

# Algoritmos em Grafo Busca em Profundidade

Prof. Dr. Luis Augusto Martins Pereira

#### **Busca em Profundidade**

 A <u>Busca em Profundidade</u> (Deaph-First Search - DFS) é um método para percorrer <u>recursivamente</u> um grafo G(V, E).

#### Estratégia do percurso:

- Sempre que visitamos um vértice s, visitamos seu primeiro vizinho t.
- Mas antes de visitarmos outros vizinhos de s, visitamos o vizinho do t e assim por diante.

#### **Exemplo de Busca em Profundidade**



Pesquisar na Wikipédia

Conteúdo

Início

Definição Formal

Exemplo

Exemplos de Código

**Aplicações** 

Referências

Ver também

Ligações externas



#### **WIKI LOVES EARTH 2022 NO BRASIL**

Tem fotos de reservas naturais brasileiras?
Compartilhe e concorra a uma participação em uma expedição fotógrafica no Brasil.

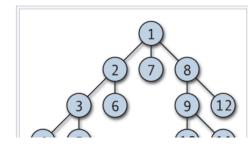
#### Busca em profundidade

go Discussão Ler Editar Ver histórico

Origem: Wikipédia, a enciclopédia livre.

Na teoria dos grafos, **busca em profundidade** (ou busca em profundidade-primeiro, também conhecido em inglês por Depth-First Search - DFS) é um algoritmo usado para realizar uma busca ou travessia numa árvore, estrutura de árvore ou grafo. Intuitivamente, o algoritmo começa num nó raiz (selecionando algum nó como sendo o raiz, no caso de um grafo) e explora tanto quanto possível cada um dos seus ramos, antes de retroceder(backtracking).

Uma versão da busca em profundidade foi investigada no século XIX pelo matemático francês Charles Pierre Trémaux<sup>[1]</sup> como estratégia para solucionar labirintos.<sup>[2][3]</sup>



[ocultar

文A 38 línguas ∨

#### **Exemplo de Busca em Profundidade**



Q Pesquisar na Wikipédia

Conteúdo

Início

Histórico

Definições de grafos e dígrafos

Representação gráfica

Armazenamento de grafos em memória

✓ Definições de teoria dos grafos

Relações de incidência e de adjacência

Valência (Grau)

Passeio

Caminho

Tipos de grafos



#### **WIKI LOVES EARTH 2022 NO BRASIL**

Tem fotos de reservas naturais brasileiras?
Compartilhe e concorra a uma participação em uma expedição fotógrafica no Brasil.

#### Teoria dos grafos

rtigo Discussão Ler Editar Ver histórico

Origem: Wikipédia, a enciclopédia livre.

(Redirecionado de Grafos)



Esta página cita fontes, mas que **não cobrem todo o conteúdo**. Ajude a inserir referências. Conteúdo não verificável pode ser removido. — *Encontre fontes*: Google (notícias, livros e acadêmico) (*Agosto de 2013*)



Este artigo carece de reciclagem de acordo com o livro de estilo. Sinta-se livre para editá-la para que esta possa atingir um nível de qualidade superior. (Fevereiro de 2013)

A **teoria dos grafos** ou **de grafos** é um ramo da matemática que estuda as relações entre os objetos de um determinado conjunto. Para tal são utilizadas estruturas chamadas de grafos, G(V, E), onde V é um conjunto



[ocultar

文 70 línguas ∨

#### Exemplo de Busca em Profundidade





Q Pesquisar na Wikipédia

Página principal

Conteúdo destacado

Eventos atuais

Esplanada

Página aleatória

Portais

Informar um erro

Colaboração

Boas-vindas

Ajuda

Página de testes

Portal comunitário

Mudanças recentes

Manutenção

Criar página

Páginas novas

Contato Donativos

Ferramentas

Páginas afluentes



#### **WIKI LOVES EARTH 2022 NO BRASIL**

Tem fotos de reservas naturais brasileiras?

Compartilhe e concorra a uma participação em uma expedição fotógrafica no Brasil.

Matemática

文A 240 línguas ∨

[ocultar

Artigo Discussão Ler Editar Ver histórico

Origem: Wikipédia, a enciclopédia livre.



