Jour 7 : géométrie dans l'espace

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé $(0, \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})$, on considère les points

$$A(0; 4; 16)$$
, $B(0; 4; -10)$, $C(4; -8; 0)$ et $K(0; 4; 3)$.

On définit la sphère *S* de centre K et de rayon 13 comme l'ensemble des points M tels que KM = 13.

- 1. a. Vérifier que le point C appartient à la sphère S
 - **b.** Montrer que le triangle ABC est rectangle en C.
- **2.** a. Montrer que le vecteur $\overrightarrow{n} \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ est un vecteur normal au plan (ABC).
 - **b.** Déterminer une équation cartésienne du plan (ABC).
- **3.** On admet que la sphère *S* coupe l'axe des abscisses en deux points, l'un ayant une abscisse positive et l'autre une abscisse négative.

On note D celui qui a une abscisse positive.

- a. Montrer que le point D a pour coordonnées (12; 0; 0).
- **b.** Donner une représentation paramétrique de la droite Δ passant par D et perpendiculaire au plan (ABC).
- c. Déterminer la distance du point D au plan (ABC).
- **4.** Calculer une valeur approchée, à l'unité de volume près, du volume du tétraèdre ABCD. On rappelle la formule du volume V d'un tétraèdre

$$V = \frac{1}{3} \times \mathscr{B} \times h.$$

où B est l'aire d'une base et h la hauteur associée.