# UNIVERSIDADE DO ESTADO DO AMAZONAS ESCOLA SUPERIOR DE TECNOLOGIA

BEATRIZ DAMASCENO FERNANDES - 2115310003 MATEUS BASTOS MAGALHÃES MAR- 2215310063 MONIKE FREITAS DE SOUSA - 2115310040

AVALIAÇÃO DE DESEMPENHO DE ALGORITMOS ORDENADOS

## BEATRIZ DAMASCENO FERNANDES MATEUS BASTOS MAGALHÃES MAR MONIKE FREITAS DE SOUSA

## AVALIAÇÃO DE DESEMPENHO DE ALGORITMOS ORDENADOS

Relatório de Algoritmos e Estruturas de Dados II apresentado na Universidade do Estado do Amazonas a fim de obtenção de nota parcial no curso de Sistemas de Informação

# Sumário

| Introdução    | 4  |
|---------------|----|
| Implementação | 5  |
| Resultados    | 25 |
| Conclusão     | 28 |

### Introdução

Neste relatório será feita a comparação de performance dentre algoritmos de ordenação, visando compreender quais algoritmos mais se adequam a determinadas situações, fazendo uso de vetores de tamanhos díspares para melhor discernimento. Os algoritmos a serem aqui avaliados serão os seguintes:

- a) Bubble Sort: Ele é um algoritmo que percorre a lista, compra elementos que estão um ao lado do outro e os inverte, caso estejam em ordem incorreta, Faz-se a repetição deste diversas vezes, até que toda a fila esteja ordenada.
- b) Select Sort: divide a lista em duas partes: uma parte ordenada e uma parte não ordenada. Em cada iteração, encontra o menor elemento da parte não ordenada e o troca com o primeiro elemento da parte não ordenada. Isso continua até que toda a lista esteja ordenada.
- c) Insert Sort: Ele cria uma lista ordenando um item de cada vez, sendo bem mais eficiente em listas com poucos dados. Se ele verifica que um elemento-chave for menor que seu predecessor, ele irá comparar com seus elementos anteriores, mover os maiores uma posição acima e liberar espaço para o elemento a ser trocado.
- d) Shell Sort: É um algoritmo indicado para quando a entrada já está parcialmente ordenada. Ele passa varias vezes pela lista dividindo um grupo maior em grupos menores, onde será aplicado o método de organização por inserção.
- e) Quick Sort: usa uma estratégia de divisão e conquista para ordenar elementos. Ele escolhe um elemento como "pivô" e reorganiza os elementos à esquerda do pivô para serem menores que ele, enquanto os elementos à direita são maiores. Esse processo é aplicado recursivamente a cada uma das metades resultantes, até que toda a lista esteja ordenada.
- f) Heap Sort: O Heap Sort transforma a lista em uma estrutura de heap, que é uma árvore binária completa onde cada nó pai é maior (ou menor, dependendo do tipo de heap) do que seus filhos. Em seguida, o algoritmo extrai repetidamente o elemento máximo (ou mínimo) da heap, reestruturando a heap e repetindo esse processo até que a lista esteja ordenada.
- g) Merge Sort: O Merge Sort também utiliza a estratégia de divisão e conquista. Ele divide repetidamente a lista pela metade até que cada sublista tenha um único elemento. Em seguida, mescla essas sublistas em pares ordenados, continuando o processo de mesclagem até que toda a lista esteja ordenada.