Esta página cita fontes, mas que **não cobrem todo o conteúdo**. Ajude a inserir referências. Conteúdo não verificável pode ser removido. — *Encontre fontes:* Google (notícias, livros e acadêmico) (*Fevereiro de 2012*)

A matemática (dos termos gregos  $\mu \acute{a}\theta \eta \mu a$ , transliterado  $m\acute{a}th \~ema$ , 'ciência', conhecimento' ou 'aprendizagem', [1] e  $\mu a\theta \eta \mu a\tau \iota \kappa \acute{o}\varsigma$ , transliterado  $math \~emati \acute{k}\acute{o}s$ , 'inclinado a aprender') é a ciência do raciocínio lógico e abstrato, que estuda quantidades (teoria dos números), espaço e medidas (geometria), estruturas, variaç $\~es$ [2] e estatística. [3][4][5] N $\~emath{\~e}$ 0 N $\'emath{\~e}$ 0 N $\'emath{\'e}$ 0 N $\'emath{\~e}$ 0 N $\'emath{\'e}$ 0 N $\'emath{\'emath}$ 0 N $\'emath{\'e}$ 0 N $\'emath{\'emath}$ 0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N'emath0 N'emath0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N'emath0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N $\'emath}$ 0 N $\'emath}$ 0 N'emath0 N $\'emath}$ 0 N



#### Controle do processo da busca

- Pilha (Last in, First out): guardar os nós visitados
- Atributos dos nós:
  - <u>Cor</u>:
    - BRANCO: não visitado;
    - CINZA: visitado pela primeira vez;
    - PRETO: lista de adjacência toda explorada.
  - <u>Tempo de descoberta</u> (d): registra quando um vértice é descoberto pela primeira vez;
  - <u>Tempo de término</u> (f): registra quando a busca termina de examinar a lista de adjacências de um vértice;
  - <u>Predecessor</u> (pred): vértice antecessor a um vértice no caminho explorado.

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
        u.cor = BRANCO
4.
        u.pred = NIL
5.
   Endfor
6. tempo = 0
7. For each u in V[G]
8.
         if u.cor == BRANCO
9.
             DFS-Visit(G,u)
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
     tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28. tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
        u.pred = NIL
5.
   Endfor
   tempo = 0
7. For each u in V[G]
8.
         if u.cor == BRANCO
9.
             DFS-Visit(G,u)
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
     tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28. tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
        u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
   tempo = 0
7. For each u in V[G]
8.
         if u.cor == BRANCO
9.
             DFS-Visit(G,u)
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
16. tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28. tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
```

30.Endfunction

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
         if u.cor == BRANCO
9.
             DFS-Visit(G,u)
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
16.
     tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28. tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
```

30.Endfunction

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
         if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
             DFS-Visit(G,u)
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
16.
     tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
           if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
16.
     tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
           if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
29.
       u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
     For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
    u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
      u.f = tempo
29.
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G,u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
      u.f = tempo
29.
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit (G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
           if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
      u.f = tempo
29.
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit (G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
19.
20.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
21.
           if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
      u.f = tempo
29.
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
    tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
     Endfor
11.
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit (G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
19.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
20.
21.
           if v.cor == BRANCO // Verifique se "v" não foi visitado
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit (G, v)
24.
          Endif
25.
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

