## $N_1$ Valeur absolue d'un nombre réel

D Valeur absolue

La **valeur absolue** d'un nombre réel x est le nombre |x| tel que :

- |x| = x si  $x \geqslant 0$
- $ullet |x| = -x ext{ si } x \leqslant 0$

La valeur absolue |x| correspond à la distance à zéro de x.

## P Propriétés

$$| \bigcirc |x| \leqslant 0$$

$$2 \sqrt{x^2} = |x|$$

③ 
$$|x| = |-x|$$

$$4 |x| = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

P Distance

Sur la droite des réels muni d'un repère d'origine *O* :

① si 
$$M(x)$$
 alors  $OM = |x|$ 

$$\textcircled{2}$$
 si  $A(a)$  et  $B(b)$  alors  $AB = |a-b| = |b-a|$ 

Calculer les expressions suivantes :

$$|A| = |2 + 2 \times 5 - 9 + 1 - 5|$$

$$\boxed{2} \quad B = |2 \times 6 - 100 \div 10 - 9|$$

$$C = |-(6-8)\times(-2-3)-(15-5)\div(-7+2)| \qquad \qquad D = |-2\times(-2)\times(-3)-(18-3)\div3|$$

$$D = |-2 \times (-2) \times (-3) - (18 - 3) \div 3$$

Résoudre dans  $\mathbb R$  les équations suivantes :

$$\boxed{5} |5x-9|=8$$

$$\boxed{6} |2-x|=-1$$

$$\sqrt{(7x-9)^2}=3$$

$$\boxed{8} \sqrt{4x^2 + 9 + 12x} = 2$$

$$\sqrt{-70x + 25x^2 + 49} = 10$$

$$|2x - 8| = |5x - 8|$$

$$\boxed{11} |x-7| = 2|3x-1|$$

12 
$$\sqrt{(8-9x)^2} = \sqrt{(4x-2)^2}$$
 13  $\frac{|x-2|}{|5-8x|} = 1$ 

$$\frac{|x-2|}{|5-8x|} = 1$$

$$rac{|5x-1|}{|2-x|}=2$$

$$\frac{\sqrt{(3x-2)^2}}{\sqrt{(1+2x)^2}}=3$$

$$16 \sqrt{18x + x^2 + 81} = \sqrt{16 + 36x^2 - 48x}$$

17 
$$\sqrt{18x + x^2 + 81} = \sqrt{16 + 36x^2 - 48x}$$

Une droite est munie d'un repère (O; I). Sur cette droite, on considère les points A et B d'abscisses respectives -3 et 2,5. Calculer les distances OA, AB et BI.

Calculer la distance entre les réels a et b dans chacun des cas suivants.

$$a=7$$
 et  $b=-5$ 

$$a=-3$$
 et  $b=-8$ 

21 
$$a = -5, 1$$
 et  $b = 2, 3$ 

$$a=\sqrt{2}$$
 et  $b=-\sqrt{8}$ 

$$a=6$$
 et  $b=2\pi$ 

$$24$$
  $a=rac{1}{3}$  et  $b=rac{1}{4}$ 

## N<sub>2</sub> Définitions et propriétés

D Fonction valeur absolue

Une fonction valeur absolue f est définie par f(x) = |ax + b| où a et b sont deux nombres réels tels que  $a \neq 0$ .

P Ensemble de définition

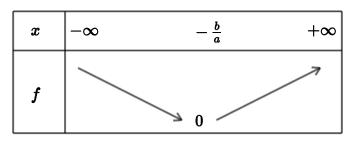
Soit f une fonction valeur absolue telle que f(x) = |ax + b| alors son ensemble de définition est :

$$\mathcal{D}_f = ]-\infty; +\infty[=\mathbb{R}$$

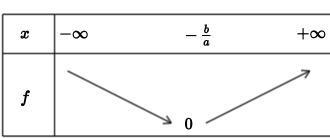
P Tableau de variation

On considère une fonction valeur absolue f(x) = |ax + b| avec  $a \neq 0$ . Si a = 0 cette fonction valeur absolue est **constante** et vaut f(x) = |b|.

si a>0



si a < 0



Pour chaque fonction suivante, donner l'ensemble de définition puis dresser le tableau de variation :

- $\boxed{1} \quad f_1(x) = \sqrt{4x 6}$
- $f_2(x) = \sqrt{-3x+9}$
- $\boxed{3} \quad f_3(x) = \sqrt{-3x}$

 $\boxed{ 4 \quad f_4(x) = \sqrt{x} }$ 

- $f_5(x) = \sqrt{6-2x}$
- $\boxed{6} \quad f_6(x) = \sqrt{2+8x}$

 $7 \quad f_7(x) = \sqrt{6x}$ 

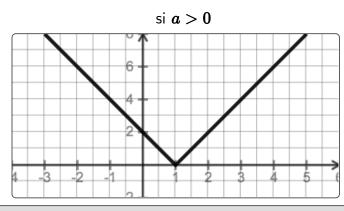
- $\boxed{8} \hspace{0.1in} f_8(x) = \sqrt{2(5-2x)}$
- $f_9(x) = \sqrt{-3(2x+1)}$

## $N_3$ Représentation graphique d'une fonction valeur absolue

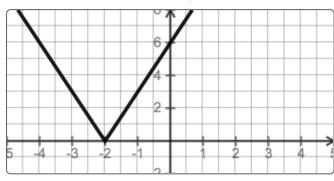


P Représentation graphique

On considère une fonction valeur absolue f(x) = |ax+b|. La représentation graphique  $\mathcal{C}_f$  est :



si a < 0



Pour chaque fonction suivante, tracer sa représentation graphique :

- $f_1(x) = \sqrt{2x-6}$
- $f_2(x) = \sqrt{-3x+6}$
- $\boxed{3} \quad f_3(x) = \sqrt{-2x}$

 $\boxed{ \ \ } f_4(x) = \sqrt{x}$ 

- $\boxed{5} \quad f_5(x) = \sqrt{3-3x}$
- $\boxed{6} \quad f_6(x) = \sqrt{16 + 8x}$

 $7 \quad f_7(x) = \sqrt{4x}$ 

- $f_8(x) = \sqrt{2(1-2x)}$
- $f_9(x) = \sqrt{-2(2x+3)}$