### Implementação

No programa em C houve a implementação das funções de ordenação Bubble Sort, Selection Sort, Insertion Sort, Shell Sort, Quick Sort, Heap Sort e Merge Sort.

```
#include <stdio.h>
#include <stdib.h>
#include "vetores_aleatórios.h" // Importa os vetores em ordem aleatória
#include "vetores_crescentes.h" // Importa os vetores em ordem crescente

#include "vetores_crescentes.h" // Importa os vetores em ordem crescente

#include "vetores_crescentes.h" // Importa os vetores em ordem crescente

#include "vetores_crescentes.h" // Importa os vetores em ordem crescente

#include "vetores_crescentes.h" // Importa os vetores em ordem crescente

#include "vetores_crescentes.h" // Importa os vetorescente

#include "vetores_aleatórios.h" // Foncape

#include "vetores_crescentes.h" // Foncape

#include "vetores_crescentes.h" // Foncape

#include "vetores_crescentes.h" // Foncape

#include "vetores_crescentes.h" // Foncape

#include "vetores_crescettes.h" // Foncape

#include "vetores_crescettes.h" // Foncape

#include "vetores_crescettes.h" // Foncape

#include "vetores_crescentes.h" // Foncape

#include "vetores_crescentes.h"

#include "vetores_crescentes.h"

#include "vetores_crescentes.h"

#include "vetores
```

Ele inicia definindo as bibliotecas a serem utilizadas, assim como importando os vetores a serem utilizados ao longo da ordenação - vetores em ordem aleatória e em ordem crescente. Em seguida ocorre a definição de contadores, variáveis globais para fins de uso no código posteriormente e as funções que serão chamadas para ordenação.

Após isso, é criada uma função que permitirá ao usuário escolher entre ordenar um vetor Aleatório ou um vetor em ordem crescente.

```
int get vetor(int tipo ordem){
   int num_vetor, tamanho;
   if (tipo ordem == 1) {
           printf("\n \n");
           printf("Escolha o tamanho do vetor: \n\n");
           printf("1 - 100 \n");
printf("2 - 1000 \n");
printf("3 - 10000 \n");
printf("4 - 100000 \n");
           printf("*********
                                  ,
********* \n \n");
           scanf("%d", &num_vetor);
       } while(num_vetor != 1 && num_vetor != 2 && num_vetor != 3 && num_vetor != 4);
       switch (num_vetor) {
               pont_vetor = copiar_vetor(aleat_100, 100);
               tamanho = 100;
               break;
               pont_vetor = copiar_vetor(aleat_1000, 1000);
               tamanho = 1000;
               break;
               pont_vetor = copiar_vetor(aleat_10000, 10000);
               tamanho = 10000;
               break;
               pont_vetor = copiar_vetor(aleat_100000, 100000);
               tamanho = 100000;
               break;
```

```
else if (tipo ordem == 2) {
       printf("\n \n");
      printf("Escolha o tamanho do vetor: \n\n");
      printf("1 - 100 \n");
printf("2 - 1000 \n");
printf("3 - 10000 \n");
      printf("4 - 100000 \n");
      printf("******* \n \n");
      scanf("%d", &num_vetor);
       } while(num vetor != 1 && num vetor != 2 && num vetor != 3 && num vetor != 4);
   switch (num_vetor) {
          pont_vetor = copiar_vetor(orden_100, 100);
          tamanho = 100;
          break;
          pont_vetor = copiar_vetor(orden_1000, 1000);
          tamanho = 1000;
          break;
          pont vetor = copiar vetor(orden 10000, 10000);
          tamanho = 10000;
          break;
          pont vetor = copiar vetor(orden 100000, 100000);
           tamanho = 100000;
          break;
return tamanho;
```

Nas linhas seguintes, há uma função para que o usuário informe o tamanho do vetor que deseja utilizar, podendo escolher entre os valores, 100, 1000, 10000 e 100000.

```
void executar_sort(int operacao, int tamanho){
    clock t inicio, fim;
    double tempo;
    inicio = clock();
    switch (operacao) {
              bubble_sort(pont_vetor, tamanho);
          case 2: {
              selection_sort(pont_vetor, tamanho);
              break;
          case 3: {
              insertion sort(pont vetor, tamanho);
              shell sort(pont vetor, tamanho);
              break;
              quick_sort(pont_vetor, 0, tamanho - 1);
              break:
          case 6: {
              heap_sort(pont_vetor, tamanho);
          merge_sort(pont_vetor, 0, tamanho - 1);
  // Calcula o tempo em segundos
tempo = (double)(fim - inicio) / CLOCKS_PER_SEC;
  // Imprime os resultados
  printf("Tempo de execução: %f segundos\n", tempo);
  printf("Número de comparações: %d\n", comparacoes);
printf("Número de movimentações: %d\n", movimentacoes);
```

