

যাদের জন্যে প্রযোজ্যঃ একাদশ ও দ্বাদশ শ্রেণীর শিক্ষার্থী বিষয়ঃ উচ্চতর গণিত ১ম পত্র অধ্যায়ঃ ৪-বৃত্ত

মূল বিন্দুতে (0,0) কেন্দ্র থাকলে বৃত্তের সমীকরণ কী?

কী শর্তে কেন্দ্রের স্থানাঙ্ক হতে বৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্ণয় করা হয়?

বৃত্তের সাধারণ সমীকরণ  $x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ 

পোলার স্থানাঙ্কে বৃত্তের সমীকরণ নির্ণয়

ব্যাসের প্রান্ত বিন্দু (x1,y1) ও (x2,y2) হলে বৃত্তের সমীকরণ নির্ণয়

বৃত্ত ও সরলরেখার ছেদবিন্দুগামী বৃত্তের সমীকরণ

দুইটি বৃত্তকে ছেদ করে এমন বৃত্তের সমীকরণ

৩ টি বিন্দুগামী বৃত্তের সমীকরণ নির্ণয়

২ টি বৃত্ত পরস্পরকে স্পর্শ করার শর্ত

(1a) 
$$(x_1,y_1)$$
 বিন্দুতে  $x^2+y^2=a^2$  বৃত্তে অঙ্কিত স্পর্শকের সমীকরণ  $xx_1+yy_1=a^2$ 

(1b) 
$$(x_1,y_1)$$
 বিন্দুতে  $x^2+y^2+2gx+2fy+c=0$  বৃত্তে অঙ্কিত স্পর্শকের সমীকরণ  $xx_1+yy_1+g(x+x_1)+f(y+y_1)+c=0$ 

(2a)  $(x_1,y_1)$  বিন্দুতে  $x^2+y^2=a^2$  বৃত্তে অঙ্কিত অভিলম্বের সমীকরণ  $x_1y-xy_1=0$ 

(2b)  $(x_1,y_1)$  বিন্দুতে  $x^2+y^2+2gx+2fy+c=0$  বৃত্তে অঙ্কিত অভিলম্বের সমীকরণ  $(x_1+g)y-(y_1+f)x+fx_1-gy_1=0$ 

#### [চট্টগ্রাম বোর্ড-২০১৪]

(1) (4,-11) বিন্দুতে  $x^2+y^2-3x+10y=15$  বৃত্তের স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর।

$$x^2 + y^2 - 3x + 10y = 15$$

$$x^{2} + y^{2} + 2\left(-\frac{3}{2}\right)x + 2(5)y + (-15) = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$g = \left(-\frac{3}{2}\right), f = 5, c = -15$$

 $x_1 = 4$ ,  $y_1 = -11$ 

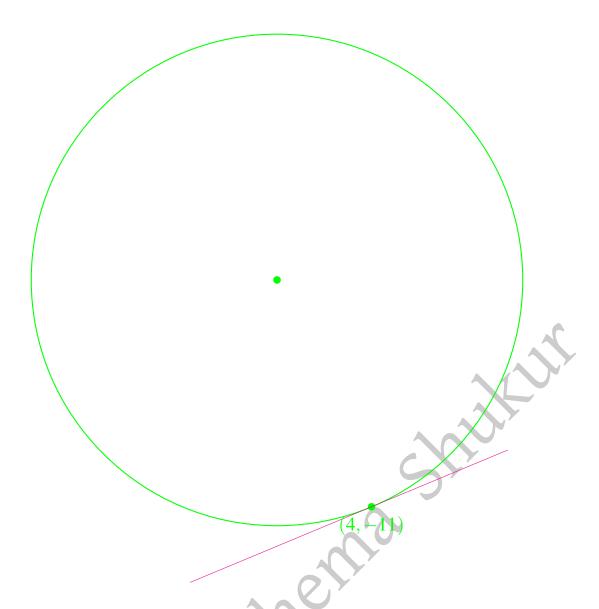
$$xx_1 + yy_1 + g(x+x_1) + f(y+y_1) + c = 0$$

$$x(4) + y(-11) + \left(-\frac{3}{2}\right)(x+4) + 5(y-11) - 15 = 0$$

$$4x - 11y - \frac{3x}{2} - 6 + 5y - 55 - 15 = 0$$

$$8x - 22y - 3x - 12 + 10y - 110 - 30 = 0$$

$$5x - 12y - 152 = 0$$



[ময়মনসিংহ বোর্ড-২০২২] (2) (-2,1) বিন্দুতে  $x^2+y^2-4x-6y-7=0$  বৃত্তের স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর।

$$x^{2} + y^{2} + 2(-2)x + 2(-3)y + (-7) = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$g = -2, f = -3, c = -7$$

