

N₁ Repère et coordonnées

R Définition : repère

Un repère c'est donner trois points O ; I et J non alignés. On note un repère $(O; I; J)$ avec :

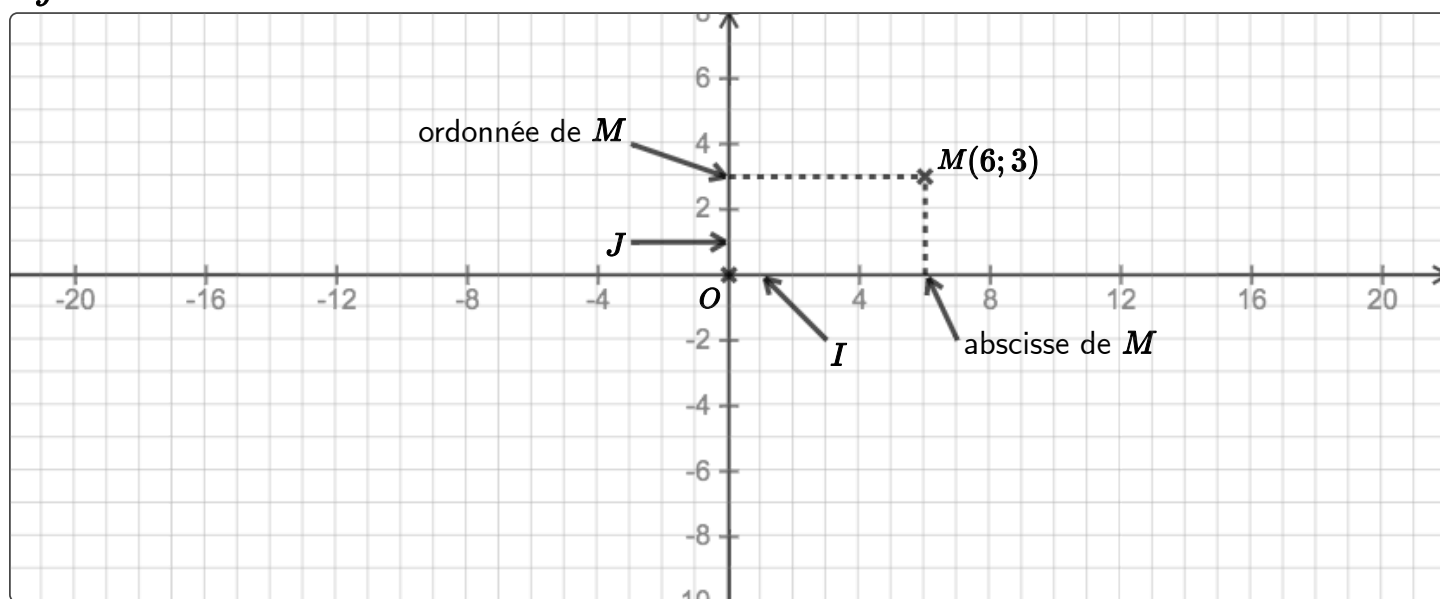
- O est l'**origine** du repère.
- La droite (OI) est l'**axes des abscisses** (orienté de O vers I). L'axe des abscisses (OI) est très fréquemment horizontal.
- La droite (OJ) est l'**axes des ordonnées** (orienté de O vers J). L'axe des abscisses (OI) est très fréquemment vertical.
- La longueur OI est l'unité sur l'axe des abscisses qui correspond à la distance entre deux graduations sur cet axe.
- La longueur OJ est l'unité sur l'axe des ordonnées qui correspond à la distance entre deux graduations sur cet axe.

Dans la grande majorité des cas le repère est **orthogonal** c'est à dire que le triangle OIJ est rectangle en O (quand ce n'est pas spécifié, le repère est orthogonal).

Quand le triangle OIJ est isocèle-rectangle en O ($OI = OJ$) on dit que le repère $(O; I; J)$ est **orthonormé**.

