

# chapter 01 sec 1.8 极限思想的扩展

```
• md"""
• # chapter 01 sec 1.8 极限思想的扩展
• """
```



#### **Table of Contents**

#### chapter 01 sec 1.8 极限思想的扩展

单侧极限

从x=2的右侧进行计算

从x=2的左侧进行计算

极限和渐近线

垂直渐近线和极限

```
begin
using PlutoUI , Plots ,DataFrames ,HypertextLiteral ,LaTeXStrings

gr()
theme(:bright)
#下面的代码是为了替换原来软件包中加载的公式渲染工具,可以尝试把下面的代码注释掉,如果可以正常现实公式,就不再需要这行代码
@htl("""<script src="https://cdn.bootcdn.net/ajax/libs/mathjax/3.2.0/es5/tex-svg-full.min.js"></script>""")

PlutoUI.TableOfContents()
end
```

### 单侧极限

```
• md"""
• ## 单侧极限
• """
```

#### example 1

### 用图估计

$$f(x) = \frac{|x-2|}{x-2}$$

在

1.
$$x o 2$$

2.
$$x
ightarrow 2^+$$

з.
$$x 
ightarrow 2^-$$

#### 的极限

```
md"""
example 1

用图估计

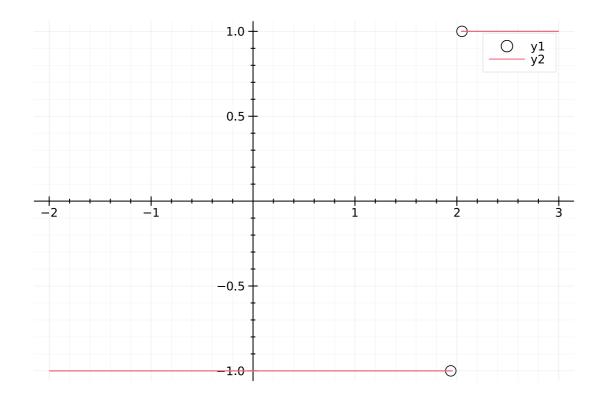
$$f(x)= \frac{|x-2|}{x-2}$$ 在

1.$x \to 2$

2.$x \to 2^+$

3.$x \to 2^-$

的极限
```



```
let
     tspan=-2:0.04:3
     f(x)=abs(x-2)/(x-2)
     scatter([1.94,2.05],[-1,1],msc=:black,mc=:white,shape=:circle,msw=1)
     plot!(f,tspan,frame=:origin)
end
```

- 1. 从两侧接近2时( $x \rightarrow 2$ )会获取两个值, 没有极限
- 2. 从2的右侧接近2时( $x\to 2^+$ ),得到值为 1, 所以 $\lim_{x\to 2^+} \frac{|x-2|}{x-2}=1$  3. 从2的左侧接近2时( $x\to 2^-$ ),得到值为 -1, 所以 $\lim_{x\to 2^-} \frac{|x-2|}{x-2}=-1$

```
• md"""
• 1. 从两侧接近2时($x \to 2$)会获取两个值, 没有极限
 2. 从2的右侧接近2时($x \to 2^+$),得到值为 1, 所以$\lim_{x \to 2^+} \frac{|x-2|}{x-2}=1$
 3. 从2的左侧接近2时($x \to 2^-$),得到值为 -1, 所以$\lim_{x \to 2^-} \frac{|x-2|}{x-
2}=-1$
 \Pi \Pi \Pi
```

### 从x=2的右侧进行计算

• md"### 从x=2的右侧进行计算"

	samplepoint	value
1	0.1	1.0
2	0.001	1.0
3	0.0001	1.0
4	1.0e-5	1.0
5	1.0e-6	1.0

```
    let
    Δxcollection=[0.1,0.001,0.0001,0.00001]
    f(x)=abs(x-2)/(x-2)
    samplepoint(x)=2+x #point1:2+0.1, point5:2+0.00001
    val=[f(samplepoint(x)) for x in Δxcollection]
    df=DataFrame(;samplepoint=Δxcollection,value=val)
    end
```