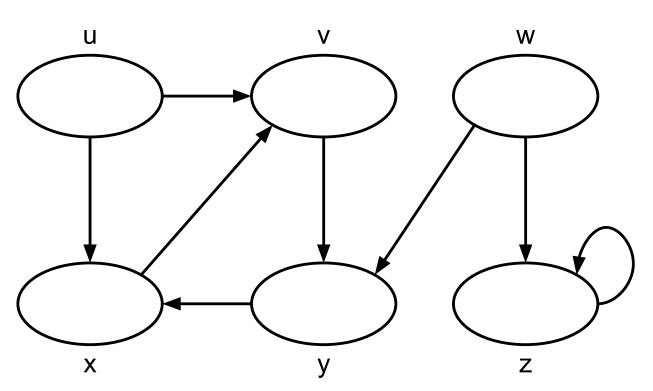
```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
     tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
     Endfor
11.
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit (G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
19.
20.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
21.
           if v.cor == BRANCO // Verifique se "v" não foi visitado
22.
              v.pred = u // Atualize predecessor
23.
               DFS-Visit (G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
4.
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
5.
     Endfor
     tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
     Endfor
11.
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
19.
20.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
21.
           if v.cor == BRANCO // Verifique se "v" não foi visitado
22.
              v.pred = u // Atualize predecessor
23.
               DFS-Visit(G,v) // Chame recursivamente DFS-Visit em "v"
24.
           Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
4.
5.
     Endfor
     tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
     Endfor
11.
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
18.
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
19.
20.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
21.
           if v.cor == BRANCO // Verifique se "v" não foi visitado
22.
              v.pred = u // Atualize predecessor
23.
               DFS-Visit(G,v) // Chame recursivamente DFS-Visit em "v"
24.
           Endif
25.
      Endfor
26.
27.
      u.cor = PRETO // Pinte "u" de preto (não há mais vizinhos para serem descobertos)
28.
      tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

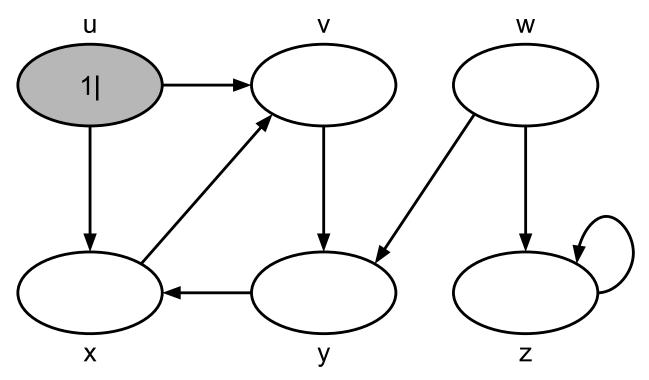
```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
4.
5.
     Endfor
     tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
18.
19.
20.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
21.
           if v.cor == BRANCO // Verifique se "v" não foi visitado
22.
               v.pred = u // Atualize predecessor
23.
               DFS-Visit(G,v) // Chame recursivamente DFS-Visit em "v"
24.
           Endif
25.
      Endfor
26.
27.
      u.cor = PRETO // Pinte "u" de preto (não há mais vizinhos para serem descobertos)
28.
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO // Pinte todos os nós de BRANCO
         u.pred = NIL // Predecessor de todos os "u" para NIL
4.
5.
     Endfor
     tempo = 0 // Inicializando o contador de tempo
7.
     For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO // Verifique se "u" não foi visitado
9.
              DFS-Visit(G,u) // Chame DFS-Visit em "u"
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit(G, u)
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
17.
      u.d = tempo // Atualize o tempo de descoberta
      u.cor = CINZA // Pinte v de cinza (descoberto)
18.
19.
      For each v in G.Adj[u] // Todos os nós "v" adjacentes ao nó "u"
20.
21.
           if v.cor == BRANCO // Verifique se "v" não foi visitado
22.
               v.pred = u // Atualize predecessor
23.
               DFS-Visit(G,v) // Chame recursivamente DFS-Visit em "v"
24.
           Endif
25.
      Endfor
26.
27.
      u.cor = PRETO // Pinte "u" de preto (não há mais vizinhos para serem descobertos)
28.
      tempo = tempo + 1 // incremente a variável de tempo
      u.f = tempo // Atualize o tempo final
29.
30.Endfunction
```

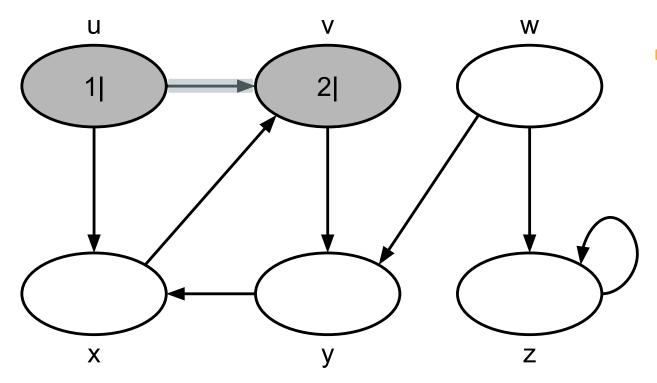


