## Errata

(Mathematische Einführung in Data Science von Sven-Ake Wegner)

## 24. Februar 2024

- Seite 17, Zeile 11:  $r_{xy}$
- Seite 24, Zeile −11:  $f = \langle (a_1, \dots, a_d), \cdot \rangle + a_0$
- Seite 26, Zeile 18:  $f(z) = sig(\langle w, \cdot \rangle)$
- Seite 31, Zeile 12: ... und  $\langle w, \widehat{w}_{k} \rangle < 0$  gelten.
- Seite 38, Zeile 13: ... und  $x_1, \ldots, x_k \in D_1 := \{x \mid (x, y) \in D\}$  gelten.
- Seite 38, Zeile 14:  $x_1 \in \underset{z \in D_1}{\operatorname{argmin}} \rho(x, z)$  sowie  $x_j \in \underset{z \in D_1}{\operatorname{argmin}} \rho(x, z)$  für  $j \geqslant 2$
- Seite 38, Zeile 20:  $f(x) \in \underset{y \in Y}{\operatorname{argmax}} N(y)$
- Seite 39, Zeile 4:  $z^* \leftarrow \operatorname{argmin}_{z \in D'_{\bullet}} \rho(x, z)$
- Seite 39, Zeile 5:  $D_1' \leftarrow D_1' \setminus \{(z^*, y^*)\}$
- Seite 39, Zeile 10–11: Hierbei bezeichnet  $\pi_2(x,y) = x$  die Projektion auf den zweiten Eintrag von  $(x,y) \in D$  und  $y^*$  das Label von  $z^*$ .
- Seite 39, Zeile -2: ... vorgenannten grauen Punkt x mit ...
- Seite 41, Zeile 6–7: ... Trainingsdaten  $D_{\text{Train}}$  und  $Testdaten\ D_{\text{Test}}$ . Dann bestimmt man einen Klassifizierer  $f \colon X \to Y$  anhand von  $D_{\text{Train}}$ , und stellt fest, welcher Anteil der Punkte aus  $D_{\text{Test}}$  durch f korrekt klassifiziert wird.
- Seite 52, Zeile −14: Text *D*
- Seite 55, Zeile 21–23: ... bevor der minimale Abstand zwischen den Clustern in der nächsten Runde erstmalig über einen einzugebenden Wert  $\delta > 0$  wachsen würde.
- Seite 55, Zeile −15: *D*
- Zeile −12: while  $\min_{i\neq j} \rho(C_i, C_j) \leq \delta$  do
- Seite 56, Zeile 4: ..., wie in Definition 4.2, ...
- Seite 56, Zeile 8: Aufgabe 4.2
- Seite 70, Zeile 3–4: Wir wählen  $v_1 = 1$  als Eigenvektor zum Eigenwert  $\lambda_1$ . Dan gelten für Eigenwert und Eigenvektor  $\lambda_2$  bzw.  $v_2$
- Seite 71, Zeile 5:  $\emptyset \neq S \subset V$
- Seite 72, Zeilen 6 und 8:  $\emptyset \neq S \subset V$
- Seite 74, Zeile 15:  $\emptyset \neq S \subset V$
- Seite 74, Zeile 16:  $\frac{\#\partial S}{\text{Vol }S}$
- Seite 102, Zeile 17:  $r = \operatorname{rk}(A)$
- Seite 110, Zeile 7: R<sub>B</sub>
- Seite 112, Zeile 5: (Film)  $\mathbb{R}_{\mathfrak{F}} \xrightarrow{A} \mathbb{R}_{\mathfrak{B}}$  (Bewerterin)
- Seite 112, Zeile −3: ...die Daten erst einem geeigneten Pre- oder Postprocessing zu unterziehen ...
- Seite 129, Zeile -1:  $0 < \varepsilon < 1$
- Seite 134, Zeile 9: Für solche Zufallsvektoren erhält man . . .
- Seite 139, Zeile  $-1: ||X^{(i)}|| \approx 1$
- Seite 146, Zeile 5:  $P[|||X|| \sqrt{d}| \ge \varepsilon]$
- Seite 167, Zeile 5–7: Im Fall der Varianz sind diese eher technisch, und wir formulieren daher im Satz für die Varianz nur die sich ergebende qualitative asymptotische Aussage.
- Seite 183, Zeile −1: Wenn D linear trennbar ist, ...
- Seite 189, Zeile -5:  $(x,y) \in D$
- Seite 190, Zeile 14–15: . . . die Worte "Bonus", "Vertrag", "das" und "Mensa" . . .

- Seite 194, Zeilen -2 und -1:  $\mathcal{R}(D)$ ,  $\mathcal{K}(D)$
- Seite 194, Zeile -1:  $h: \mathbb{R}^d \to \mathbb{R}^d$
- Seite 195, Zeilen 2, 4, 5, 9, 10, 12, 15 und 20:  $\Re(D)$ ,  $\Re(D)$
- Seite 196, Zeilen 6–8, 12 und 13:  $\mathcal{R}(D)$ ,  $\mathcal{K}(D)$
- Seite 198, Zeile 6:  $(w^*, b^*) \in M$
- Seite 198, Zeile 11–16: Es folgt also nach Proposition 17.14, dass  $w_1^* = w_2^* =: w^*$  ist. Gelte ohne Einschränkung  $b_1^* < b_2^*$ . Dann wählen wir für  $\frac{(w^*, b_1^*)}{(w^*, b_1^*)}$  und  $\frac{1}{(w^*, b_2^*)}$  jeweils  $\frac{1}{(w^*, b_1^*)}$  und einen Index  $\frac{1}{(w^*, b_1^*)}$  wie in Teil  $\frac{1}{(w^*, b_1^*)}$  und erhalten

$$y_i(\langle w^*, x_i \rangle + b_1^*) = \langle w^*, x_i \rangle + b_1^* < \langle w^*, x_i \rangle + b_2^* = 1$$

im Widerspruch dazu, dass  $(w^*, b_1^*)$  in M liegt. Ist  $b_1^* > b_2^*$ , so vertauschen wir die Rollen von  $i_1$  und  $i_2$ .

- Seite 198, Zeilen -11, -8 und -4:  $\mathcal{R}(D)$ ,  $\mathcal{K}(D)$
- Seite 216, Zeile −14:..., sodass  $y_i(\langle w, x_i \rangle + b) \ge 1$  für ....
- Seite 220, Zeile 16: ... mit  $\lambda_{i_0}^* \neq 0$  ist ...
- Seite 220, Zeile 18: ... Wahl von  $\lambda^*$  und ...
- Seite 224, Zeile −10 ... positive Semidefinitheit der Gram-Matrix ...
- Seite 230, Zeile 15 die Rectified Linear Unit
- Seite 231, Zeile -4: ... Neuronen aus Proposition 16.2 zusammensetzen
- Seite 239, Zeile 15:  $\mathcal{F}(f_1 * f_2) = \mathcal{F}f_1 \cdot \mathcal{F}f_2$
- Seite 271, Zeile 14: Folgerung 17.10. Sei  $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$  differenzierbar und konvex.
- Seite 275, Zeile −2: Dann gilt wegen
- Seite 283, Zeile -9: 4:  $x^{(k+1)} \leftarrow x^{(k)} \gamma_k \nabla f(x^{(k)})$ .
- Seite 296, Zeile −14: S. Shalev-Shwartz and S. Ben-David, Understanding