 $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 7 = 0$ 

$$x_1 = -2$$
,  $y_1 = 1$ 

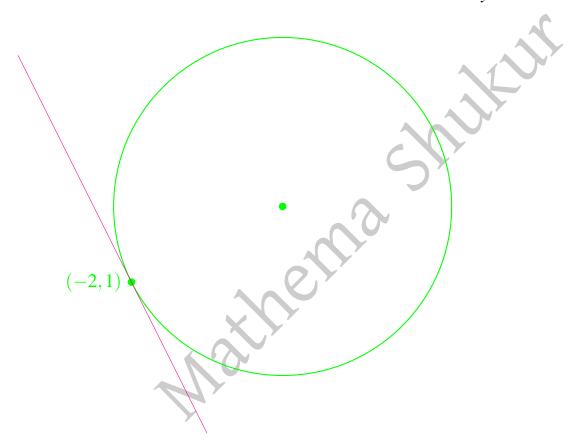
$$xx_1 + yy_1 + g(x + x_1) + f(y + y_1) + c = 0$$

$$x(-2) + y(1) + (-2)(x-2) + (-3)(y+1) - 7 = 0$$

$$-2x + y - 2x + 4 - 3y - 3 - 7 = 0$$

$$-4x - 2y - 6 = 0$$

$$2x + y + 3 = 0$$

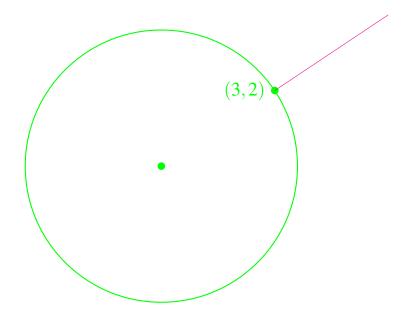


# [যশোর বোর্ড-২০১৬]

(3) 
$$x^2 + y^2 = 13$$
 বৃত্তের  $(3,2)$  বিন্দুতে অভিলম্বের সমীকরণ নির্ণয় কর ।

(2a) 
$$(x_1,y_1)$$
 বিন্দুতে  $x^2+y^2=a^2$  বৃত্তে অঙ্কিত অভিলম্বের সমীকরণ  $x_1y-xy_1=0$ 

$$3y - 2x = 0$$



# [দিনাজপুর বোর্ড-২০১১]

(4)  $x^2 + y^2 = 20$  বৃত্তের 2 ভূজ বিশিষ্ট বিন্দুতে স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর। বিন্দুটির ভুজ x=2

$$x^2 + y^2 = 20$$

$$2^2 + y^2 = 20$$

$$y^2 = 20 - 4$$

$$y^2 = 16$$

$$y = \pm 4$$

স্পর্শ বিন্দুগুলি (2,4), (2,-4)

(1a)  $(x_1,y_1)$  বিন্দুতে  $x^2+y^2=a^2$  বৃত্তে অঙ্কিত স্পর্শকের সমীকরণ  $xx_1+yy_1=a^2$ 

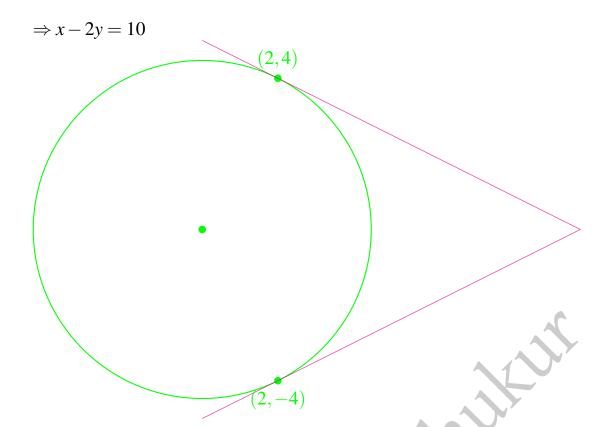
(2,4) বিন্দুতে স্পর্শকের সমীকরণ

$$2x + 4y = 20$$

$$\Rightarrow x + 2y = 10$$

(2,-4) বিন্দুতে স্পর্শকের সমীকরণ

$$2x - 4y = 20$$



[কুমিল্লা বোর্ড-২০০৫]