```
Function DFS(G)
              For each u in V[G]
                  u.cor = BRANCO
                  u.pred = NIL
              Endfor
              tempo = 0
              For each u in V[G]
                  if u.cor == BRANCO
                      DFS-Visit (G, u)
                 Endif
11.
             Endfor
          Endfunction
          Function DFS=Visit(G,u)
             tempo = tempo + 1
              u.cor = CINZA
20.
21.
              For each v in G.Adj[u]
                  if v.cor == BRANCO
v.pred = u
22.
23.
                      DFS-Visit (G, v)
24.
27.
              u.cor = PRETO
              tempo = tempo + 1
u.f = tempo
28.
29.
30.
         Endfunction
34.
              u.f = tempo
```

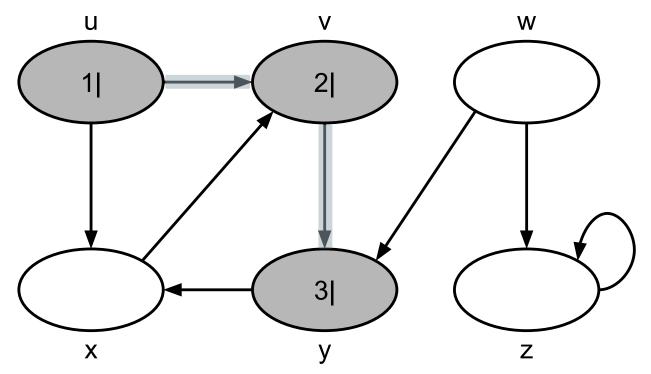
35.



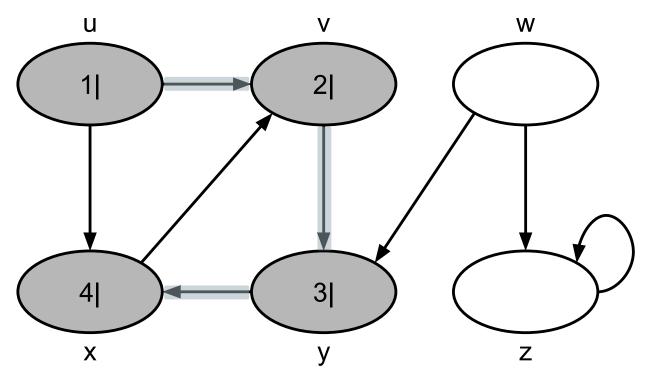
```
Function DFS(G)
              For each u in V[G]
                  u.cor = BRANCO
                  u.pred = NIL
              Endfor
              tempo = 0
              For each u in V[G]
                  if u.cor == BRANCO
                      DFS-Visit (G, u)
                 Endif
10.
11.
             Endfor
          Endfunction
          Function DFS=Visit(G,u)
16.
             tempo = tempo + 1
              u.cor = CINZA
              For each v in G.Adj[u]
                  if v.cor == BRANCO
v.pred = u
22.
23.
                      DFS-Visit (G, v)
24.
27.
              u.cor = PRETO
              tempo = tempo + 1
u.f = tempo
28.
29.
30.
          Endfunction
 34.
              u.f = tempo
 35.
          endfunction
```



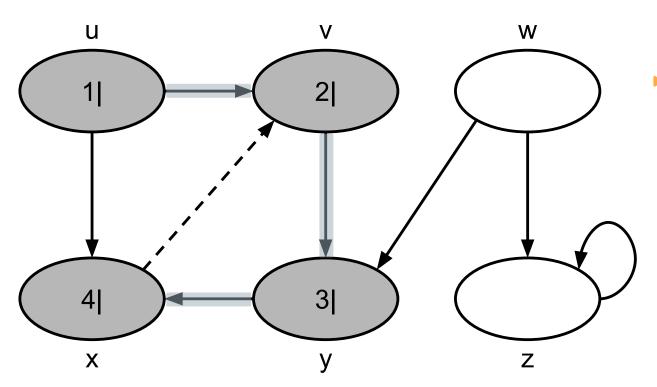
```
Function DFS(G)
              For each u in V[G]
                  u.cor = BRANCO
                  u.pred = NIL
              Endfor
              tempo = 0
              For each u in V[G]
                  if u.cor == BRANCO
                      DFS-Visit (G, u)
                 Endif
10.
11.
             Endfor
          Endfunction
          Function DFS=Visit(G,u)
16.
             tempo = tempo + 1
              u.cor = CINZA
              For each v in G.Adj[u]
                  if v.cor == BRANCO
v.pred = u
22.
23.
                      DFS-Visit (G, v)
24.
27.
              u.cor = PRETO
              tempo = tempo + 1
u.f = tempo
28.
29.
30.
          Endfunction
 34.
              u.f = tempo
 35.
          endfunction
```

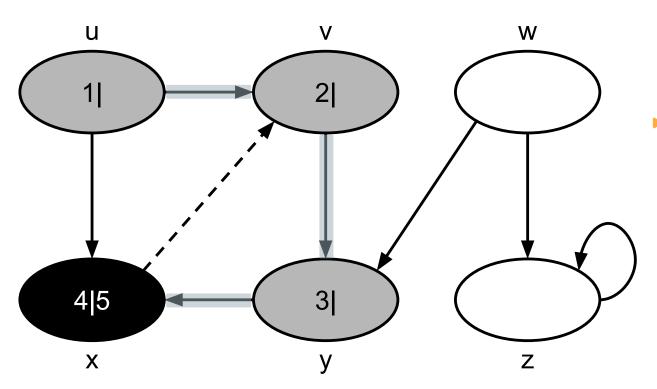


