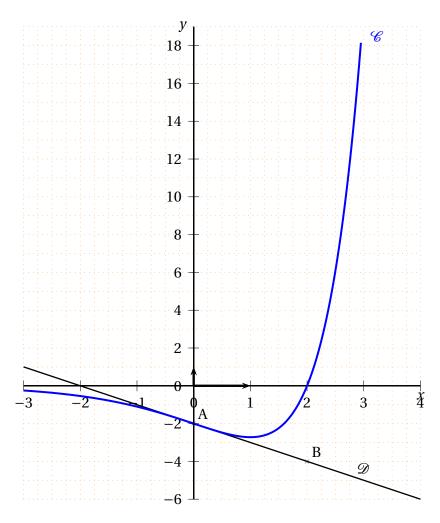
## Jour 4 : exp et intégrale

## Partie A.

Dans le plan muni d'un repère orthogonal, la courbe  $\mathscr C$  ci-dessous représente une fonction f définie sur l'ensemble  $\mathbb R$  des nombres réels.

La tangente  $\mathcal{D}$  à la courbe  $\mathscr{C}$  au point A(0; -2) passe par le point B(2; -4).



On désigne par f' la fonction dérivée de f.

- **1. a.** Donner la valeur de f(0).
  - **b.** Justifier que : f'(0) = -1.
- **2. a.** On admet qu'il existe deux réels a et b tels que, pour tout réel x,  $f(x) = (x+a)\mathrm{e}^{bx}.$

Vérifier que pour tout réel x,  $f'(x) = (bx + ab + 1)e^{bx}$ .

**b.** Utiliser les résultats précédents pour déterminer les valeurs exactes des réels a et b.

## Partie B.

On considère maintenant la fonction f définie pour tout réel x par

$$f(x) = (x-2)e^x.$$

- 1. Donner l'expression de f'(x) pour tout réel x; en déduire le sens de variation de la fonction f sur l'ensemble des réels  $\mathbb{R}$ .
- **2. a.** Calculer  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ .
  - **b.** Déterminer  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ . et interpréter graphiquement le résultat obtenu.
- **3.** Démontrer que le point A est l'unique point d'inflexion de la courbe représentative de la fonction f.
- **4. a.** À l'aide d'une interprétation par parties, calculer  $\int_2^3 f(x) dx$ .
  - **b.** Préciser le signe de f(x) pour tout x de l'intervalle [2; 3].
  - **c.** Calculer la valeur, en unités d'aire, de l'aire de la partie du plan délimitée par la courbe  $\mathscr C$ , l'axe des abscisses et les droites d'équation x=2 et x=3.