(5)  $x^2+y^2+4x-10y+28=0$  বৃত্তের (-2,4) বিন্দুতে স্পর্শক ও অভিলম্বের সমীকরণ নির্ণয় কর।

$$x^{2} + y^{2} + 4x - 10y + 28 = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2(2)x + 2(-5)y + (28) = 0$$

$$g = 2, f = -5, c = 28$$

(1b)  $(x_1,y_1)$  বিন্দুতে  $x^2+y^2+2gx+2fy+c=0$  বৃত্তে অঙ্কিত স্পর্শকের সমীকরণ  $xx_1+yy_1+g(x+x_1)+f(y+y_1)+c=0$ 

$$xx_1 + yy_1 + g(x+x_1) + f(y+y_1) + c = 0$$

$$x_1 = -2, y_1 = 4, g = 2, f = -5, c = 28$$

$$x(-2) + y(4) + (2)(x-2) + (-5)(y+4) + 28 = 0$$

$$-2x + 4y + 2x - 4 - 5y - 20 + 28 = 0$$

$$-y + 4 = 0$$

$$y - 4 = 0$$

(2b)  $(x_1,y_1)$  বিন্দুতে  $x^2+y^2+2gx+2fy+c=0$  বৃত্তে অঙ্কিত অভিলম্বের সমীকরণ  $(x_1+g)y-(y_1+f)x+fx_1-gy_1=0$ 

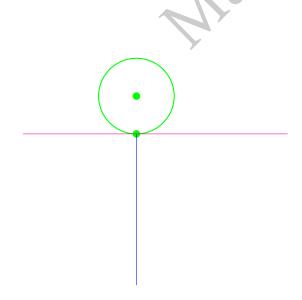
$$(x_1+g)y - (y_1+f)x + fx_1 - gy_1 = 0$$

$$x_1 = -2, y_1 = 4, g = 2, f = -5, c = 28$$

$$(-2+2)y - (4-5)x + (-5)(-2) - (2)(4) = 0$$

$$(0)y - (-1)x + 10 - 8 = 0$$

$$x + 2 = 0$$



## [দিনাজপুর বোর্ড-২০২২]

(6)  $x^2+y^2-6x+2y+1=0$  বৃত্তের একটি স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর যা 3x+4y-1=0 এর সমান্তরাল ।

$$x^{2} + y^{2} - 6x + 2y + 1 = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2(-3)x + 2(1)y + (1) = 0$$

কেন্দ্র 
$$(-g,-f)=(3,-1)$$
 ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(-3)^2+(1)^2-1}=\sqrt{9+1-1}=3$ 

ধরি, 3x+4y-1=0 এর সমান্তরাল রেখার সমীকরণ 3x+4y+k=0 যা বৃত্তের একটি স্পর্শক।

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

কেন্দ্র (3,-1) হতে স্পর্শক 3x+4y+k=0 রেখার লম্ভূরত্ব

$$d = \frac{|3(3) + 4(-1) + k|}{\sqrt{3^2 + (4)^2}}$$

$$=\frac{|9-4+k|}{\sqrt{25}}$$

$$=\frac{|5+k|}{5}$$

$$\frac{|5+k|}{5} = 3$$

$$\pm(5+k)=15$$

$$5+k=\pm 15$$

$$k = \pm 15 - 5$$

$$k = +15 - 5, -15 - 5$$

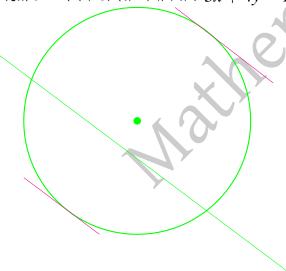
$$k = 10, -20$$

3x+4y+k=0 সমীকরণে k এর মান বসিয়ে পাই বৃত্তের স্পর্শক

$$3x + 4y + 10 = 0$$

$$3x + 4y - 20 = 0$$

উপরোক্ত স্পর্শকগুলির সমীকরণ 3x+4y-1=0 এর সমান্তরাল



## [ঢাকা বোর্ড-২০২২]

(7) দেখাও যে, 3x-4y-5=0 রেখাটি  $x^2+y^2-6x+8y+9=0$  বৃত্তের একটি স্পার্শক।

$$x^2 + y^2 - 6x + 8y + 9 = 0$$

$$x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} - 6x + 8y + 9 = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + 2(-3)x + 2(4)y + (9) = 0$$