Por último, o usuário seleciona qual algoritmo de ordenação será utilizado, tendo como opções Bubble Sort, Selection Sort, Insertion Sort, Shell Sort, Quick Sort, Heap Sort e

Merge Sort. Um clock é definido para fazer computar o tempo levado durante cada uma das ordenações, a fim de comparar ao final qual é mais eficiente.

```
void menu_principal(){
    printf("\n \n");
   printf("Escolha o operacao de ordenação: \n\n");
   printf("1 - BubbleSort \n");
   printf("3 - InsertSort \n");
   printf("4 - ShellSort \n");
printf("5 - QuickSort \n");
printf("6 - HeapSort \n");
printf("7 - MergeSort \n");
    printf("******
    scanf("%d", &operacao);
    switch(operacao)
        case 1:
                printf("Execucao do BubbleSort \n\n");
                int ordem = tipo ordem();
                int tamanho = get vetor(ordem);
                int imprimir;
                do{
                    printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
                    printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
                    scanf("%d", &imprimir);
                     if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                         printf("Opção inválida \n");
                } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
                if (imprimir == 1){
                     imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
                executar_sort(operacao, tamanho);
```

```
do{
            printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
            if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime vetor(pont vetor, tamanho);
        comparacoes = 0;
        movimentacoes = 0;
        menu principal();
case 2:
        printf("Execucao do SelectSort \n\n");
        int ordem = tipo_ordem();
        int tamanho = get vetor(ordem);
        int imprimir;
        do{
            printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
            if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
```

```
if (imprimir == 1){
            imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
        executar_sort(operacao, tamanho);
            printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
            printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
            if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
        comparacoes = 0;
        movimentacoes = 0;
       menu_principal();
   break;
case 3:
        printf("Execucao do InsertSort \n\n");
        int ordem = tipo ordem();
       int tamanho = get_vetor(ordem);
        int imprimir;
            printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
```

```
if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
        executar_sort(operacao, tamanho);
            printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
            if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime vetor(pont vetor, tamanho);
        comparacoes = 0;
        movimentacoes = 0;
        menu_principal();
case 4:
        printf("Execucao do ShellSort \n\n");
        int ordem = tipo_ordem();
        int tamanho = get_vetor(ordem);
        int imprimir;
```

```
printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
             if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                 printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime vetor(pont vetor, tamanho);
        executar_sort(operacao, tamanho);
             printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
             if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                 printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
             imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
        comparacoes = 0;
        movimentacoes = 0;
        menu_principal();
case 5:
        printf("Execucao do QuickSort \n\n");
        int ordem = tipo ordem();
        int tamanho = get vetor(ordem);
```

```
int imprimir;
    do{
        printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
       printf("1 - Sim \n");
       printf("0 - Não \n\n");
       scanf("%d", &imprimir);
        if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
           printf("Opção inválida \n");
    } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
    if (imprimir == 1){
       imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
    executar_sort(operacao, tamanho);
        printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
       printf("1 - Sim \n");
       printf("0 - Não \n\n");
       scanf("%d", &imprimir);
        if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
           printf("Opção inválida \n");
    } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
    if (imprimir == 1){
       imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
   comparacoes = 0;
   movimentacoes = 0;
   menu_principal();
break;
```

```
case 6:
        printf("Execucao do HeapSort \n\n");
        int ordem = tipo_ordem();
        int tamanho = get vetor(ordem);
        int imprimir;
            printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
            if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime vetor(pont vetor, tamanho);
        executar sort(operacao, tamanho);
            printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
            printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
            scanf("%d", &imprimir);
            if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                printf("Opção inválida \n");
        } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
        if (imprimir == 1){
            imprime vetor(pont vetor, tamanho);
```

```
comparacoes = 0;
    movimentacoes = 0;
    menu_principal();
break;
    printf("Execucao do MergeSort \n\n");
    int ordem = tipo ordem();
    int tamanho = get vetor(ordem);
    int imprimir;
        printf("Deseja imprimir o vetor antes da operação? \n\n");
        printf("1 - Sim \n");
        printf("0 - Não \n\n");
        scanf("%d", &imprimir);
        if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
            printf("Opção inválida \n");
    } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
    if (imprimir == 1){
        imprime vetor(pont vetor, tamanho);
    executar_sort(operacao, tamanho);
        printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
        printf("1 - Sim \n");
printf("0 - Não \n\n");
        scanf("%d", &imprimir);
        if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
            printf("Opção inválida \n");
```

```
do{
                          printf("Deseja imprimir o vetor depois da operação? \n\n");
                          printf("1 - Sim \n");
                          printf("0 - Não \n\n");
                          scanf("%d", &imprimir);
                          if (imprimir != 0 && imprimir != 1) {
                              printf("Opção inválida \n");
                      } while (imprimir != 0 && imprimir != 1);
                      if (imprimir == 1){
                          imprime_vetor(pont_vetor, tamanho);
                      comparacoes = 0;
                      movimentacoes = 0;
                      menu principal();
                  break;
              default:
                      printf("Opcao invalida");
                  break;
604
```

