali kojima su i srednja snaga i ukupna energija beskonačne

# Primjer: Diracov impuls



- ▮ spektar Diracovog impulsa

$$\Delta(f) = \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) e^{-j2\pi ft} dt = e^0 = 1$$

- ▮ promotrimo funkciju  $x(t) = K\delta(t)$ ,  $k \in \mathbb{R}$

$$X(f) = \int_{-\infty}^{\infty} K\delta(t) e^{-j2\pi ft} dt = Ke^0 = K$$

# Primjer: pravokutni impuls



- definicija pravokutnog impulsa

$$x(t) = \begin{cases} A & \text{za } 0 \leq t \leq \tau \\ 0 & \text{za } t < 0 \text{ ili } t > \tau \end{cases}$$

- spektar pravokutnog impulsa

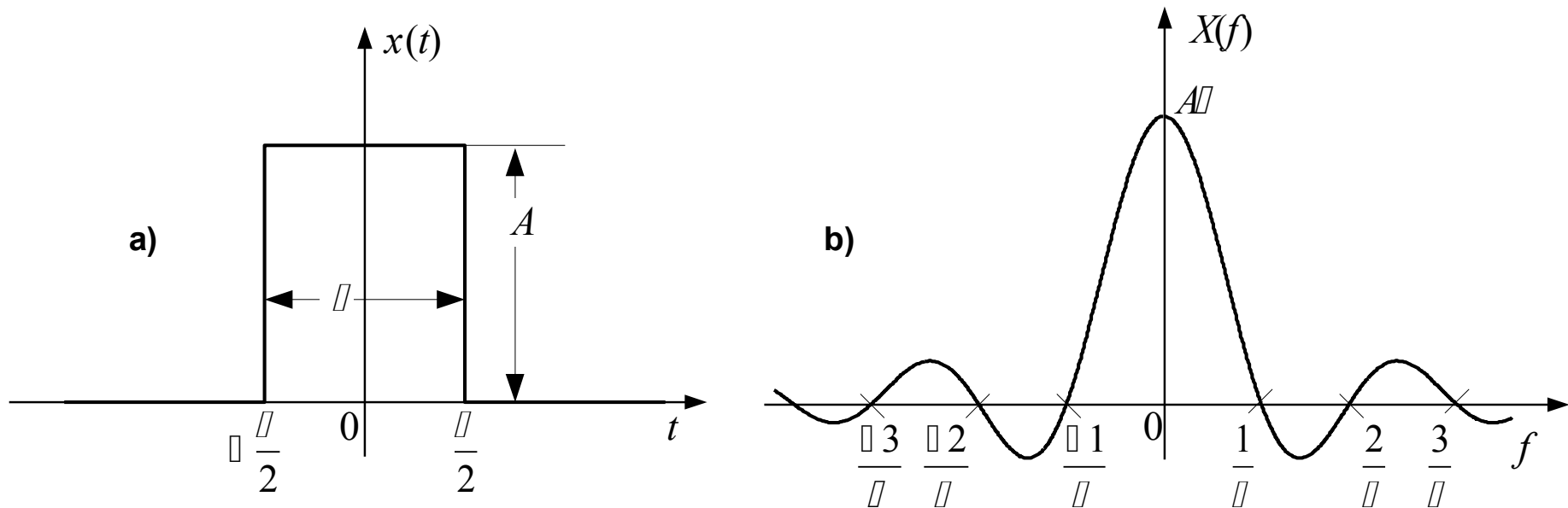
$$X(f) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j2\pi ft} dt = A \int_0^{\tau} e^{-j2\pi ft} dt = A\tau \frac{\sin(2\pi f\tau/2)}{2\pi f\tau/2}$$

- energija pravokutnog impulsa

$$E = \int_{-\infty}^{\infty} x^2(t) dt = \int_{-\infty}^{\infty} |X(f)|^2 df = A^2\tau$$

- srednja snaga pravokutnog impulsa  
jednaka nuli

# Spektar pravokutnog impulsa



- ▮ spektar ima maksimalnu vrijednost za frekvenciju  $f = 0$  Hz i iznosi  $X(0) = A\Delta$
- ▮ spektar prolazi kroz nulu u točkama  $f_k = k/\Delta$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ .



- slučajni proces  $X(t)$  je familija slučajnih varijabli  $\{X(t), t \in \mathbb{R}\}$
- srednja vrijednost slučajnog procesa

$$\mu_X(t) = E[X(t)] = \int_{-\infty}^{\infty} x f_X(x, t) dx$$

- $f_X(x, t)$  je funkcija gustoće vjerojatnosti prvog reda slučajnog procesa  $X(t)$

- autokorelacijska funkcija i autokovarijanca slučajnog procesa  $X(t)$

$$R_X(t_1, t_2) = E[X(t_1)X(t_2)]$$

$$C_X(t_1, t_2) = E\{[X(t_1) - \mu_X(t_1)][X(t_2) - \mu_X(t_2)]\} = R_X(t_1, t_2) - E[X(t_1)]E[X(t_2)]$$

