Tema: Introdução à programação II

Atividade: Funções e procedimentos recursivos em C

01.) Editar e salvar um esboço de programa em C, cujo nome será Exemplo0601.c, para mostrar certa quantidade de valores recursivamente:

```
Method01a - Mostrar certa quantidade de valores recursivamente.
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
void method01a (int x)
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 0)
  // mostrar valor
    IO_printf ( "%s%d\n", "Valor = ", x );
  // passar ao proximo
    method01a (x - 1);
                            // motor da recursividade
  } // fim se
} // fim method01a()
 Method01 - Mostrar certa quantidade de valores.
void method01 ()
// definir dado
  int quantidade = 0;
  int valor
            = 0;
  int controle = 0;
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0601 - Method01 - v0.0" );
// executar o metodo auxiliar
  method01a (5);
                               // motor da recursividade
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method01 ( )
```

02.) Montar a função principal e compilar o programa.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos.

Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

Em caso de dúvidas, consultar a apostila, recorrer aos monitores ou apresentá-las ao professor.

- 04.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0602.c.
- 05.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar um método para mostrar certa quantidade de valores positivos.

Na parte principal, incluir a chamada de um método para testar o novo.

Prever novos testes.

```
Method02a - Mostrar certa quantidade de valores recursivamente.
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
void method02a ( int x )
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 0)
  // passar ao proximo
    method02a (x - 1);
                        // motor da recursividade
  // mostrar valor
    IO_printf ( "%s%d\n", "Valor = ", x );
  } // fim se
} // fim method02a()
 Method02.
*/
void method02 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0602 - Method02 - v0.0" );
// executar o metodo auxiliar
  method02a ( 5 );
                              // motor da recursividade
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method02 ( )
OBS.:
A exibição do primeiro valor não ocorrerá enquanto
o parâmetro (x) não chegar a zero, e não for iniciar o processo de retorno.
Os valores pendentes serão conhecidos durante o retorno.
```

06.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

- 07.) Executar o programa. Observar as saídas. Registrar os dados e os resultados.
- 08.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0603.c.

09.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar um método recursivo para mostrar certa quantidade de valores positivos, em outra ordem.

Na parte principal, incluir a chamada de um método para testar o novo.

Prever novos testes.

```
Method03a - Mostrar certa quantidade de valores recursivamente.
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
void method03a (int x)
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 1)
  // passar ao proximo
    method03a (x - 1);
                               // motor da recursividade
  // mostrar valor
    IO_printf ( "%s%d\n", "Valor = ", x );
  }
  else
                                // base da recursividade
  // mostrar o ultimo
    IO_printf ( "%s\n", "Valor = 1" );
  } // fim se
} // fim method03a()
 Method03.
void method03 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0603 - Method03 - v0.0" );
// executar o metodo auxiliar
  method03a ( 5 );
                                // motor da recursividade
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method03 ()
```

## OBS.:

Diferente do anterior, a exibição do primeiro valor ocorrerá antes de avançar para o próximo valor (motor).

Observar também que o último valor será tratado de forma particular (base).

10.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

- 12.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0604.c.
- 13.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar outro método para mostrar valores da sequência: 1 2 4 6 8...

Na parte principal, incluir a chamada de um método para testar o novo.

Prever novos testes.

```
Method04a - Mostrar certa quantidade de valores recursivamente.
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
void method04a (int x)
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 1)
  {
  // passar ao proximo
    method04a (x - 1);
                         // motor da recursividade
  // mostrar valor
    IO_printf ( "%s%d\n", "Valor = ", 2*(x-1) );
  }
  else
                               // base da recursividade
  // mostrar o ultimo
    IO_printf ( "%s\n", "Valor = 1" );
  } // fim se
} // fim method04a()
 Method04.
void method04 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0604 - Method04 - v0.0" );
// executar o metodo auxiliar
  method04a ( 5 );
                               // motor da recursividade
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method04 ( )
OBS.:
```

14.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

15.) Executar o programa. Observar as saídas. Registrar os dados e os resultados.

Observar que o último valor será tratado de forma particular.

