$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 5 & 7 & 2 \\ 1 & 4 & 7 & 2 \\ 6 & 3 & 9 & 17 \\ 13 & 5 & 4 & 16 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{A}^{-1} = \begin{bmatrix} 15 & 21 & 0 & 15 \\ 23 & 9 & 0 & 22 \\ 15 & 16 & 18 & 3 \\ 24 & 7 & 15 & 3 \end{bmatrix}$$
$$\det(\mathbf{A}) = 21 \qquad \det(\mathbf{A}^{-1}) = 5$$

12 manipulação de matrizes 2 (++++)



A partir do exercício anterior e, portanto, continuando com a proposta de considerar apenas as matrizes bidimensionais A, de ordem m por n, que armazenam em cada uma de suas posições um número inteiro $a_{i,j}$, onde o índice i indica a linha e o índice j indica a coluna, com $1 \le i \le m$ e $1 \le j \le n$ e $m, n \in \mathbb{N}^*$, escreva um programa \mathbb{C} que atenda às especificações indicadas a seguir.

Entrada

A primeira linha da entrada contém os números naturais m e n, nesta ordem, separados por um único espaço em branco entre eles.

Cada uma das m linhas seguintes conterão os elementos localizados em cada uma das linhas da matriz A, separados entre si por um único espaço em branco. Sabemos, portanto, que cada uma destas linhas conterá n números inteiros.

A linha seguinte conterá um único caractere que indicará uma operação matricial: poderá ser o 'I' (inversa) para indicar a operação de *inversão de matriz*, 'T' (tê) para indicar a *transposição de matriz* e, por fim, 'D' (dê) para indicar o *determinante* da matriz.

Observação: Considere que $1 \le m, n \le 10$ e que $-50 \le a_{i,j}, b_{i,j} \le 50$.

Saída

A saída consistirá das linhas da matriz que corresponda à realização da operação A^{-1} (matriz inversa de A), A^{t} (matriz transposta de A) ou det(A) (determinante de A).

Lembre-se que há regras específicas que regem a realização das operações de inversão de matriz e do cálculo de seu determinante. Se não for possível realizar a operação solicitada pelo usuário, o programa deverá emitir na saída uma linha com a mensagem: ERROR (grafada em letras maiúsculas).

Exemplos

Entrada	Saída
2 3	1 4
1 2 3 4 5 6	2 5
4 5 6	3 6
T	

Entrada	Saída
2 3	ERROR
1 2 3	
4 5 6	
D	

Entrada	Saída
2 2	-3
1 2	
4 5	
D	

Entrada	Saída
4 4	1 0 0 0
1 0 0 0	0 1 0 0
0 1 0 0	0 0 1 0
0 0 1 0	0 0 0 1
0 0 0 1	
I	

Entrada	Saída
4 4	1
0 0 0 1	
0 0 1 0	
0 1 0 0	
1 0 0 0	
D	