- ▮ ako je slučajni proces  $X(t)$  stacionaran u širem smislu, tada zadovoljava sljedeće uvjete

$$E[X(t)] = \mu_X, \forall t \in \mathbb{R},$$

$$R_X(t_1, t_2) = K_X(t_2 - t_1) = K_X(\tau), \forall t_1, t_2 \in \mathbb{R},$$

- ▮ neka je autokorelacijska funkcija slučajnog procesa u kontinuiranom vremenu,  $X(t)$ , koji je stacionaran u širem smislu definirana kao

$$R_X(\tau) = E[X(t)X(t+\tau)]$$

- ▮ neka vrijedi:  $R_X(-\tau) = R_X(\tau)$ ,  $|R_X(\tau)| \leq R_X(0)$  i  $R_X(0) = E[X^2(t)] \geq 0$

# Spektralna gustoća snage slučajnog signala



$$S_X(f) = \int_{-\infty}^{\infty} R_X(\tau) e^{-j2\pi f\tau} d\tau \quad [\text{W/Hz}]$$

- ▮ ako je spektralna gustoća snage  $S_X(f)$  poznata

$$R_X(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} S_X(f) e^{j2\pi f\tau} df$$

- ▮ srednja snaga  $P$  slučajnog signala modeliranog stacionarnim slučajnim procesom

$$P = E[X^2(t)] = R_X(0) = \int_{-\infty}^{\infty} S_X(f) df$$

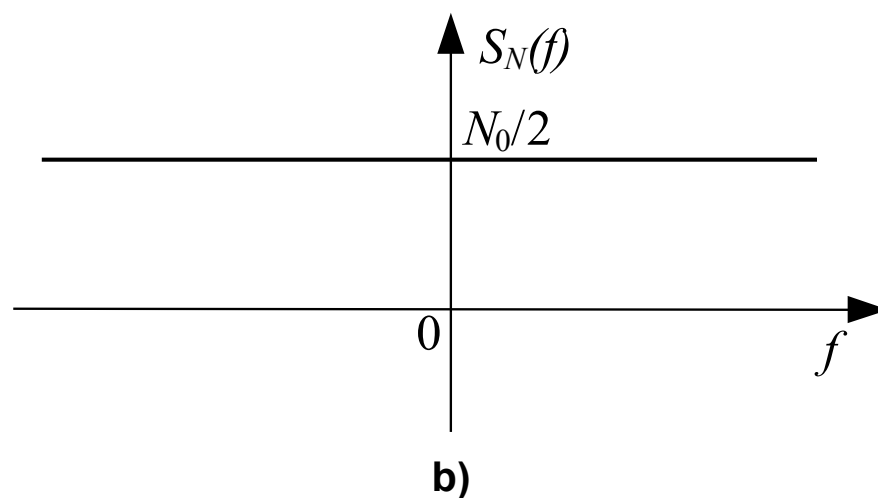
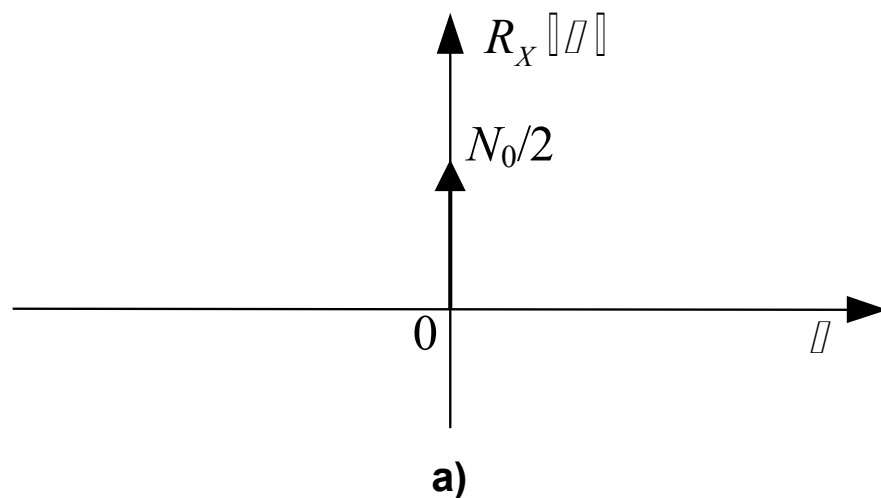
- slučajan proces  $W(t)$  nazivamo **bijeli šum** ako su njegove vrijednosti, tj. slučajne varijable u trenucima  $t_i$  i  $t_j$ ,  $t_i \neq t_j$ , međusobno potpuno nekorelirane
  - tada je autokovarijanca  $C_x(t_i, t_j)$  jednaka nuli kad god vrijedi  $t_i \neq t_j$
  - ako su slučajne varijable  $W(t_i)$  i  $W(t_j)$  istovremeno nekorelirane i neovisne, tada se radi o striktno bijelom šumu
  - bijeli šum u kontinuiranom vremenu je stacionarni slučajni proces u širem smislu,  $W(t)$