Na função acima, a partir da escolha do usuário acerca de um método de ordenação, o programa encarrega-se de chamar o método de verificar qual dos dois tipos de ordem será utilizado, assim como o método que verifica a opção de tamanho de vetor, ambas anteriormente descritas, para logo em seguida iniciar a ordenação, chamando a função do tipo escolhido.

```
// Função para ordenar um vetor usando bubble sort

void bubble_sort[int vetor[], int n] {
    int i, j, aux;
    // Percorre o vetor n - 1 vezes
    for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        // Compara cada elemento com o seu sucessor
        for (j = i + 1; j < n; j++) {
        // Incrementa o número de comparações
        comparacoes++;
        // Se o elemento atual for maior que o próximo, troca de posição
        if (vetor[i] > vetor[j]) {
            aux = vetor[i];
            vetor[j] = aux;
            // Incrementa o número de movimentações
            movimentacoes++;
        }
    }
    // Incrementa o número de movimentações
        movimentacoes++;
    }
}
```

O bubble sort, a primeira opção de ordenação, percorre o vetor em seu tamanho menos uma posição (n-1), comparando cada elemento com seu sucessor. Visto que uma comparação foi realizada, um contador será incrementado de 1 (comparacoes++), seguindo para uma verificação sobre se o próximo elemento é menor que o elemento atual. Caso positivo, ocorrerá a troca de posição e o contador de trocas será acrescido de uma unidade (movimentacoes++).

```
void selection_sort(int vetor[], int n) {
        int i, j, min, aux;
        for (i = 0; i < n - 1; i++) {
          min = i;
          for (j = i + 1; j < n; j++) {
            comparacoes++;
640
            if (vetor[j] < vetor[min]) {</pre>
              min = j;
642
          if (min != i) {
            aux = vetor[min];
            vetor[min] = vetor[i];
            vetor[i] = aux;
649
            movimentacoes++;
```

O segundo método é o Selection Sort, o qual vai percorrer o vetor até sua penúltima posição (n-1) e assume que o elemento atual é o menor, procurando nos próximos elementos um que seja menor, iniciando, então, um laço de comparação no qual um contador será acrescido a cada comparação e, caso encontre um valor menor com índice maior, faz a troca, incrementando, assim, o contador de movimentações.

```
// Função para ordenar um vetor usando insertion sort

void insertion_sort(int vetor[], int n) {

int i, j, k, aux;

// Percorre o vetor da segunda posição até a última

for (i = 1; i < n; i++) {

aux = vetor[i]; // Guarda o elemento atual

// Procura a posição correta para inserir o elemento atual

for (j = 0; j < i; j++) {

// Incrementa o número de comparações

comparacoes++;

// Se o elemento atual for menor que o elemento da posição j, interrompe o loop

if (aux < vetor[j]) {

break;

}

// Move os elementos maiores que o elemento atual para a direita

for (k = i; k > j; k--) {

vetor[k] = vetor[k - 1];

// Incrementa o número de movimentações

movimentacoes++;

}

// Insere o elemento atual na posição correta

vetor[j] = aux;

}

// Insere o elemento atual na posição correta

vetor[j] = aux;

}
```

