

Sipanje na centralnem potencialu. Definiramo vpadni parameter b : Razdalja med premico, po kateri bi potoval delec, če ne bi bilo potenciala, in vzporedno premico, na kateri leži izvor potenciala. Recimo, da ima delec na začetku hitrost \vec{v} .

$$p_\varphi = mbv$$

$$\vec{L} = m \vec{v} \times \vec{r}$$

Na drugi strani potenciala postavimo tarčo, skozi katero gre delec po prehodu mimo izvora potenciala. Pri tem se giblje pod kotom ϑ glede na začetno smer gibanja. O številskem pretoku skozi tarčo lahko povemo naslednje:

$$j = \frac{dI}{dS} = \frac{d(dN/dT)}{dS}$$

$$dI_{vhod} = j dS = 2\pi b db$$

$$dI_{izhod} = j \sigma(\vartheta) d\Omega$$

Ta dva tokova morata biti enaka, torej:

$$2b db = \sigma(\vartheta) d\Omega$$

Tu je Ω prostorski kot, definiran kot

$$\sin \vartheta d\vartheta$$

Sipalni presek je torej enak

$$\sigma(\vartheta) = \frac{2}{\sin \vartheta} \frac{db}{d\vartheta}$$

Označimo tudi sipalni presek, pri katerem pride do trka:

$$\sigma_{trk} = \pi b^2$$

Sipanje pozitivnega naboja. Potencial je enak

$$V(r) = \frac{k}{r}$$

Orbite v takem potencialu imajo obliko $\frac{1}{r} = \frac{1}{p} (1 - \varepsilon \cos(\varphi - \varphi_0))$, kjer smo definirali

$$p = \frac{p_\varphi^2}{m\tilde{k}}$$

$$\varepsilon = \sqrt{1 + \frac{2Ep_\varphi^2}{m\tilde{k}^2}}$$

V limiti $r \rightarrow \infty$ je $\cos \varphi_0 = \frac{1}{\varepsilon}$. Ko gre $\varphi \rightarrow \varphi_{min}$, ger $r \rightarrow \frac{p}{1 - \varepsilon}$.

$$r(\varphi) = \frac{p}{1 - \varepsilon \cos(\varphi - \varphi_0)}$$

$$\frac{dr(\varphi)}{d\varphi} = -p \frac{\varepsilon \sin(\varphi - \varphi_0)}{(1 - \varepsilon \cos(\varphi - \varphi_0))^2} \equiv 0$$

Sledi $\cos(\varphi - \varphi_0) = 1$ oziroma $\varphi_{min} = \varphi_0$. Sicer pa je

$$\varphi = \varphi_0 \pm \arccos \frac{1}{\varepsilon} = \varphi_0 \pm \varphi_0 = 2\varphi_0$$