কেন্দ্র (-g,-f)=(3,-4) ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(-3)^2+(4)^2-9}=\sqrt{9+16-9}=4$ 

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

কেন্দ্র (3,-4) হতে 3x-4y-5=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

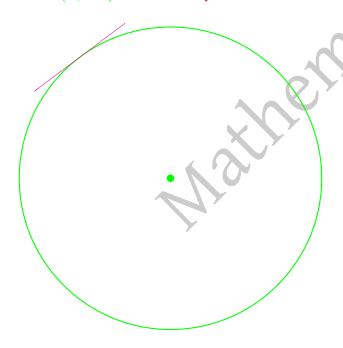
$$d = \frac{|3(3) - 4(-4) - 5|}{\sqrt{3^2 + (-4)^2}}$$

$$= \frac{|9 + 16 - 5|}{\sqrt{25}}$$

$$= \frac{20}{5}$$

$$= 4$$

কেন্দ্র (3,-4) হতে 3x-4y-5=0 রেখার লম্ব দূরত্ব (4) = বৃত্তের ব্যাসার্ধ (4)



#### [দিনাজপুর বোর্ড-২০১৬]

(৪)  $x^2 + y^2 - 8x - 10y - 8 = 0$  বৃত্তের একটি স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর যা 5x - 12y = 9 এর সমান্তরাল ।

#### [ঢাকা বোর্ড-২০১৯]

(9)  $x^2 + y^2 - 10x + 6y + 9 = 0$  বৃত্তের এরুপ দুইটি স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর যারা 3x + 4y = 2 রেখার উপর লম্ব হবে।

$$x^{2} + y^{2} - 10x + 6y + 9 = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + 2(-5)x + 2(3)y + (9) = 0$$

কেন্দ্র (-g,-f)=(5,-3) ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(-5)^2+(3)^2-9}=\sqrt{25+9-9}=5$  ধরি, 3x+4y-2=0 এর লম্ব রেখার সমীকরণ 4x-3y+k=0 যা বৃত্তের একটি স্পর্শক।  $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব  $\left[d=\frac{|ax_1+by_1+c|}{\sqrt{a^2+b^2}}\right]$ 

কেন্দ্র (5,-3) হতে স্পর্শক 4x-3y+k=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|4(5) - 3(-3) + k|}{\sqrt{4^2 + (-3)^2}}$$
$$= \frac{|20 + 9 + k|}{\sqrt{25}}$$

$$\frac{|k+29|}{5} = 5$$

$$\pm (k+29) = 25$$

$$k+29 = \pm 25$$

$$k = \pm 25 - 29$$

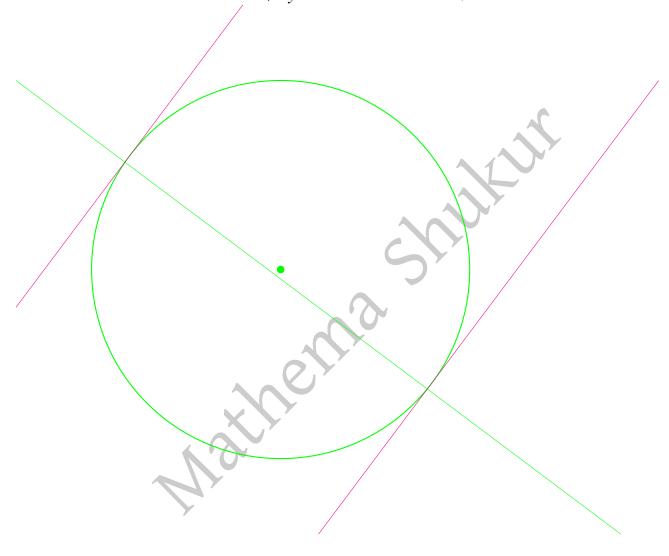
$$k = +25 - 29, -25 - 29$$

$$k = -4, -54$$

4x-3y+k=0 সমীকরণে k এর মান বসিয়ে পাই বৃত্তের স্পর্শক 4x-3y-4=0

$$4x - 3y - 54 = 0$$

উপরোক্ত স্পর্শকের সমীকরণগুলি 3x+4y=2 রেখার উপর লম্ব হবে।



### [ঢাকা বোর্ড-২০১৬]

(10)  $x^2 + y^2 - 2x - 4y - 4 = 0$  বৃত্তের স্পর্শক 3x - 4y + 5 = 0 রেখার উপর লম্ব হলে স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর ।