- 16.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0605.c.
- 17.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar outro método para mostrar valores de parcelas do somatório:

```
1 + 2/3 + 4/5 + 6/7 + 8/9 \dots
```

Na parte principal, incluir a chamada de um método para testar o novo.

Prever novos testes.

```
Method05a - Mostrar certa quantidade de valores recursivamente.
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
void method05a (int x)
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 1)
  // passar ao proximo
    method05a (x - 1);
                               // motor da recursividade
   // mostrar valor
    IO_printf ( "%d: %d/%d\n", x, (2*(x-1)), (2*(x-1)+1) );
  }
  else
                                // base da recursividade
  // mostrar o ultimo
    IO_printf ( "%d; %d\n", x, 1 );
  } // fim se
} // fim method05a()
 Method05.
void method05 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0605 - Method05 - v0.0" );
// executar o metodo auxiliar
  method05a ( 5 );
                                // motor da recursividade
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method05 ( )
```

## OBS.:

Observar que o primeiro na sequência será tratado de forma particular.

18.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

- 20.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0606.c.
- 21.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar uma função para calcular o somatório: 1 + 2/3 + 4/5 + 6/7 + .... Na parte principal, incluir a chamada de um método para testar essa função. Prever novos testes.

```
somarFracoes - Somar certa quantidade de fracoes recursivamente.
  @return soma de valores
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
double somarFracoes ( int x )
// definir dado local
  double soma = 0.0;
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 1)
  {
  // separar um valor e passar ao proximo (motor da recursividade)
    soma = (2.0*(x-1))/(2.0*(x-1)+1) + somarFracoes (x - 1);
  // mostrar valor
    IO_printf ( "%d: %lf/%lf\n", x, (2.0*(x-1)), (2.0*(x-1)+1) );
  }
  else
  // base da recursividade
    soma = 1.0:
   // mostrar o ultimo
    IO_printf ( "%d; %lf\n", x, 1.0 );
  } // fim se
// retornar resultado
  return (soma);
} // fim somarFracoes ( )
 Method06.
void method06 ()
// definir dado
  double soma = 0.0;
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0606 - Method06 - v0.0" );
// chamar a funcao e receber o resultado
  soma = somarFracoes (5);
// mostrar resultado
  IO_printf ( "soma = %lf\n", soma );
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method06 ()
```

22.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

- 23.) Executar o programa. Observar as saídas. Registrar os dados e os resultados.
- 24.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0607.c.
- 25.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar uma função para calcular o somatório:  $1 + 2/3 + 4/5 + 6/7 + 8/9 \dots$  Na parte principal, incluir a chamada de um método para testar essa função. Prever novos testes.

```
somarFracoes2b - Somar certa quantidade de fracoes recursivamente.
  @return soma de valores
  @param x
                       - quantidade de valores a serem mostrados (controle)
  @param soma
                       - valor atual da soma (historia = memoria)
  @param numerador - numerador da parcela a ser somada
  @param denominador - denominador da parcela a ser somada
double somarFracoes2b ( int x, double soma, double numerador, double denominador )
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 0)
  // mostrar valores atuais
    IO_printf ( "%d: %lf/%lf\n", x, numerador, denominador );
  // somar o termo atual e passar ao proximo (motor da recursividade)
    soma = somarFracoes2b (x - 1,
                                                                      // proximo
                              soma + ((1.0*numerador) / denominador), // atualizar
                              numerador +2.0,
                                                                     // proximo
                              denominador+2.0 );
                                                                     // proximo
  }
// retornar resultado
  return (soma);
} // fim somarFracoes2b ()
```

```
somarFracoes2a - Somar certa quantidade de fracoes.
                    Funcao de servico para preparar e
                    disparar o mecanismo recursivo.
  @return soma de valores
  @param x - quantidade de valores a serem mostrados
double somarFracoes2a (int x)
// definir dado local
  double soma = 0.0;
// repetir enquanto valor maior que zero
  if (x > 0)
  // mostrar o ultimo
    IO_printf ( "%d: %lf\n", x, 1.0 );
  // preparar a soma do valor atual e o proximo
    soma = somarFracoes2b (x-1, 1.0, 2.0, 3.0);
  } // fim se
// retornar resultado
  return ( soma );
} // fim somarFracoes2a ( )
 Method07.
*/
void method07 ()
// definir dado
  double soma = 0.0;
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0607 - Method07 - v0.0" );
// chamar a funcao e receber o resultado
  soma = somarFracoes2a ( 5 );
// mostrar resultado
  IO_printf ( "soma = %lf\n", soma );
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method07 ( )
```