O método três, o Insertion Sort, percorre até a última posição do vetor com a ajuda de um auxiliar, que vai guardando o elemento atual e comparando, buscando a posição correta para inseri-lo (comparacao++). Encontrando um elemento que seja maior, o loop é interrompido, movendo os elementos maiores que o atual para a direita (movimentacoes++) e atualizando a posição do atual.

```
// Função para ordenar um vetor usando shell sort

void shell_sort(int vetor[], int n) {

int i, j, k, h, aux;

// Define o intervalo inicial como metade do tamanho do vetor

h = n / 2;

// Repete o processo até que o intervalo seja menor que 1

while (h > 0) {

// Percorre o vetor da posição h até a última

for (i = h; i < n; i++) {

aux = vetor[i]; // Guarda o elemento atual

// Compara o elemento atual com os elementos do intervalo

for (j = i; j >= h && aux < vetor[j - h]; j -= h) {

// Incrementa o número de comparações

comparacoes++;

// Move o elemento maior para a direita

vetor[j] = vetor[j - h];

// Incrementa o número de movimentações

movimentacoes++;

}

// Coloca o elemento atual na posição correta

vetor[j] = aux;

}

// Reduz o intervalo pela metade

h = h / 2;

// Red
```

O quarto método é o Shell Sort. Ele utiliza um intervalo inicial de metade do tamanho do vetor e, a cada iteração, reduz esse intervalo pela metade até que ele seja menor que 1. Dentro do laço principal, o algoritmo percorre o vetor e, para cada elemento, compara-o com os elementos separados pelo intervalo. Se um elemento for menor que o outro dentro desse intervalo, são feitas trocas para posicionar o elemento atual na posição correta dentro desse grupo. Isso continua até que todo o vetor seja percorrido com o intervalo estabelecido. A ideia é criar sequências parcialmente ordenadas no vetor, o que auxilia na redução do número de movimentações necessárias para a ordenação completa.

```
int escolhe pivo(int inicio, int fim) {
  return (rand() % (fim - inicio + 1)) + inicio;
// Função para ordenar um vetor usando quick sort
void quick_sort(int vetor[], int inicio, int fim) {
 if (inicio < fim) {
   int pivo indice = escolhe pivo(inicio, fim);
   // Coloca o pivô no fim do vetor
    troca(&vetor[pivo indice], &vetor[fim]);
    int pivo = vetor[fim];
    // Define o índice da posição inicial
    int i = inicio;
    for (int j = inicio; j < fim; j++) {
     comparacoes++;
     if (vetor[j] <= pivo) {</pre>
       troca(&vetor[i], &vetor[j]);
       movimentacoes++;
        i++;
    troca(&vetor[i], &vetor[fim]);
    movimentacoes++;
    quick_sort(vetor, inicio, i - 1);
    quick_sort(vetor, i + 1, fim);
```