# [দিনাজপুর বোর্ড-২০১৪]

(11)  $x^2 + y^2 + 4x - 8y + 2 = 0$  বৃত্তের স্পর্শক অক্ষদ্বয় হতে একই চিহ্ন বিশিষ্ট সমমানের অংশ ছেদ করে। স্পর্শকের সমীকরণ নির্ণয় কর।

$$x^{2} + y^{2} + 4x - 8y + 2 = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2(2)x + 2(-4)y + (2) = 0$$

কেন্দ্র 
$$(-g,-f)=(-2,4)$$
 ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(2)^2+(-4)^2-2}=\sqrt{4+16-2}=3\sqrt{2}$ 

দ্বি খণ্ডন আকার Two Intercept form

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

স্পর্শক অক্ষদ্বয় হতে একই চিহ্ন বিশিষ্ট সমমানের অংশ ছেদ করে. a=b

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{a} = 1$$

$$x + y = a$$

$$x+y-a=0$$

x+y=a x+y-a=0  $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

কেন্দ্র (-2,4) হতে স্পর্শক x+y-a=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|(-2) + (4) - a|}{\sqrt{1^2 + 1^2}}$$

$$=\frac{|2-a|}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{|2-a|}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{2}$$

$$|2-a| = 3\sqrt{2}\sqrt{2}$$

$$2 - a = \pm 6$$

$$a = 2 \pm 6 - 2$$

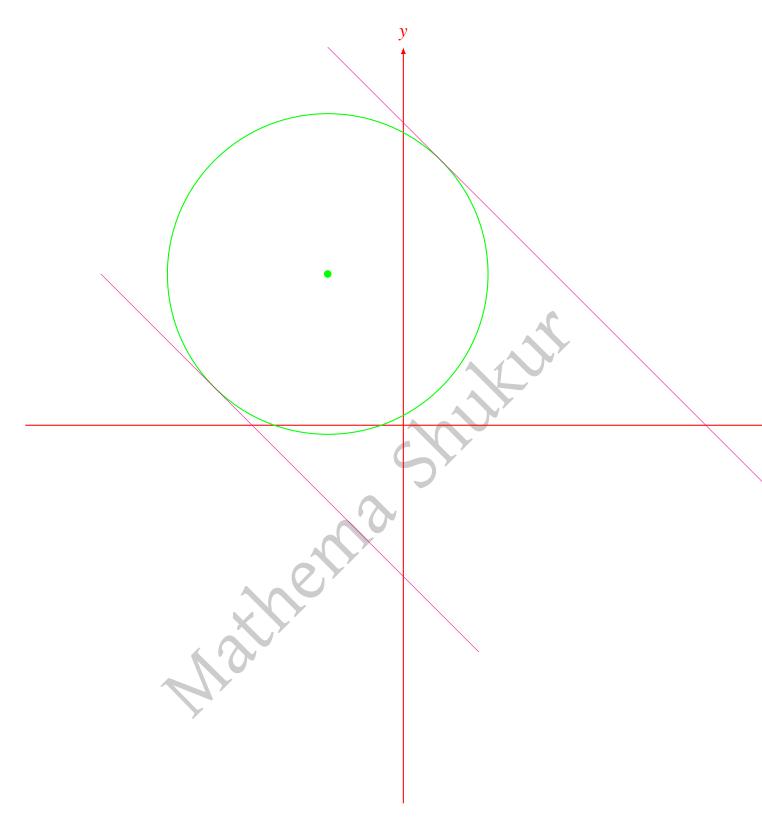
$$a = 2 + 6, 2 - 6$$

$$a = 8, -4$$

x+y-a=0 সমীকরণে a এর মান বসিয়ে পাই বৃত্তের স্পর্শক x+y-8=0

$$x + y + 4 = 0$$

স্পর্শকগুলি অক্ষদ্বয় হতে একই চিহ্ন বিশিষ্ট সমমানের অংশ ছেদ করে।



# [RUET-09-10]

(12)  $x^2+y^2+4x-8y+2=0$  বৃত্তটির এমন স্পর্শকগুলির সমীকরণ নির্ণয় কর যারা অক্ষদ্বয়কে সমান ও বিপরীত চিহ্নে খন্ডিত করে।

$$x^{2} + y^{2} + 4x - 8y + 2 = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2(2)x + 2(-4)y + (2) = 0$$

