Matheus Antonio Oliveira Cardoso

Padrões de Projeto e o Paradigma Funcional

Brasil

Matheus Antonio Oliveira Cardoso

Padrões de Projeto e o Paradigma Funcional

Modelo canônico de trabalho monográfico acadêmico em conformidade com as normas ABNT apresentado à comunidade de usuários LATEX.

Universidade Federal Fluminense – UFF Instituto de Ciência e Tecnologia Ciência da Computação

Orientador: Carlos Bazilio Martins

Brasil 2021, v-1.9.7

Resumo

O presente trabalho tem como objetivo analisar o conceito de padrões de projeto no contexto do paradigma de programação funcional. Os padrões de projeto apresentam soluções comuns para problemas comuns de design de software, destacando-se os vinte e três padrões Gang of Four, que apresentam soluções comuns para problemas relacionados ao paradigma orientado a objetos. Porém, como a forma de construir um software em um paradigma funcional difere muito de um paradigma orientado a objetos, existe a dúvida de como ou se esses padrões podem ser reaproveitados ou se o uso do paradigma funcional pode solucionar os problemas oriundos da orientação a objetos. Dessa forma, o trabalho buscará analisar, do ponto de vista funcional, cada um dos 23 padrões GoF, verificando se o problema de orientação a objetos em questão também existe no contexto funcional e se é resolvido pelo padrão em questão ou porque o problema não existe nesse contexto. Ao fim, deseja-se concluir se o uso dos recursos de programação funcional contribuem para a solução de cada padrão GoF e, caso a conclusão não seja a mesma para todos os padrões, tentar identificar as características do grupo onde uma solução funcional é interessante ou não.

Palavras-chave: padrões de projeto. programação funcional.

Abstract

The present work is intendend to analyze the concept of design patterns in a functional programming paradigm context. The design patterns present common solutions to common software design problems, standing out the twenty-three Gang of Four design patterns, which present common solutions for object oriented related problems. However, since the way of building a software in a functional paradigm differs a lot from an object oriented paradigm, there is the question of how or wheter these patterns can be reused or if the use of the functional paradigm can solve problems arising from object orientation. In this way, the work will seek to analyze, from the functional point of view, each of the 23 GoF patterns, verifying if the object oriented problem in question also exists in the functional context and if it is solved by the pattern in question or why the problem doesn't exist in this context. At the end, it is aimed to conclude if the use of functional programming resources contribute to the solution of each GoF pattern and, in case of the conclusion not being the same for all patterns, try to identify the characteristics of the group where the functional solution is interesting or not.

Keywords: design patterns. functional programming.

Lista de ilustrações

Figura 1 $\,-\,$ Estrutura do Singleton utilizada como exemplo (GAMMA et al., 1995) $\,$ 27

Lista de códigos

Código 1 –	Exemplo de Função Pura	19
Código 2 –	Exemplo de Função Pura	19
Código 3 –	Exemplo de Código Mutável	20
Código 4 –	Exemplo de Código Imutável	20
Código 5 –	Exemplo de Função de Alta Ordem	21
Código 6 –	Exemplo sem Funções de Alta Ordem	21
Código 7 –	Exemplo de Closure	22
Código 8 –	Exemplo de Composição de Funções	22
Código 9 –	Exemplo de Composição de Funções	23
Código 10 –	Exemplo sem Currying	23
Código 11 –	Exemplo de Currying	23
Código 12 –	Exemplo de Singleton sem subclasses (GAMMA et al., 1995)	28
Código 13 –	Exemplo de Singleton com subclasses (GAMMA et al., 1995)	29

Lista de abreviaturas e siglas

GOF Gang of Four

Sumário

1	INTRODUÇÃO	13
l .	CONCEITOS BÁSICOS	15
2	TRABALHOS RELACIONADOS	17
3	O PARADIGMA FUNCIONAL	19
3.1	Funções Puras	19
3.2	Imutabilidade	20
3.3	Funções de Alta Ordem	21
3.4	Closures	22
3.5	Composição de funções	22
3.6	Currying	23
3.7	Mônadas	24
4	PADRÕES DE PROJETO	25
4.1	Exemplo de padrão de projeto: Singleton	26
	REFERÊNCIAS	31