# Gaussov bijeli šum (II)

- srednja vrijednost bijelog šuma je jednaka nuli

$$R_W(\tau) = \sigma^2 \delta(\tau)$$

$$S_W(f) = \sigma^2 \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) e^{-j2\pi ft} dt = \sigma^2$$



- ▮ slučajni proces nazivamo **bijeli Gaussov šum** ako su zadovoljena prethodno navedena svojstva bijelog šuma i ako su slučajne varijable slučajnog procesa Gaussove

- za neku slučajnu varijablu  $X$  kažemo da ima Gaussovu razdiobu ako je njena funkcija gustoće vjerojatnosti definirana kao  $f_X(x) = \frac{1}{\sigma_X \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_X)^2}{2\sigma_X^2}}$

$$\text{var}(X) = E\left\{\left(X - E[X]\right)^2\right\} = E\left\{X^2\right\} - \left\{E[X]\right\}^2 = \sigma_X^2$$

- varijanca ili disperzija

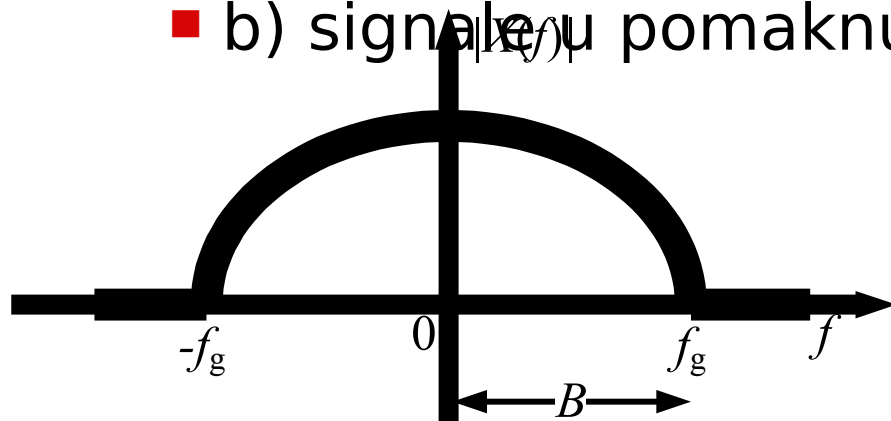
$$\text{var}(X) = E\left\{X^2\right\} - \left\{E[X]\right\}^2 = \sigma_X^2$$

- ako vrijedi  $E[X] = 0$ , tada je

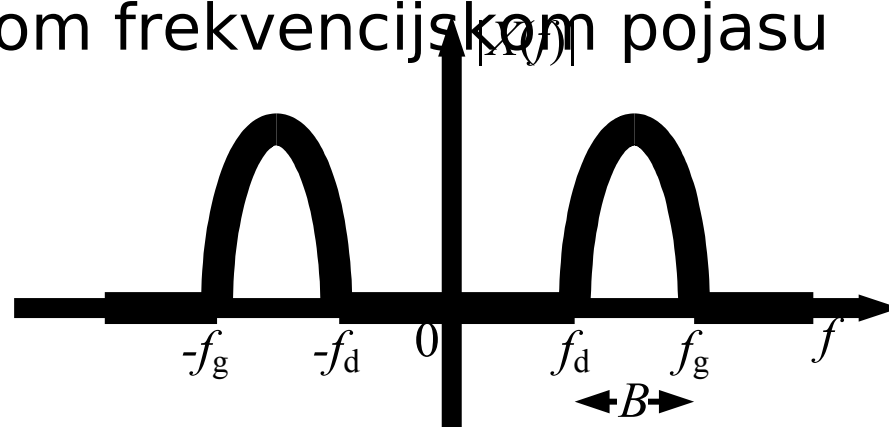
- tj. varijanca je jednaka srednjoj snazi signala na otporu

- ovisno o pojasu frekvencija kojeg zauzima amplitudni spektar signala, signale dijelimo na

- a) signale u osnovnom frekvencijskom pojasu
- b) signale u pomaknutom frekvencijskom pojasu



a)



b)

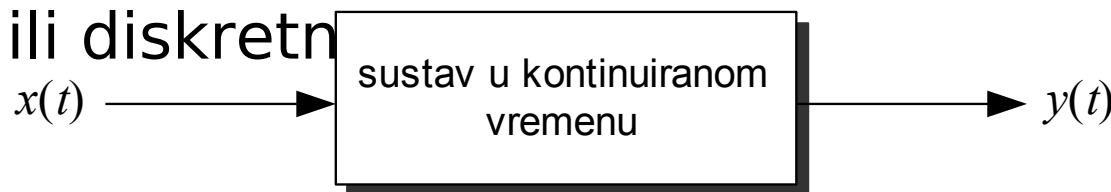
- primjer: širina spektra pravokutnog signala
- slajd 24

