

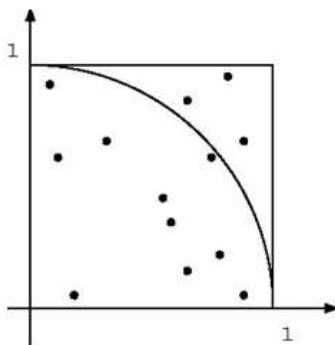


Instruções:

- Leia toda a avaliação antes de começar a responde-la.
- A avaliação ocorre em modelo de atividade assíncrona.
- O prazo para a entrega é de 6 horas, impreterivelmente, a contar após o momento do envio do exame por parte do professor.
- As respostas devem ser entregues pelo aluno em um único arquivo programado e compilável, intitulado "**ESCREVA_O_SEU_NOME.c**". A não entrega em arquivo ".c" ou a não compilação do arquivo acarretará na não correção por parte do professor e, consequentemente, na atribuição de nota 0 (zero).
- Não serão aceitos comandos com funções nem operadores ainda não estudados no Curso.
- Após a entrega das respostas por parte do aluno, o professor tem a prerrogativa de arguir o aluno a respeito da solução encontrada para as suas respostas, em modelo de atividade síncrona.

Descrição do problema proposto:

O método de Monte Carlo é um método de soluções para uma variedade de problemas usando experimentos em computadores. Por exemplo, é possível calcular o valor de π usando o método de Monte Carlo. Para isso, é possível realizar um experimento simples tomando um quarto de círculo inscrito em um quadrado de lado 1, como mostra a figura a seguir.



A área do círculo pode ser obtida através da expressão $A = \pi \times r^2$. Nessa equação, A é a área do círculo, π é a constante próxima a 3,141592 e r é o raio do círculo. Dessa forma, a área de um quarto de círculo é expressa por:

$$\frac{\pi \times r^2}{4}$$

Ao considerar o raio de tamanho 1, a área do quarto de círculo passa a valer $\frac{\pi}{4}$.

Considere uma pessoa muito paciente atirando milhares de dardos neste quadrado. Ao final do experimento, essa pessoa conta o número de dardos localizados dentro do quarto de círculo. A razão entre o número de dardos dentro do quarto de círculo para o número total de dardos tende a ser próximo de $\frac{\pi}{4}$.



Para simular esse atirador, um programa de computador pode gerar uma quantidade muito grande de pares de números aleatórios entre 0 e 1, os quais servirão como as coordenadas x e y do ponto onde o dardo atinge o quadrado.

Para que um ponto (x, y) esteja dentro de um círculo de raio r , é preciso que a distância desse ponto ao centro do círculo seja menor ou igual a r .

Falta resolver como gerar números aleatórios. Em C, podemos usar a função `rand()` que retorna um número entre 0 e `RAND_MAX`. `RAND_MAX` é uma constante que representa o maior inteiro que se pode armazenar em 32 bits. Tanto a função `rand()` quanto a constante `RAND_MAX` estão definidas no arquivo de cabeçalho `stdlib.h`.

Este gerador precisa de uma semente para gerar a sequência de números aleatórios. O manual da linguagem C recomenda que se use, apenas antes da primeira chamada à função `rand()`, o seguinte comando:

`srand(time(NULL));`

A função `srand` é a responsável por determinar, através do seu parâmetro, qual semente será usada. Quando o seu parâmetro é definido por `time(NULL)`, a semente usada é um número inteiro correspondente à hora atual do sistema operacional. A função `time()` pertence ao arquivo de cabeçalho `time.h` e a constante `NULL` pertence ao `stdlib.h`.

Após essa explicação, segue um programa de computador compilável em linguagem C. Esse programa já dispõe de uma função chamada `pi_MonteCarlo` que gera pontos a partir de uma semente geradora de números aleatórios para uma quantidade de dardos e os armazena em um arquivo binário do tipo de registro `TPonto`. O tipo `TPonto` também vem definido nesse programa.