1 Introdução

Durante o processo de construção de um software diversos problemas de design são enfrentados, alguns mais simples, outros mais trabalhosos. Alguns desses problemas são tão comuns que achou-se necessário definir um padrão de solução para eles, reduzindo o tempo que desenvolvedores que passariam pelo mesmo problema futuramente gastariam tentando chegar até a mesma solução que outros desenvolvedores chegaram no passado. Essa ideia deu origem ao que chamamos de Padrões de Projeto, soluções ideais para problemas comuns ou difíceis de se resolver no desenvolvimento de software. Alguns desses problemas deram origem a padrões tão comuns que quatro desenvolvedores, conhecidos como Gang of Four, reuniram-se para catalogar esses padrões, dando origem aos vinte e três Padrões de Projeto GOF. Entretanto, esses padrões comuns são voltados para um paradigma de programação tão comum quanto: o Orientado a Objetos. Sendo um paradigma mais conhecido através de linguagens de programação famosas como Java, normalmente são esses os padrões aprendidos pelos estudantes ou desenvolvedores comuns. O problema é que a Orientação a Objetos não é o único paradigma

Parte I Conceitos Básicos

2 Trabalhos Relacionados

Apesar de não existirem muitos trabalhos que envolvem relacionar padrões de projeto com o paradigma funcional, diversas revisões dos padrões GoF já foram feitas. (FORD, 2012; NORVIG, 1996; WLASCHIN, 2014; SIERRA, 2013; FUSCO, 2016) Essas revisões são orientadas tanto ao paradigma funcional - como neste trabalho - quanto a uma visão mais abrangente, que aproveita outros recursos e evoluções de linguagens de programação posteriores ao paradigma orientado a objetos como era conhecido quando os padrões GoF foram catalogados.

Alguns desses trabalhos serão apresentados a seguir. A maioria não se restringe aos padrões de projeto GoF, alguns inclusive propõem padrões baseados em conceitos de programação funcional.

Scott Wlaschin, em sua palestra "Functional Programming Design Patterns" (WLASCHIN, 2014), apresenta conceitos de programação funcional como combinação de funções, funções de alta ordem e mônadas. Em seguida, é demonstrado como esses recursos podem ser interpretados como padrões para solucionar problemas de design de software funcional.

Parte de uma série de artigos denominada "Functional Thinking", escritos por Neal Ford e disponibilizada no site da IBM (FORD, 2012), descreve como alguns padrões de projeto podem ser interpretados no contexto funcional e apresenta três possibilidades para essa interpretação: os padrões são absorvidos pelos recursos da linguagem; continuam existindo, porém possuindo uma implementa diferente; ou são solucionados utilizando recursos que outras linguagens ou paradigmas não possuem.

Em uma palestra disponibilizada no InfoQ (SIERRA, 2013), Stuart Sierra apresenta os "Clojure Design Patterns", onde alguns padrões GoF, entre eles Observer e Strategy, são revisitados a partir de um ponto de vista funcional. Porém, a maior parte da palestra propõe diversos padrões derivados do paradigma funcional.

Já a palestra "From GoF to lambda" (FUSCO, 2016), apresentada por Mario Fusco, demonstra como alguns dos padrões GoF podem ser revistos com o recurso de funções lambda, incluídas na versão 8 da linguagem Java.

Por fim, Peter Norvig apresenta "Design Patterns in Dynamic Languages" (NORVIG, 1996), que apesar de não ser focado no paradigma funcional, dedica-se a revisitar alguns padrões de projeto GoF utilizando recursos de linguagens de programação dinâmicas.

3 O Paradigma Funcional

No mesmo ano em que Alan Turing publicava sua tese sobre as Máquinas de Turing, Alonzo Church publicava a sua sobre o Cálculo Lambda. Essa abordagem da computação era mais embasada na matemática e foi provada como equivalente à Máquina de Turing pelo próprio Alan Turing. É nele que o paradigma funcional baseia-se para definir as características que serão melhor exploradas em seguida.

3.1 Funções Puras

Funções puras operam apenas nos parâmetros fornecidos. Elas não leem ou escrevem em qualquer valor que esteja fora do corpo da função. Por exemplo:

```
def add(x, y) {
    return x + y;
}
```

Código 1 – Exemplo de Função Pura

A função acima opera apenas nos valores x e y que são passados como parâmetro da função. A partir dessa restrição, algumas conclusões relevantes podem ser tiradas. Por exemplo, uma função pura sempre retornará o mesmo valor para os mesmos parâmetros: caso a função add acima receba os parâmetros 1 para x e 2 para y, não importa quantas vezes ela seja chamada, o resultado da operação sempre será 3.

