

## 1. Résolution graphique d'équations

### 1.1 Équations du type $f(x) = k$

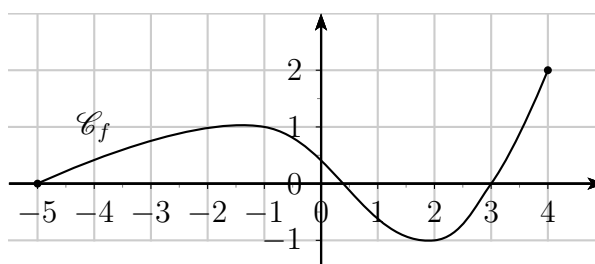
Ce genre d'équations ont déjà été traitées dans le chapitre 4.

**Rappel :** pour résoudre **graphiquement** l'équation  $f(x) = k$ , on utilisera la méthode ci-dessous :

#### Méthode

1. On trace, si besoin (si elle n'est pas donnée),  $\mathcal{C}_f$  dans un repère (orthogonal) ;
2. On trace la droite d'équation  $y = k$ , c'est-à-dire la droite passant par le point de coordonnées  $(0 ; k)$  et parallèle à l'axe des abscisses ;
3. on recherche les abscisses des points d'intersection de  $\mathcal{C}_f$  et de la droite d'équation  $y = k$ .

**Exemple 1.** Résoudre l'équation  $f(x) = -1$  :



---

---

---

---

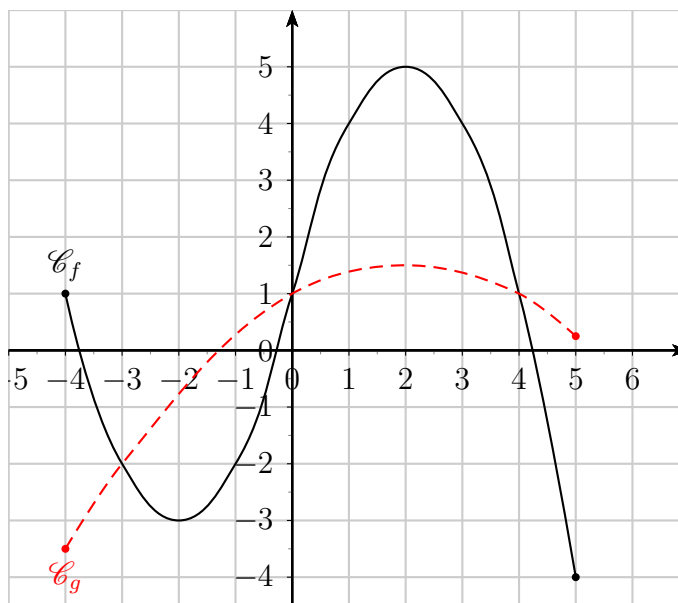
---

---

## 1.2 Équation du type $f(x) = g(x)$

On cherche à résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = g(x)$ . Cela revient à chercher graphiquement (pour le moment) les éléments de l'ensemble de départ qui ont **même image** par  $f$  et  $g$  dont les courbes sont notées respectivement  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$ . Autrement dit, on cherche les **abscisses** des points d'intersection éventuels entre  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$ .

**Exemple 2.** Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = g(x)$  :



## 2. Résolution graphique d'inéquations

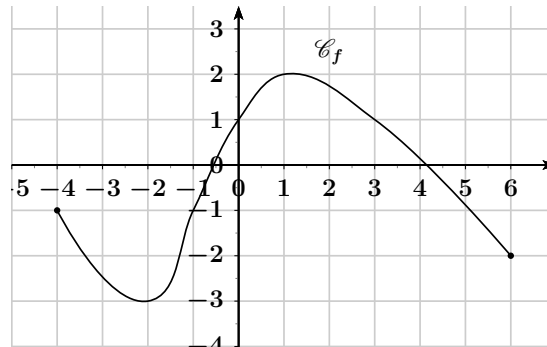
### 2.1 Premier type

On souhaite résoudre graphiquement les inéquations de la forme  $f(x) \leq k$ .

#### Méthode

1. On trace  $\mathcal{C}_f$  dans un repère (orthogonal) ;
2. on trace la droite d'équation  $y = k$ , c'est-à-dire la droite passant par le point de coordonnées  $(0; k)$  et parallèle à l'axe des abscisses ;
3. on recherche les points de la courbe situés **sous** la droite ;
4. l'ensemble des solutions est constitué des abscisses de ces points.

**Exemple 3.** Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) \leq 1$  :



**Remarques.**

1. On résout de la même façon les inéquations du type  $f(x) \geq k$ .  
On retient alors les abscisses des points situés *au-dessus* de la droite d'équation  $y = k$ .  
Dans l'exemple précédent,

$$f(x) \geq 1 \iff x \in \dots\dots\dots$$

2. De même pour les inéquations strictes  $f(x) < k$  ou  $f(x) > k$  on **exclura alors les abscisses des points d'intersection de la courbe et de la droite**. Dans l'exemple précédent,

$$f(x) < -1 \iff \dots\dots\dots$$

## 2.2 Deuxième type

On souhaite résoudre les inéquations de la forme  $f(x) \leq g(x)$ .

### Méthode

1. On commence par tracer soigneusement les deux courbes  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$  dans un repère orthogonal ;
2. l'ensemble des solutions est constitué des abscisses des points de la courbe  $\mathcal{C}_f$  situés en dessous de  $\mathcal{C}_g$ .

**Exemple 4.** Reprenons l'exemple de l'exemple 2 et résolvons l'inéquation  $f(x) \leq g(x)$ .

**Remarques.**

1. On résout de la même manière les inéquations du type  $f(x) \geq g(x)$ . On retient alors les abscisses des points de  $\mathcal{C}_f$  situés au dessus de  $\mathcal{C}_g$ .

Dans l'exemple précédent,  $f(x) \geq g(x) \iff \dots\dots\dots$

2. De même pour les inégalités strictes  $f(x) > g(x)$  ou  $f(x) < g(x)$ , on exclura alors les abscisses des points d'intersection des deux courbes.

Dans l'exemple,

$$f(x) < g(x) \iff \dots\dots\dots$$