কেন্দ্র 
$$(-g,-f)=(-2,4)$$
 ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{2^2+(-4)^2-2}=\sqrt{4+16-2}=3\sqrt{2}$ 

দ্বি খণ্ডন আকার Two Intercept form

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

স্পর্শক অক্ষদ্বয়কে সমান এবং বিপরীত চিহ্নে খন্ডিত করে. b=-a

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{-a} = 1$$

$$x - y = a$$

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

ি  $a_1, b_2, b_3$   $d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$  কৈন্দ্র  $a_1 + by_1 + c$  কিন্দ্র  $a_2 + by_2 + a = 0$  রেখার লম্ব দূরত্ব  $d = \frac{|(-2) - (4) - a|}{\sqrt{1^2 + 1^2}}$ 

$$d = \frac{|(-2) - (4) - a|}{\sqrt{1^2 + 1^2}}$$

$$=\frac{|-6-a|}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{|-6-a|}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{2}$$

$$|a+6| = 3\sqrt{2}\sqrt{2}$$

$$a+6 = \pm 6$$

$$a = \pm 6-6$$

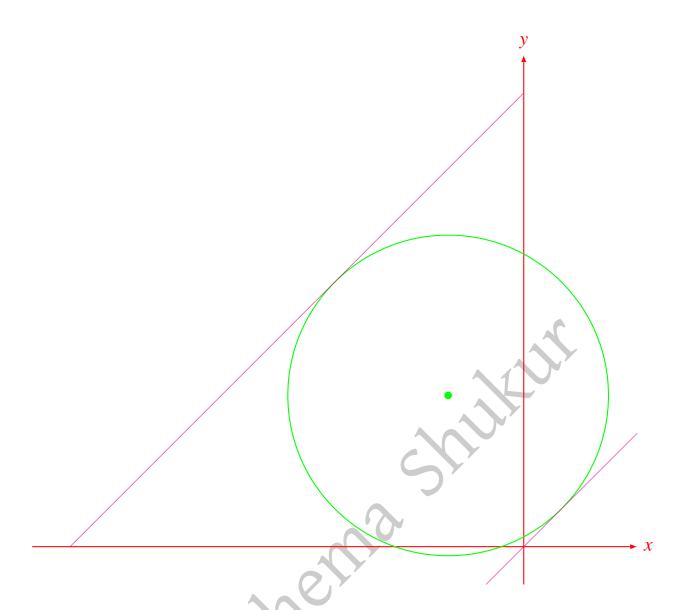
$$a = 6-6, -6-6$$

$$a = 0, -12$$

x-y-a=0 সমীকরণে a এর মান বসিয়ে পাই বৃত্তের স্পর্শক

x-y=0 (মূল বিন্দুগামী হওয়ার কারণে গ্রহণ যোগ্য নয়)

x-y+12=0 স্পর্শকটি অক্ষদ্বয়কে সমান ও বিপরীত চিহ্নে খন্ডিত করে।



## [সিলেট বোর্ড-২০১৪]

(13) k এর মান কত হলে 3x+4y=k রেখাটি  $x^2+y^2=10x$  বৃত্তকে স্পর্শ করবে।

$$x^2 + y^2 = 10x$$

$$x^{2} + y^{2} - 10x = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + 2(-5)x + 2(0)y + (0) = 0$$

কেন্দ্র 
$$(-g,-f)=(5,0)$$
 ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(-5)^2+(0)^2-0}=\sqrt{25}=5$ 

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

কেন্দ্র (5,0) হতে স্পর্শক 3x+4y-k=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|3(5) + 4(0) - k|}{\sqrt{3^2 + 4^2}}$$
$$= \frac{|15 - k|}{\sqrt{25}}$$
$$= \frac{|15 - k|}{5}$$