O código acima implementa o algoritmo de ordenação conhecido como Quick Sort. Ele seleciona um pivô aleatório dentro do intervalo especificado e rearranja os elementos do vetor de forma que os elementos menores que o pivô fiquem à esquerda dele e os maiores à direita. O pivô é escolhido aleatoriamente para evitar casos em que o algoritmo tenha um desempenho ruim com certos tipos de entradas ordenadas ou pré-ordenadas. O Quick Sort então divide o vetor em partições menores com base na posição correta do pivô, classificando recursivamente as partições restantes até que o vetor esteja totalmente ordenado.

```
// Função para ajustar o heap com raiz em 'i'
void ajusta heap(int vetor[], int n, int i) {
   int maior = i;
   int esquerda = 2 * i + 1;
   int direita = 2 * i + 2;
    if (esquerda < n && vetor[esquerda] > vetor[maior]) {
       comparacoes++;
       maior = esquerda;
    if (direita < n && vetor[direita] > vetor[maior]) {
       comparacoes++;
       maior = direita;
   if (maior != i) {
      movimentacoes++;
       troca(&vetor[i], &vetor[maior]);
       ajusta heap(vetor, n, maior);
void heap sort(int vetor[], int n) {
    for (int i = n / 2 - 1; i >= 0; i --)
       ajusta_heap(vetor, n, i);
       movimentacoes++;
       troca(&vetor[0], &vetor[i]);
       ajusta_heap(vetor, i, 0);
```

Esse código implementa o algoritmo Heap Sort. Ele organiza os elementos em um vetor, transformando-o em uma estrutura de dados chamada de heap, onde o maior elemento está sempre na raiz. O algoritmo possui duas etapas principais: Construção do Heap (max-heap): O vetor inicial é organizado como um heap, começando das folhas e subindo até a raiz, garantindo que o maior elemento esteja na posição 0. E a Extração do Heap: O maior elemento (na raiz) é movido para a última posição do vetor, e em seguida, o heap é ajustado para garantir que o próximo maior elemento vá para a raiz. Esse processo é repetido até que todo o vetor esteja ordenado. O método ajusta\_heap é usado para garantir que a estrutura de heap seja mantida durante a construção e extração, trocando elementos conforme necessário para reorganizar o heap corretamente.

```
void merge(int vetor[], int inicio, int meio, int fim) {
        int i = inicio; // Índice do primeiro elemento da primeira metade int j = meio + 1; // Índice do primeiro elemento da segunda metade
804
        int *aux = malloc(sizeof(int) * (fim - inicio + 1)); // Aloca um vetor auxiliar
        while (i <= meio && j <= fim) {
          comparacoes++;
          // Se o elemento da primeira metade for menor ou igual ao da segunda, copia ele par
          if (vetor[i] <= vetor[j]) {</pre>
            aux[k] = vetor[i];
            i++;
          // Senão, copia o elemento da segunda metade para o vetor auxiliar
          else {
           aux[k] = vetor[j];
            j++;
          movimentacoes++;
          k++;
        // Copia os elementos restantes da primeira metade, se houver
        while (i <= meio) {
          aux[k] = vetor[i];
          i++;
          k++;
          // Incrementa o número de movimentações
          movimentacoes++;
        while (j <= fim) {
          aux[k] = vetor[j];
          j++;
          k++;
          // Incrementa o número de movimentações
          movimentacoes++;
        for (i = inicio; i <= fim; i++) {
          vetor[i] = aux[i - inicio];
          movimentacoes++;
        free(aux); // Libera a memória do vetor auxiliar
      // Função para ordenar um vetor usando merge sort
      void merge_sort(int vetor[], int inicio, int fim) {
          int meio = (inicio + fim) / 2;
          merge sort(vetor, inicio, meio);
          merge_sort(vetor, meio + 1, fim);
          merge(vetor, inicio, meio, fim);
```

Esse código implementa a função merge, a última dentre as funções de ordenação, parte essencial do algoritmo Merge Sort. Ela recebe um vetor, um índice de início, um índice do ponto médio e um índice do fim do vetor. Ela combina duas partes ordenadas do vetor (da posição inicio até meio e de meio + 1 até fim) para formar uma única parte ordenada. O algoritmo funciona da seguinte forma: Cria um vetor auxiliar do tamanho apropriado, copia elementos do vetor original para o vetor auxiliar, mantendo a ordem crescente; compara os elementos das duas partes do vetor e os intercala em ordem crescente no vetor auxiliar; e copia os elementos ordenados do vetor auxiliar de volta para o vetor original. No final, o vetor estará ordenado.

```
// Função que copia o vetor global para um vetor local
int* copiar_vetor(int vetor_global[], int tam) {
    int* vetor_local = (int*) malloc(tam * sizeof(int)); //vetor local
    int i; //variável de controle do laço

//copiando cada elemento do vetor global para o vetor local
for (i = 0; i < tam; i++) {
    vetor_local[i] = vetor_global[i];
}

//retorna a referência do vetor local
return vetor_local;
}

int main() {
    // Executa o menu principal
menu_principal();

return 0;
</pre>
```

