#### ooo Exercice 146.

E et F désignent deux ensembles disjoints composés respectivement de 4 éléments et de 5 éléments

Calculer le nombre d'éléments de :

1.  $E \cup F$ .

3.  $E^3$ .

2.  $E \times F$ .

4.  $F^2$ .

#### ●∞ Exercice 147.

 $E = \{0; 1\}.$ 

- 1. La liste ordonnée (1; 0; 1) est un k-uplet de E. Combien vaut k?
- 2. Déterminer avec soin le nombre de 3-uplets (ou triplets) de E.

### ●∞ Exercice 148.

 $E = \{a; b; c; d\}.$ 

- 1. (a) Lister les 2-uplets de E. Combien y en a-t-il ?
  - (b) Quelle formule du cours permet de retrouver ce résultat sans lister tous les couples de E?
- 2. (a) Lister tous les couples d'éléments distincts de E. Combien y en-a-t-il?
  - (b) Quelle formule du cours permet de retrouver ce résultat?

#### ●○○ Exercice 149.

Soit  $E = \{e_1; e_2; e_3; e_4; e_5; e_6\}.$ 

- 1. Expliquer pour quoi le nombre de 3-uplets d'éléments distincts de E est égal à  $6 \times 5 \times 4$ .
- 2. Combien y a-t-il de 4-uplets d'éléments distincts de E?

### • $\infty$ Exercice 150.

Soit  $E = \{0; 1; 2\}.$ 

- 1. Quelle valeur doit-on donner à k pour qu'une permutation soit un k-uplet d'éléments distincts de E?
- 2. Lister toutes les permutations de E ? Combien y en-a-t-il ?
- 3. Quelle formule du cours permet d'obtenir le résultat précédent ?

# ●∞ Exercice 151.

Soit  $E = \{p \, ; \, q \, ; \, r \, ; \, s\}.$ 

- 1. Lister les combinaison de 3 éléments de E. Combien y en-a-t-il?
- 2. Le nombre de combinaisons de 3 éléments de E est  $\binom{4}{3}$ .

Rappeler une formule permettant de calculer ce coefficient puis vérifier le résultat obtenu à la question précédente?

- 3. (a) Sans les listes, déterminer le nombre de combinaisons de 2 éléments de E.
  - (b) Vérifier le résultat de la question précédente en listant toutes les combinaisons

de deux éléments de E.

#### •00 Exercice 152.

Soit  $E = \{e \, ; \, f \, ; \, g \, ; \, h\}.$ 

- 1. Expliquer pour quoi  $\{e\,;\,f\,;\,g\}$  n'est pas une permutation de E.
- 2. Expliquer pour quoi  $\{e\,;\,f\,;\,e\}$  n'est pas une permutation de E.
- 3. Expliquer pour quoi le nombre de permutations de E est  $4 \times 3 \times 2 \times 1$ . Comment note-t-on ce nombre?

### • $\infty$ Exercice 153.

Soit  $E = \{a; b; 1; 2\}.$ 

- 1. Combien y a-t-il de 5-uplets de E?
- 2. Combien y a-t-il de 5-uplets de E commençant par la lettre b?

#### ••o Exercice 154.

Un code PIN de smartphone est un code confidentiel composé de 4 chiffres.

- 1. Combien y a-t-il de codes PIN différents?
- 2. Combien y a-t-il de codes PIN différents commençant par le chiffre 3?

#### •• Exercice 155.

- 1. Soit E un ensemble à 9 éléments. Combien y a-t-il de permutation de E?
- 2. La première phase de la coupe du Monde de handball est organisée en poules de 6 équipes.
  - (a) Combien y a-t-il de classements possibles dans le groupe de la France?
  - (b) Combien y a-t-il de classements possibles si la France termine première et l'Australie dernière?

### ●○○ Exercice 156.

Le mot « THAMS » est un anagramme du mot MATHS.

Combien existe t-il d'anagrammes du mot MATHS? Reprendre cette question avec le mot ANANAS.

# ••○ Exercice 157.

On donne le programme Python incomplet. Le compléter afin qu'il puisse retourner le nombre n!:

```
def factorielle(n):
P=1
for i in range (1,...):
    P=.....
return(.....)
```

### •oo Exercice 158.

- 1. Calculer  $\frac{5!}{3!2!}$ .
- 2. Donner un coefficient binomial qui est égal à ce nombre.

## ●∞ Exercice 159.

- 1. Vérifier, par un calcul, que  $\binom{7}{4} = 35$ .
- 2. En déduire la valeur de  $\begin{pmatrix} 7 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

### •∞ Exercice 160.

- 1. En 1<sup>re</sup> générale, un élève doit choisir 3 spécialités parmi les douze proposées. Combien y a-t-il de triplettes possibles?
- 2. En terminale, les élèves doivent garder deux des trois spécialités choisies en 1<sup>re</sup>. Combien de possibilités s'offrent à Corentin qui arrive en Terminale pour choisir ses spécialités?
- 3. Un parcours est constitué d'une triplette en  $1^{\rm re}$  et d'une doublette de ces spécialités conservées en Terminale.
  - (a) Justifier qu'il y a 660 parcours différents.
  - (b) Coline a choisi les Maths en 1<sup>re</sup> et Terminale. Combien de parcours correspondent à ce choix?

## •∞ Exercice 161.

- 1. Marylène possède 5 jeans et 7 teeshirts. Elle part en vacances et décide d'emmener 2 jeans et 3 tee-shirts.
  - (a) Justifier que le nombre de possibilités qu'elle a pour choisir ses jeans et teeshirts est  $\binom{5}{2} \times \binom{7}{3}$ .
  - (b) Calculer ce nombre.
- 2. Son mari Xan possède quant à lui 10 jeans, 13 tee-shirts et 7 paires de chaussures. Il décide de partir avec 6 jeans, 10 tee-shirts et 4 paires de chaussures.

Combien a-t-il de manières pour remplir sa valise?

### ••o Exercice 162.

Soit n un entier naturel non nul. Simplifier les expressions suivantes :

1. 
$$\frac{(n-1)!}{(n+1)!}$$

2. 
$$\frac{n!}{n} - (n-1)!$$

$$3. \ \frac{(2n+1)!}{(2n-1)!}$$

4. 
$$\frac{(n-1)!}{n!} - \frac{n!}{(n+1)!}$$

#### • oo Exercice 163.

Une course oppose 20 concurrents, dont Émile.

- 1. Combien y-a-t-il de podiums possibles?
- 2. Combien y-a-t-il de podiums possibles où Émile est premier?
- 3. Combien y-a-t-il de podiums possibles dont Émile fait partie?
- 4. On souhaite récompenser les 3 premiers en leur offrant un prix identique à chacun. Combien y-a-t-il de distributions de récompenses possibles?

#### •• Exercice 164.

Un cadenas possède un code à 3 chiffres, chacun des chiffres pouvant être un chiffre de 1 à 9.

- 1. (a) Combien y-a-t-il de codes possibles?
  - (b) Combien y-a-t-il de codes se terminant par un chiffre pair?
  - (c) Combien y-a-t-il de codes contenant au moins un chiffre 4?
  - (d) Combien y-a-t-il de codes contenant exactement un chiffre 4?
- Dans cette question on souhaite que le code comporte obligatoirement trois chiffres distincts.
  - (a) Combien y-a-t-il de codes possibles?
  - (b) Combien y-a-t-il de codes se terminant par un chiffre impair?
  - (c) Combien y-a-t-il de codes comprenant le chiffre 6 ?