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
#include<stdlib.h>
struct _TPonto_
{
    float x;
    float y;
};
typedef struct _TPonto_ TPonto;

void pi_MonteCarlo (int semente, int dardos, FILE * arquivo);
void transfereDeArquivoParaVetor (FILE * arquivo, TPonto v[], int tamanho);
float distancia (TPonto p);
int dardosNoQuartoDeCirculo (TPonto v[], int tamanho, float raio);
void criaLog (FILE * arquivo, TPonto v[], int pontosNoAlvo, int totalDePontos);

main()
{
    FILE * arquivo;
    TPonto * pontos;
    int totalDeDardos, dardosNoAlvo, semente;
```



```
printf("QUANTIDADE DE DARDOS: ");
scanf("%d", &totalDeDardos);

pontos = (TPonto *)malloc(sizeof(TPonto[totalDeDardos]));

semente = time(NULL);

pi_MonteCarlo (semente, totalDeDardos, arquivo);
transfereDeArquivoParaVetor (arquivo, pontos, totalDeDardos);
dardosNoAlvo = dardosNoQuartoDeCirculo(pontos, totalDeDardos, 1.0);
criaLog(arquivo, pontos, dardosNoAlvo, totalDeDardos);

free(pontos);
}

//Gera pontos em uma área correspondente a um quadrado de lado 1
//com vértices nos pontos (0,0) , (0,1) , (1,1) e (1,0).
//Grava esses pontos em um arquivo binário.
void pi_MonteCarlo (int semente, int dardos, FILE * arquivo)
{
    TPonto p;
    int i;

    //Abre um arquivo binário para escrita.
    arquivo = fopen("pontos.dat", "wb+");

    //Estabelece uma raiz para a geração de números aleatórios.
    srand(semente);
    for (i=0; i<dardos; i++)
    {
        //Sorteia valores de 0 a 1 para x e para y de um ponto.
        p.x = 1.0 * rand() / RAND_MAX;
        p.y = 1.0 * rand() / RAND_MAX;
        //Escreve um registro do tipo TPonto no arquivo.
        fwrite(&p, sizeof(TPonto), 1, arquivo);
    }

    //Fecha o arquivo.
    fclose(arquivo);
}
```

Esse programa, entretanto, não tem todas as suas funções implementadas. Sem alterar a função *main*, é sua tarefa programar:

- 1) **(2,5 pontos)** A função **void transfereDeArquivoParaVetor (FILE * arquivo, TPonto v[], int tamanho)**. Essa função deve transferir cada ponto registrado no *arquivo* que foi criado pela função *pi_MonteCarlo* para o vetor *v*, correspondente ao segundo parâmetro dessa função. O *tamanho* desse vetor é determinado pelo último parâmetro da função.



- 2) **(2,5 pontos)** A função `float distancia (TPonto p)`. Essa função deve retornar a distância do ponto `p` à origem. A expressão que calcula tal distância é $\sqrt{x^2 + y^2}$, sendo `x` e `y`, respectivamente, os valores das coordenadas do ponto `p`.
- 3) **(2,5 pontos)** A função `int dardosNoQuartoDeCirculo (TPonto v[], int tamanho, float raio)`. Usando a função `distancia`, do item anterior, essa nova função deve computar a quantidade de pontos presentes no vetor `v`, cujo `tamanho` é definido no segundo parâmetro da função, que se encontram no quarto de círculo com `raio` igual ao valor do terceiro parâmetro da função.
- 4) **(2,5 pontos)** A função `void criaLog (FILE * arquivo, TPonto v[], int pontosNoAlvo, int totalDePontos)`. Essa função deve escrever em um `arquivo` texto (o primeiro parâmetro da função), todos os pontos que estão armazenados no vetor `v`, segundo parâmetro da função. Essa função deve também escrever nesse mesmo `arquivo`:
- a quantidade de dardos que atingiram o quarto de círculo, valor armazenado no parâmetro `pontosNoAlvo`;
 - o total de dardos que foram arremessados, valor armazenado no parâmetro `totalDePontos`;
 - e uma estimativa para π .
- Excepcionalmente**, você pode programar a saída de dados nessa função auxiliar. O resultado dessa função será um arquivo de texto com conteúdo semelhante ao da imagem abaixo:

Saída (arquivo editado):

```
log - Bloco de Notas
Arquivo  Editar  Formatar  Exibir  Ajuda
PONTOS OBTIDOS:
( 0.953276 , 0.010346 )
( 0.944792 , 0.278909 )
( 0.000580 , 0.754631 )
...
( 0.414747 , 0.028901 )
( 0.204474 , 0.980590 )
( 0.173132 , 0.245155 )
TOTAL DE DARDOS ARREMESSADOS -----> 1000000
TOTAL DE DARDOS NO QUARTO DE CIRCULO --> 784613
VALOR ESTIMADO PARA PI -----> 3.138452
```

Boa avaliação.