Por último, temos uma função que recebe um vetor global e seu tamanho como argumentos e cria um vetor local alocado dinamicamente na memória, copiando o conteúdo do vetor global para esse vetor local. Por fim, temos a função main, que apenas chama uma função menu\_principal(), visando iniciar a execução de um menu para o usuário.

#### Resultados

Para realizar a comparação de performance, os algoritmos foram implementados em C e executados em um computador com processador Intel Core i5-8265U 1.60 GHz e 8GB de memória RAM DDR4. Os tamanhos dos vetores usados foram de 100, 1000, 10000 e 100000 elementos. Para cada tamanho, foram usados vetores de entrada com ordem crescente e gerados aleatoriamente.

Para os vetores em ordem aleatória, os resultados da comparação de performance são apresentados na tabela abaixo:

| Tempo (segundos) |          |         |          |        |         |        |         |
|------------------|----------|---------|----------|--------|---------|--------|---------|
| Tamanho do       | BubbleS  | SelectS | InsertSo | ShellS | QuickS  | HeapS  | MergeSo |
| vetor/Algoritmo  | ort      | ort     | rt       | ort    | ort     | ort    | rt      |
| 100              | 0.000000 | 0.00000 | 0.00000  | 0.0000 | 0.00000 | 0.0000 | 0.00000 |
|                  |          | 0       | 0        | 00     | 0       | 00     | 0       |
| 1000             | 0.000000 | 0.00000 | 0.00000  | 0.0000 | 0.00000 | 0.0000 | 0.00000 |
|                  |          | 0       | 0        | 00     | 0       | 00     | 0       |
| 10000            | 0.125000 | 0.03100 | 0.07800  | 0.0000 | 0.00000 |        | 0.00000 |
|                  |          | 0       | 0        | 00     | 0       | 00     | 0       |
| 100000           | 19,78100 | 7,27    | 7,26     | 0.0160 | 0.00000 |        | 0.01500 |
|                  | 0        |         |          | 00     | 0       | 00     | 0       |
| _                |          |         |          |        |         |        |         |
| Comparações      |          |         |          |        |         |        |         |
|                  |          |         |          |        |         |        |         |
| Tamanho do       | BubbleS  | SelectS | InsertSo | ShellS | QuickS  | HeapS  | MergeSo |
| vetor/Algoritmo  | ort      | ort     | rt       | ort    | ort     | ort    | rt      |
| 100              | 4950     | 4950    | 2557     | 378    | 632     | 673    | 545     |
| 1000             | 499500   | 499500  | 257499   | 7473   | 11601   | 11788  | 8698    |
| 10000            | 4999500  | 499950  | 249260   | 149361 | 158099  | 166390 | 120417  |
|                  | 0        | 00      | 78       |        |         |        |         |
| 100000           | 7049827  | 704982  | ?        | 292373 | 200223  | 216351 | 1536507 |
|                  | 04       | 704     | (Estouro | 8      | 4       | 9      |         |
|                  |          |         | )        |        |         |        |         |
|                  |          |         |          |        |         |        |         |
| Movimentações    |          |         |          |        |         |        |         |
|                  |          |         |          |        |         |        |         |
| Tamanho do       | BubbleS  | SelectS |          | ShellS | QuickS  | HeapS  | MergeSo |
| vetor/Algoritmo  | ort      | ort     | rt       | ort    | ort     | ort    | rt      |
| 100              | 2486     | 94      | 2486     | 378    | 382     | 576    | 1344    |
| 1000             | 242995   | 995     | 242995   | 7473   | 7282    | 9109   | 19952   |
| 10000            | 2507891  | 9991    | 250789   | 149361 | 92438   | 124221 | 267232  |
|                  | 1        |         | 11       |        |         |        |         |

| 100000 | ?         | 99986 | ?        | 292373 | 110544 | 157486 | 3337856 |
|--------|-----------|-------|----------|--------|--------|--------|---------|
|        | (Estouro) |       | (Estouro | 8      | 6      | 0      |         |
|        |           |       | )        |        |        |        |         |