```
Function DFS(G)
              For each u in V[G]
                  u.cor = BRANCO
                  u.pred = NIL
              Endfor
              tempo = 0
              For each u in V[G]
                  if u.cor == BRANCO
                      DFS-Visit (G, u)
                 Endif
10.
11.
             Endfor
          Endfunction
          Function DFS=Visit(G,u)
16.
             tempo = tempo + 1
              u.cor = CINZA
              For each v in G.Adj[u]
                  if v.cor == BRANCO
v.pred = u
22.
23.
                      DFS-Visit (G, v)
24.
27.
              u.cor = PRETO
              tempo = tempo + 1
u.f = tempo
28.
29.
30.
          Endfunction
 34.
              u.f = tempo
 35.
```



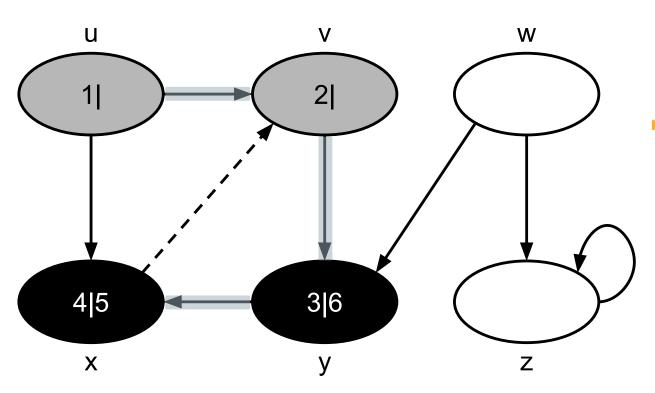
```
Function DFS(G)
             For each u in V[G]
                  u.cor = BRANCO
                  u.pred = NIL
              Endfor
              tempo = 0
              For each u in V[G]
                  if u.cor == BRANCO
                      DFS-Visit (G, u)
                 Endif
10.
11.
             Endfor
          Endfunction
          Function DFS=Visit(G,u)
16.
            tempo = tempo + 1
              u.cor = CINZA
              For each v in G.Adj[u]
                  if v.cor == BRANCO
v.pred = u
22.
23.
                      DFS-Visit (G, v)
24.
27.
              u.cor = PRETO
              tempo = tempo + 1
u.f = tempo
28.
29.
30.
          Endfunction
 34.
              u.f = tempo
 35.
          endfunction
```





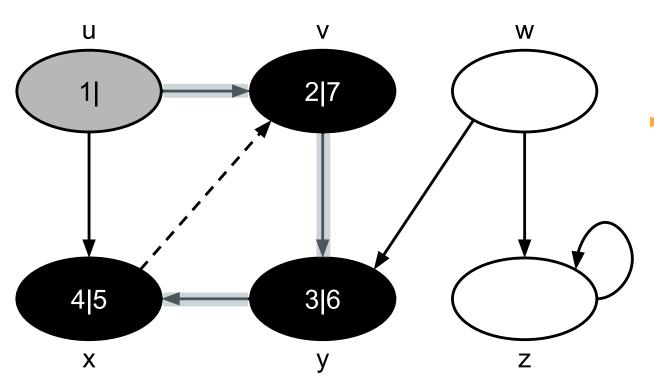
endfunction

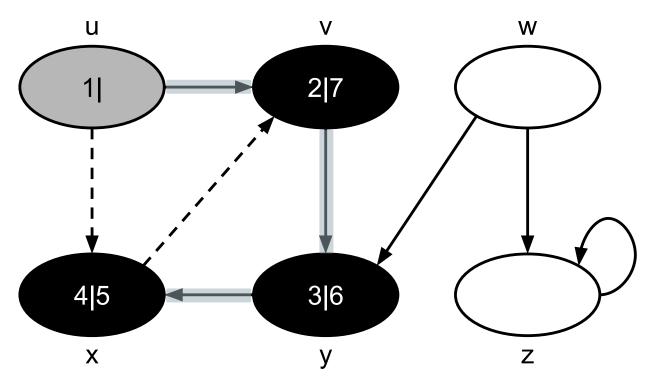
35.



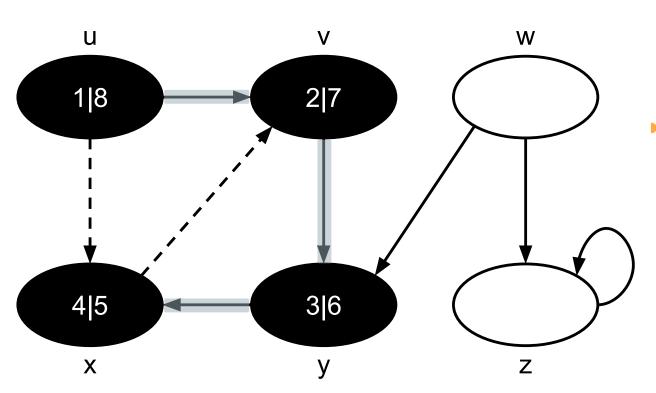
endfunction

35.

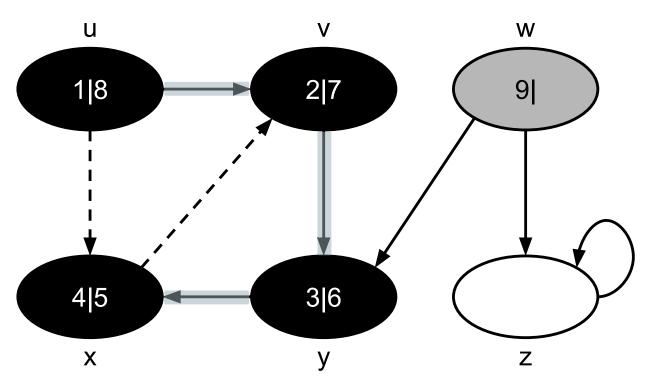




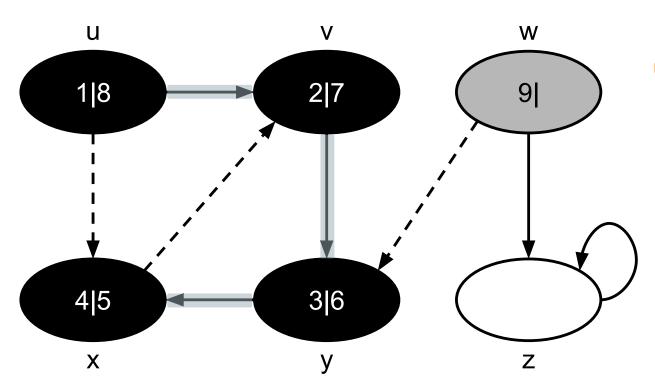
```
Function DFS(G)
               For each u in V[G]
                   u.cor = BRANCO
                   u.pred = NIL
               Endfor
                tempo = 0
                For each u in V[G]
                   if u.cor == BRANCO
                       DFS-Visit (G, u)
                  Endif
  10.
  11.
              Endfor
            Endfunction
            Function DFS-Visit(G,u)
  16.
              tempo = tempo + 1
               u.cor = CINZA
  19.
20.
                For each v in G.Adj[u]
                   if v.cor == BRANCO
  22.
                       v.pred = u
  23.
                       DFS-Visit (G, v)
  27.
  28.
                tempo = tempo + 1
               u.f = tempo
  29.
30.
            Endfunction
   34.
               u.f = tempo
   35.
            endfunction