R Définition : coordonnées

On considère un repère $(O; I; J)$. Un point est repéré par un couple de deux réels. Le premier réel est le repérage sur l'axe des abscisses et correspond à l'abscisse du point. Le deuxième réel est le repérage sur l'axe des ordonnées et correspond à l'ordonnée du point. Le couple de ces deux réels est appelé **coordonnées** du point. Pour le point M on note ses coordonnées $M(x; y)$ où x est l'abscisse du point M et y son ordonnée.



Dans un repère $(0; I; J)$: $O(0; 0)$; $I(1; 0)$ et $J(0; 1)$

1 Construire un repère orthonormé $(0; I; J)$ d'unité **2 cm**

a) Placer $A(2; -2)$; $B(5; 4)$ et $C(9; 3)$

b) Placer le point D pour que $ABCD$ soit un parallélogramme. Donner les coordonnées de D .

c) Donner les coordonnées de D .

2 Construire un repère orthonormé $(0; I; J)$ d'unité **2 cm**

a) Placer $A(2; -2)$; $B(5; 4)$ et $C(9; 3)$

b) Placer le point D pour que $ABCD$ soit un parallélogramme. Donner les coordonnées de D .

c) Donner les coordonnées de D .

N₂ Milieu d'un segment

Propriété

On considère un repère $(O; I; J)$ et deux points A et B tels que $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$. Le point I , milieu du segment $[AB]$ a pour coordonnées : $I\left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2}\right)$

Dans un repère $(O; I; J)$, on donne les points : $R(-1; 4)$; $S(-2; 1)$; $T(3; 0)$ et $U(4; 3)$

- 1 Construire $(O; I; J)$ puis placer les points R ; S ; T et U
- 2 Calculer les coordonnées du milieu de $[RT]$ et $[SU]$. Que conclure ?

N₃ Longueur d'un segment

Propriété

On considère un repère **orthonormé** $(O; I; J)$ et deux points A et B tels que $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$. La longueur du segment $[AB]$ vaut : $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$

Dans un repère **orthonormé** $(O; I; J)$, on donne les points : $R(1; 4 - 1)$; $S(-2; 0)$; $T(0; 6)$ et $U(3; 5)$

- 1 Construire $(O; I; J)$ puis placer les points R ; S ; T et U
- 2 Calculer RT et SU . Que conclure ?

n°1 Triangles équilatéraux

Dans un repère orthonormé $(O; I, J)$, on considère les points A et B de coordonnées $(2; 0)$ et $(5; 0)$.

- 1 On appelle C le point d'ordonnée positive tel que ABC soit un triangle équilatéral. Déterminer les coordonnées du point C .
- 2 Soit G le centre de gravité du triangle ABC . Déterminer les coordonnées du point G .
- 3 Les points I , J et K sont les milieux respectifs des segments $[AB]$, $[AC]$ et $[BC]$.
 - a) Calculer les coordonnées des points I , J et K .
 - b) Démontrer que le triangle IJK est équilatéral.
 - c) Démontrer que le point G est le centre de gravité de IJK .

n°2 Rectangle et triangle rectangle

On munit le plan d'un repère orthonormé $(O; I, J)$. On place les points suivants :

- $T(-2, 2; 1, 2)$
- $A(-1, 2; 3, 6)$
- $C(6; 0, 6)$

- 1 Calculer les valeurs exactes des longueurs des trois côtés du triangle TAC .
- 2 Démontrer que le triangle TAC est rectangle.
- 3 On appelle K le milieu de $[TC]$. Calculer les coordonnées de K .
- 4 Quelles sont les coordonnées du point E tel que $ECAT$ soit un rectangle ?

n°3 Carré et triangle isocèle

On munit le plan d'un repère orthonormé $(O; I, J)$. On place les points suivants :

- $S(-3, 2; 3, 2)$
- $A(8; 1, 6)$
- $W(3, 2; 8)$
- $P(1, 6; -3, 2)$

- 1 Calculer les longueurs des trois côtés de SWA .
- 2 Montrer que le triangle SWA est isocèle rectangle.
- 3 Calculer les coordonnées des milieux des segments $[SA]$ et $[WP]$.
- 4 Montrer que $SWAP$ est un carré.