- ▢ komunikacijski kanal ▢ prijenosni medij
- ▢ prijenosni mediji
  - žični
    - upredene parice
    - koaksijalni kabele
    - vodovi energetske mreže
  - optičke niti
  - bežični
    - radijski, mikrovalni ili optički (ovisi o frekvenciji)
- ▢ primjer komunikacijskog kanala
  - telefonski kanal: od 300 do 3400 Hz
- ▢ po definiciji ITU-T-a kanal je sredstvo za **jednosmjerni** prijenos između predajnika i prijemnika



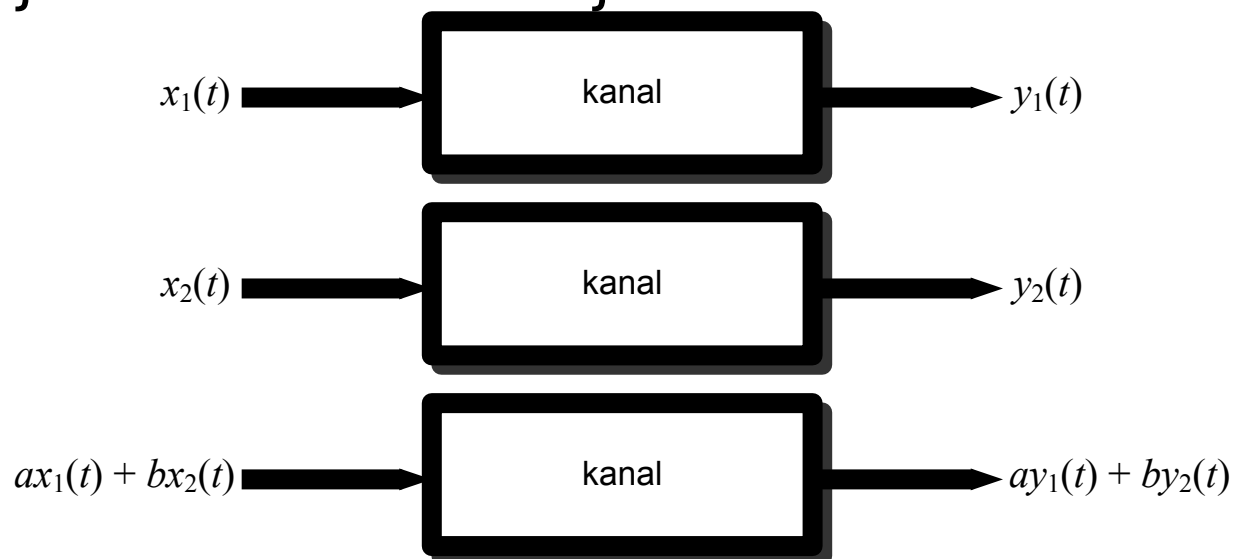
- linearni i nelinearni kanali
  - telefonski kanal je primjer linearnog kanala
  - satelitski kanal je obično nelinearan (ali ne uvijek)
- neovisni o vremenu ili ovisni o vremenu
  - primjer vremenski nepromjenjivog kanala: optička nit
  - primjer vremenski promjenjivog kanala: radijski kanal u pokretnoj komunikacijskoj mreži
- ograničenja kanala
  - po širini prijenosnog pojasa (primjer: telefonski kanal) i
  - po raspoloživoj snazi predajnika (primjer: optički prijenos)

- sustav definiramo kao preslikavanje skupa  $F$  (ulaz u sustav) u skup  $G$  (izlaz iz sustava)
  - u kontekstu komunikacija - sustav je proces uslijed kojeg su ulazni signali transformirani djelovanjem sustava u izlazne signale
  - **kontinuiran** ili **analogni** sustav - elementi skupova  $F$  i  $G$  funkcije kontinuirane varijable
  - **diskretan** ili **digitalni** sustav - elementi skupova  $F$  i  $G$  funkcije diskretne varijable
  - kanal je moguće modelirati sustavom u **kontinuiranom** ili diskretnom vremenu