আমরা জানি, বৃত্তের কেন্দ্র হতে স্পর্শকের লম্ব দূরত্ব বৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান।

$$\frac{|15 - k|}{5} = 5$$

$$\pm (15 - k) = 25$$

$$15 - k = \pm 25$$

$$k = 15 \pm 25$$

$$k = 15 + 25, \ 15 - 25$$

$$k = 40, \ -10$$

## [কুমিল্লা বোর্ড-২০১২]

 $(14) \; x^2 + y^2 - 8x - 2y + 4 = 0$  বৃত্তের একটি স্পর্শক 3x + by - 1 = 0 হলে b এর মান নির্ণয় কর

$$x^{2} + y^{2} - 8x - 2y + 4 = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2(-4)x + 2(-1)y + (4) = 0$$

কেন্দ্র (-g,-f)=(4,1) ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(-4)^2+(-1)^2-4}=\sqrt{16+1-4}=\sqrt{13}$ 

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

কেন্দ্র (4,1) হতে স্পর্শক 3x+by-1=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|3(4) + b(1) - 1|}{\sqrt{3^2 + b^2}}$$
$$= \frac{|12 + b - 1|}{\sqrt{b^2 + 9}}$$
$$= \frac{|11 + b|}{\sqrt{b^2 + 9}}$$

$$\frac{|11+b|}{\sqrt{b^2+9}} = \sqrt{13}$$

$$|b+11| = \sqrt{13} \sqrt{b^2+9}$$

$$(b+11)^2 = (13)(b^2+9)$$

$$b^2 + 22b + 121 = 13b^2 + 117$$

$$12b^2 - 22b - 4 = 0$$

$$6b^2 - 11b - 2 = 0$$

$$6b^2 - 12b + b - 2 = 0$$

$$6b(b-2) + 1(b-2) = 0$$

$$(b-2)(6b+1) = 0$$

$$b = 2, -\frac{1}{6}$$

#### [চট্টগ্রাম বোর্ড-২০১৪]

(15) দেখাও যে, lx+my=1 রেখাটি  $x^2+y^2-2ax=0$  বৃত্তকে স্পর্শ করবে যদি  $a^2m^2+2al=1$  হয়

$$x^{2} + y^{2} - 2ax = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$x^{2} + y^{2} + 2(-a)x + 2(0)y + (0) = 0$$

কেন্দ্র 
$$(-g,-f)=(a,0)$$
 ও ব্যাসার্ধ=  $\sqrt{(-a)^2+(0)^2-0}=\sqrt{a^2}=a$ 

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

কেন্দ্র (a,0) হতে স্পর্শক lx+my-1=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|l(a) + m(0) - 1|}{\sqrt{l^2 + m^2}}$$

$$=\frac{|al-1|}{\sqrt{l^2+m^2}}$$

$$=\frac{|al-1|}{\sqrt{l^2+m^2}}$$

$$\frac{|al-1|}{\sqrt{l^2+m^2}} = a$$

$$|al-1| = a \sqrt{l^2+m^2}$$

$$(al-1)^2 = a^2 (l^2+m^2)$$

$$a^2 l^2 - 2al + 1 = a^2 l^2 + a^2 m^2$$

$$a^2 m^2 + 2al = 1$$

## [যশোর বোর্ড-২০১২]

র্ (16) px+qy=1 রেখাটি  $x^2+y^2=a^2$  বৃত্তকে স্পর্শ করে। দেখাও যে, (p,q) বিন্দুটি একটি বৃত্তের উপর অবস্থিত।

$$x^2 + y^2 = a^2$$

কেন্দ্র (0,0) ও ব্যাসার্ধ= a

 $P(x_1,y_1)$  বিন্দু হতে ax+by+c=0 সরলরেখার উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য বা লম্ব দূরত্ব

$$\left[d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}\right]$$

কেন্দ্র (0,0) হতে স্পর্শক px+qy-1=0 রেখার লম্ব দূরত্ব

$$d = \frac{|p(0) + q(0) - 1|}{\sqrt{p^2 + q^2}}$$

$$=\frac{|-1|}{\sqrt{p^2+q^2}}$$

$$=\frac{1}{\sqrt{p^2+q^2}}$$

আমরা জানি, বৃত্তের কেন্দ্র হতে স্পর্শকের লম্ব দূরত্ব বৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান।

$$\frac{1}{\sqrt{p^2 + q^2}} = a$$

$$\frac{1}{p^2 + q^2} = a^2$$

$$p^2 + q^2 = \frac{1}{a^2}$$

(p,q) বিন্দুটি  $x^2+y^2=rac{1}{a^2}$  সমীকরণ দ্বারা নির্দেশিত বৃত্তের উপর অবস্থিত।