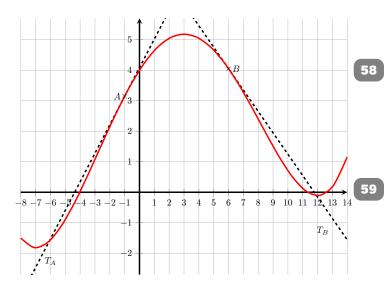
La droite T_A est la tangente à la courbe C_f au point A.

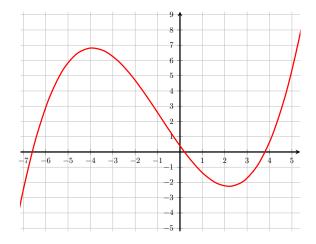
La droite T_B est la tangente à la courbe \mathcal{C}_f au point B.



Utiliser le graphique pour répondre aux questions suivantes.

- 1. Déterminer f(-1) et f'(-1).
- 2. Déterminer f(6) et f'(6).
- 3. Résoudre graphiquement l'équation f(x) = 3.
- 4. Dresser le tableau de variation de la fonction f sur l'intervalle [-8; 14] en y faisant figurer le signe de f'(x).

Sur la figure ci-dessous, C_f est la courbe représentative d'une fonction f dérivable sur $\mathbb R$.



- 1. Dresser le tableau de variations de la fonction f.
- 2. Avec la précision permise par le graphique, déterminer f(-4) et f(2).
- 3. Avec la précision permise par le graphique, résoudre dans \mathbb{R} , l'inéquation : $f(x) \leq 2$.
- 4. La tangente à la courbe C_f au point A(-6;3) passe par le point B(-5;7).

- (a) Calculer le nombre dérivé de f en -6, noté f'(-6).
- (b) Donner une équation de la tangente à la courbe C_f au point d'abscisse -6.
- Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = 2x^3 + 1,5x^2 - x + 9.$$

Calculer f'(-1), f'(0) et f'(5).

Déterminer l'expression de la fonction dérivée de chacune des fonctions suivantes :

1.
$$f(x) = 1 - 4x$$

2.
$$g(x) = 3x^2 - x$$

3.
$$h(x) = -5x^3 + 7x^2 - 1$$

Soit f une fonction définie sur [-5; 5] telle que f(-5) = 5 et f(5) = 2.

1. Compléter le tableau de variations ci-dessous :

x	-5		1		5
Signe de $f'(x)$		_	0	+	
Variation de f					

- 2. Proposer une valeur possible de f(-1).
- Soit f une fonction définie sur [0; 8] telle que f(1) = 3 et f(3) = 2.

1. Compléter le tableau de variations ci-dessous :

x	0		4		8
Signe de $f'(x)$		+	0	_	
$\begin{array}{c} \text{Variation} \\ \text{de } f \end{array}$					

- 2. Proposer une valeur possible de f(-1).
- Soit f une fonction dont on donne le tableau de variation ci-dessous :

x	-10 10
signe de $f'(x)$	
$\begin{array}{c} \text{variations} \\ \text{de} \\ f \end{array}$	30

Compléter le tableau.

 $\mathbf{2}$

Soit la fonction f définie sur [0; 3] par :

$$f(x) = 2x^2 - 4x.$$

- 1. Calculer, pour tout réel x de l'intervalle [0; 3], f'(x).
- 2. Résoudre dans [0; 3] l'équation f'(x) = 0.
- 3. Compléter alors le tableau de variations de f ci-dessous :

x	0		3
Signe de $f'(x)$		0	
$\begin{array}{c} \text{Variation} \\ \text{de } f \end{array}$			

La glycémie est la concentration massique exprimée en gramme par litre g L⁻¹ de sucre dans le sang. Le diabète se caractérise par une hyperglycémie chronique, c'est-à-dire un excès de sucre dans le sang et donc une glycémie trop élevée.

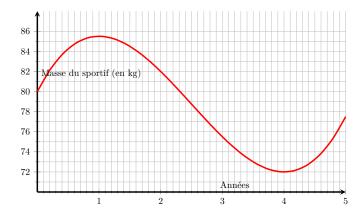
Une glycémie est normale lorsqu'elle est comprise entre $0.7\,\mathrm{g\,L^{-1}}$ et $1.1\,\mathrm{g\,L^{-1}}$ à jeun et lorsqu'elle est inférieure à $1.4\,\mathrm{g\,L^{-1}}$, une heure et trente minutes après un repas.

Lorsque l'on suspecte un diabète, on pratique un test de tolérance au glucose. Lorsqu'il est à jeun, le patient ingère 75 g de glucose au temps t=0 (t est exprimé en heure).

Pour tout réel t de l'intervalle [0;3], la glycémie du patient, exprimée en g L⁻¹, t heures après l'ingestion, est modélisée par la fonction f définie sur [0;3] par $f(t) = 0,3t^3 - 1,8t^2 + 2,7t + 0,8$.

- 1. Que valait la glycémie du patient à jeun?
- 2. (a) Montrer que f'(t) = 0, 9(t-1)(t-3).
 - (b) Étudier le signe de f'(t) sur [0; 3] et en déduire le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle [0; 3].
- 3. (a) Au bout de combien d'heures la glycémie du patient est-elle maximale et que vaut-elle ?
 - (b) Peut-on suspecter un diabète chez le patient? Expliquer.

La courbe C tracée ci-dessous représente la masse, en kilogramme, d'un sportif en fonction du temps, exprimé en nombre d'années, sur une période de 5 ans.



 Déterminer, sur la période étudiée, le nombre de mois pendant lesquels le sportif pèse plus de 85 kilogrammes. On répondra avec la précision permise par le graphique.

On admet que la courbe C est la représentation graphique de la fonction f définie sur l'intervalle [0;5] par :

$$f(x) = x^3 - 7,5x^2 + 12x + 80$$

On note f' la fonction dérivée de la fonction f.

- 2. Déterminer f'(x).
- 3. Montrer que f'(x) = (x-1)(3x-12).
- 4. (a) Établir le tableau de signes de f'(x) sur l'intervalle [0; 5].
 - (b) En déduire le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle [0; 5].
 - (c) Déterminer la masse minimale et la masse maximale du sportif sur la période étudiée.

Un artisan produit des vases en terre cuite. Sa capacité de production est limitée à 60 vases. Le coût de production, en euros, dépend du nombre de vases produits.

Ce coût de production peut être modélisé par la fonction C définie sur l'intervalle $[0\,;\,60]$ par :

$$C(x) = x^2 - 10x + 500$$

Un vase est vendu $50 \in$. Les recettes, qui dépendent du nombre de vases produits et vendus, sont modélisées par une fonction R définie sur l'intervalle [0; 60].

- 1. Calculer le coût et la recette réalisés lorsque l'artisan produit et vend 50 vases.
- 2. Exprimer R(x) en fonction de x.
- 3. Le résultat, en euro, réalisé par l'artisan est modélisé par la fonction B définie sur l'intervalle [0; 60] par B(x) = R(x) C(x).
 - (a) Vérifier que B(x) = -(x 10)(x 50).
 - (b) Déterminer le nombre de vases à produire et à vendre pour que l'artisan réalise des bénéfices (c'est-à-dire pour que le résultat B(x) soit positif).
- 4. On note B' la fonction dérivée de la fonction B sur l'intervalle $[0\,;\,60].$
 - (a) Déterminer B'(x).
 - (b) Dresser le tableau de variations de la fonction B sur l'intervalle [0; 60] et en déduire le nombre de vases à vendre pour réaliser un bénéfice maximum.