Em seguida, um exemplo de função não pura:

```
var z = 10;

def modify(x, y) {
    z = x + y;
}
```

Código 2 – Exemplo de Função Pura

Essa função não é pura pois ela depende de um valor externo - a variável z - para realizar uma operação. Existe ainda um outro problema com esse tipo de função: sua execução implica em um efeito colateral.

Efeitos colaterais ocorrem em consultas ou alterações a bases de dados, modificação de arquivos ou até mesmo envio de dados a um servidor. Também ocorrem quando variáveis fora do escopo da função são modificadas ou lidas. Esse tipo de comportamento é muito

comum em paradigmas de programação imperativos ou orientados a objetos, porém podem causar dificuldades no processo de debug de um código, afinal, se uma variável pode ser alterada em qualquer lugar, um valor errado que ela está assumindo pode estar vindo de qualquer lugar.

Apesar disso, um programa precisa realizar efeitos colaterais, como os já citados: leitura e escrita em arquivos ou bancos de dados, requisições em servidores, exibição em uma tela. Por isso, a ideia no design de software funcional não é apenas utilizar funções puras, mas concentrar os efeitos colaterais em um local isolado das funções puras, o que facilita o processo de debugging.

3.2 Imutabilidade

Em programação funcional, a ideia de variáveis não existe, ou ao menos possui uma definição diferente. Em paradigmas procedurais é comum encontrarmos trechos de código parecidos com:

```
var x = 1;
x = x + 1;
```

Código 3 – Exemplo de Código Mutável

Porém, esse tipo de operação não é permitida no paradigma funcional. Aqui é seguido o princípio da imutabilidade, onde uma variável ¹ que armazena um valor não pode ter esse valor alterado até o fim da execução do programa. Dessa forma, o código apresentado anteriormente não seria possível.

Em um programa funcional, a modificação do valor de uma variável é feita copiando o valor para uma nova variável que passará a representar esse valor. Por exemplo, o código acima poderia ser escrito como:

```
var x = 1;
z = x + 1;
```

Código 4 – Exemplo de Código Imutável

Isso pode parecer problemático quando é necessário modificar um único valor em uma lista ou uma estrutura maior e mais complexa, porém por baixo dos panos isso é feito de uma forma mais eficiente, sem que seja necessário de fato copiar toda a estrutura. Dessa forma, a imutabilidade está presente apenas durante a programação, impedindo que um valor seja alterado acidentalmente pelo programador ou de forma imprevista no caso de um programa multi-thread, por exemplo.

¹ Aqui, variável é entendida como um valor armazenado e não um valor variável.

3.3 Funções de Alta Ordem

Funções de alta ordem são funções que recebem outras funções como parâmetro e ainda podem retornar funções. Esse é um recurso não tão presente em linguagens orientadas a objeto ou procedurais, mas não é exclusivo das linguagens funcionais. Javascript é um bom exemplo de linguagem que pode receber funções como parâmetro em outras funções [citação aqui].

Um bom exemplo de simplicidade do uso de funções de alta ordem é a função map. Seu objetivo é aplicar uma função a todos os elementos de uma coleção e retornar a nova coleção resultante. Para que isso seja possível, a função map precisa receber como parâmetro a função que será aplicada. Por exemplo:

```
def add1(x){
    return x + 1;
}

let result = map(add1, [1, 2, 3, 4, 5]);
// O resultado dessa operação é a lista [2, 3, 4, 5, 6]
```

Código 5 – Exemplo de Função de Alta Ordem

Em uma linguagem que não aceita funções sendo passadas por parâmetro, uma operação simples como essa poderia tornar-se mais verbosa e menos legível:

```
def add1(x){
    return x + 1;
}

let mylist = [1, 2, 3, 4, 5]
let result = []

foreach(n : mylist) {
    result.push(add1(n))
}
```

Código 6 – Exemplo sem Funções de Alta Ordem

Talvez a implementação da função map seja parecida com a função acima, porém, um programador que não conhece o programa levaria muito menos tempo para entender a primeira implementação do que a segunda. Além disso, para cada função diferente que poderia ser aplicada a essa mesma coleção, a mesma implementação teria que ser repetida.