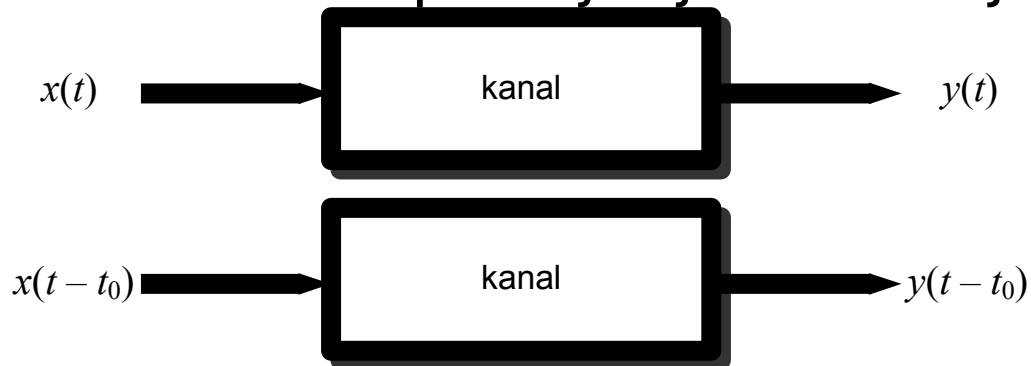


# Linearni i vremenski nepromjenjivi kanali

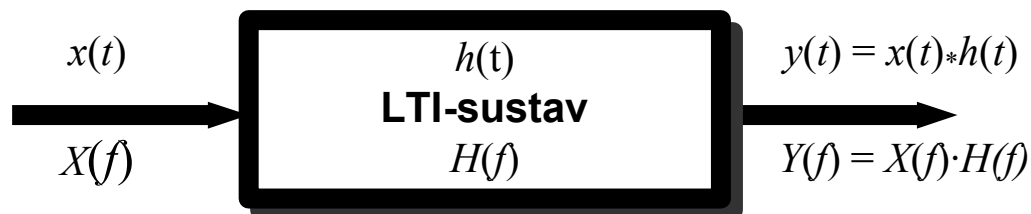
- kanal je linearan ako vrijedi:



- kanal je vremenski nepromjenjiv ako vrijedi:



# Impulsni odziv i prijenosna funkcija kanala



□  $h(t)$  – impulsni odziv sustava

■ odziv sustava na pobudu Diracovim impulsom

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau) h(t - \tau) d\tau = \int_{-\infty}^{\infty} h(\tau) x(t - \tau) d\tau$$

$$y(t) = x(t) * h(t) = h(t) * x(t)$$

□  $H(f)$  – impulsni odziv sustava

$$H(f) = \int_{-\infty}^{\infty} h(t) e^{-j2\pi ft} dt$$

$$H(f) = |H(f)| e^{-j\theta(f)}$$

- amplitudni i fazni odziv  
 $|H(-f)| = |H(f)|$ ,  
 $\theta(-f) = -\theta(f)$ .

$$h(t) = \int_{-\infty}^{\infty} H(f) e^{j2\pi ft} df$$

- impulsni odziv i prijenosna funkcija LTI-sustava čine Fourierov transformacijski par

$$h(t) \bar{\tau} \quad H(f)$$

- ▮ pretpostavka: na ulazu LTI-sustava prijenosne funkcije  $H(f)$  djeluje signal obilježja stacionarnog slučajnog procesa  $X(t)$

- srednja vrijednost  $\mu_X$
- spektralna gustoća snage  $S_X(f)$

$$\mu_Y = \mu_X H(0)$$
$$S_Y(f) = S_X(f) |H(f)|^2$$

- ▮ prolaskom kroz LTI-sustav, slučajni proces zadržava stacionarnost i na izlazu sustava

- ▮ širina prijenosnog pojasa kanala je područje frekvencija u kojem komunikacijski kanal propušta signale sa svog ulaza na izlaz
- ▮ realni kanali prigušuju signale koje prenose
  - srednja snaga izlaznog signala uvijek je manja od srednje snage ulaznog signala
  - vrijedi i za energiju signala
- ▮ prigušenje kanala  $A(f) = 1/|H(f)|$
- ▮ kanal djeluje i na fazu signala
  - faze frekvencijskih komponenti ulaznog signala se razlikuju od faza frekvencijskih komponenti izlaznog signala – **dispersija signala**

# Širina prijenosnog pojasa kanala (II)



- na ulaz LTI-kanala dovedemo signal  $x(t)$  čiji je spektar  $X(f)$  definiran kao

$$x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} X(f) e^{j\varphi(f)} df$$

- za spektar signala na izlazu LTI-kanala,  $Y(f)$ , vrijedi

$$Y(f) = \int_{-\infty}^{\infty} y(t) e^{j\vartheta(f)} df,$$

$$Y(f) = X(f) H(f),$$

$$\vartheta(f) = \varphi(f) - \theta(f),$$

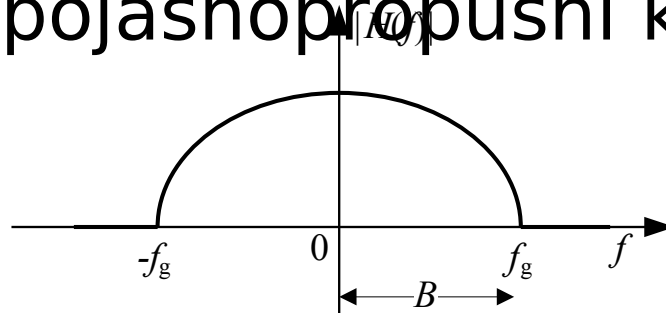
- kanal propušta one frekvencije na kojima je njegov amplitudni odziv veći od nule