26.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

- 28.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0608.c.
- 29.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar uma função para calcular a quantidade de dígitos de um valor inteiro.

Na parte principal, incluir chamada a um método para testar essa função.

Prever novos testes.

```
contarDigitos - Contar digitos recursivamente.
  @return quantidade de digitos
  @param x - numero cuja quantidade de digitos sera' calculada
int contarDigitos (int x)
// definir dado
  int resposta = 1;
                                          // base
// testar se contador valido
  if (x >= 10)
   // tentar fazer de novo com valor menor
     resposta = 1 + contarDigitos (x/10); // motor 1
  }
  else
  {
     if (x < 0)
     // fazer de novo com valor absoluto
       resposta = contarDigitos ( -x );
                                          // motor 2
    } // fim se
  } // fim se
// retornar resposta
  return (resposta);
} // fim contarDigitos ()
  Method08.
void method08 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0608 - Method08 - v0.0" );
// mostrar resultado
  IO_printf ( "digitos (%3d) = %d\n", 123, contarDigitos (123) );
  IO_printf ("digitos (%3d) = %d\n", 1 , contarDigitos (1));
  IO_printf ( "digitos (%3d) = %d\n", -10, contarDigitos ( -10 ) );
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method08 ()
```

30.) Compilar o programa novamente.

Se houver erros, resolvê-los e compilar novamente, até que todos tenham sido resolvidos. Se não houver erros, seguir para o próximo passo.

- 31.) Executar o programa. Observar as saídas. Registrar os dados e os resultados.
- 32.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0609.c.
- 33.) Editar mudanças no nome do programa e versão. Acrescentar uma função para calcular termo da série de Fibonacci. Na parte principal, incluir chamada ao método para testar essa função.

Prever novos testes.

```
fibonacci - Gerador de numero de Fibonacci.
  @return numero de Fibonacci
  @param x - numero de ordem cujo valor sera' calculado
int fibonacci (int x)
// definir dado
  int resposta = 0;
// testar se contador valido
  if ( x == 1 || x == 2 )
   // primeiros dois valores iguais a 1
     resposta = 1;
                                // bases
  }
  else
     if (x > 1)
     // fazer de novo com valor absoluto
       resposta = fibonacci (x-1) + fibonacci (x-2);
    } // fim se
  } // fim se
// retornar resposta
  return (resposta);
} // fim fibonacci ()
  Method09.
void method09 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0609 - Method09 - v0.0" );
// calcular numero de Fibonacci
  IO_printf ( "fibonacci (%d) = %d\n", 1, fibonacci ( 1 ) );
  IO_printf ( "fibonacci (%d) = %d\n", 2, fibonacci ( 2 ) );
  IO_printf ( "fibonacci (%d) = %d\n", 3, fibonacci ( 3 ) );
  IO_printf ( "fibonacci (%d) = %d\n", 4, fibonacci (4));
  IO_printf ( "fibonacci (%d) = %d\n", 5, fibonacci (5));
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method09 ( )
```

- 34.) Compilar o programa novamente. Se houver erros, resolvê-los; senão seguir para o próximo passo.
- 35.) Executar o programa. Observar as saídas. Registrar os dados e os resultados.
- 36.) Copiar a versão atual do programa para outra nova Exemplo0610.c.
- 37.) Editar mudanças no nome do programa e versão.

Acrescentar uma função para contar letras minúsculas em uma cadeia de caracteres.

Na parte principal, incluir chamada ao método para testar essa função.