```



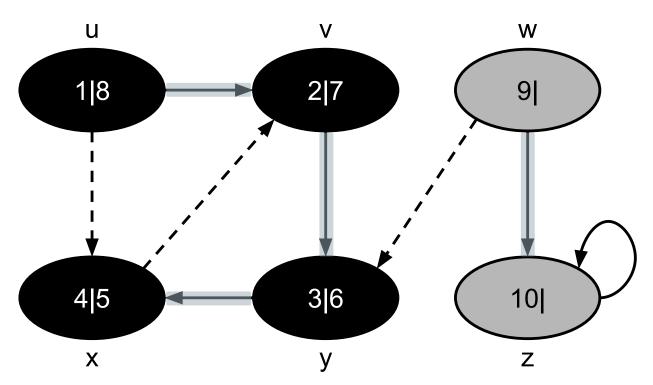
```
Function DFS(G)
                For each u in V[G]
                   u.cor = BRANCO
                   u.pred = NIL
                Endfor
                tempo = 0
                For each u in V[G]
                   if u.cor == BRANCO
                       DFS-Visit (G, u)
                   Endif
   10.
   11.
               Endfor
            Endfunction
            Function DFS-Visit(G,u)
   16.
               tempo = tempo + 1
                u.cor = CINZA
                For each v in G.Adj[u]
                   if v.cor == BRANCO
  22.
                       v.pred = u
   23.
                       DFS-Visit (G, v)
  24.
  27.
28.
                tempo = tempo + 1
                u.f = tempo
            Endfunction
   34.
                u.f = tempo
   35.
```



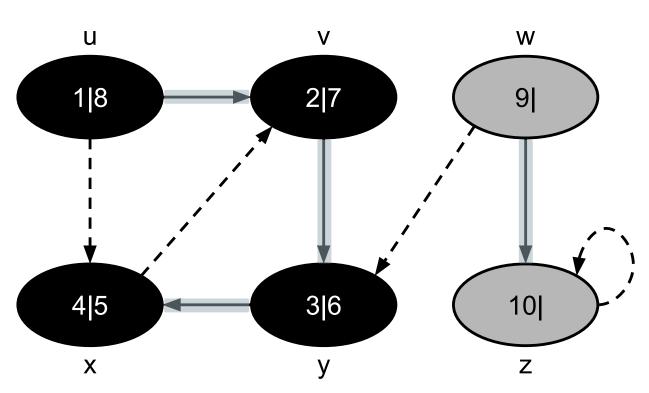
```
Function DFS(G)
             For each u in V[G]
                 u.cor = BRANCO
                 u.pred = NIL
             Endfor
             tempo = 0
             For each u in V[G]
                 if u.cor == BRANCO
                    DFS-Visit (G, u)
                Endif
10.
11.
            Endfor
12.
         Endfunction
         Function DFS-Visit(G,u)
16.
            tempo = tempo + 1
             u.cor = CINZA
             For each v in G.Adj[u]
                 if v.cor == BRANCO
22.
                    v.pred = u
23.
                     DFS-Visit (G, v)
27.
             u.cor = PRETO
28.
             tempo = tempo + 1
             u.f = tempo
29.
30.
         Endfunction
34.
             u.f = tempo
35.
         endfunction
```

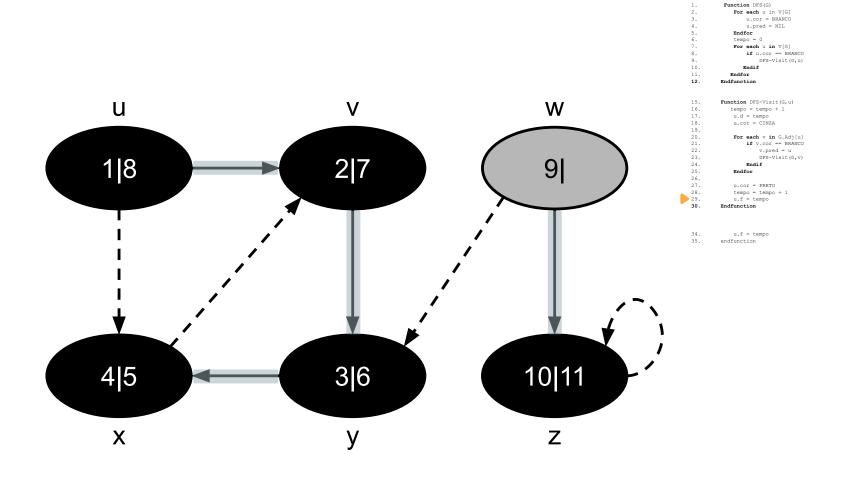


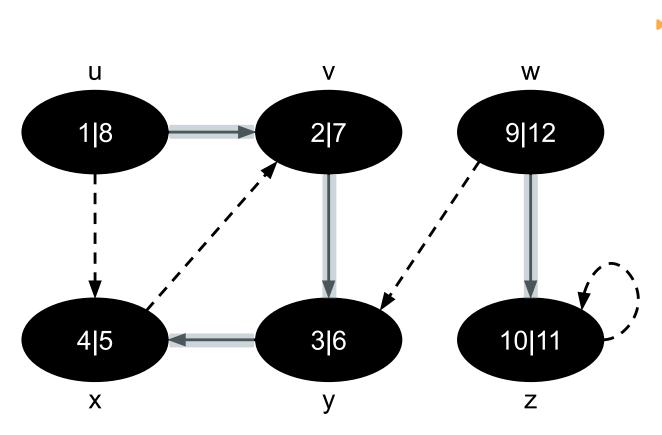
```
Function DFS(G)
               For each u in V[G]
                   u.cor = BRANCO
                   u.pred = NIL
               Endfor
                tempo = 0
                For each u in V[G]
                   if u.cor == BRANCO
                       DFS-Visit (G, u)
                  Endif
  10.
  11.
              Endfor
   12.
            Endfunction
            Function DFS-Visit(G,u)
  16.
              tempo = tempo + 1
               u.d = tempo
               u.cor = CINZA
  19.
20.
21.
22.
                For each v in G.Adj[u]
                   if v.cor == BRANCO
                       v.pred = u
  23.
                       DFS-Visit (G, v)
  27.
  28.
                tempo = tempo + 1
               u.f = tempo
  29.
   30.
            Endfunction
   34.
               u.f = tempo
   35.
            endfunction
```