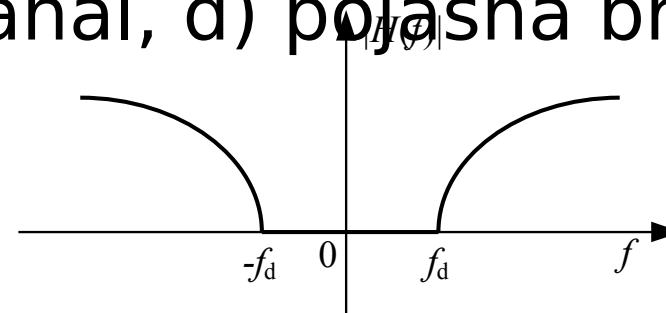
# Oblik amplitudnog odziva i vrste kanala



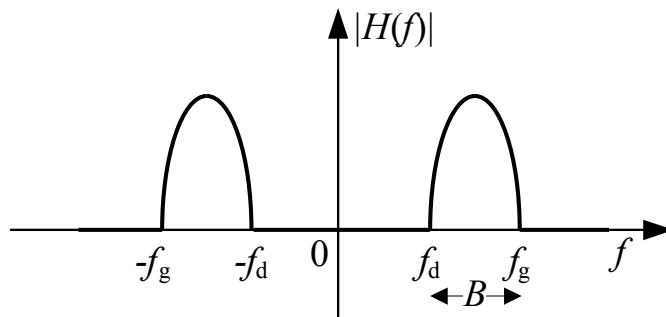
- ▮ a) niskopropusni kanal, b) visokopropusni kanal
- ▮ c) pojasnopropusni kanal, d) pojasna brana



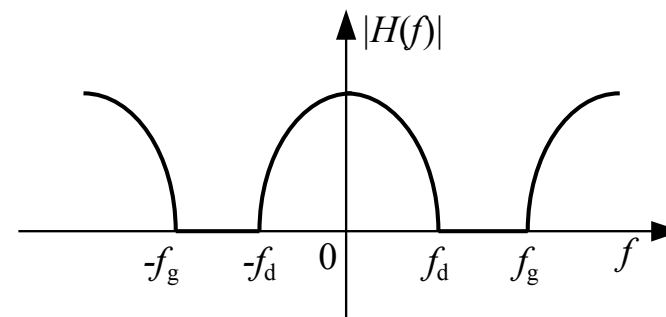
a)



b)

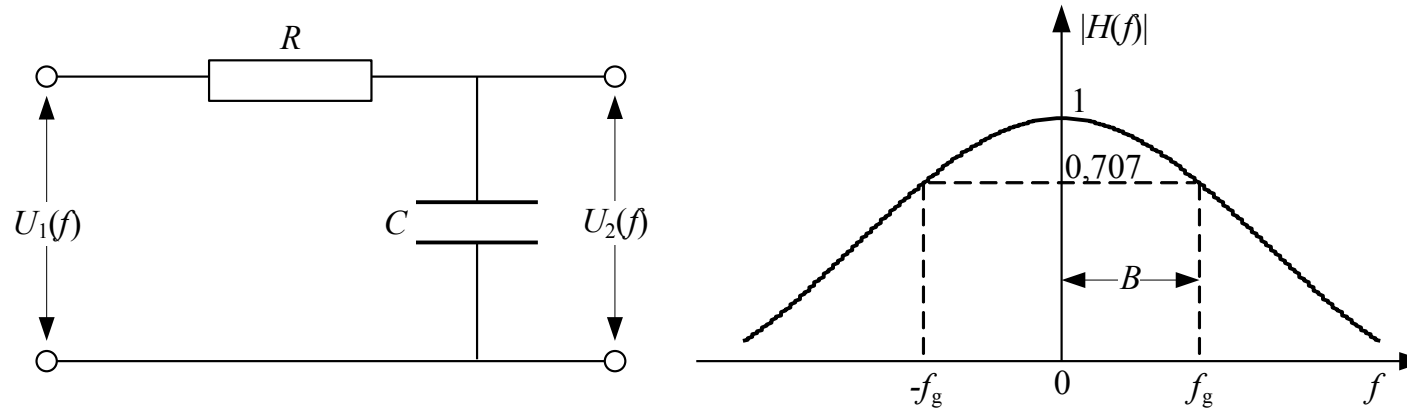


c)



d)

# Primjer: RC-krug



a) amplitudni odziv RC-kruga:

$$b) \quad H(f) = \frac{U_2(f)}{U_1(f)} = \frac{1}{\sqrt{1 + (2\pi fRC)^2}}$$

u praksi se širina prijenosnog pojasa računa pomoću tzv. točaka prigušenja 3 decibela

