Correction exercice nº2

- 1. De $I(\frac{1}{2}; 0; 0)$, $J(0; \frac{1}{2}; 1)$ et $K(1; \frac{1}{2}; 0)$ et $L(1; 1; \frac{1}{2})$
- 2. La droite (*IJ*) passe par le point $I(\frac{1}{2}; 0; 0)$ et est dirigée par le vecteur $\overrightarrow{IJ}(-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; 1)$.

Une représentation paramétrique de la droite (*IJ*) est : $\begin{cases} x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}t \\ y = \frac{1}{2}t, & t \in \mathbb{R} \\ z = t \end{cases}$

La droite (*KL*) passe par le point $K(1; \frac{1}{2}; 0)$ et est dirigée par le vecteur $\overrightarrow{KL}(0; \frac{1}{2}; \frac{1}{2})$.

Une représentation paramétrique de la droite (*KL*) est : $\begin{cases} x = 1 \\ y = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}k, & k \in \mathbb{R} \\ z = \frac{1}{2}k \end{cases}$

3. On résout le double système $\begin{cases} x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}t \\ y = \frac{1}{2}t, & t \in \mathbb{R} \text{ et } \begin{cases} x = 1 \\ y = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}k, & k \in \mathbb{R} \end{cases}.$ $z = t \qquad \qquad \begin{cases} \frac{1}{2} - \frac{1}{2}t = 1 \\ \frac{1}{2}t = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}k \end{cases} \iff \begin{cases} t = -1 \\ k = -2 \\ -1 = -1 \text{ cohérent} \end{cases}$

On en déduit que les droites (IJ) et (KL) sont sécantes. Pour trouver les coordonnées de leur point d'intersection, on peut utiliser la représentation paramétrique de la droite (IJ) en remplaçant t par -1 ou utiliser celle de (KL) en remplaçant k par -2: on obtient alors:

$$\begin{cases} x = 1 \\ y = -\frac{1}{2} \\ z = -1 \end{cases}$$

Les droites (*IJ*) et (*KL*) se coupent au point de coordonnées $(1; -\frac{1}{2}; -1)$.

- 4. Les droites (IJ) et (KL) sont sécantes : elles sont donc coplanaires. On en déduit que les points I, J, K et L sont coplanaires.
- 5. Voici la section du cube par le plan (*IJK*), il s'agit de l'hexagone *IJMNKP* :