Para os vetores ordenados, os resultados da comparação de performance são apresentados na tabela abaixo:

| Tempo (segundos)              |                |                |                |               |               |              |               |
|-------------------------------|----------------|----------------|----------------|---------------|---------------|--------------|---------------|
| Tamanho do<br>vetor/Algoritmo | Bubble<br>Sort | SelectS<br>ort | InsertS<br>ort | ShellS<br>ort | QuickS<br>ort | HeapS<br>ort | MergeS<br>ort |
| 100                           | 0.00000        | 0.0000         | 0.0000<br>00   | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00 | 0.00000<br>0  |
| 1000                          | 0.00000        | 0.0000<br>00   | 0.0000<br>00   | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00 | 0.00000<br>0  |
| 10000                         | 0.09300        | 0.0780<br>00   | 0.0470<br>00   | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00 | 0.00000<br>0  |
| 100000                        | 5,50           | 7,50           | 7,62           | 0.0000<br>00  | 0.0000<br>00  | 0.0160<br>00 | 0.00000<br>0  |
|                               |                |                |                |               |               |              |               |
| Comparações                   |                |                |                |               |               |              |               |
| Tamanho do vetor/Algoritmo    | BubbleS ort    | SelectS<br>ort | InsertS<br>ort | ShellS<br>ort | QuickS<br>ort | HeapS<br>ort | MergeS<br>ort |
| 100                           | 4950           | 4950           | 4950           | 0             | 593           | 795          | 356           |
| 1000                          | 499500         | 499500         | 499500         | 0             | 10349         | 12963        | 5044          |
| 10000                         | 499950<br>00   | 499950<br>00   | 499950<br>00   | 0             | 15935<br>9    | 18058<br>4   | 69008         |
| 100000                        | 704982<br>704  | 704982<br>704  | 704982<br>704  | 0             | 20666<br>00   | 23031<br>77  | 853904        |

| Movimentações                 |                |                |                |               |               |              |               |
|-------------------------------|----------------|----------------|----------------|---------------|---------------|--------------|---------------|
| Tamanho do<br>vetor/Algoritmo | Bubble<br>Sort | SelectS<br>ort | InsertS<br>ort | ShellS<br>ort | QuickS<br>ort | HeapS<br>ort | MergeS<br>ort |
| 100                           | 0              | 0              | 0              | 0             | 369           | 640          | 1344          |
| 1000                          | 0              | 0              | 0              | 0             | 5926          | 9708         | 19952         |
| 10000                         | 0              | 0              | 0              | 0             | 87780         | 13195<br>6   | 267232        |
| 100000                        | 0              | 0              | 0              | 0             | 116219<br>9   | 16508<br>54  | 333785<br>6   |

#### Conclusão

A comparação de performance dos algoritmos de ordenação apresentados neste relatório mostrou que o Quick Sort é o algoritmo mais eficiente, seguido do Heap Sort e do Merge Sort. Os algoritmos Bubble Sort, Select Sort e Insert Sort são os menos eficientes, com desempenho crescente.

Entre as principais dificuldades encontradas na implementação do trabalho, foi a de gerar um programa que possa ser executado continuamente (ser reutilizado depois da execução de uma configuração definida pelo usuário em momento de execução), que inclui como ordenar os vetores sem perder a ordem original (para serem reutilizados). Outra dificuldade encontrada foi o estouro da variável do número de comparações para o vetor aleatório de 100.000 no insert sort e da variável do número de movimentações para o vetor 100.000 para o bubble e o insert, apesar de ter sido utilizado os modificadores "long" e "unsigned" para ambas as variáveis.