3.4 Closures

Considerando a seguinte função:

```
def adder(x){
    return (y) => x + y;
}

let add10 = adder(10)

res = add10(5)
// 0 resultado acima é 15
```

Código 7 – Exemplo de Closure

Nele, definimos uma função de alta ordem, adder, que recebe como parâmetro um valor x e retorna uma função que recebe como parâmetro outro valor y e retorna a soma dos dois valores. A variável add10 receberá o retorno da chamada da função adder para o valor 10. Com isso, add10 será uma função que receberá como parâmetro um número e adicionará 10 a ele. Quando add10 é chamada com o valor 5 sendo passado como parâmetro, o retorno da função é 15.

Para que isso seja possível, a função retornada por adder precisou ter acesso ao valor da variável x mesmo após o fim da execução de adder. Isso foi possível por a variável x estar dentro do escopo da função quando ela foi criada. Esse comportamento, que torna o retorno de funções muito mais interessante, é chamado de closure.

3.5 Composição de funções

Reuso de código é um objetivo desejável para qualquer paradigma de programação, e o paradigma funcional proporciona uma facilidade para isso através de composição de funções.

O código abaixo exemplifica esse recurso:

```
def add1(x) {
    return x + 1
}

def mul2(x) {
    return x * 2
}

def sub4(x) {
    return x - 4
```

```
def add1ThenMul2ThenSub4(x) {
    return sub4(mul2(add1(x)))
}
let res = add1ThenMul2ThenSub4(1);
// 0 resultado da função é 0
```

Código 8 – Exemplo de Composição de Funções

É comum qualquer linguagem permitir esse tipo de comportamento. Entretanto, utilizar funções menores e mais simples para compor funções maiores e mais complicadas é uma forma de design comum em linguagens funcionais. A diferença é que em linguagens funcionais as composições podem tornar-se mais legíveis:

```
let res = (add1 compose mul2 compose sub4)(1);
// O resultado da função é O
```

Código 9 – Exemplo de Composição de Funções

3.6 Currying

Currying é uma técnica de programação funcional que permite que uma função com mais de um parâmetro seja chamada como se possuísse apenas um. Por exemplo, a função:

```
def add(x, y){
    return x + y;
}
```

Código 10 – Exemplo sem Currying

Poderia ser escrita da seguinte forma:

```
def add(x) {
    return y => {x + y};
}
```

Código 11 – Exemplo de Currying

Essa técnica simplifica a composição de funções que possuem quantidades diferentes de parâmetros. Normalmente, em linguagens funcionais não é necessário refatorar o código como foi feito acima, já que as funções implementam essa técnica nativamente.

3.7 Mônadas

4 Padrões de Projeto

Durante o processo de desenvolvimento de software, problemas de design são comuns durante a fase de projeto. Alguns desses problemas eram tão comuns que foi feito um esforço para catalogá-los em um livro (GAMMA et al., 1995) que oferece possíveis soluções para os mesmos. Essas soluções tornaram-se conhecidas como os Padrões de Projeto Gang of Four, abreviados para Padrões de Projeto GoF.

Por definição, um padrão de projeto é uma solução reutilizável para um problema comum de design. Apesar deste trabalho se restringir ao contexto de engenharia de software, o conceito foi introduzido pelo arquiteto Christopher Alexander no livro A Pattern Language (ALEXANDER; ISHIKAWA; SILVERSTEIN, 1977).

Com foco no design orientado a objetos, hoje os padrões GoF estão entre os padrões de projeto de software mais conhecidos. Os responsáveis por compilá-los foram Erich Gamma, Richard Helm, Ralph Johson e John Vlissides, o que deu origem ao nome Gang of Four. Ao todo, vinte e três padrões foram catalogados, os mesmos que serão o alvo deste trabalho.

De acordo com o livro, um padrão possui quatro elementos essenciais: Um nome, um problema, uma solução e suas consequências. O nome é uma característica importante por tornar mais fácil referenciar um padrão. O problema descreve a situação em que o padrão é aplicado e a solução descreve como um conjunto de elementos pode resolver o problema proposto. Já as consequências mostram as vantagens e desvantagens do uso do padrão para um problema.

