

(1) দুইটি বিন্দু $P(x_1, y_1)$ ও $Q(x_2, y_2)$ এর মধ্যবর্তী দূরত্ব $d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$

(2a) x অক্ষ হতে (x, y) বিন্দুর দূরত্ব $= |y|$; (2b) y অক্ষ হতে (x, y) বিন্দুর দূরত্ব $= |x|$

Section Formula

(3a) $A(x_1, y_1)$ ও $B(x_2, y_2)$ বিন্দু দুইটির সংযোগ রেখাংশকে $m_1 : m_2$ অনুপাতে অন্তর্বিভক্তকারী (Internal) বিন্দুর স্থানাঙ্ক $\left(\frac{m_1 x_2 + m_2 x_1}{m_1 + m_2}, \frac{m_1 y_2 + m_2 y_1}{m_1 + m_2} \right)$

(3b) $A(x_1, y_1)$ ও $B(x_2, y_2)$ বিন্দু দুইটির সংযোগ রেখাংশকে $m_1 : m_2$ অনুপাতে বহির্বিভক্তকারী (External) বিন্দুর স্থানাঙ্ক $\left(\frac{m_1 x_2 - m_2 x_1}{m_1 - m_2}, \frac{m_1 y_2 - m_2 y_1}{m_1 - m_2} \right)$

Section Formula for Midpoint

(4) $P(x_1, y_1)$ ও $Q(x_2, y_2)$ বিন্দু দুইটির সংযোগ রেখাংশের মধ্যবিন্দুর স্থানাঙ্ক $\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

(5) $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ ও $C(x_3, y_3)$ বিন্দুত্রয় দ্বারা গঠিত ত্রিভুজের ভরকেন্দ্রের স্থানাঙ্ক $\left(\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}, \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3} \right)$
গণিত বিষয়ক ইউটিউব চ্যানেল [Mathema Shukur](#)

(6) $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ ও $C(x_3, y_3)$ শীর্ষবিশিষ্ট ABC ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$ বর্গ

একক। ক্ষেত্রফল শূন্য হলে বিন্দু তিনটি সমরেখ হবে

(7a) x - অক্ষের সমীকরণ $y = 0$; (7b) y - অক্ষের সমীকরণ $x = 0$

(8a) x - অক্ষের সমান্তরাল বা y - অক্ষের উপর লম্বরেখার সমীকরণ $y = b$

(8b) y - অক্ষের সমান্তরাল বা x - অক্ষের উপর লম্বরেখার সমীকরণ $x = a$

(9a) $P(x_1, y_1)$ ও $Q(x_2, y_2)$ বিন্দুগামী রেখার ঢাল $= \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}$

(9b) $ax + by + c = 0$ রেখার ঢাল $= \frac{-a}{b}$

(10) মূলবিন্দুগামী সরলরেখার সমীকরণ $y = mx$ সরলরেখাটির ঢাল $= m$

গণিত বিষয়ক ইউটিউব চ্যানেল [Mathema Shukur](#)

Slope-Intercept Form

(11) y - অক্ষকে ছেদ করে এরূপ সরলরেখার সমীকরণ $y = mx + c$; একে ঢাল আকার সমীকরণও বলে

Point-Slope Form

(12) ঢাল m এবং (x_1, y_1) বিন্দুগামী সরলরেখার সমীকরণ $y - y_1 = m(x - x_1)$

Two-Intercept Form

(13) x - অক্ষ ও y - অক্ষের ছেদক রেখার সমীকরণ $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ যেখানে x ও y অক্ষের ছেদিতাংশ যথাক্রমে a ও b ; রেখাটি x - অক্ষকে $(a, 0)$ এবং y - অক্ষকে $(0, b)$ বিন্দুতে ছেদ করে

Two Point Form (14) (x_1, y_1) ও (x_2, y_2) বিন্দুগামী সরলরেখার সমীকরণ $\frac{y - y_1}{y_1 - y_2} = \frac{x - x_1}{x_1 - x_2}$

(15) মূলবিন্দু হতে একটি সরলরেখার ওপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য p এবং x - অক্ষের সাথে উক্ত লম্বের উৎপন্ন কোণের পরিমাণ α হলে, সরলরেখার সমীকরণ $x \cos \alpha + y \sin \alpha = p$

(16a) $ax + by + c = 0$ রেখার সমান্তরাল রেখার সমীকরণ $ax + by + k = 0$

(16b) $ax + by + c = 0$ রেখার লম্ব রেখার সমীকরণ $bx - ay + k = 0$

(17) $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ এবং $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ একই সরলরেখা নির্দেশ করলে $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$

(18) তিনটি সরলরেখা $a_1x + b_1y + c_1 = 0$, $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ এবং $a_3x + b_3y + c_3 = 0$ সমবিন্দু হওয়ার শর্ত $\begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} = 0$

(19) দুইটি সরলরেখা $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ এবং $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ এর ছেদবিন্দুগামী রেখার সমীকরণ $(a_1x + b_1y + c_1) + k(a_2x + b_2y + c_2) = 0$; k ইচ্ছাধীন প্রবক তবে শূন্য নয়

গণিত বিষয়ক ইউটিউব চ্যানেল [Mathema Shukur](#)

(20) $y = m_1x + c_1$ এবং $y = m_2x + c_2$ রেখাদ্বয়ের অন্তর্গত কোণ θ হলে $\tan \theta = \pm \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1m_2}$ ধনাত্মক হলে সূক্ষ্মকোণ ও ঋণাত্মক হলে স্থূলকোণ নির্দেশ করে, যেখানে $m_1 > m_2$

(21a) m_1 ও m_2 ঢাল বিশিষ্ট দুইটি সরলরেখা পরস্পর সমান্তরাল হলে $m_1 = m_2$

(21b) m_1 ও m_2 ঢাল বিশিষ্ট দুইটি সরলরেখা পরস্পর লম্ব হলে $m_1 \times m_2 = -1$

(22) $P(x_1, y_1)$ বিন্দু হতে $ax + by + c = 0$ সরলরেখার ওপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব $d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

(23) $ax + by + c_1 = 0$ এবং $ax + by + c_2 = 0$ সমান্তরাল সরলরেখা দুইটির মধ্যবর্তী দূরত্ব $= \frac{|c_1 - c_2|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

(24) $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ এবং $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ রেখাদ্বয়ের অন্তর্ভুক্ত কোণের সমদ্বিখণ্ডকের সমীকরণ

$$\frac{a_1x + b_1y + c_1}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} = \pm \frac{a_2x + b_2y + c_2}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}}$$

(i) $a_1a_2 + b_1b_2 > 0$ হলে (+ve) ধরে স্থূলকোণের সমদ্বিখণ্ডক এবং (-ve) ধরে সূক্ষ্মকোণের সমদ্বিখণ্ডক পাওয়া যাবে

(ii) $a_1a_2 + b_1b_2 < 0$ হলে (-ve) ধরে স্থূলকোণের সমদ্বিখণ্ডক এবং (+ve) ধরে সূক্ষ্মকোণের সমদ্বিখণ্ডক পাওয়া যাবে

(25) $P(x_1, y_1)$ এবং $Q(x_2, y_2)$ বিন্দুদ্বয় $ax + by + c = 0$ রেখার একই পার্শ্বে থাকলে $ax_1 + by_1 + c$ এবং $ax_2 + by_2 + c$ একই চিহ্ন এবং বিপরীত পার্শ্বে থাকলে বিপরীত চিহ্ন বিশিষ্ট হবে।

গণিত বিষয়ক ইউটিউব চ্যানেল [Mathema Shukur](#)