```
Function DFS(G)
             For each u in V[G]
                 u.cor = BRANCO
                 u.pred = NIL
             Endfor
             tempo = 0
             For each u in V[G]
                 if u.cor == BRANCO
                    DFS-Visit (G, u)
                Endif
10.
11.
            Endfor
12.
         Endfunction
         Function DFS-Visit(G,u)
16.
            tempo = tempo + 1
             u.d = tempo
             u.cor = CINZA
             For each v in G.Adj[u]
                 if v.cor == BRANCO
22.
                    v.pred = u
23.
                     DFS-Visit (G, v)
27.
             u.cor = PRETO
28.
             tempo = tempo + 1
29.
             u.f = tempo
30.
         Endfunction
34.
             u.f = tempo
35.
         endfunction
```







u.f = tempo

endfunction

34.

35.

#### Tempo gasto pela Busca em Profundidade

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
        u.cor = BRANCO
4.
        u.pred = NIL
5.
   Endfor
   tempo = 0
7. For each u in V[G]
8.
         if u.cor == BRANCO
9.
             DFS-Visit(G,u)
10.
         Endif
11.
     Endfor
12.Endfunction
15. Function DFS-Visit (G, u)
16.
     tempo = tempo + 1
17. u.d = tempo
18.
      u.cor = CINZA
19.
20.
      For each v in G.Adj[u]
21.
          if v.cor == BRANCO
22.
              v.pred = u
23.
              DFS-Visit(G, v)
24.
          Endif
      Endfor
26.
27. u.cor = PRETO
28.
      tempo = tempo + 1
29.
      u.f = tempo
30.Endfunction
```