Como forma de organizar os padrões, o livro os separa por finalidade e por escopo. A separação por finalidade divide os padrões entre padrões criacionais, destinados ao processo de criação de objetos, padrões estruturais, que lidam com a forma em que o conjunto de classes e objetos está disposto e padrões comportamentais, focados na forma em que classes e objetos comunicam-se e distribuem suas responsabilidades. A separação por escopo divide os padrões no escopo de classe ou de objeto, onde o primeiro lida com a relação entre classes e subclasses através de herança, enquanto o segundo lida com formas de relacionamento mais dinâmicas entre os objetos, como delegação. Os padrões nesse trabalho serão separados apenas por finalidade, porém características que remetem ao escopo podem ser consideradas durante a análise.

4.1 Exemplo de padrão de projeto: Singleton

A descrição de cada padrão no livro segue uma estrutura muito similar, utilizada principalmente para apresentar os quatro elementos essenciais mencionados anteriormente. Como exemplo para demonstrar a forma como o livro apresenta cada padrão, o padrão criacional Singleton será demonstrado com uma breve explicação de cada tópico. Uma descrição mais sucinta dos outros padrões será apresentada durante o desenvolvimento deste trabalho, onde serão considerados apenas os elementos essenciais dos padrões na análise a partir do paradigma funcional.

Intenção

A intenção é uma forma curta de descrever o que o padrão faz, qual é sua intenção e que problema ele busca resolver. O Singleton busca garantir que uma classe tenha apenas uma instância, acessível globalmente.

Motivação

Este tópico ilustra um problema e demonstra como a estrutura do padrão o soluciona, tornando mais simples a compreensão das descrições mais abstratas que vêm a seguir. Para o Singleton, é utilizado como exemplo o spooler de uma impressora, um sistema de arquivos ou um gerenciador de janelas. Para todos esses casos, apenas um precisa existir, ou seja, uma classe que representa algum desses elementos só precisa possuir uma instância de fácil acesso. É proposto tornar a própria classe responsável por gerenciar essa instância, garantindo que nenhum outra instância dela mesma seja criada e garantindo um meio de acesso a essa única instância.

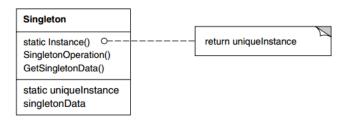
Aplicabilidade

A aplicabilidade descreve situações nas quais o padrão pode ser aplicado, exemplos de maus projetos que ele pode ajudar a tratar e ainda como reconhecer essas situações. No caso do Singleton, ele é utilizável quando for necessário possuir apenas uma instância de uma classe através de um ponto de acesso conhecido e quando essa única instância precisa ser extensível através de subclasses.

Estrutura

A estrutura apresenta o padrão graficamente, através de uma notação baseada na Object Modeling Technique (OMT) e às vezes em diagramas de interação. No caso do Singleton, apenas o seguinte diagrama é utilizado:

Figura 1 – Estrutura do Singleton utilizada como exemplo (GAMMA et al., 1995)



Participantes

Descreve as responsabilidades de cada classe que participa do padrão. Neste caso, existe apenas uma: o próprio Singleton, que define a operação de classe Instance, permitindo aos clientes acessarem sua única instância. Também pode ser o responsável por criar sua própria instância única.

Colaborações

Este tópico explica como as classes participantes colaboram para executar as responsabilidades especificadas. Para o Singleton, os clientes (ou seja, os objetos que o acessam) acessam a instância única pela operação Instance.

Consequências

As consequências descrevem os custos e benefícios para que o padrão possa realizar seu objetivo, além dos aspectos da estrtura de um sistema que ele permite variar independentemente. O Singleton enumera cinco benefícios:

Primeiro, acesso controlado à instância única, já que a única instância é encapsulada dentro da classe Singleton, ela possui controle total de como e quando ela pode ser acessada pelos clientes.

Segundo, espaço de nomes reduzido. Uma alternativa para o Singleton talvez fosse o uso de variáveis globais, porém o padrão evita que o espaço de nomes seja poluído com variáveis globais que utilizam instâncias únicas.

Terceiro, ele permite um refinamento de operações e da representação, ou seja, permite ao Singleton ter subclasses.

Quarto, permite um número variável de instâncias. Nesse caso, o padrão permite que, após ele ser implementado, seja simples mudar de ideia e a própria classe Singleton, dentro da operação Instance, volte a permitir um número indefinido ou até controlado de instâncias.