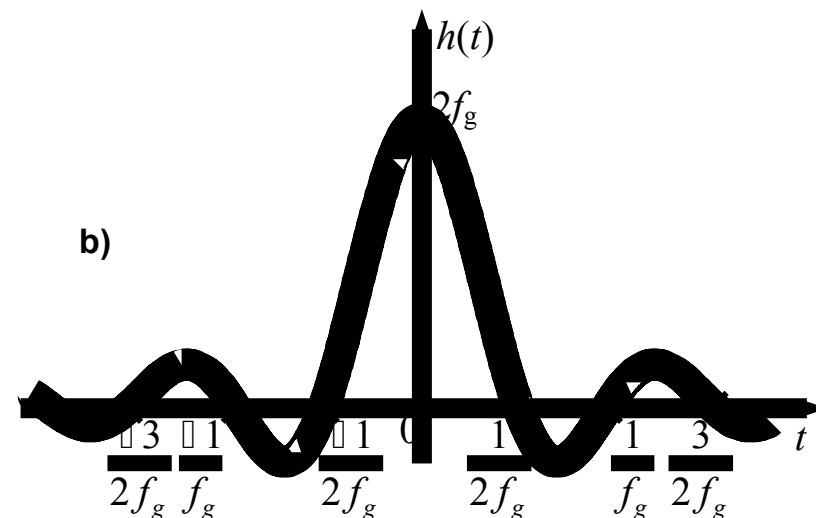
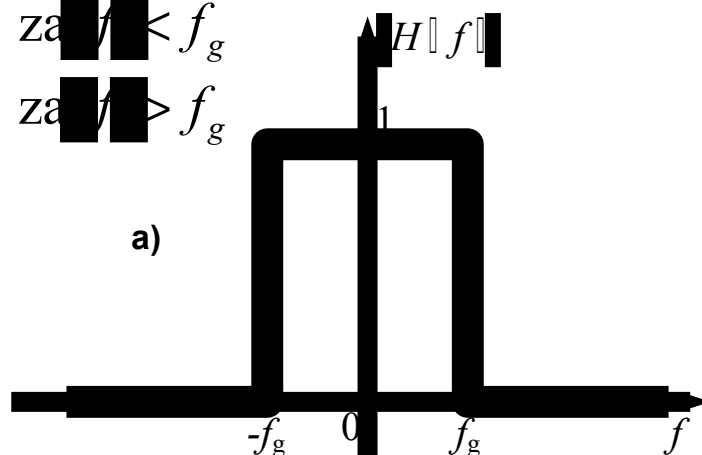
$$20 \log \frac{|H(f)|}{|H(0)|} = 20 \log |H(f)| - 20 \log |H(0)| = 20 \log |H(f)| \text{ [dB]}$$

$|H(0)| = 1$ , pa vrijedi  $20 \log(|H(0)|) = 0 \text{ dB}$

na  $f$  na kojoj  $|H(f)| \approx 0,707$  amplitudni je odziv za 3 dB slabiji od  $|H(0)|$ .

# Idealan niskopropusni kanal

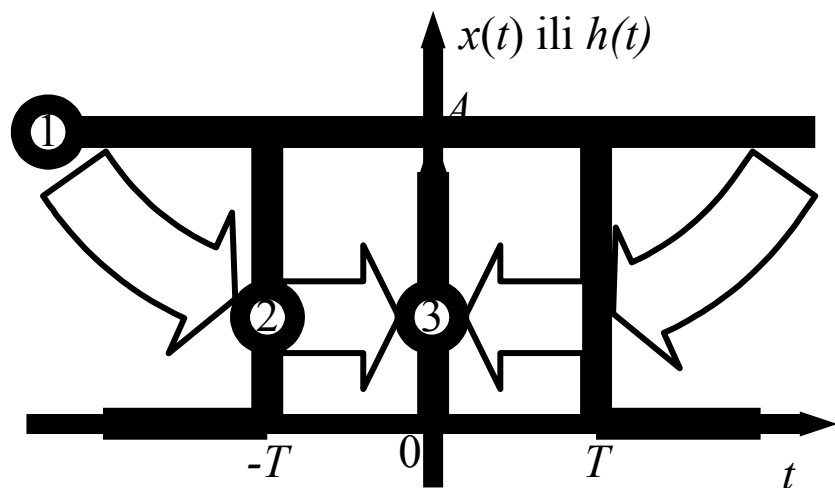
$$H(f) = \begin{cases} 1 & \text{za } |f| < f_g \\ 0 & \text{za } |f| > f_g \end{cases}$$



$$h(t) = \int_{-f_g}^{f_g} H(f) e^{j2\pi ft} df = \int_{-f_g}^{f_g} e^{-j2\pi f\tau} e^{j2\pi ft} df = 2f_g \frac{\sin(2\pi f_g(t-\tau))}{2\pi f_g(t-\tau)}$$