Prever novos testes.

```
contarMinusculas - Contador de letras minusculas.
  @return quantidade de letras minusculas
  @param x - cadeia de caracteres a ser avaliada
int contarMinusculas ( chars cadeia, int x )
// definir dado
  int resposta = 0;
// testar se contador valido
  if (0 \le x \& x \le strlen(cadeia))
   // testar se letra minuscula
     if ( cadeia [x] >= 'a' &&
       cadeia [x] <= 'z')
     // fazer de novo com valor absoluto
       resposta = 1;
    } // fim se
     resposta = resposta + contarMinusculas ( cadeia, x+1 );
  } // fim se
// retornar resposta
  return (resposta);
} // fim contarMinusculas ()
  Method10.
*/
void method10 ()
// identificar
  IO_id ( "EXEMPLO0610 - Method10 - v0.0" );
// contar minusculas em cadeias de caracteres
  IO_printf ( "Minusculas (\"abc\",0) = %d\n", contarMinusculas ( "abc", 0 ) );
  IO_printf ( "Minusculas (\"aBc\",0) = %d\n", contarMinusculas ( "aBc", 0 ) );
  IO_printf ( "Minusculas (\"AbC\",0) = %d\n", contarMinusculas ( "AbC", 0 ) );
// encerrar
  IO_pause ( "Apertar ENTER para continuar" );
} // fim method10 ( )
```

## Exercícios:

DICAS GERAIS: Consultar o Anexo C 02 na apostila para outros exemplos.

Prever, realizar e registrar todos os testes efetuados.

Integrar as chamadas de todos os programas em um só.

- 01.) Incluir em um programa (Exemplo0611) um método para ler um valor inteiro do teclado e chamar procedimento recursivo para mostrar essa quantidade em valores pares em ordem crescente começando em 5.
- 02.) Incluir em um programa (Exemplo0612) um método para ler um valor inteiro do teclado e chamar procedimento recursivo para mostrar essa quantidade em múltiplos de 5 em ordem decrescente encerrando em 5.
- 03.) Incluir em um programa (Exemplo0613) um método para ler um valor inteiro do teclado e chamar procedimento recursivo para mostrar essa quantidade em valores da sequência: 1 3 6 9 12 15 ...
- 04.) Incluir em um programa (Exemplo0614) um método para ler um valor inteiro do teclado e chamar procedimento recursivo para mostrar essa quantidade em valores decrescentes da sequência: ... 1/125 1/25 1/5 1.
- 05.) Incluir em um programa (Exemplo0615) um método para ler uma cadeia de caracteres e chamar procedimento recursivo para mostrar cada símbolo separadamente, um por linha.
- 06.) Incluir em um programa (Exemplo0616) uma função recursiva para calcular a soma dos primeiros valores ímpares positivos começando em 5. Testar essa função para quantidades diferentes.
- 07.) Incluir em um programa (Exemplo0617) uma função recursiva para calcular a soma dos inversos (1/x) dos primeiros valores ímpares positivos começando em 5. Testar essa função para quantidades diferentes.
- 08.) Incluir em um programa (Exemplo0618) uma função recursiva para calcular certo termo par da série de Fibonacci começando em 1. Testar essa função para quantidades diferentes.
  DICA: Separar o cálculo do termo e o teste para verificar se é par.
- 09.) Incluir em um programa (Exemplo0619) uma função recursiva para contar os dígitos com valores ímpares em uma cadeia de caracteres. Testar essa função para cadeias de diferentes tamanhos.
- 10.) Incluir em um programa (Exemplo0620) uma função recursiva para calcular a quantidade de maiúsculas em uma cadeia de caracteres. Testar essa função para cadeias de diferentes tamanhos.

## Tarefas extras

E1.) Incluir em um programa (Exemplo06E1) uma função recursiva para calcular o valor da função definida abaixo, lidos os valores de (x) e (n) do teclado:

$$f(x, n) = 1 + x^1 + x^3 + x^5 + x^7 + ...$$

E2.) Incluir em um programa (Exemplo06E2) uma função recursiva para para calcular o valor indicado abaixo, lido o número de termos (n) do teclado:

$$e = 1 + 1/2! + 2/3! + 4/5! + 6/7! + ...$$