Quinto, é mais flexível do que operações de classe. Além das variáveis globais,

operações de classe seriam outra alternativa para o Singleton, porém isso tornaria mais difícil voltar a ter mais de uma instância da classe, além de impedir, em certas linguagens, que subclasses redefinam operações estáticas polimorficamente.

Implementação

Explicita sugestões, técnicas ou riscos que devem ser conhecidos durante a implementação do padrão, além de considerações específicas de algumas linguagens. Para o Singleton, existem duas explicações de implementação.

A primeira refere-se à garantia da existência de apenas uma instância, onde é sugerido tornar a operação de criação do Singleton em uma operação de classe que possui acesso a um atributo que armazena a instância do Singleton, caso já exista. A segunda trata da criação de subclasses da classe Singleton, onde é sugerido registrar cada instância por nome para que uma classe cliente possa acessar o singleton desejado sem precisar conhecer todas as instâncias existentes. Ambas as implementações são exemplificadas na seção de exemplo de código.

Exemplo de Código

Como o nome já diz, demonstra o padrão através de um exemplo em código. O exemplo do Singleton é um construtor de labirintos, onde a classe que é responsável pela fabricação dos labirintos necessita de apenas uma instância. São apresentadas duas versões: uma onde não há uso de subclasses e uma onde há o uso.

```
class MazeFactory {
public:
    static MazeFactory* Instance();

    // interface existente vai aqui
protected:
    MazeFactory();
private:
    static MazeFactory* _instance;
};

// implementação:

MazeFactory* MazeFactory::_instance = 0;

MazeFactory* MazeFactory::Instance () {
    if (_instance == 0) {
        _instance = new MazeFactory;
}
```

```
}
return _instance;
}
```

Código 12 – Exemplo de Singleton sem subclasses (GAMMA et al., 1995)

```
MazeFactory* MazeFactory::Instance () {
   if (_instance == 0) {
      const char* mazeStyle = getenv("MAZESTYLE");

   if (strcmp(mazeStyle, "bombed") == 0) {
      _instance = new BombedMazeFactory;

   } else if (strcmp(mazeStyle, "enchanted") == 0) {
      _instance = new EnchantedMazeFactory;

   // ... outras subclasses possíveis

   } else { // default
      _instance = new MazeFactory;
   }
}
return _instance;
}
```

Código 13 – Exemplo de Singleton com subclasses (GAMMA et al., 1995)

Usos Conhecidos

Demonstra usos desse padrão em sistemas reais. No caso do Singleton, é mencionado o relacionamento entre classes e suas metaclasses e o toolkit para construção de interfaces de usuário InterViews, que usa o padrão para acessar as únicas instâncias das classes Session e WidketKit, entre outras.

Padrões Relacionados

Os padrões relacionados apresentam padrões que possuem alguma relação ou que podem ser usados juntos do padrão proposto. São mencionados padrões que podem ser implementados utilizando o Singleton, que são o AbstractFactory, o Builder e o Prototype.

Referências

- ALEXANDER, C.; ISHIKAWA, S.; SILVERSTEIN, M. A Pattern Language: Towns, Buildings, Construction. New York: Oxford University Press, 1977. Hardcover. ISBN 0195019199. Disponível em: http://www.amazon.fr/exec/obidos/ASIN/0195019199/citeulike04-21. Citado na página 25.
- FORD, N. Functional design patterns functional thinking. Disponível em https://www.ibm.com/developerworks/library/j-ft10/index.html. 2012. Citado na página 17.
- FUSCO, M. From gof to lambda. Disponível em https://www.youtube.com/watch?v=Rmer37g9AZM&t=122s. 2016. Citado na página 17.
- GAMMA, E. et al. *Design Patterns: Elements of Reusable Object-Oriented Software*. Reading, Massachusetts: Addison-Wesley, 1995. ISBN 0-201-63361-2. Citado 5 vezes nas páginas 5, 7, 25, 27 e 29.
- NORVIG, P. Design patterns in dynamic languages. Disponível em https://norvig.com/design-patterns/design-patterns.pdf. 1996. Citado na página 17.
- SIERRA, S. Clojure design patterns. Disponível em https://www.infoq.com/presentations/Clojure-Design-Patterns/. 2013. Citado na página 17.
- WLASCHIN, S. Functional programming design patterns. Apresentado pelo autor em https://fsharpforfunandprofit.com/fppatterns/. 2014. Citado na página 17.