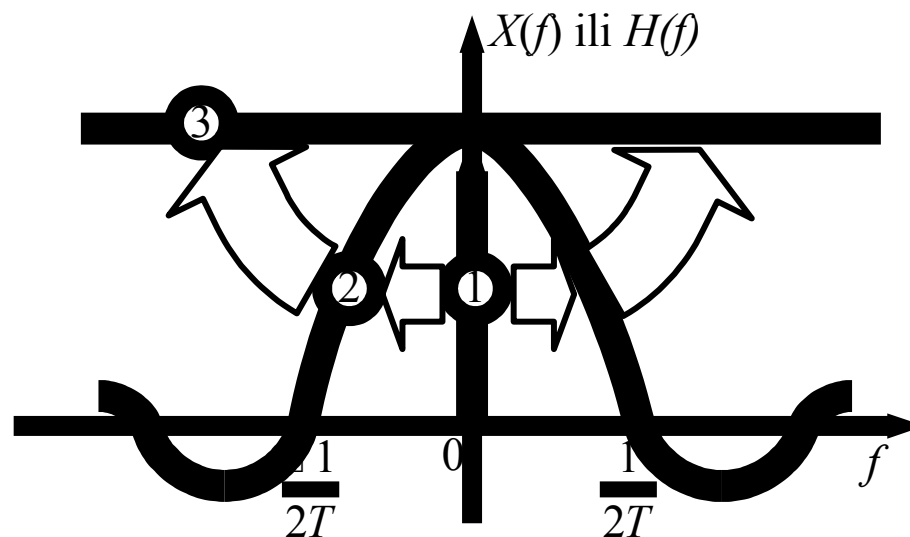
- svi su realni sustavi kauzalni, tj. odziv sustava ne može početi prije pobude
- u stvarnosti niskopropusni kanal ne može biti striktno ograničen na neki pojas frekvencija

# Ograničavanje signala u vremenu



a)

$$x(t) = \begin{cases} A, & t \in [-T, T] \\ 0, & \text{inače} \end{cases}$$

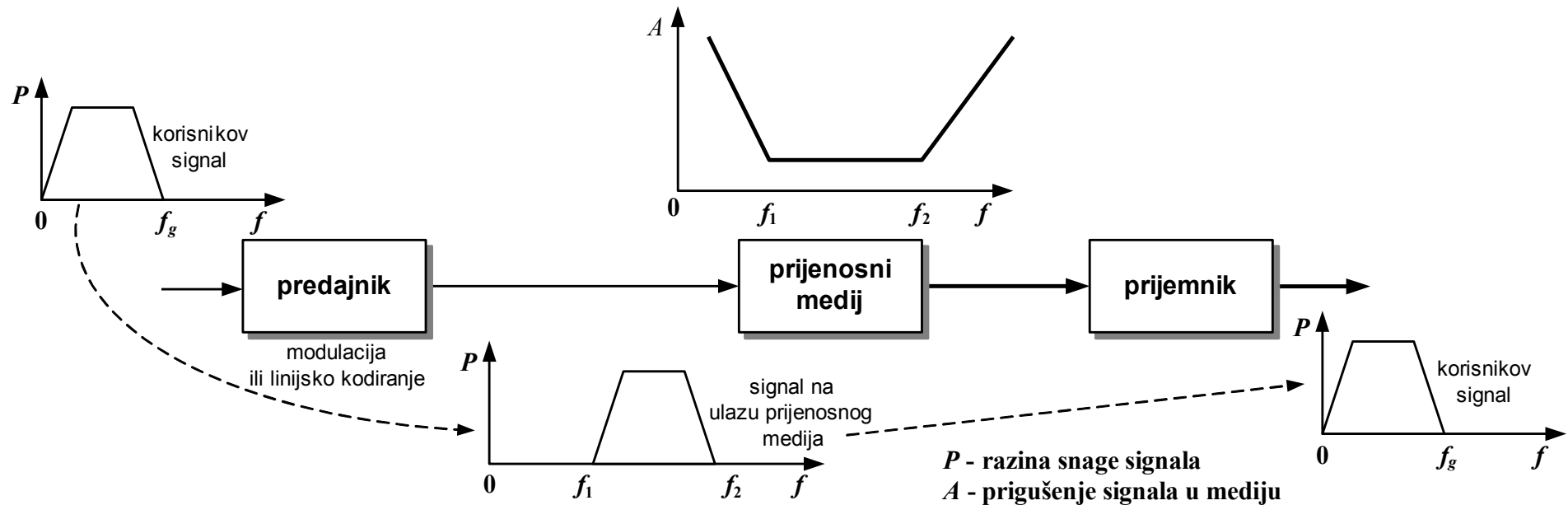


b)

- gornje razmatranje vrijedi i kad bi na apscisi na slici a) bila frekvencija, a na slici b) vrijeme

- kako bi u praksi mogli odrediti točnu širinu prijenosnog pojasa kanala,  **$B$** , potrebno je definirati iznos prigušenja iznad kojeg smatramo da je prijenosna funkcija kanala praktično jednaka nuli
  - za niskopropusni kanal
    - potrebno je definirati frekvenciju  $f_g$  takvu da vrijedi
    - $|X(f)| \approx 0$  za  $|f| > f_g$ ,  $B = f_g$
  - za pojasnopropusni kanal
    - potrebno je definirati frekvencije  $f_d$  i  $f_g$  takve da vrijedi  $|X(f)| > 0$  samo ako je  $f_g > |f| > f_d$ ,  $B = f_g - f_d$

# Veza između širine prijenosnog pojasa kanala i širine spektra signala



- signal prije prijenosa kanalom oblikuje kako bi se svojim spektrom što bolje uklopio u prijenosni pojas kanala
  - modulacijski postupci
  - linijsko kodiranje