#### Tempo gasto pela Busca em Profundidade

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO
4.
         u.pred = NIL
5.
     Endfor
6.
     tempo = 0
7.
     For each u in V[G]
                               O(|V|)
8.
          if u.cor == BRANCO
9.
              DFS-Visit(G,u)
10
          Endif
11
     Endfor
12 Endfunction
```

```
15 Function DFS-Visit(G, u)
16
      tempo = tempo + 1
17
       u.d = tempo
18
       u.cor = CINZA
19
20
       For each v in G.Adj[u]
           if v.cor == BRANCO
21
               v.pred = u
22
23
               DFS-Visit(G, v)
24
           Endif
25
       Endfor
26
27
       u.cor = PRETO
28
       tempo = tempo + 1
29
       u.f = tempo
30 Endfunction
```

O(|E|)

#### Tempo gasto pela Busca em Profundidade

```
1. Function DFS(G)
      For each u in V[G]
3.
         u.cor = BRANCO
4.
         u.pred = NIL
5.
      Endfor
6.
     tempo = 0
7.
      For each u in V[G]
8.
          if u.cor == BRANCO
9.
              DFS-Visit(G,u)
10
          Endif
11
      Endfor
12 Endfunction
15 Function DFS-Visit(G, u)
16
      tempo = tempo + 1
17
       u.d = tempo
18
       u.cor = CINZA
19
20
       For each v in G.Adj[u]
           if v.cor == BRANCO
21
22
               v.pred = u
23
               DFS-Visit(G, v)
24
           Endif
25
       Endfor
26
27
       u.cor = PRETO
28
       tempo = tempo + 1
29
       u.f = tempo
30 Endfunction
```

$$O(|V| + |E|)$$

#### Exercício

• <u>Simulação</u> da Busca em Profundidade

# Aplicações práticas da Busca em Largura

• GeeksfoGeeks

# Bibliografia

- CORMEN, Thomas H et al. Algoritmos: teoria e prática. Rio de Janeiro: Campus, 2002. ISBN 978-85-352-0926-6. tradução de ""Introduction to algorithms"" 2.ed.
- ZIVIANI, N. Projeto de algoritmos: com implementações em PASCAL e C. 2 ed. rev. e ampl. São Paulo: Thomson, 2004.
   ISBN 978-85-221-0390-4. (Também disponível em e-book)