

1.  $A = B \implies A^T = B^T$
2.  $(A^T)^T = A$
3.  $(A + B)^T = A^T + B^T$
4.  $(AB)^T = B^T A^T$
5.  $(kA)^T = kA^T, k \in \mathbb{R}$

**Definição 1.** Traço O traço de uma matriz quadrada  $A$  é o somatório dos elementos da diagonal principal. Denota-se  $\text{tr}(A)$ .

Seja  $k \in \mathbb{R}$ .

1.  $\text{tr}(kA) = k \text{tr}(A)$
2.  $\text{tr}(A + B) = \text{tr}(A) + \text{tr}(B)$
3.  $\text{tr}(AB) = \text{tr}(BA)$
4.  $\text{tr}(AB) \neq \text{tr}(A) \text{tr}(B)$
5.  $\text{tr}(A^T) = \text{tr}(A)$

**Definição 2.** Matriz simétrica Uma matriz quadrada é simétrica se, e somente se  $A = A^T$ .

*Nota.* O produto  $AA^T$  é sempre uma matriz simétrica.

**Definição 3.** Matriz antissimétrica Uma matriz é dita antissimétrica se, e somente se  $A^T = -A$ .

*Nota.*  $A$  é uma matriz antissimétrica se, e somente se os elementos posicionados simetricamente com relação à diagonal principal são opostos, isto é,  $a_{ij} = -a_{ji}$ .

**Definição 4.** Matriz ortogonal Uma matriz quadrada é dita ortogonal se, e somente se  $A^T = A^{-1}$

*Nota.* Na matriz ortogonal ocorre:  $AA^{-1} = I \implies AA^T = I$ .

Propriedades dos determinantes:

1.  $\det(A) = \det(A^T)$ .
2.  $\det(AB) = \det(A) \det(B)$ .
3.  $\det(A + B) \neq \det(A) + \det(B)$ .
4. Se a matriz  $A$  possui uma linha ou coluna nulos então  $\det(A) = 0$ .
5.  $\det(kA) = k^n \det(A)$ .
6. Se  $A$  é inversível então  $\det(A) = \frac{1}{\det(A^{-1})}$ .
7. Se  $A$  é uma matriz ortogonal ocorre  $\det(A) = \pm 1$ .
8. Se  $A$  é uma matriz triangular, então  $\det(A) = a_{11} \cdot a_{22} \cdot a_{33} \dots a_{nn}$ .