# 从x=2的左侧进行计算

• md"### 从x=2的左侧进行计算"

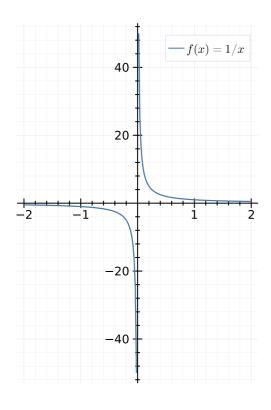
	samplepoint	value
1	0.1	-1.0
2	0.001	-1.0
3	0.0001	-1.0
4	1.0e-5	-1.0
5	1.0e-6	-1.0

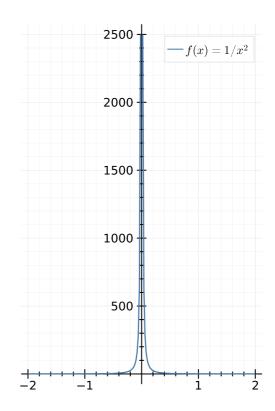
```
- let
- Δxcollection=[0.1,0.001,0.0001,0.00001]
- f(x)=abs(x-2)/(x-2)
- samplepoint(x)=2-x #这里与从右侧接近 2不同
- val=[f(samplepoint(x)) for x in Δxcollection]
- df=DataFrame(;samplepoint=Δxcollection,value=val)
- end
```

# 极限和渐近线

#### 水平渐进性与极限密切相关 直接看图像

```
md"""## 极限和渐近线水平渐进性与极限密切相关直接看图像"""
```





```
f1(x)=1/x
f2(x)=1/(x^2)
tspan=-2:0.02:2
plot([f1,f2], tspan, label=[L"f(x)=1/x" L"f(x)=1/x^2"],layout=
(1,2),frame=:origin)
end
```

对于函数 f(x)=1/x, 当  $x\to\pm\infty$  时,  $f(x)\to 0$ , x=0 是水平渐近线, 也是极限.

函数 f(x)=1/x 在  $x\to 0$  时没有极限,  $x\to 0^-$ , 时,  $x\to -\infty$ ,  $x\to 0^+$  , 时,  $x\to +\infty$ 

```
    md"""
    对于函数 $f(x)=1/x$, 当 $x\to \pm\infty$ 时, $f(x)\to 0$, $x=0$ 是水平渐近线, 也是极限。
    函数 $f(x)=1/x$ 在 $x\to 0$ 时没有极限, $x\to 0^-$,时, $x\to -\infty$, $x\to 0^+$,时, $x\to +\infty$
```

对于函数  $f(x)=1/x^2$ ,当  $x\to\pm\infty$  时,  $f(x)\to 0$  , x=0 是水平渐近线,也是极限.

在  $x \to 0$  时没有极限,  $x \to 0^-$ , 时,  $x \to +\infty$ ,  $x \to 0^+$ , 时,  $x \to +\infty$ 

- md"""
- 对于函数 \$f(x)=1/x^2\$, 当 \$x\to \pm\infty\$ 时, \$f(x)\to 0\$, \$x=0\$ 是水平渐近线, 也是极限.
- 在 \$x\to 0\$ 时没有极限,\$x\to 0^-\$,时,\$x\to +\infty\$, \$x\to 0^+\$ ,时,\$x\to +\infty\$。"""

# 垂直渐近线和极限

垂直渐渐近线的性质和水平渐近线完全不同.垂直渐近线意味在接近一个点,取值会变变化,无法对函数的性质做定量判断,因为越接近,值的变化越快速.

- md"""
- ## 垂直渐近线和极限
- 垂直渐渐近线的性质和水平渐近线完全不同。垂直渐近线意味在接近一个点,取值会变变化,无法对函数的性质 做定量判断,因为越接近,值的变化越快速。